### DATTA'S EDUCATIONAL SERIES.

PRACTICAL GEOMETRY, MENSURATION, LAND SURVEYING AND LEVELLING.

BENGALI.

IOMPILED FOR THE USE OF SCHOOLS AND PROFESSIONAL MEN,

BY

#### NABINA CHANDRA DATTA.

Compiler of "Khagola Bibaran."
FOURTH EDITION.

Revised and Enlarged.

ব্যবহারিক জ্যামিতি,)কেত্রব্যবহার,
জরীপ এবং সমস্থল প্রক্রিয়া।

-:0:-

ঞ্জীনবীনচক্ৰ দত্ত প্ৰণীত।

চতুর্থ সংস্করণ।



CALCUTTA;

69. BARANASHI GHOSE'S STREET, HITAISHI PRESS.

Printed by Denonath Dass.

1886.

All rights reserved.

ৰাস্থাক্ত্ৰ পূ পূ প্ৰ প্ৰ ক্ষ্মিক ক্ষ্মিক ক্ষ্মিক ক্ষ্মিক ক্ষ্মিক ক্ষ্মিক ক্ষ্মিক ক্ষ্মিক ক্ষ্মিক ক্ষমিক ক্ষমিক



# প্রীতিভাজন শ্রীষুক্ত ঈশানচক্র মুখোপাধ্যায় প্রিয়স্থদ্ধরেয়।

আৰ্য্য!

গ্রন্থাপ্র লোকে হয় ধনী কিন্তা সদাশয়, |মুপণ্ডিত, ন্যায়পর মহাপুরুষদিগকেই লক্ষ্য করে। মহাশয় ৃষ্ণিও ধনীনহেন তৰাচ যে সকলগুণে মানব প্রকৃতির সমুন্নতি সাধিত হয়, সেই সকল গুণ বছল পরিয়াণে আপনাতে থাকাতে আপনিও একজন মহা-প্রক্ষ বলিয়া পরিগণিত হন। বস্তুতঃ মহাশয়ের তুল্য শান্ত স্বভাব, পরোপকারব্রতে ব্রতী, উদার, বিকার-দুন্য ও ন্যায়পর বাজি আমি আর দেখিয়াছি। ঘাপনার দহিত পরিচিত হইয়া আপনার গুণ্ঞামে দাক্ষ নাহয় এবং মহাশয়কে প্রীতি ও শ্রদ্ধা না করে এমন লোক অতি বিরল। অতএব মংপ্রণীত <sup>এই</sup> গণিত গ্রন্থানি আপনাকে উপহার প্রদান চরিলাম। আপনার নিকট ই€ার অনাদরের সস্ভাবনা नाई।

> हेि श्रीमवीमहर्कः मखना मञ्चमस निर्दर्जनरी

যখন থগোলবিবরণ গ্রন্থণানি আমি প্রথম প্রণয়ন করি, ভথন মনেমনে এই সংকল্প করিয়াছিলাম যে, বিজ্ঞানশাল্প সম্বন্ধীয় আর করেক থানি গ্রন্থ ভরার প্রস্তুত করিয়া অস্মদ্দেশীয় নর্মাল বিদ্যালয়ের অভাব দ্র করিব। সেই প্রতিজ্ঞান্ত্রনারে আমি ব্যবহারিক জ্যামিতি ও ক্ষেত্রব্যবহার নামে এই পুস্তুক থানি প্রকাশ করিলাম। পরে আর আর গুলি প্রকাশ করিতে চেটা করিব।

বঙ্গভাষার বিজ্ঞানশান্ত সম্বন্ধীর পাঠোপবোগী গ্রন্থ অভি
বিরল। আপাভতঃ ক্ষেত্রব্যবহার গ্রন্থখানি অভিশর প্রয়োজনীর হইরা উঠিরাছে দেখিরা, আমি এখানি অগ্রে সংকলন করিলাম। সংকলিত পুস্তক কোন গ্রন্থ বিশেষের অবিকল অন্থাদ নহে। ইহা হটন্দ মেন্ত্র্বেসন, বেকার্য মেন্ত্র্বেস টেট্ল প্রিন্সিপল অফ জিয়মিট্র, মেন্ত্র্বেসন এণ্ড লোল সরভেরিং, উইলিয়ম্স প্রাকৃতিকেল জিয়ডেদি প্রভৃতি প্রাকৃতিকেল গ্রামিটির প্রাকৃতি প্রকাদিত হইরাছে, এবং পাটীগণিত আল্লান্য গণিত পুস্তকাদি হইতে স্ই একটী বিষয় ও কয়েকিল প্রাকৃতি করিয়া উদ্ধৃত করা গিয়াছে।

এই পুস্তকের প্রথম ভাগে ইউক্লিড রচিত স্থপ্রসিদ্ধ জ্যামি শাস্তকে মন্থন করিয়া দার দংকলন করা হইয়াছে। ইং উদ্দেশ্য এই, বালকেরা জন্ন দমন্ত্রে জ্যামিতির স্থলস্থল শিথিরে; এবং এরূপ প্রভার হইভেছে যে, ইহার জ্যামিতিশালের জালোচনা জনেক স্থাধ্য 'হইয়া জানি গণিতশাত্ত্বের প্রধানপ্রধান শাথ। অনারাসে আয়ত হইবে,
এবং অল্প সময়ের মধ্যে অধিক বিদ্যা উপার্জ্জন হইবে। এই
উদ্দেশ্য কত দ্র সমাহিত হইরাছে, তাহা গণিতশাত্ত্বে পারদর্শিরাই বিচার করিবেন। জ্যামিতির অবলম্বভূত মৌলিক
তত্ত্বগুলি, ক্ষেলের ব্যবহার, এবং ক্ষেত্রব্যবহারের কতকগুলি নিয়ম
যাহা জ্যামিতির প্রতিজ্ঞা হইতে অল্পমিত হইরাছে ও তাহাদিগের
যুক্তি এই প্রথম ভাগে বিশেষরূপে প্রদর্শিত হইরাছে।

এই পুস্তকের দিতীয়, তৃতীয় ও চতুর্থ ভাগে, রৈথিক, বর্গ ও ঘন পরিমাণ, এবং পঞ্চম ভাগে শৃষ্থল দারা ভূমির মাপ, জরীপী নক্ষা অন্ধিত করিবার নিয়ম ও সমস্থল প্রক্রিয়া এই সকল বিষয় সন্নিবেশিত হইরাছে, এবং লীলাবতীর কয়েকটী উৎকট প্রশ্ন ও শুভঙ্কর প্রভৃতির ভূমি, পুষ্করিণী প্রভৃতির কালির আর্ধ্যাও ভাহার যুক্তিও প্রশ্নিত হইরাছে। ইহাতে যে সকল প্রশ্ন নিবেশিত হইরাছে, ভাহার প্রায় অধিকাংশই নৃতন; প্রশাসন প্রায় ছাত্রবর্গের অস্ক্র বিষয়ে বৃদ্ধি বিষ্ফারণের বিলক্ষণ সম্ভাবনা আছে।

গণিতবিষয়ক ছ্রুহ অংশ সকল প্রাঞ্জন ভাষায় ও ঋষু উদাহরণে প্রকাশ করিজে দাধ্যাল্লদারে প্রয়াদ পাইয়াছি, কিন্তু কতদ্র কৃতকার্য্য হইয়াছি বলিতে পারি না। এইক্ষণে এই নব প্রচারিত ক্ষেত্রব্যবহারথানি শিক্ষক ও ছাত্র উভয়েরই ব্যবহারোপযোগী হইলে শ্রম সফল বোধ করিব।

কলিকাতা, যোড়াবাগান। ২৪এ আবাঢ় ১২৬৬ সাল।

**बानियान मंख्या** 

# দ্বিতীয় বারের বিজ্ঞাপন।

ক্ষেত্রব্যবহার দিতীয়বার মুদ্রিত হইল। এইবার ইহার অনেক স্থল পরিবর্ত্তিত হইল ও অনেক অংশ বাহুল্য রূপে বির্ত হইল। বিশেষতঃ দিগ্দর্শন্যস্ত্র (কম্পাশ), কোণবীক্ষণ যত্র (থিয়োডোলাইট), ভক্তি (প্লেনটেবল) দ্বারা জ্বীপ করিবার প্রণালী এবং সমস্থল প্রক্রিয়ার ও মানদগুঘটিত কয়েকটী বিবরণ নূতন সন্নিবেশিত হইল।

২১এ ভাদ্র ১২৭৯ দান।

बीनवीनहत्त्व पछ।

# ভৃতীয় বারের বিজ্ঞাপন।

ক্ষেত্রব্বহার তৃতীয় বায় মুদ্রিত হইল। এইবারও ইহার আনেক স্থল পরিবর্ত্তিত হইল ও অনেক স্থল বাছল্যরূপে বিরুত্ত হইল। বিশেষতঃ প্রেদিডেন্সি বিভাগের ইন্দপেক্টর মান্যবর মেং উড্রো সাহেবের অন্মত্যন্ত্রসারে শৃষ্থাল পরীক্ষা করিবার উপায়, রক্ষের বিবরণ প্রেছতি কয়েকটা বিষয় নৃতন সন্নিবেশিত হইল; অপর স্কট্ সাহেবের ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্রীপ সুস্তক্ষয়ও হইতে তৃই একটা বিষয় সন্ধানত হইল।

२०३ कान्छन १२१२ मान। जीनवीनहन्त पछ।



াবন্ধ |

#### প্রথম ভাগ।

াবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ব। ... ০০০ ।

গিরভাষা ও জ্যামিতির অলম্বভূত মৌলিক তত্ব ১-৩০ ।

গজ, ক্ষেল বা মানদণ্ড নির্মাণ ১২ । ওলন মাটাম ১৪ ।

স্থরাসাম্য যন্ত্র ১৫ । মাটাম ১৫ । ত্রিকোনী, ফাড়
মারি করুশদণ্ড ১৬ ৷ প্রোট্যাক্টিং ক্ষেল বা কোণ
মান গজ ২২ । থিয়োডোলাইট বা কোণবীক্ষণ যন্ত্র

২৪ ৷ কোণবীক্ষণ যন্ত্রহারা নদী ও মন্দিরের উচ্চত।

নির্ধি ২৭ ৷ সীকার্য্য কথা, স্বতঃসিদ্ধ ৩০ ৷ গণিতের

চিক্ত নিরূপণ ৩১ ৷

কোণ, ত্রিভুজ এবং সমান্তরাল রেখা সঙ্গনীয় উপপাদ্য ও সম্পাদ্য। (২৩টী প্রতিজ্ঞা) ... ৩৬ চাম্চিকা থিলান প্রস্তুত করিবার নিয়ম ৪০। কোন নদী পার না হইয়া ভাহার প্রস্তুত্বপরিমাণ করিবার নিয়ম ৫০। সমান্তরিক ও অন্য প্রকার চতুরস্র ক্ষেত্রসম্বনীয় উপপাদ্য ও সম্পাদ্য। (১১টী প্রতিজ্ঞা) ... ৬১ সমান্তরিক (রুলার) পরিমাপক ৬৯।

ইউক্লিডের সপ্তচন্ধারিংশ প্রতিজ্ঞা ও ঐ প্রতিজ্ঞা অবলম্বন করিয়া সরলরৈথিক ক্ষেত্রের কয়েকটা ধর্ম প্রদর্শন। (১০টা প্রতিজ্ঞা) ... ... ... ৭৮ শুন্ধাল দারা ভূমির উপর সমকোণিক ত্রিভূক্ত নির্মাণ ৮ গ

রেধা ও ধরাতলের সম্ব	क। সদৃশ	ত্রিভুজ	। (व्ही	প্রতিজ্ঞ	( )
শামান্য মানদণ্ড	নিৰ্শাণ	201	ডায়েগ	ানাল (	ऋट
স্ক্ষমান দণ্ড ১৮	·। मृ	fo att	<u>ভ</u> য়া র	াথিয়া	ক
স্তম্ভের উচ্চতা নির্ণ	य <b>३३</b> ।				
র্ভসম্বন্ধীয় <b>উ</b> পপাদ্য ও	সম্পাদ্য	। (७० <sup>1</sup>	ী প্রতি	<b>ज्रु</b> ∣),,	•
গোল থিলান নিৰ্মাণ					
সমুদ্রের <b>ভীরস্থ</b> ে					
দেখা যায় তাহা নি					
ঁকরিব∣র নিয়ম ১২	ে। আহ	নবচ্ছিন্ন	বক্ত বে	ৰথার ভ	ারা
দিক্ সংযোগ করিবা				•••	
নানা বিষয়িণী সম্পাদ্য ও	উপপাদ	ភ៖ (:	গী প্রতি	987)	:
অতিরিক্ত প্রতিজ্ঞা।	•••	•••			
घन জ্যামিতি।	•••	•••	•••		
পরিভাষা।	•••	•••	***	•••	:
ধারাতলিক ও ঘন জ্যামি	ভি সম্বৰ্	ীয় উপণ	ाना ।		
(১৬টা প্ৰভিজা)	•••	•••	•••	•••	:
	-				
f	ৰতীয় ব	ভাগ ৷			
রৈথিক পরিমাণ।	•••				;
বস্তু ও স্থানের দৈর্ঘ্যা	দি মাপি	বার ধার	11	•••	٠
সেকন্দরী গজের পরি				440	>
রৈথিক পরিমাণ দম্বন্ধীয়				श्रा य	

বহু দৃষ্টান্ত সম্বলিত ) ,.. ,., ... ১৮১ দীলাবতীর প্রশ্ন । ... ... ২০৫

#### তৃতীয় ভাগ।

ভূমি পরিমাণ ... ভূমি মাপিবার ধারা ২০৮ । বঙ্গদেশীর মাপ ইংরেজী মাপে পরিবর্ত্তিত ২১১। সমচভূর্ত্ত, আয়ত ও শঙ্কর ক্ষেত্রের কালি ২১২। ত্রিভুক কেত্রের কালি ২২৭। ট্রাপিজৈড্ क्लाब्बर कानि २७১। विवयह कूर्ज क्लाबर कानि २०२। বিষম বছভূজ কেত্রের কালি ২৩৫। সমবাত্ক ও সম-কোণিক বছভুজ কেত্রের কালি ২৩৭। বুতকেত্রের কালি ২৪১। ছই ঐককেন্দ্রিক বৃত্তের পরিধির অন্তর্গত অঙ্গুরীয় আকারের ভূমির কালি ২৪৫। বুভচ্ছেদকের কালি ২৪৭। বুত্তথতের কালি ২৫০। বুতাকার মণ্ড-तित कालि २०२। अर्फ कसाकृष्ठि पृथित कालि २००। ত্রিভুজের অন্তর্গত ও বহিঃছ বুতকেতের কালি ২৫৪। বুড়াভাদ ক্ষেত্রের কালি ২৫৫। ক্ষেপনী আকারের ভূমির कालि २०७। क्लभनीम छल्तत कालि २०१। नत्न वा वक রেথা ছারা বেষ্টিভ বিষম কেতেরে কালি ২৫৮। বরজিয়া कानि २७১।

# চতুর্থ ভাগ।

ঘন পরিমাণ ••• •• •• •• ২৬০ ঘন পরিমাণের ধারা ২৬০। সমকোণিক ও সমবাছক ঘন বস্তুর ঘনকল ২৬৪। আয়ত আকার ঘন বস্তুর ঘনকল ২৬৭।

পহন ও खर्खित धनकन २१०। পহन ও खर्खित পृष्टै-कन २१८। एठी ७ नमरकापष्ट्रीत चनकन २११। प्रठीत বা সকোণস্থাীর **প্রকাণ্ডের ঘনকন** ২৮১। সকোণ স্থাীর ভবস্থ কেত্র সমবাহ বহুভূতকেত্র হইলে, ভাহার প্রকা-ওের ঘনক্ষণ ২৮১। স্থচীর বা সকোণস্থচীর প্রকাণ্ডের পৃষ্ঠकन १৮२। भूकतियेत कानित अभात नितम २৮৫। वींथ माणिवात निवंस २৮७। काक्नात बनकन २৯०। काक्नात क्षकारकत घनकन २৯১। वर्क् त्नत घनकन २৯०। वर्ज् नथर ७ व वनक न २००। वर्ज् न मछरन व चनकन २०७। বর্তু লমগুলের ন্যুক্ত পৃষ্ঠকন ২৯৭। গোলাকার টক্রুর घनकल २৯৮। कूनानठकाकांत्र वस्त्रत घनकन २৯৯। কুনালচক্রাকার বস্তর পৃষ্ঠকল ২৯৯। বর্জুলাভাসের ঘনফল ৩০০। কেপনীস্তন্তের মনফল ৩০১। শুসুজের भृष्ठेकन ७ घनकन ७०२ । जाहात्ज्य दोसोरे निवाभन ७०२ । রজ্বুর ওজন নিরূপণ ৩০৩। ধানারাশির মাপ ৩০৩। व्यवतन धनवर्षेत्र धनकन २०६। ज्वरनात श्रवह निव्रभागत উপায় ৩০ ৭ ।

नांना विविश्वती छेनांहत्रभाना । ... ... ७३०।

#### পঞ্চম ভাগ।

ভরীপ।	•••	•••	•••	•••		959
<b>ब</b> द्रीशी	কতা, জম	ोषात्री त्रा	ने ।	•••	•••	७১৮
वाकीरत	ৰ শভাৱ ।			***		ל אפי

ভদ্দ শৃত্খল দারা জরীপ করিবার নির্ম । ৩২২
শৃষ্টাল পরীক্ষা করিবার উপার ৩২৫। চিঠার বিবরণ
৩২৬। বিষমাকার কেত্রের জরীপ ৩৩১। ত্রিভুজ
ক্ষেত্রের জরীপ ৩৩৬। বছভূজ ক্ষেত্রের জরীপ 🔒 ৩৩৯।
কৃটিল ক্ষেত্রের জরীপ ৩৪৩। নদীর উপকৃল জরীপ ৩৫০।
রান্তা জ্রীপ ৩৫৬। বাদা কিয়া বন জ্রীপ ৩৫৮। সৃত্য-
লের সমুখে নদী ব্যবধান পড়িলে ভাহা পরিমাণ করি-
বার নিয়ম ৩৬১। জননিয় ভূমি জরীপ ৩৬৪। জরীপ
করিয়া পূর্বে এভকেশে চিঠা লেখার বেরূপ রীতি ছিল
ভাহার বিবরণ ৷ ৩৬৫
থাকবন্ত সংক্রান্ত জরীপের নিয়ম।
দিগ্দর্শন যুদ্ধারা জ্বীপ করিবার নির্ম ••• •• ৩৭৭
শামান্য দিগুদর্শন মন্ত্র ৩৭৭। মৌকুরিক দিগুদর্শন বন্ত ৩৮০
বিয়ারিং ও পাল্টা বিয়ারিং ৩৮২। দিশ্দর্শন বভ্রদার।
জরীপর ১০০ ১ ১০০ ১ ১০০
ক্ষেত্রবর্টক শ্বরীপের নিয়ম। ১৮৫
টুকরা জমীর চিঠা এ৮৮। শীমাবন্দীর চিঠা। ৩৮৯
থসড়া চিঠা ও একোন্নাল ৩৯০ পৃঠার ক্রোড় পত্ত।
কোণবীক্ষণ যন্ত্ৰ (থিওজোলাইট) ৷ ৩৯১
কোণবীকণ ব্যৱের অঙ্গদামঞ্জায়। ১৯৫
কোণৰীক্ষণ যত্ৰ দারা দ্বরীপ। (৫টা উলাহরণ) ৩৯৯
উৎক্রপ্ত প্রথান্থসারে চিঠা লিথিবার ধারা। ৪০৯
ক্ষেত্ৰ অভ্যস্ত বক্ৰ হইলে ভাহাকে সমকোণিক ত্ৰিভুক্

ক্ষেত্রে পরিবর্ত্তিত করিয়া জ্বরীপ করণ।	•	8.14
ভক্তি (প্লেন টেবিল) ব্যবহার করিয়া জ্রীপ	করিবা	র
ধারা।	•••	812
ক্ষেলের ব্যবহার। ••• ••• •••	•••	800
সামান্য মানদণ্ড।	***	808
অণুমাপক মানদও।	***	800
উত্তর দিক নিরূপণের উপায় •••	•••	8 36
ৰুৱীপী নক্সা অন্ধিড করিবার নিয়ম।	•••	880
শৃষ্খল দারা জরীপ হইলে তাহার নক্সা।	***	882
দিগ্দৰ্শন যন্ত্ৰ ছাৱা জ্বীপ হইলে ভাহার নক্ষা	1	888
রকা : • • • • • • • • • • • • • • • • • •	***	889
জ্রীপ দংকান্ত প্রশ্ন।	•••	842
সমস্থল নিরূপণ করিবার রীভি।	•••	844
ওয়াই সাম্য বস্ত্ৰ	•••	862
টুক্টন্দ দাম্য यद्व ।	•••	805
সমতলীয় দণ্ড।		893
সমতল তব ৷		895
থগু রেখা ৪৬৪। সমতল চিঠা ৪৬৫। তল	রেখা	899
ব্যবহারিক দমতল চিঠা ৪৬৭। দ্	ষ্টবৈলক	47
(गांथन।		862
প্রনিক শব্দের ইংরেজী প্রতিশব্দ।	***	817

C. Cong

मूथ्यक्ष। २० - १ १०

चार्ति गर्न करत्व (व चार्याकाल संस्कृती অন্য প্রকার গণিতের চর্চা ছিল না, কিন্তু সেটা ভাঁছানিংগর ভ্রম ; ভারতবর্ষই গণিতবিদ্যার আকরস্থান। এক ব্রাহ্ম नत्र भेरास व्यक्तत मध्का खरा मन्धानाखत त्रवित नित्रम. এই দেশেই প্রথম স্ফ হয়, এবং এখান হইতে পুথিরীর সর্বস্থানে নীত হয়। বীজগণিতেরও স্থায়ি ভারতবর্ষে হয়; আরবীয়েরা ইহার অনুবাদ করে, আরব হুইতে ইউরোপ थए नीज इत्र। शृद्धकारण, यथन शृथियीत नमुमात्र सम्बद्ध অজ্ঞানাম্বকারে আচ্ছন্ন ছিল, তখন ভারতবর্ষ জ্ঞানের আলোকে সমুজ্জ্বলিত ছিল। গণিত-বিদ্যা যে এ দেশে কোন সময়ে স্ফ হয়, ভাহার কোন নিদর্শন পাওয়া যার না, এই মাত্র অতুমান করা যায় যে, যে সময়ে অধ্যিভট্ট, বৃদ্ধগুর, বরাহমিছির প্রভৃতি খগোলবেতারা বিদ্যমান ছিলেন, मिट ममात्र **छे**टांत विश्वय ठर्छ। हिन, अव **छान्द्र**शांतांत्र সমরে উহার সম্ধিক উন্নতিসাধন হইয়াছিল। ভাক্ষরাচার্য্য ১০৩७ मकात्म महाकूनाहालत निक्रिवर्शी नगात महत्र्यताहादा ব্রাহ্মণের প্রবাদে জন্ম গ্রাহণ করেন। ডিনি ৩৬ বংসর उत्रःक्रम कात्म नीनावछी, वीक्रशनिक, शनिकाशात्र छ গোলাধ্যার প্রশারন করেন। এই সকল পুত্তকভাকি স্থলাকিত পদ্যে রচিভা এই করেক খানি গ্রন্থ সুর্যাসভাত ভ বদালৰ প্ৰণীত বদাস্থাত, नहां विश्व ধীর্মিদ ও আর্যাভট্ট প্রণীত আর্যাসন্ধান্ত পাঠ করিলে দশদেশে গণিত, জ্যোতিষ ও বিজ্ঞানশান্তের কি প্রকার চৰ্চা ছিল ভাছা বিশেষ রূপে প্রভীত হয়। কিন্তু ইদানীং উক্ত আছু সকলের বিরশ চর্চা প্রযুক্ত তৎসমুদায় এককালে नुख्यात्र इहेशार्छ।

ভারতবর্ষীর পূর্বভন পণ্ডিভেরা বীলগাণিতে বেরূপ পারদশী ছিলেন, ক্ষেত্রতত্ত্বে তাদৃশ বুংপত্তিলাভ করিতে সমর্থ
হন নাই। ইউক্লিড্ নামে গ্রীক্ গণিডবেতা, যে যে
প্রতিজ্ঞার উদ্দেশ করিতেন, সকলি দৃঢ়তর যুক্তিছারা উপপর
করিতেন; কিন্তু ভারতবর্ষীর পণ্ডিভেরা যে সকল গণনার
সক্ষেত ও বচন দিয়াছেন, ভাহার উপপত্তি ও অভিপ্রার
কহেন নাই। গণনাদি কার্য্য সমাধানদ্দন্য যে সকল নিক্রশ
ও স্থ্রে আবশ্যক ভ্যাত্রই লিথিরাছেন। কেবল কার্য্যসাধনোপ্রোগী জ্ঞানদান যে পুস্তকের উদ্দেশ্য, ভাহাতে
মৃলের আবশ্যক নাই, ইছা ভাবিয়াই হয়ত স্ত্রাদির যুক্তি
প্রদর্শন করেন নাই।

সপ্তভুক্ক অথবা নবভুক্তকে র্ভান্তর্গত করিতে হটবে, অভদর্থে দীদাবভীতে যে এক প্রশ্ন আছে, ভাষা ক্ষেত্রভূত্র ছারা সিক্ষ করা অসাধ্য। বীলগণিতের, ধারাতে রিকান্ত করিলে এ প্রশ্নে এক ঘনসমীকরণ উপস্থিত হয়, ভাষার সন্তাব্য মূল তিবিধ : কিছু অছহারা সেই মূল যথার্থরপে সিদ্ধ হর না, কেবল স্থান্তরপে সন্নিছিত মূল নাত ছির হইছে পারে। লীলাবভীতে উক্ত ক্ষেত্রের ভুজপরিমাণার্থে বে যে সংখ্যার নির্দ্দেশ আছে, তাহা কিরপে লব্ধ হর ভাহার কোন বিবরণ নাই ; গ্রন্থকার বদৃচ্ছাক্রমে এক স্ত্রে রচনা করিয়া কছেন যে, সপ্তভুজ ক্ষেত্রের বাহুপরিমাণ ব্যামের চইটিটিটি গুণ, এবং নবভুজের বাহুপরিমাণ ব্যামের চইটিটিটি গুণ। এই স্ত্রে নিভান্ত অসভ্য নহে, কেননা সপ্তভুজের যথার্থ ভুজপরিমাণ ইটিক ও ইন্নির্দ্ধ মধ্যে, ও নব ভুজের বাহুন্দ পরিমাণ উট্ট ও উটিই মধ্যে নির্ণীত হইয়াছে।

লীলাবতীর চীকাকারের মধ্যে রামক্রফ, গালাধর ও রলমাথ উক্ত প্রশ্নের উপপত্তি করিতে চেফাও করেন নাই, তাঁছারা কেবল গ্রন্থকারের কম্পিভ অন্ধনী উদ্ধৃত করিরা-ছেন। গণেশ স্পাইট সীকার করিরাছেন যে, সমবাছক তিভুজ, চতুর্ভুজ ও অফাভুজের ন্যায়, পঞ্চভুজ, সপ্তভুজ, নর— ভুজ পরিমাণ স্পাইরপে উপপন্ন হয় না। পঞ্চভুজের বিষয়ে এ প্রকার স্বীকার করা কর্ত্তব্য নছে, কারণ পঞ্চ-ভুজের বাছ ক্ষেত্রভন্ত্বারা নির্ণয় করা যায়। স্থান্দান মে নির্ম নির্দ্ধেশ করিরাছেন, ভাহা পাঠ করিলে তাঁছারে অন্তিজ্ঞতা স্পাইরপে লক্ষিত ছয়।

০ বৃশ্বপুথর পর লীলারতীর সময় পর্যান্ত রুত্তকল নির্পদ্ধ প্রসাক্তর ভারতবর্ষ গণিতশাজে বিজ্ঞাতীর উম্লিভ হইয়া-চিল। বৃশ্বপুথ বলেন, যে সুল গগনায় পরিধি ব্যাব্যের তিগুণ, এবং স্ক্রম পরিমাণে ব্যাব্যের বর্গের দশ গুণের বর্গ শূলতুলা, অর্থাং ৩.১৬২৩: ১। কিন্তু লীলাবতীর রচ্যিতা পরিধির সুলপরিমাণ ভদপেক্ষা অধিক করেন, অর্থাং ১২:৭; এবং স্ক্রম গণনার সভ্য নির্ণয়ের আরো নিক্টিভ হইগ্রান্তেন, অর্থাৎ পরিধিপরিমাণ ভাঁহার গ্রানায় ব্যাব্যের ইইটি গুণ। লীলাবভীতে ক্ষেত্রব্যবহার সম্বন্ধীর বে বে উদাহরণ আছে, সে সকলি সামানাতঃ ব্রক্ষগুপ্ত প্রণীত ক্ষেত্রব্যবহারের প্রশ্নতুল্য; এই সমস্ত পর্যালোচনা দারা প্রভীতি হইভেছে বে, ভারতবর্ষীর লোকেরা, ক্ষেত্রব্যবহার ও গাণিত্বটিড আর আর বিষয়ে, ভিন্ন দেশীয় সাহায্য নিরপেক্ষ, অনেক উন্ধতিসাধন করিয়াছিলেন।

ৰাহা হউক, এইকণে শিক্ষক ও ব্যবসায়ী লোকের ব্যব-হারোপবোগী এমন কোন প্রাস্থ নাই, যাহাতে জ্যামিতি, ক্ষেত্রব্যবহার, জরীপ ও সম্মুছল করণের স্থা ও প্রক্রিয়াগুলি একত্রে পাওয়া যায়। এই অভাব পরিহারের জন্য এই প্রেম্থ শীনি সম্মানত হইল।

🎂 জ্ঞামিতি বালক শিক্ষা পদ্ধতি মধ্যে থাকা নিস্তান্ত আৰ– শাক। বীজগণিত না থাকিলে যেমন উক্ত পদ্ধতি অসম্পূৰ্ণ হয়, জ্যামিতির অভাবেও উহা তেমন অঙ্গহীন হয়। ফলঙঃ. এই উভর বিদার ,অতুশীলনেই স্থান উপকার হয়। कारिमिंख ध्रथरम किन्नार छेस्रावित इत्र, जाहा निर्द्धन कता উচিত, ভাহা হইনে তৎসম্বন্ধীয় প্রাথমিক স্থত্তান্তলি বিদ্যার্থী-গ্ৰ কি উপাত্তে সহজে হাদয়ক্ষম করিতে পারে ভাহা উপ-निकि व्हेट्र । अवे विमान ठक्का य प्रक्रि शाहीन कान হইতে আরম্ভ হইয়াছে তাহার সন্দেহ নাই। জলে, স্থাস, कि बाकारन, ठातिमिटक (य नमख शमार्थ मत्रमदशाहत एक সকলেরই একটা অঙ্গনাঞ্জনা আছে; এই অঙ্গনামঞ্জনা জামিতির নিদানভূত, এবং মাযুষ বুদ্ধিরতির ক্ষুতির উন্তেই এই সামঞ্জন্য লক্ষ্য করিয়া "রেখা," "বর্গ," "বন" প্রত্তির পরস্পর সমন্ধ ও ভাহাদিগের কাছার কি সাধকতা, ভাষা অবুসন্ধান করিতে অবশ্যই উদ্যোগবান্ হইয়াছিল। এই অনুসন্ধানে যুক্তি ও অনুমান দারা জ্যামিভিষ্টিভ বে ममन धाकत छेपनक सरेशाहिल, जारा उन्निष्टन मामाना-বুদ্ধি সমুব্যের। কখন বহু বাক্বিভণ্ডা, পরিভাষা প্রভৃতি

আড়ম্বর করিয়া প্রমাণ করে নাই; ভাহাদিগের বুদ্ধিতে যথন ষাহা উদয় ছইক্লাছিল, তথনই তাহা পরিমাণ করিয়া প্রমাণ করিয়াছিল। পরিভাষার স্থানে তাহার। প্রতিরুতি নিকা-শন করিত, স্মতরাং ভাহাদিগের উপপত্তি সকলও ভ্রমাক্সক হুইত না, কেননা আকারগত জানবিবরণ পাঠে অনতি-পরিক্ষুট হয়, কিন্তু প্রতিক্ষতি দর্শনে তদিবয়ে অণুমাতা সন্দেহ থাকে না। প্রক্রিয়ার প্রতি ভাছাদের লক্ষ্য ছিল ना, कल चित कतारे ভाशास्त्र উদ্দেশ্য **हिल, धवर**्ध**रे** উদ্দেশ্য যাহাতে সহজে সম্পাদিত হইত তাহারা ভাষাই मः कात किताल काच जारा निर्मिण कतिया. অধবা নৈয়ায়িকের বিচার প্রণালী অনুযায়ী যথাক্রমে পূর্ব-পক্ষ, উত্তর পক্ষ ও সিদ্ধান্তদ্বারা ভাষারা উপপত্তি সাধন করিত না, তাহাদের উপপত্তি প্রকৃতিসিদ্ধ বুদ্ধির আরক হইলেই হইত। ফলতঃ, অনুষ্ঠান ও অনুষ্ঠান উভৱেরই পর-স্পারের সহিত কার্য্য কারণ সম্বন্ধ আছে। কখন বা প্রথমে নৃতন যুক্তি উন্তাবিত হইয়া ভাহার অনুষ্ঠান হয়, এবং কথন বা কার্থোর অনুষ্ঠান ছইতে নূতন যুক্তি ও অনুমানের উদর হর। যাহা হউক, যে আমুমানিক প্রক্রিয়া **দা**রা কোন বিজ্ঞান প্রথম সংস্থাপিত হয়, সেই প্রক্রিয়াসুযায়ী অধ্যাপনা व्यवामी व्यवच्यन कतित्वहै, विमार्थीशेश महरक छेक विकान ্সম্বন্ধীয় স্ত্রগুলি অভ্যাস করিতে পারে। এই নিমিত্ত, এই আস্থেষে সমস্ত উপপত্তি সন্নিবেশিত চইয়াছে, ভাষা সামন कतिए अक्षेत्र निर्दाष्ट्र कित अनानी अनुमत्न करा इस नाई; ৰে প্ৰণালীয়ারা পরিক্ষুট জ্ঞান জত্ত্বে ও বাহা সামান্য বৃদ্ধির আরও হইতে পারে, ভাহাই অনুসত হইরাছে। বে সমন্ত উপপাদ্যে কেবল বিচক্ষণতা ও পাণ্ডিতা প্রকাশ भवना याकारक नावमायी (लारकत विरंगव श्रीक्रम लाहे. ভাঁহা পরিভাক্ত ছইয়াছে। আর যে সমন্ত উপপাদা গৃহীত व्हेनाट्ड, छोटांब ध्यमान ७ ध्यामा छेटबरे ध्यमनिक हरे-

রাছে; কেননা ভাছা ছইলে পাঠকবর্গ বুঝিতে পারিবেন, বেংসেই উপপানা দারা পরিণামে কি কার্যা সাধন ছইতে পারিবে। অপর, কোন কোন উপপত্তি সাধনের হুই এক প্রক্রিয়া উক্ত হয় নাই, ভাহার ভাৎপর্য্য এই যে, পাঠকেরা ভত্তৎ প্রক্রিয়া নিজে উন্তাবন করিয়া স্ব স্ব বুদ্ধির্ত্তি মার্জ্জিড করিবেন।

্ৰেন বিদ্যার প্রথম পাঠোপবোগী আত্ম চিরকাল এক থাকেনা, যেমন সমাজের উন্নতি হইতে থাকে, ও লোকের **ক্ষি**ত ব্যবসায়ের পরি হর্ত্তন হয়, তেমনি উক্ত প্রস্থ নকলেরও পরিবর্তন হয়, কিন্তু ইউক্লিডের জ্যামিতিবিষয়ক প্রথম গ্রাছের অ পর্যাস্ত কোন পরিবর্তন হয় নাই। চুই সহত্য বৎসর चाडी छ इहेन हेरा तिहल इहेताएड, अहे कारलत मर्या कफ খাষ্ট্রবিপ্লাব, কভ মতভেদ, লোকের কচি ও আচার ব্যবহার-গাত কত বৈলক্ষণ্য হইয়া গিয়াছে, কিন্তু ইউক্লিডের আত্ অপরিবর্ত্তিত ও সংসাবের সকল লোকের নিকট আদরণীয় রহিয়াছে। প্রাচীন কালের ভ্রমসংকুল দর্শন শাস্ত্র ও উপ-ধর্মের প্রভাবে, ইহা যেমন অপ্রতিহত ছিল, এখনও সেইরপ আছে: এবং যদিও কোন কোন অংশে ইহার দোষ আছে, ভথাপি ভাবি পণ্ডিতেরা যে ইহার আদর করিবেন ভাহার সক্ষেত্র নাই। আধুনিক রচনারাশি যথন বিম্মৃতি সাগ্রে ময় হইবে, তথনও ইউক্লিডের জামিতি জাজ্জামান ৰাকিবে। যাহা হটক, ঘাহারা গণিতশান্তে কথঞিৎ বুর্থিন হইরাছে ও যাহাদিগের সুপণ্ডিত শিক্ষকের উপ-শ্বেশ পাৰবার সম্ভাবনা আছে, এ গ্রন্থ ভাহাদিগেরই नार्कागर्याणी, धवर छाष्टामिरणत मचस्त्रहे देवात छेरकर्व बाह्य: ध्वथम शार्टित धार्य स डेश्कर्न शांका बावमाक. ভাষা ইহাতে নাই অবশাই মানিতে হইবে। বড় গ্রান্থের বভালোব ; স্থাম ও সবিভার বিবরণে পাঠকের এমন মুরাই भावानात्र अहि । गारम वर्षम स्थ्रा मृत्र वाकूक,

ভনদ্দর্শনে দে ভীত ও ছতবুদ্ধি ছটরা ধার। ইউক্লিডের জ্যামিতি ন্যারশাস্ত্রের ন্যার আদ্যোপাস্ত বিচার সমুস্তুত, স্তরাং, গণিতশাস্ত্রে বিশেষ ব্যুৎপত্তি ভিন্ন ইহার স্থল্পর অথচ ভুর্বোধ উপপত্তিগুলির তাৎপর্য্যগ্রহ সম্যক্রপে হইবার নহে।

যে নৈস্থিক নিয়ম প্রভাবে গমন ক্রিয়া নিষ্পা ছয়, জ্যামিতি ঘটিত অনেকগুলি বিষয় সেই নিয়মাধীন, এবং সেই নিয়ম সম্বন্ধে উক্ত বিষয়গুলি ব্যাখ্যাত ও বিরত ছইলে ভংসমুদায় অতি সহজে হৃদয়ঙ্গম হয় : কিন্তু কি উপপত্তিতে কি উদাহরণে ইউক্লিড্ এরপ ব্যাখ্যা কুত্রাপি অবশ্বন করেন নাই। উল্লিহিতকরণ প্রাক্রিয়া, যাহা জ্যামিতিঘটিত বিষয় উপপন্ন করিতে নিভান্ত প্রয়োজনীয়, এবং স্থান বিশেষে যাছাতে উপপত্তি পরিক্ষুট ও স্থন্দর হয়, ইউক্লিড্ সেই প্রক্রিরা প্রথম অধ্যায়ের ধর্থ উপপাদ্যে একবার মাত্র অবলম্বন করিয়া আর তাহা ব্যবহার করেন নাই। আনেক-**গুলি সম্পাদা ইউক্লিড**্ এরপে সাধন করিয়াছেন, যে কার্যান কালে আমরা সেরপ কখন করি নাঃ যথা, কোন সরল রেখার কোন নির্দ্ধিট অংশ ছেদ করিতে ছইলে, ভিনি বারস্বার রক্ত নিচ্চাশন করিয়া তাহা নির্বাহ করিয়াছেন, কিছ, কার্য্যকালে আমরা কথন সেরপ করি না। সদৃশ বিভুজ জ্যামিতির এক অতি প্রধান প্রকরণ, কিন্তু ইউ**ক্লিড**় ইছা তাঁহার পঞ্চদ অধ্যায়ে সন্তিবেশিত করিয়াছেন, বে অধ্যার পাঠকবর্গের মধ্যে অনেকেই পাঠ করিয়া উঠিতে পারেন না। ঘন জ্যামিতির প্রধান প্রধান সম্পাদ্য বল ব্যবসায়ী লোকের অভ্যাস করা নিডান্ত আৰশ্যক কিছু ইউক্লিড যে প্রণালীতে তৎসমুদার বিব্রত করিয়াছেন, ভাষা শতি ক্লুন্ত সাধা ও সূক্ষা, এবং যাহাদিগের গণিতবিষয়ক জ্ঞান অভি সামান্য, ও যাহাদিমের অৰকাশ অভি স্থাপ ভাহাদিশের ভৎসমুদার সায়ত হইবার বিবয় নহে।

ক্ষেত্রব্যবহারিক অতি প্রধান প্রধান স্তৃত্ত্তলি এই প্রছে জ্যামিতির প্রণালী অনুষায়ী উপপন্ন করা গিয়াছে; আর ক্ষেত্রব্যবহারিক এরূপ সম্পাদাগুলি ইছাতে সন্ধিবৈশিত হইয়াছে যাহা কার্য্যে আসিবে।

জরীপ ও সমন্থল কঃণের যে সমস্ত স্ত্র ও প্রকরণ এই গ্রন্থের অন্তর্গত আছে, তাহাতে স্থপতিদিগের প্র্যাপ্ত হুইতে পারিবে।

্ আর জামিতি \*, ক্ষেত্রবাবহার, জরীপ ও সমন্থলকরণ নটিত অনেক স্তন উপপত্তি এই গ্রন্থে সমাবেশিত হইয়াছে; এখন বাহাদিগের শিক্ষার্থে এই পুস্তক সঙ্কলিত হইন, ভাহাদিগের উপকার হইলে প্রণেতার অভীট সিদ্ধ হয়।

# ক্ষেত্রব্যবহার।

বা

# পরিমিতি।

প্রথম ভাগ।

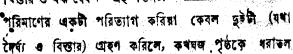
\_\_\_\_)。(\_\_\_\_\_

ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব।

## পরিভাষা ও জ্যামিতির অবলয়ভূত মৌলিকতত্ত্ব।

বে বিদ্যা দারা রেখা, ধারাতলিক ক্ষেত্র ও নিটন বা দ্ববস্তুর দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও বেখের পরিমাণ দানা বার, তাহাকে
দ্যামিতি শাস্ত্র কছে। যত প্রকার পদার্থ আমাদিগের দৃত্তিগোচর ছয়, সকলেরই দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও বেধ এই ভিন্নী
পরিমাণ আছে। এই পার্যন্তিত

শার্মাণ আছে। এই শার্থিত ক্ষেত্রটা একথানি গুড়িকার্চের প্রতিরূপ, ইহার কথ দৈর্ঘ্য, থঘ বিস্তার ও থকা বেধ। এই তিন্টা



करह (४३१७न (कटलंब रकवन रिमर्श । विखान चाटक)। লপর, এই ধারাভলিক ক্ষেত্রের হুইট পরিমাণের একটাকে পরিত্যাগ করিয়া অনানকে প্রাহণ করিলে, পার্ব কথ व बन-तक तिथा करह। जार्गत, यनि तिथा अगठ इन्य इदेत्रा ষার, যে ভাহার দৈর্ঘ্য আর পরিমাণ্যোগ্য হয় না, ভাহা হইলে সেই রেথার সর্বোতর প্রান্ত অথবা ভাহার অস্তা চিহ্নকৈ বিন্দু কহা যায়। অতএব, স্পষ্ট প্রতীয়মান ছই-তেছে যে, বিন্দুর রন্ধির দারা রেখা উৎপন্ন হটতে পারে. রেশার রন্ধির ছারা যদি কোন অবকাশ পরিবদ্ধ ছয়, ভাছা হইলৈ ধরাতল উৎপন্ন হয়; এবং ধরাছল উপধ্যিখোভাবে সচল অথবা ঘূৰ্ণিত হইলে ঘন কেৱে উৎপন্ন হয়। এতদারা নিম্নলিখিত তিন্টী পরিভাষা প্রাপ্ত ছঙর যার।

🖔 🖒 । যাহার দৈর্ঘ্য, বিস্তার বা বেধ কিছুই অনুভব হর না, ভাছাকে বিন্দু বলে।

্থ। যাহার কেবল দৈর্ঘ্য আছে, ভাহাকে রেখা কহা যার। যথাক।

अब्यूपान । दार्थानिट्रात इहे श्रास इहेंगे विन्तू, दार्थानिट्रात লক্ষাত ছলও বিন্দু।

্রা থাছার কেবল দৈর্ঘ্য ও বিভার আছে, ভারাকে क्रांकनं कट्ट। यथा ठक्क्या ( ১৯ म পূर्छ। (मथ )।

अञ्चान। ध्राज्यन गीमा (तथा, ध्रवर ध्रकति ध्राज्य স্পার একটাকে ছিন্ন' করিলে, সে স্বচ্ছেন্টেও রেখারু छेदनशि रत्र

 ৪। সর্বতোভাবে একাভিমুখী রেখাকে সরল বা বছু রেখাকহে। যথাকথ।
 ক

विम्पादात नघूष्य मृत्याक 'त्रथा करह।

অনুমান। ছইটী ঋজুরেখা দ্বারা কোন অবকাশ পরিবৃদ্ধ হইতে পারে না।

৫। যে সকল ঋজু রেখা এরপ ভাবে সংস্থিত থাকে যে, তাহাদিগের হুই মুখ অবিশ্রান্ত র্হ্মি ক খ করিলে কোন দিকেই ভাহাদিগের পরক্ষার সংস্পর্শ হয় না, তাহারা সমান্তরাল রেখা। ক খ

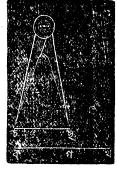
কাঁটাকম্পাস বা পরিমাপক। এই যন্ত্রটী তুইটা শলাকা বা কাঁটাবিশিষ্ট। ইহারা পরস্পর থিল দিয়া আঁটা, স্থতরাং, প্রয়োজনামুসারে প্রসারিত ও সঙ্গুচিত করিছে পারা যায়। কাঁটা তুইটার অগ্রেভাগা স্থচল। সীমাবন্দির সমর তুই নিদর্শন স্থানের মধ্যগত ব্যবধানপরিমাণ বড় বিঘা বলিয়া চিঠাতে লিখিত থাকে, মানদণ্ডের উপর এক হইতে তত বিঘা পর্যান্ত কাঁটাকম্পাসের তুই পদ বিস্তার করিতে হয়। এই পদম্বরের মধ্যগত ব্যবধান দারা নিদর্শন স্থানম্বরের মধ্যগত অন্তর্গরিমাণ স্থির ইইয়া বাকে।

কম্পাস নানাবিধ, কাঁটাকম্পাস, হেয়ার কম্পাস, বিষ্কম্পাস, পেন্টাআফ্ ইত্যাদি। কম্পাস্থারা ব্রস্তক্ষেত্র সহক্ষে অভিত হয়, ও কোন রেখাকে বিভাজিত বা অপর শ্রেশার সমানু করিতে হইলে তাহাও ইহায়ারা সুসাধিত হইয়। থকে। যথা, কথ রেখা হইতে যদি চহু-র ভুলা এক অংশ ছেদ করিতে হয়, তাহা হইলে কম্পাসের
মূধ, চছ রেখার সমান বিস্তার
করিয়া, কথ হইতে কগ এক অংশ
ছেদ করিলে কগ চছ-র ঠিক সমান
হইবে।

কোন রেখার পরিমাণ করিতে

ইইলে, কোন এক নির্দিষ্ট রেখাকে
(বলা ছাত বা গজ) একক স্বরূপ

ক্রির করিয়া, ঐ একক সেই



রেশার মধ্যে কভ বার আছে ভাহাই নির্ণয় করিছে। হয়।

#### গজ, কেল বা মানদণ্ড নির্মাণ!

কথ এক খানি কাগজ অথবা এক কান্তিকা। একটী কল্পান লইয়া তাহার মুখ অপ্পা বিস্তার করিয়া, এই কাগজ বা কান্তিকার উপর কগ পর্যস্ত ক্রমশঃ দশবার দুরাইয়া আন । পরে কম্পাদের বিস্তার কগ—র সমাম করিয়া উক্ত কাগজ বা কান্তিকার উপর গ চিছ্ন হইতে ১০, ২০, ৩০ ইজাদি কতিপর অংশ চিছ্নিত কর। যদি কগ—র এক একটী অংশ একক বলিয়া ধরা যায়, তাহা হইলে মানদণ্ডের প্রস্তুত্তে ১০ চিছ্ন পর্যস্তু দশ একক হইবে, ২০ পর্যস্তু বিশ একক হইবে, ইভ্যাদি। আর যদি কগ—র প্রত্যেক অংশকে দশ একক বলিয়া ধরা যায়, তাহা হইলে মানদণ্ডের প্রশ্যেক বিদ্যা ধরা যায়, তাহা হইলে মানদণ্ডের প্রত্যেক অংশকে বান্তির পরিমাণ গতক হইবে।

धूनम्ह, यहि कश-त পরিমাণ এক একক হয়, ভাহা হইলে

কগ্-র প্রত্যেক অংশ এককের দশভাগের এক



ভাগ ছইবে। যথা, কগ এক কুট হইলে খনা পাঁচ কুট হইবে, এবং কগ-র প্রভাক অংশ এক কুটের দশাংশের এক ভাগ ছইবে।

৬। অসমান্তর রেখাদ্বরের সংস্পর্লে কোণের উৎপত্তি হয়। যথা,
কথা। কথ ও থাা দ্বারা উৎপন্ন
কোণকৈ কথা বা গথক কহিতে
হর, অর্থাৎ কোণাত্রো (যেধানে



সরল রেখাদ্র সংস্পর্শ হয়) অঙ্কিত অক্ষরকে মাধ্যাক্ষর করিরা পড়িতে হয়।

গ। একটা ঋজুরেখা অন্য একটা ঋজু রেধার উপর লম্বভাবে অভিত হইলে, উভয় পার্মের কোণকে সম-কোণ কহা যায়। যথা, কখগ ও কথছ।



৮। সমকোণ অপেকা ক্ষুত্র কোণকে লয়ু বা স্ক্রাপ্র

১। সমকোণ অপেকা রহৎ কোণকে ছূল কোণ কছে।
বধা, চখগ। বাথ ঋজুরেখার এক প্রান্ত খ ছির রাখিরা,
অন্তঃ প্রান্ত গ্রাহিরা যদি ভাছাকে এমত ঘুরাইরা দেওয়া

বার যে, সে থক স্থানে উপস্থিত হয়, তাহা ছইলে, ভাহার আপ্রমিক অবস্থিতি থগা ও বর্তমান অবস্থিতি থক-র সহিত ৰে শ্ৰহমতি উৎপত্ৰ হয়, ভাছাকে গাৰ্থক কোণ কৰে। আবার वह त्रभी गंथ, व भर्दाख ध्यमातिष कतित्व छाहेनमित्क (य कालकी छेरलब इत्र, जांका कथच बाता वास्त इत। मान कत्र, ছইটী কোণ গণচ **৩** চণঘ−র মধ্যে ভাইনদিকের চণঘ কোণ मचु ७ वाममिटकत क्थरा कान शुक्र। धार थक श्रक्तात्रशांत এক প্রান্ত ধ ছির রাখিয়া, অপার প্রান্ত চ ধরিয়া খদি ভালাকে ক্রমাগত বামদিকে ঘুরান যায়, তাহা হইলে, ভানি-দিকের কোণটা রন্ধি ও বামদিকের কোণটা হ্রাস হইতে शांकित्व, अवर रेशां काक्षे त्यांथ रहेत्कृत्व त्य, छानिमित्कत কোণটা ষভটুকু রদ্ধি হইবে, বামদিকের কোণটা ভভটুকু দ্রাস হইবে। অভএব, ক্রমাগত উভয়ের প্রেরণ পরিবর্ত **रुटे**एं थोकिटन, घरभारे कान ना कान नमस्य छान्। ७ ব্যম্দিকের হুইটী কোণই পরস্পর সমান হইতে। মনে কর, চ বিন্দু ক-ডে উপন্থিত হইলে, ডানি ও বামভাগের 👺 🖺 কোণ ঘৰক ও গৰক পরক্পার সমান হয়। ভাষা ৰইলে এ ইইটা কোণের প্রভোককেই এক একটা সমকোণ करा संद्र।

অসুমান। সকল সমকোণই পরস্পার সমান।

তল্নমাটাম। এক থানি কাঠখতে একটা সরল রেথা টানিয়া, ঠিক ঐ রেখার উপর দিয়া এক গাছি ওলনম্বড়ি বুলাইয়া ভাষাকে অপর এক কাঠখতের উপর লয়ভাবে সংবুক্ত করিলে, ওলনমাটাম প্রস্তুত হয়। এই মাটাম কোন সমতস ভূমি বা জালের উপরিভাগে রাখিলে, উক্ত অভিড রেখা ও ওলনদড়ি উভরে মিনিভ হইরা কাইরে। ভূমি সমতল না হইলে ওলন দড়ি নিম্নদিকে ঝুলিয়া পড়ি— বে। বথা পার্যন্তিত প্রতি—

ক্ততি। এই যত্ত্বের সাহাষ্যে ভূপৃতে যক্তি লম্বভালে ছাপিড করা বার। ক্রমনিম্ন ভূমি পরিমাণ কালে এই বস্তুটী বিলেব প্রব্যাক্ষীর।

ত্রাসাম্য বস্তা। কোন নির্দিষ্ট তান সমতল কি বন্ধুর,
ইয়া তামিবার নিমিত্ত পণ্ডিতের। ত্রাসাম্য নামে, একটা
বন্ধ তাম্ভত করিয়াছেন। এই ত্থলে এ বস্তাের চিত্র্যন্ত্র
প্রতিশ্বপা প্রকাশিত হবল।

क्य अंकडी काट्डत नन, छेटात केक्टबुडिय क्ड, छेटा खुताबाता



প্রায় পরিপূর্ণ থাকে, কিঞ্চিৎ বায়ু প্রবেশ নিবন্ধন ভর্মারে । প্রত্ব কোন অসমতল ছানে ছাপন করিলে, তরা প্র নলের নীচদেশে পতিত হয় এবং শ চিছিত বৃষ্কী উপরে উঠিয়া থাকে। কিন্তু যথন প্র নলের মধ্যমার সমতল ছলে ছাপিত হয়, তথন প্র বৃষ্কী নলের মধ্যমার শবিষ্কি ইইয়া থাকে। কোন্ হান সমতল কি অসমতল, প্রায়াল অনামানে নিরপ্র করিছে পারা আম। বিরপ্র করিছে পারা আম। বিরপ্র করিছে পারা আম।

साठेका विक बानि कार्डवराज्य शार्य कार्य वक बानि

কাষ্ট্ৰপত লম্বভাবে সংযুক্ত করিলে মাটাম কছে। মাটাম ভারা সমকোণ উৎপন্ন করা গিলা থাকে।

মাটাম ইংরাজী (T), টি অক্সরের ন্যার ছইংল, টি মাটাম কছে।



তিকোণী। কথা একথানি ত্রিকোণাকার
ভার এক পার্স থগ, অপর পার্স কথ-র
বার আছভাবে থাকিলে, অর্থাৎ কথা সমকোণ
হলে, ইহাকে তিকোণী কহে। ইহালারা
কাগভের উপর অনারাসে লম্বরেখা অভিড
করা বার ।



কার বৃদ্ধি । অপশা দূর পরিমাণ করিতে হ**ইলে ভূমিতে** কার যুক্তি দিতে হর । এই যুক্তি লঙ্গে প্রায় দশ লিক হুইয়া খাকে, এবং ভূমিতে প্রোথিত করিবার জন্য ইছার এক বিক্ স্থানার থাকে।

ক্ষিত। ভূমিতে সমকোণ উৎলাভ হয়, অস্ত্রাণ রেখা পাত করি-বার জ্বান জ্বান ক্তের ব্যবহার করিয়া থাকে। কুশ্রত ও ইক ব্যাস প্রিমিত



একটা গোলাকার বাজা, এই বাজার গুইটা ছিল পরশার
সমকোণভাবে গুই দিকে থাকে, যথা কথ ও গাব। এই
বজ্ঞ ভূমিতে সংখাপন করিবার জনা ইহার নিয়ে একটা
কাঁড়য়টি থাকে। যদি চ. ছ গুইটা ধজার যোজক রেকার
লম্ব টানিতে হয়, তাহা হইলে বাজার গাব ছিলে দিয়া
চ, ছ গুইটা অজাকে সমস্ত্তে লেখিছে হইলে। পরে
ছিলের সমস্ত্তে গুই দিকে গুইটা অজা পোঞ্ছ
করিয়া এক রেখা পাত করিলে এ রেখা চছ রেখার লম্ব
হইবে।

্ৰা তিন্টী সরল রেখা দারা ব্যক্তিক ক্ষেত্রের নাম ত্যান্ত অথবা তিতুল। যথা, কথগা।

১১। যে তিভুজের মধ্যে একটা ক্রমতিন পাতে, ভাছাকে সম-



কোণিক অধবা জাত্য ত্রিতুল কছে। যথা, কথবা।
সমকোণিক ত্রিতুলের সমকোণের অভিমুখীন রাজকে
কর্প কুছে, অবশিক্ট বাছমুহেরর মধ্যে একের নাম ভূমি এ
অধ্যন্তের নাম কোটি। কথবা ত্রিতুলের কথ কর্ণ, কথ
ভূমি এবং খগ কোটি।

৯২। যে ত্রিভূজের মধ্যে একটা ক্লান থাকে, ভাহাকে স্থূল-ক্লোন ত্রিভূজ কহে। যথা,



प्रकार के विकास किन्द्री (कानरे ज्**या, शहाहक** 

স্কাকোণিক ত্রিভুজ কছে। যথা **5**इज ।

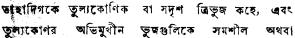
ি ১৪ ৷ যে ত্রিভুজের ভিনটীই ৰান্ত্ই স্থান, ভাহাকে সম্বান্ত ত্রিভুজ কছে। যথা চছজ।



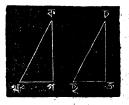
অসুমান। সমবাস্ত ত্রিভুজের তিন্টী কোণ পরস্পর সমান।

১৫। যে ত্রিভুজের হুই বাস্ত সমান, ভাছাকে সম্বিবাহ ত্রিভুল কছে। যথা টঠড।

১৬ ৷ যদি ১ইটী ত্রিভুজের কোণ থালি যথাস সমান হয়, তাহা হইলে

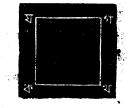


স্বৰ্গীয় বাহু বলে। যেমন, কথ্যা ও চছত্ব হুই ত্রিভুজের যদিক কোণ-চ কোণ, গ কোণ - জ কোণ ও থ কোণ -ছ কোণ হয়, ভাহা হইলে



ধ্র-র সমশীল ছজ, কথ−র সমশীল চছ, আর কগ–র ममनीम क्य ठहे(व।

্রী। চারি সরল রেখারত ক্ষেত্রের নাম চতুরতাব। চতুর্জ। যে চতুর্ভুজের পরস্পার সমুখীন ঝাৰুণ্ডাৰি ্লামান্তরাল, চাহাকে সমান্তরিক কছে। যথা চছজ্ঞা।

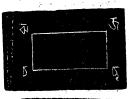


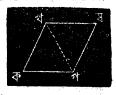
১৮। যে চতুর্ভুক্তের চারি বাহু সমান ও চারি কোণই সমকোণ, ভাহাকে সমচতুর্ভুজ অথবা সমচতুরত্র বা বর্গ ক্ষেত্র কছে। যথাক খ গ ঘ।

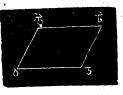
১৯। যে সমান্তরিক ক্ষেত্রের নিকটবর্ত্তী ভুজন্বর বিষম, কিন্ত চারি কোণই সমকোণ, তাহাকে আয়ত কহে। যথা চছু জ বা।

২০। যে সমান্ত রিক ক্ষেত্রের
নিকটবর্তী ভুজদ্বর ও পরিস্পর
অভিমুখীন কোণগুলি সমান,
তাহাকে রহস কহে। যথা কংঘগ।

২১। যে সমান্তরিক ক্ষেত্রের নিকটবর্ত্তী ভুজদ্বর বিষম ও শর-স্পর অভিমুখীন কোণগুলি সমান, ভাছাকে রবৈড্ কছে। যথা টডচিউ।







রম্বস্ ও রস্বৈড্ ক্ষেত্রের একটা কোণও সমকোণ নয়।

্ ২২। যে চতুর্ভুদ্ধ ক্ষেত্রের পরস্পর সমুখীন বাত্তলি সমান্তরাল নহে, ভাহাকৈ ট্রাপিজিয়ম বা বিষম চতু-ভূদ্ধকতে। যথা তথদধ।

্ ২৩। যে চতুর্জের কেবল এইটী সমুখীন বাহু প্রস্পর সমান্তরাল, ভাষাকে আশি জৈছু কছে। যথা পদ্বভ

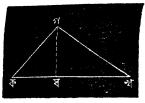




২৪। যে রেখা চতুর্ভুজের হুইটা অভিমুখীশ কোলকে লংগুক

करत, जाशांक कर्ग करह। यथा चना ( भूक्त भूकी (मर्च)

३०। (क)न (क वित गंक হইতে ভূমিতে লম্বপাত করিলে, সেই লম্বকে ক্ষেত্রের উন্নতি वृत्ता यथा शय।

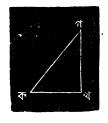


সম্পাদা। একটা প্রাচীর

২০ ফুট উচ্চ, তাহার নীচে ১৫ ফুট অন্তরে কভ ফুট দীর্ঘ **একশানা মোই** রাখিলে ঐ প্রাচীরের ঠিক উপরে লাগিবেক?

ু পুরের আমিনদিলের ব্যবহার্য যে মানদণ্ড বা গজের বিষয় উল্লেখ করা গিয়াছে, সেই গভের ১৫র অংশ প্রয়ন্ত কম্পাস বিস্তার করিয়া কথ একটা রেখা পাত কর। পরে ত্রিকোণী মাটামদ্বার। কথ-র উপর থগ

একটা লম্ব রেখা টান, এবং খগা-কে ্**হাজের ২০ অংশের স**মান কর। **এইফাণে কগ উক্ত शक्र मि**शा পরি-মাণ করিতে গেলেই, ঐ কর্ণ রেখা গালের ২৫ অংশ পরিমিত হইয়াছে দেখিতে পাওয়া যাইবে। এই স্থলে



২৫ আংশ ২৫ ফুটের স্থানীয় হইল, কারণ পুর্বের গজের এক এক অংশকে এক এক ফুট করিয়া লওয়া গিয়াছে। অতএব মোইএর পরিমাণ ২৫ ফুট হইবে।

🍇 ২৬ চারির অধিক সরল রেখাদ্বারা পরিবন্ধ ক্রেব্রেক বহুভুজ কেত কহে।

২৭। যে ক্ষেত্র এক কুটিন রেখাতে পরিবন্ধ, এবং বাহার অন্তরে এমত কোন বিন্দু আছে, যাহা ও রেখার সর্বাত্র হইতে সমদ্র, ভাছাকে রত ও ও কুটিল রেখাকে পরিধি কছে,। পরিধির অন্তরন্থ পূর্ব্বোক্ত ও বিন্দুকে কেন্দ্র কছে। কগদখভ রুভগিরিধি, ম

একটা গজুরেখা কম-র এক প্রান্ত ম ছির রাথিয়া, অপর প্রান্ত ক ঘ্রাইরা পুনর্কার প্রাথমিক



ছানে উপনীত করিলে রত্ত নিষ্কাশিত হয়। কম্পালের
মুখ যে পরিমাণে হউক বিস্তার করিয়া, একমুখ ছির
রাখিয়া অপর মুখ ঘুরাইয়া আনিলে একটা রক্ত অভিড হয়।
রক্ত নিষ্কাশন করিবার রীতি ছইতে স্পাষ্ট বুঝা যাইছেতে
বৈ, রক্তের ব্যাসার্জ্ঞালি পরস্পার সমান।

২৮। পরিধির কোন অংশের নাম চাপ বা ধরু। কথা গায়।

২৯। রতের কেন্দ্র ভেদ করিরা যে ঋজু রেখা পরিধির উভর পার্থে সমাপ্ত হয়, তাহাকে এ রতের বাসকহে; এবং কেন্দ্র হইতে পরিধি পর্যান্ত যে সরল রেখা টানা যায় (অর্থাং ব্যোসের অর্জাংশ) তাহার নাম কর্কট বা ব্যাসার্দ্ধ কহে। কোন ব্যাস এবং তদর্যক্তিয় চাপের মধ্যে যে তে প্রান্ত জালাহাকি ভিলানাইতর বী রভার্দ্ধ কহে। বে সমস রক্ত্রী কার্ম্বর ভিতর পার্থ সংস্কৃতি কর, তাহাকে ল্যাকহে। বিভার হয়া

এবং ইহার প্রত্যেককে ( অর্থাৎ কোন সরল রেখা ও ভদব-শ্বির চাপের মধ্যে যে কেত্র থাকে ভাছাকে) রভ**ব**ও কছে। কেন্দ্র হইতে এই সরল রেখা অন্ধিত ছইলে, তত্মধান্ত চাপের অন্তর্গত ক্ষেত্রকে রন্তচ্ছেদক বলে। এই ক্ষেত্রে ক্রিয়াল, মত বালার, কগ্রথ সামিরত, গ্রহ রেখা জা, প্রক্রমান বিভাগের বিভাগের প্রায় রাম্য রাজ্যালের নি

🐙 া বদি একটা ঋজুরেখা রুতে সংলগ্ন হইয়া প্রসা-বিশ্বতাৰেও মৃত্তকে ভেদ না করে, ভবে এ রেখা রতকে न्त्री कतिरक्रक अम्ब करा यात्र, अवश् छातृन मत्रल द्रिशास्क স্মূৰ্মনী ৰলে। কগঘধ ৱত্তাৰ্দ্ধের বাহ্য পৃষ্ঠকে ক্যুব্জপৃষ্ঠ ও শন্তরীর পুর্তকে কুক্তপৃষ্ঠ কছে।

ু ৩১। এক কেন্দ্র হইতে ভিন্নভিন্ন ব্যাসার্দ্ধ লইয়া যে সকল ব্লক্ত অঙ্কিত হয়, তাহাদিগকে ঐককেন্দ্র ব্লক্ত করে।

# প্রটাক্টিং স্কেল বা কোণমান গজ।

বদি রন্তকে ৩৬০ সমান ভাগে বিভাজিভ করা যার, ভাষা হইলে প্রত্যেক ভাগকে অংশ কছে, এই অংশ সমূহের মধ্যে পাশাপাশি হুইটী অংশ হইতে ম কেন্দ্র

পর্বাস্ত বেখা অন্ধিত করিলে যে কোণের উৎ-পত্তি হয়, ভাহার পরি-মাণ এক অংশঃ ৩০টা व्यान नहेन्रा इहेंगे तिथा



০০ অংশ, অর্থাৎ এই কোণ পুর্বোক্ত কোণ অপেকা
০০ গুণ বেশী হইবে। গম রেখা কম রেখার উপর লম্বভাবে
আছে বলিয়া, গমক কোণকে সমকোণ বলা মার। কগ
চাপ রত্তের চতুরংশের এক অংশ, এই জন্য উহার
পরিমাণ — ১৬০°—র টু — ৯০°। অর্ধরত্তের পরিমাণ
১৮০°, অভএব উহা হুই সমকোণ ভুলা। যদি প্রত্তেক
অংশ ৬০ সমান অংশে বিভাজিত এরপ কপ্পনা করা
যার, ভাহা ইইলে প্রত্যেক ভাগকে কলা কছে, ও প্রভাক
কলা ৬০ সমান অংশে বিভাজিত এরপ কপ্পনা করিলে,
প্রত্যেক ভাগকে বিকলা কছে। যে যে চিহ্নদারা অংশ,
কলা ও বিকলা ব্যক্ত হয়, ভাহা ক্রমান্বরে বন্ধনীর মধ্যে
লিখিত ইইল (°), (´), (´)।

প্রস্তাবিত কোণমান গান্ধ হইতে স্পান্ত দেখা যাইতেছে
বে, ঘণ রেখার এক পৃষ্ঠে এক বিন্দু ম-তে যতগুলি কোণ থাকে
তাহাদিগের সমষ্টি ছইটা সমকোণের সমষ্টির দহিত সমান।
এই রূপে ঘণ ঋজুরেখার নিম্ন পৃষ্ঠের সমকোণগুলিও ছইটা
সুমকোণের সমান। অভএব, একটা বিন্দুর চতুর্দ্ধিকে যতগুলি
কোণ থাকে, তাহাদিগের সমষ্টি চারিটা সমকোণের সহিত
সমান। এতদ্বারা প্রতীত হইতেছে যে, কোন ঋজুরেখার এক
প্রান্ত ছির রাখিয়া অপার প্রান্ত ঘুরাইয়া প্রাথমিক ছানে উপানীত করিলে, তাহার চারি সমকোণ মাত্র ঘুর্নন হয়।

যে গাজের কথা উপারে উলিখিত হইল, ইহাকে প্রাচ্ন-ইরি ক্ষর্যাৎ পরিবর্ত্ধক বা কোণমান গজ কছে।

এক খানা পিত্তলের পাতে উপরি বিখিত প্রতিরপ্রথ একটা রতার্জ অঙ্কিত কর, এবং তাহাকে চিত্তাসুরূপে

বিভক্ত কর। তাহার পর, ঐ ব্লতার্ছের ভিতরে একটা চতুষ্কোণ ক্ষেত্র করিয়া এবং উহার অংশ সমস্ত হইতে কেন্দ্র পর্যান্ত যথাক্রমে রেখা অঙ্কিত করিয়া ঐ আয়ত ক্ষেত্রটী কাটিয়া লও। ভাহা হইলে যে ক্ষেল অথবা গজ উৎপন্ন হইবে, ভাষা মারা কোণ মাপিবার উপার হইবে। কোন স্থানে কোণ নিক্ষাশন করিতে হইলে, তথার এ গজ বা মানদভের ম নামক কেন্দ্রস্থান সংস্থাপিত কর। পরে কোণ বে পরিমাণে করা আবশাক, তাহা মানদত্তের অংশের সহিত প্রক্য করিয়া পেন্সিলদারা রেখা টানিয়া দিলেই প্রয়োজন মত কোণ হইবে। বিদ্যালয়ের উপদেশের নিমিত্ত কোণমান গজ একখানা কাগজে বা ভাগেও প্রস্তুত হইতে পারে।

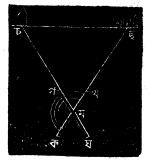
্র কোন ক্ষেত্র মাপ করিবার সময় সর্কম্ফরেণ্ট ছারা যে সকল কোণের পরিমাণ লওয়া যায়, সেই সকল কোণ কোণ-মান গজন্বারা নক্সার কাগজে লিখিতে হয়। কোণমান গজ সামান্য মানরপো ব্যবহৃত হয়। সমানাংশে বিভক্ত গাল প্রভৃতি যে সকল বস্তুকে সামান্য মান কছে, তাহারু প্রত্যেক অংশ এই মানদত্তে কম্পানা করিলে কার্য্য নির্ব্বাহ ্হইতে পারিবে।

# থিওডোলাইট্ বা কোণবীক্ষণ যন্ত্র।

ুকোন চিহ্ন হইতে দূরস্থ ভুইটী বস্তু পর্যান্ত ভুই রেখা কুপানা করিলে, এই রেখাদর দার। যে কোণের উৎপত্তি হর, তাহার পরিমাণ এই যন্তবারা নিরপিত হট্যা

থাকে। এই বস্তু কিরপ ছাহা নিম্নে দেখা যাইভেছে।

কগণ চিহ্ন দারা যে রভার্দ্ধ
প্রদর্শিত ছইয়াছে, তাছা ১৮০
সমান অংশে বিভাঞ্জিত।
এই রভার্দ্ধের কেন্দ্রে একটী
নল এরপ কেশিলে সংস্থা—
পিত আছে যে, তাহা চতু—
দিকে ঘ্রিতে পারে।
ম চিহ্নিত স্থান হইতে



চ, ছ ঘুইনী বস্তু পর্যান্ত রেখা কপোনা করিলে, এই রেখাছয়
ঘারা যে কোণ উৎপার হর, তাছা পরিমাণ করিতে ছইলে
কোণনীক্ষণ যন্ত্রের মধ্যন্থান চমছ কোণাত্রের উপার সংস্থাপন
করিয়া, ক চিহ্নিত ছান ছইতে যন্ত্রন্থ নল ঘারা ছ চিহ্নিত
বস্তুকে লক্ষ্য করিতে ছইবে। পরে নলটীর ঘারা আবার
চ চিহ্নিত বস্তুকে সমস্থ্রে দেখা যার, এরপে ঘ্রাইয়া
আনিতে ইইবেক, অর্থাৎ যতক্ষণ কথ, গঘ-র সন্থিত মিলিভ
ট্রা হয়। এইক্ষণে মছ ও মচ দ্বই রেখা ঘারা যে কোণ ছইয়াছে,
তাহার পরিমাণ খগ চাপের পরিমাণের সমান ছইবে, অর্থাৎ
গ হইতে খ পর্যান্ত যত অংশ ছইবে, ঐ কোণেরত
পরিমাণ তত হইবে।

তং। কোন কোণ পরিমাণ করিতে ইইলে, কোণাঞা

অর্থাৎ মধ্যাক্ষরকে কেন্দ্র করিরা, কোণ উৎপাদক রেখা—

इর্টেব্রু কোন একটাকে ব্যাসার্দ্র লইরা, একটা রন্ত নিকাশিভ

করিতে ইইবে। পরে ঞ কোণের তুই পার্যন্ত সরন

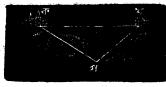
রেখার মধ্যে যে চাপ থাকে, প্রভাগ সমস্ত রভের বে আছেল ভটবে, উক্ত কোশের পরিমাণ তত অংশ হইবে। ক্ষা একটি চাপ, ম ইহার কেন্দ্র, কণা চাপের বে পরিমাণ কমগ কোনেরও সেই পরিমাণ। চাণোর পরিমাণ ৪২°২৯ ৪৮ হয়, ভাষা ছইলে কমগ কোণের পরি-মার্ক এ হটবে। অভএব রভের कालके कार्गत मान।

সম্পাদা :ম। জ্বীপ আমীন যে ছানে দণ্ডারমান আছে (২৫ শ পুঠান্থিত প্রতিকৃতি) অর্থাৎ ম, তথা হুইছে ছ প্রান্ত যে অন্তর তাহা না মাপিয়াও স্থির করা যাইতে পারে া মনেকর, চমচ কোণের পরিমাণ ৪০ অংশা হইতে চ-র অন্তর ৩০০ গজ, চ ছানে কোণ্থীকণ যত্র রাখিয়া (मशिरन कांना शहरत, रह कहम रकांग १० व्यरम किस्करन মছ-র দূরত্ব নিরূপণ করিতে হইবে।

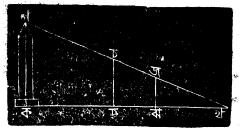
ু চয়**ু একটা রেখা পাত করিয়া উহাকে সমান অংশের** মানদটের ৩০০ অংশের সমান কর। পরে কোণমানগভ ছারি∮ুমচ রেথা এরপে পাত কর যে চমচ কোণ ৪০° হয়; এট্র এরপে পাত কর যে চচম কোণ ৭০° হয়। চছ ও महर्द (तथा ह शाम व्यवस्था करित्वक। धरेकार कम्लान স্থারা মৃচ পরিমাণ করিয়া মানদতে প্রয়োগ করিলে প্রতীত । ক্টবে যে, উচার পারিমাণ ৩০০ গজ, অর্থাং সামদানে মত-ক্রলি একক হইবে প্রত্যেক একক এক গ্রন্থের স্থানীয় **≅हेट्**व । ं

ইর। ক শুখ ছুইটা রুক্তের মধাগত ব্যবধান প্রিমাণ করিতে ইইবে।

কোণবীক্ষণ যন্ত্ৰ দার্রা জানা যাইতে যে, যে জানে দণ্ডায়দান আছ্, সেই ভানে



কর্গথ কোণের শরিমাণ ১১০ অংশ। পরে গজ বারা পরিমাণ করিলে গক রেখা ৩২ গজ ধার্গ্য ছইবে, এবং ক চিছিত্ত ছালে গক্ষণ কোণের পরিমাণ ৩০ অংশ নির্ণন্ন ইইবে। অনুষ্ঠার কথ্য ভিতুল নির্মাণ করিয়া কথ পরিমাণ করিলে ছাই ৪৬ গাল নিক্ষপণ হইবে।



তর। গ ক কীর্ত্তিস্তন্তের উচ্চতা নির্ণর করিতে ছইবে।
কীর্তিস্তন্তের নিম্নভাগে ক চিক্ষ হইতে যে হানে জরীশ
আমীন দণ্ডারমান আছে, সেই পর্যান্ত দূরপরিমাণ জর্বাৎ
কথ রেখার পরিমাণ ৪০০ ফুট। থ হানে কোণবীক্ষণ বস্ত্র
ছারা দেখিলে জানা যাইবে বে, গখক কোণের পরিমাণ
১০টা এইক্ষণে গ ক অর্থাৎ কীর্তিস্তন্তের উচ্চতা কত ছির
করিতে হইবে।

কোন সমাম অংশের মানদণ্ড লইরা খ ক রেখাকে ভালার ৪০০ অংশের সমান কর। কোণমানগজ বারা ধ পরেশা এরপে পাত কর বে, কখগ কোণ ৪০ অংশ হর। পারে ক চিছ্ক হুইতে কগ রেখা খক-র উপর লম্ব ভাবে অন্ধিত করে। ক প ও ধ গ রেখা গ ছানে ছেদ করিবে। এই—আংশে করেলে প্রতীত হুইবে যে, মানদণ্ডে যত একক প্র মন্দির ভত ফুট উচ্চ অর্থাৎ প্রায় ৩০৫ ফুট।

৪র্থ। ধণ একটা
পর্বতোপরি এক
মন্দির, উহার তলার
যাইবার বো নাই।
এ মন্দিরের উচ্চতা
দ্বির করিতে ছইবে।
জ্বরীপ জামীন মনে



কর, ক ছইছে ঘ পর্যান্ত ৭৬ কুট পরিমাণ করিরাছে। ক ও ঘ ছালে কোণবীক্ষণযন্ত্র ঘারা পরিমাণ করিলে জানা যাইতে যে, গা ক থ ও গ ঘ খ কোণদ্বর পরস্পর ২৭° ও ৫২°। এইক্ষণে ধ গা মন্দিরের উচ্চতা নির্গর করিতে ছইবে।

েকোন সমান অংশের মানদণ্ড লইরা ক'ম রেথাকে ভাহার ৭৬ অংশের সমান কর। কোণমানগঞ্জ ছারা ম্বা এ কর্গ রেথা এরপে অঙ্কিত কর যে, থ ঘ গ এ থ ক গ কোণ্ডর প্রস্পার ৫২ এ ২৭ অংশ হয়। ঘণা এ ক্য রেথান্ত্রের সম্পাত বিম্মু বা ছইতে কথ রেথার উপর লম্বণাত করিরা, কম্পাস দারা উহা পরিমাণ করিলে প্রতীত হইবে, যে উহা মানদণ্ডের ৬৪ একক। মানদণ্ডের প্রত্যেক একক এক ফুটের স্থানীয় হইলে ঐ মন্দিরের উচ্চতা ৬৪ ফুট ইইবে।

৩০। জ্যামিতি সম্বন্ধীয় রেখা বা ক্লেত্রের লক্ষণকৈ পরিভাষা কছে। "যে ত্রিভুজের ছুই ভুজ সমান ভাছাকে স্মাধিবান্ত ত্রিভুজ কছে," এইস্থলে সম্বিভুজ ত্রিভুজের পরিভাষা।
ছইল। ক্ষেত্রবিশেষের লক্ষণ করাটা পূর্ব্ব পক্ষ—অর্থাৎ
ক্ষেত্রের ধর্মগুলি প্রথম নির্দ্দেশ করিয়া পশ্চাৎ উপসংছার
বা উপপত্তি করিতে ছইবে। পূর্ব্বোক্ত সম্বিভুজ ত্রিভুজের
ক্ষেত্র ভাই ধর্মটা উপপাদিত ছইভে পারে যে, উহার
সম্বান বান্তর সম্মুখীন কোণগুলি পরস্পর সমান।

্প্রতিজ্ঞা শব্দের অর্থ সাধ্য নির্দেশ। সাধ্য ইই প্রকার, সম্পাদ্য এ উপপাদ্য।

যে প্রতিজ্ঞার কোন ক্রিয়া সম্পান করিতে চইবে এমন প্রস্তাব করে, অর্থাৎ কোন ক্ষেত্র নির্মাণ করিতে চইবে, অথবা কোন প্রশ্নের সিদ্ধান্ত করিতে ছইবে, তাহাকে ১সম্পাদ্য করে।

যে প্রতিজ্ঞার কোন সভ্য সংস্থ:পন করিতে হইবে এমন প্রস্তুতার করে, তাছাকে উপপাদ্য কছে।

এক বা বহু প্রতিজ্ঞা হইতে যে ফল উপলব্ধি হয়, ভাষাকে অসুমান কছে।

প্রতিজ্ঞা সকল অধিকাংশই এই পঞ্চান্ত সংযুক্ত হয়।

বলা, সামান্য কণন, বিশেষ কখন, অস্কপাত, প্রমান,
উপসংহার। ছেতু প্রদর্শনের নাম প্রমাণ।

ে হেতু পুই প্রকার, অন্তরী ছেতু এবং ব্যতিরেকী ছেতু। যে প্রতিজ্ঞা সাধনে সাধ্যের যাথার্থ্য একবারে সপ্রমাণ হয়, সেই স্থলে অন্বয়ী হেতুর মারা প্রতিজ্ঞা সিদ্ধ ছইল, এমত বলা যায়। আর যেথানে সাধোর অ্যাথার্থ্য সপ্রমাণ করিবার নিমিত্ত তদিপরীতের অযাধার্ব্য প্রতিপন্ন করিতে হয়, সে স্থলেই ব্যক্তিরেকী হেতুর প্রয়োগ হয়।

্রপ্রতিজ্ঞার পূর্বেকি তৃতীয় অঙ্গ, অর্থাৎ অঙ্গপাড কারবার জনা যে কতিপায় প্রত্যক্ষ এবং স্বতঃপ্রমান্ত্রক अन्भारमात धाराखन रहा, छाराएमत नाम श्रीकार्या। আর প্রতিজ্ঞার চতুর্থ অঙ্গ, অর্থাৎ প্রমাণের নিভাস্ত উপযোগী, যে সমস্ত সত:প্রমাত্মক উপপাদা, তাছার নাম অতঃসিদ্ধ। ইউক্লিড্ এ সীকার্যা এবং অতঃসিদ্ধের সহায়তা ভিন্ন কুতাপি আর কোন প্রমাণ অবলম্বন করেন নাই।

ু স্বীকার্য্য যথা। ১। এক বিন্দু হইতে অন্য কোন বিন্দু প্রিস্ত ঋজু রেখা টানা যায়।

- ২। কোন নির্দিষ্ট ঋজু রেখাকে সরল ভাবে যথেচ্ছ" রন্ধি করা যাইতে পারে।
- ৩। কোন বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া ভাষা হইতে যথেচ্ছ দুরে ব্যাসার্দ্ধ লইয়া ব্লক্ত আঁকা যাইতে পারে।

্বভঃসিদ্ধ। ১। যে যে বস্তু প্রত্যেকে অপর কোন এক বস্তুর সমান, ভাহার। পরস্পর সমান।

र। जमीन वर्ष्ट्राङ जमीन वर्ष्ट्रत खांश क्रिट्रन, जमकियम পরস্পর সমান হয়।

- ও। সমান বস্তু হইতে সমান বস্তুর বিধোগ করিলে, অবশিষ্ট্রসমান হয়।
- ৪। সমান সমান বস্তু পরক্ষার বিষম বস্তুতে সংযুক্ত হইলে, সম্ফিয়য়ও বিষম হয়।
- ৫। বিষম বস্তু হ**ই**তে সমান বস্তুব বিরোগ করি**লে,** অবশিফায়ত বিষম হয়।
- ঙা যে যে বস্তু প্রত্যেকে কোন এক বস্তুর দ্বিগুণ, ভাহারা পরস্পার সমান।
- গ। যে যে বস্তু প্রত্যেকে কোন এক বস্তুর জর্ম্ব, ভাহারা পরক্ষার সমান।
- ৮। বে সমস্ত ক্ষেত্র পরক্পার মিলে, অর্থাৎ যাহার। ঠিক এক স্থান আবরণ করে, ভাহারা পরক্পার সমান।
- ৯। কোন বস্তু বা রালি ভাহার অংশ বিশেষের অপেকারহং।
- ১০। কোন বস্তু বা রাশি বিভাজিত হ**ইলে, ভাষা**র অংশ সমুদ্ধের সম**ফি** সেই বস্তু বা রাশির সমান।
  - ১১। সমকোণ মাত্রেই পরক্পার সমান।
- >২। ছই ঋজু রেখা যদি পরস্পারকে অবচ্ছেদিভ করে, ভাষা হইলে উভয়েই কোন ঋজুরেখার স্মান্তরাল ছইভে গাবেনা।

#### গণিতের চিহ্ন নিরূপণ।

এই চিছের নাম সমিত। এক রাশির সহিত জনা বাশির সাম্য থাকিলে, ভাষা এই চিছের ছারা প্রকাশ कता इसः यथा, ১२ इसः अवर अक कृष्टे देशासा शतन्त्रात नमान, ১२ इसः - ১ कृष्टे।

+ এই প্রত্ন চিক্টের নাম ধর্ম বা সংহিত। এই রাশির মধ্যে এই চিচ্চ ব্যবহৃত হইলে, পরস্পারের সঙ্কলন করিতে হয়; যথা, ২ + ৩ = ৫।

— ইছার নাম ঋণ বা হীনিত। রাশি পরস্পারার বাব-কলন সময়ে পরস্পারের মধ্যে এই চিহ্ন বাবছাত ছয় । যথা, ৫ — ২ = ৩।

× এই বজাক তি চিক্রে নাম গুণ বা গুণক। ছুই অথবা ভভোষিক রাশির গুণন সময়ে এই চিক্লের ব্যবহার ছর । যথা ৫×০-১৫। এই গুণ চিক্লের পরিবর্তে কখন এক বিন্দু মাত্র লেখা যায়; যথা, ৫.৩-১৫।

বে রাশিকে গুণ করা যায়, ভাহার নাম গুণা। যদ্মারা গুণন ক্রিয়া সম্পন্ন হয়, ভাহার নাম গুণক গুণ করিয়া যাছা হয়, ভাহার নাম গুণকল।

কোন রাশি সেই রাশিদার। গুণিত হইলে যে ফল লব্ধ হর, উহাকে রাশির বর্গ কহে, যেমন ৫এর বর্গ ২৫।

কোন একটা রাশিকে সেই রাশি দিয়া গুণ করিয়া, এ গুণকলকে পুনর্বরি ঐ রাশি দিয়া গুণ করিলে যে ফল লব্ধ হয়, তাহাকে ঐ রাশির ঘন কছে; যথা, ৫×৫×৫=১২৫।

কোন রাশিকে সেই রাশি দ্বারা পুনঃপুনঃ ঝুণ করিলে যত বার গুণ করা যায়, তত সংখ্যক আইকে-এ রাশিয় মন্তকের ডানিদিকে, ক্ষুদ্রাকারে লিখিলে সেই

মণফল ব্যক্ত হয়। যথা ৫<sup>২</sup>-৫×৫-২৫; ৫<sup>৬</sup>-৫×৫ × 0 = 250:0+8 2 = 92 = 83; 8 (0+0)2= 8 × ৮<sup>২</sup> = ২৫৬। এই ২, ৩ সংখ্যাকে ঘাত কছে। ৫<sup>২</sup>, ৫ রাশির দ্বিখাত বা বর্গ। ৫°, ৫ রাশির তিঘাত বা ঘন, रेजामि।

+ अहे हिट्डत नाम ভाषक। (य (य तानित मर्या अहे চিহ্ন খাকে, ভাহার প্রথমকে দিভীয় দারা হরণ করিছে হয়; যথা ১৫ + ৩⇒৫। হার্যা রাশি হারক রাশির উপরে থাকিলেও এ হরণের অর্থ বুঝার; যথা 🖁। 🖁 পড়িতে ছইলে ৩ লব ৫ ছর পডিবে।

যে বাশি ভাগ করা যায় ভাষার নাম ভাষা। যান্তারা ভাগা করা যায়, ভাহার নাম ভালক।

ভাগ করিয়া যে ফল লব্ধ হয়, তাহার নাম ভাগ-ফল।

ভাগের পর যাহা অবশিষ্ট থাকে, ভাগার নাম ভাগা-(मेरा

অনেক পৃথক্ং রাশি একত করিবার নিমিন্ত (), रे रेवा ... हिक्क वावकाल हम, देशामिशतक वस्तानी वा त्वज् ক্তে; যথা. (c+8) × ২-১৮; কিছা c+8° ২-১৮1

ে এই চিছের নাম মূলক বা মেলিক। কোন রাশির ৰামদিকে এই চিক্ত থাকিলে বুঝিতে হটবে যে. প্রি রাশির বর্গমূল নিষ্কাশিত করিতে হইবে, অর্থাৎ সেই রাশিকে এম্ন ভাগ করিতে হটবে যে, সেই ভাগফলকৈ দিখাভ कतिरत शुक्त तानि छे९ शज्ञ इकेट्य ; यथा, √०७ -देश वाजा

৩৬ এর বর্গন্ত কত ভাষা ব্যক্ত ছইতেছে, স্প্রতাং 🗸 🕬 - ७। **এই চিছের উপর ৩ থাকিলে ঘনমূল বুরিতে इই**বে, ইত্যাদি। এই মেলিক চিছের পরিবত্তে কখন কথন রাশির মন্তকের ডানিদিকে ই, 🗟 এই রূপ ভগ্নাংশগুলি बावक्ड इत : यथा, ७४°, ७४°, देशत प्रांती ७ ७४त वर्ग छ ঘনমূল প্রকাশিত ছইয়া থাকে।

যদি রাশি পরস্পরার উপর রেখা অন্ধিত থাকে, ভবে প্রাশির সমুক্তয় লইয়। বিহিত কার্যা করিতে ছইবে, भात (महे (तथात नाम मुध्यन: घर्था, ०-२ + e x ७--०. ইহার অর্থ এই যে ৩-২+৫ এই রাশি সমুচের क्लरक ७- अ बहे ब्रानित कल पाता श्वन कतिएक हहेरव। (কথ-গঘ) × (কখ-গঘ), অথবা কথ-গঘ<sup>2</sup>, ইইার অর্থ এই যে, কথ--গঘ এই রাশি আপনার ছারা এণ হটকো

্যদিকোন রাশির বর্গ ব। খনমূল নিষ্কাশন করিতে হর, আর দেই মূল সম্পূর্ণ নির্ণয় ন। হয়, অর্থাৎ যত দুর প্রক্রির। क्रा यांखेक ना किन, किन्नू ना किन्नू ভाগम्बर थाटक, धर আসর মৃলমাত্র স্থির হয়, তবে সেই মৃলের প্রতিরূপকে করণী क महमन दाणि कहा यात ।

এক রাশির সহিত অনা রাশির যে সম্বন্ধ তাহার নাম बारेकार वर्ते कार्र हिन्द कार्यात्र कार्य राजेश नावहार ्यथा, : :: । . धहे हिरू शिल त्रां **स्वित हमते म**ूर्य পাদিলে তাহাদের পরস্থার যে রূপ স্বস্ত ভারা ব্যক্ত হয় ই

যথা, ২ : ৫ : : ৮ : ২০ ; ইছা এ রূপে পাঠ করিছে হর, ২এর সহিত ৫এর যে সম্বন্ধ বা অনুপাত, ৮এর সহিত ২০ এরও সেইসম্বন্ধ বা অনুপাত।

এক রাশি অন্য রাশির দ্বারা শুদ্ধ ভাজ্য হইলে সেই ভাজ্য রাশিকে ঐ অন্য রাশির অপবর্ত্ত্য ক্ষে, যথা, ১৬, ৪ এর অপবর্ত্ত্য, কারণ ১৬, ৪এর ঠিক চতুগুণ, স্মৃতরাং উহার শুদ্ধ ভাজ্য।

এক রাশি অন্য রাশির শুদ্ধ ভাজক হ**ইলে, ভাহাকে** ঐ রাশির অপবর্ত্তক করে; কথা, ৪, ১৬র অপবর্ত্তক।

ে যে চিহ্ন ছারা "ভজ্জন্য" 'এই নিমিত্ত" ''অভএব" এই প্রকার অর্থ বোধ হয়, ভাহার আফুডি এই ∴

যে চিক্ত দার। "যেতেতু" এই অর্থ বোধ হর, ভাহার জাক্ততি

হই রাশির মধ্যে পূর্বেরটা পারের রাশি অপেক। এক বুঝাইলে এই চিছ্ন ব্যবহৃত হয় > ইহার নাম রহতার। আর লঘু বুঝাইলে < এই চিহ্ন ব্যবহৃত হয়; ইহার নাম লঘুত্র।

উপরি উক্ত চিহ্ন বাতীত আর কতকগুলি চিহ্ন ক্ষেত্রবাক হারে প্রয়োগ চইরা থাকে। যথা,— ≭ অর্থাৎ অসমান। △ অর্থাৎ ত্রিভুজ। ৄ অর্থাৎ সমকোরার । সমান্তরাল। □ সমান্তরিক ক্ষেত্র। ৄ কোণ।

N সমান্তরাল নছে। 1 লয়। ১ বর্গক্ষেত্র। ৩ বৃদ্ধন

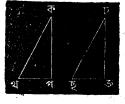
# কোণ, ত্রিভুজ এবং সমান্তরাল রেখা সম্মীয় কতিপয় উপপাদ্য ও

# मन्श्रीषा ।

১ম। প্রতিজ্ঞা—উপপাদ্য।

্রুইটী ত্রিভুজের মধ্যে যদি একটীর হুই বাত আসের দুই বাছর সহিত খথার সমান হয়, এবং ঐ দুই ত্রিভুজের সমান ভুজের অন্তর্গত হুইটী কোণ পরস্পার সমান হর, ভাছা হইলে এ এই ত্রিভুজ পরস্পর সর্বভোভাবে স্মান इटेटर ।

्रम्पत कब्र. क थ ११ ७ ५ ५ व ५३ ত্রিভুলের ধার্ম ভুল, চুল ভুলের এবং ক থ ভুজ, চ ছ ভুজের সমান, এবং কর্ম গ কোণ, চ ছ জ কোণের সমান। ভাহা ছইলে কগ বাত



চল ৰাত্র, থকগ কোণ ছচল কোণের ও কগথ কোণ চলছ कार्यंत्र ममान बहेर्व।

বদি কথগ তিভুজকে চছজ তিভুজের উপর এই ক্লপে উপনিহিত করা যায় যে, খ কোণ, ছ কোণের উপরেই পড়ে खरा थेश शक् दाथांने इक शक् दाथांत छेशदाहे शुक्, ভাষা হইলে থ কোণ ছ কোণের সমান বলিয়া মিলিয়া यहित, धार चंग अब्द तिथा इक अब्द तिथात ममान विनिहा यिनिहा याहेरन, ७ अटकृत श्रास्त भ, जानादात জ-র সহিত মিলিবে। আবার প্রাম্ভ

#### ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব।

ছ কোটোর সাইও বিনিলে কর ঋকুরেরী চট বালু রেপারী ঠিক উপরে প্রিরে, এবং উভরে সমান বিনয়া মিলিরা যাইবে। তাহা হইলেই গক ঋজু রেধার ছই বিন্দু স ও কা, আচ ঋজু রেধার ছই বিন্দু আ ও চ-র সহিত মিনিল, অভরাং রেধান্তর পরস্পার মিলিল, এবং কথা সমুদার ত্রিভূদ চহল সমুদার ত্রিভূদের সহিত সমাক্ মিলিয়া পরস্পার সমিতাংভাবে সমান হইল।

# ২য় প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক্ষ্মী বিস্তুত্তের মধ্যে যদি একটার দুই কোণ ক্ষমের দুই কোণের সহিত যথাত্ব সমান হয়, এবং একের নামার কোণান্ত্রের নামার ক্ষ্মান ভারে এ দুইটা ত্রিভুল পারম্পার সর্বাচ্চাত্তের সমান ক্ষ্মান ক্ষ্মান

মনে কর, পুইনী আছুল কংগ ও চছল-র (পূর্বাশালিক কৃতি দেখ) কথ্য কোণ চছজ কোণের সমাদক্ষাক্র কর্মা কোণ চলছ কোণের সমান, আর তুল শগ্য ছল ভূলোর সমান, ভালা ক্রনে কথ্য ও চছল আছুলবর প্রচলার স্বর্বতোজাবে স্থান করে।

কথা তিত্ব চছল তিত্বের উপর এই প্রকারে উপক নিহিত কর বে থগ রেখা ছল রেখার উপর পড়েন এই-করে কথা কোব চছল কোবের সমান কম্পনা করা নিছাতে, প্রবাধ ক্ষম জেখার চছলেরেখাক উপর পারিকা বিশ্বিরা বাইবে, প্রবং করাব গ্রেণার ক্ষমে জোবের সমান্ শ্বনাথ কৰা বেধাক চক্ষ বেধার উপার পাজিরা বিলিয়া বাইবো ভাহা হইলেই কথগ তিভুজ চহজ তিভুজের সহিত সম্মাক্ মিলিয়া পরস্পার সমান হইল।

## ৩য় প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

সম্বিধাক ত্রিভূজের সম্বাহর সমূখীন কোণ ছুইটা প্রক্ষার সমান হইবে।

কথণা একটা তিত্তল, ভাহার কৰ এ কগ বাছৰর পরস্পার সমান, ক্রান্ত কগ বাছৰলের সমূৰীন

কৌনারত পরস্পত্র সমান।



ক্ষান কর, ছত্তা আর একটা স্মাহরাক্ত বিভূত। বঁহার
চক্ষাক্ষাক্ত তথ বাত্তর ও চজ বাত্ত করা বাত্তর স্থান, এবং
উত্তর বিভূত্তের স্মান ভূত্তের অন্তর্গত হুইটা কোণ হুচ্জাও
বক্ষাপালার স্মান, অতএব ১ম প্রতিজ্ঞাসুসারে এই কুইটা
কিছুল পরশার স্বানন। প্রশান, চছ বাত্ত কর্গ বাত্তর এবং,
চল্লাক্ষাক্ষাক্ষাক্র স্মান। প্রশান, চছ বাত্ত কর্গ বাত্তর এবং,
চল্লাক্ষাক্ষাক্র স্মান। প্রশান, এবং থকা কোণ চচ্জা কোণের
স্মান, অভ্যাব এইলেও হুইটা বিভূত্তা পরশার স্বান্ত্রাক্র ক্ষান। কিছু
পূর্ক্তে দর্শিত হুইটারে বিভূত্তা কোণের স্মান। কিছু
পূর্ক্তে দর্শিত হুইটারে বিভূত্তা কোণের স্মান,
ক্ষান্তর ক্ষান এবং কর্গথ কোণের চচ্জা কোণের স্মান,
ক্ষান্তর ক্ষান্তর স্থান, ভাহা হুইলেও স্মান প্রভ্রত্তর স্থান
ক্রিলাশ্রক্তার স্থান, ভাহা হুইলেও স্মান প্রভ্রত্তর স্থান
ক্রিলাশ্রক্তার স্থান, ভাহা হুইলেও স্মান প্রভ্রত্তর স্থান
ক্রিলাশ্রক্তার স্থান, ভাহা হুইলেও স্মান প্রভ্রত্তর স্থান

সমূৰীল কোৰ কণাপ্ত, কণ বাহত সমূখীন কোৰ কণণ-জ নমান।

#### 8र्थ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

হইটা ত্রিভুজের বাত্তগুলি যথাস সমান হইলে কোৰ-গুলিও তুল্য হইবে, অর্থাৎ ত্রিভুজ্বর পরস্পর সর্বভোজাবে

TICH TO SERVE OF THE SERVE OF T



কাৰ বাহৰ বাহাৰ, ভাহ। হইলে ঐ হুইটা ত্রিত্ব পরস্কার সমতোভাবে সমান হইবে।

কথা ত্রিভুলের নিম্নে চছল ত্রিভুলটা এরপে রাথ বৈ,
চছ রেখা কথ রেখার উপর পড়ে এবং চছল ত্রিভুলের পাঁব
বিন্দুল, ব ছানে আইসে। গা ও ব বিন্দুলর সংষ্ঠান করি,
ভালা হইলে কাম ও খগদ এই চুই ত্রিভুল সমিদিবাল ইইবে।
আঙ্গাব ( জর প্রতিজ্ঞাসুসারে ) কগদ ও কদস কোন্দির
পরস্পর সমান এবং খাম কোণ = খদা কোণ; ইইবিনির
সমান করিলে কগদ কোণ + খগদ কোণ = কদা কোণ।

করিলে কগদ কোণ + খগদ কোণ = কদা কোণ। কিন্তু
কর্মান এবং কথদ অথবা চছল ত্রিভুলে কল বাল কদা কাদ বালির
সমান, খল বালি বখ বাল্রে স্নাম এবং কল্প কোণ কদ্প

কোনের সমান, প্রভরাং ( ১ম প্রক্রিজাঙ্গুলারে ) এই জিছুলবর প্রস্তার সমান।

জনুমান। হুই জিছুজের ভূজসকল পরস্পার তুল্য ছইলে কোণ গুলি তুলা হর বটে, কিছু কোণগুলি তুল্য হইলে কথন ভূজগুলি ভুল্য হর না।

#### ৫ম প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

কথ এক নির্দিষ্ট সরল রেখা, ইহার উপর কথগ একটা ক্ষমবাস্থ তিতুল শক্ষিত করিতে হইবে।

ক বিন্দুকে কেন্দ্ৰ ও ক থ
ক্ষেত্ৰ ব্যাসাৰ্থ করিয়া থগচ
ক্ষেত্ৰ ক্ষেত্ৰ কর ; এবং থ
ক্ষিত্ৰক কেন্দ্ৰ করিয়া থক ব্যাসাৰ্থ প্ৰিয়াক ব্যাসাৰ্থ



ক্ষাছ অভিত করন এই হুই রতের পরস্পার সম্পাত বিন্দু কু হইতে ক ও খ পর্যান্ত হুই সরল রেখা টান; ভাষাতে কুলার বে একটা তিভুজ হইবে ভাষা সমবাছ।

ক্ষাৰ ও কগ উভরে ধণাচ রজের ব্যাসার্থ হলির। প্রক্ষার ম্যান, এবং ধণা ও ধক উভরে কগছ রজের ব্যামার্ক
ক্ষার স্থান হওরাতে ইহার। (১ম অভঃ সিন্ধাসুক্ররে)
প্রক্রির স্থান।

প্রারোগ। চাম্চিকা খিলান প্রস্তুত করিবার নিয়ক।
কথ খিলানের পরিলর ; ইহাকে করেকটা লয়ান পংক্র

বিভালিত কর ৷ পারে কথ রেখার নিম্নে সমবাত ত্রিভুক্ত অন্ধিত কর, এবং এ ত্রিভুজের भीर्य कार्त्वत म विम्मु क किस कतित्रा, म विन्यू इहेट कथ दत-ধার বিভাগক্ত চিছ্ গুলিতে সরল রেখা টানিলে খিলানের আমুগুলি নিরপিত হইবে।



#### ৬ষ্ঠ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

अक निकित कार्गाक नमिष्यण, व्यर्थार इहे नमान कार्या विकास कतिएक स्टेटन ।

ক্ষুখ্য এক নিৰ্দ্দিট কোণ, থ বিন্দুকে কেন্দ্ৰ কৰিছা কে প্রিক্তির হয় ব্যাসার্ছ লইয়া কণা ব্রতাংশ অভিত কর এবং ক ও গ-কে কেন্দ্র করিয়া উক্ত ব্যাসার্দ্ধ করন্দ্রন করিয়া তুইটী চাপ অভিভ কর। এই হুই চাপের সম্পাত বিন্দু চ ছইতে খ পর্যান্ত এক সরল রেখা টানা বিষ্টু

•মারা কথগা কোণ ছই সমান ভাগে विভक्त रहेन। कह ଓ गह मध्यूक कद्रा वक-थ्या, ध्वर हक-हम ध्वर चंत्र द्वंसा चकत ७ थगत इरे ত্তিভূত্তর সামান্য বাছ। অভএব চতুর্ প্রতিজ্ঞাতুসারে এই হুইটী



विकृत मर्साखांखार मनान अवर कथा कान राया दिवादीन अवात । अति वहत विष्ट्रस वह देवचात छेलद प्रक्रित। किना

বার, তাহা হইলে উহা গণচ ত্রিভুক্তকে সম্পূর্ণ রূপে আরম্ভ করিবে।

#### ৭ম প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

বে কোণের কত অংশ পরিষাণ নির্দ্ধিক আছে ভাহা কিরপে অন্ধিত করিতে ছইবে।

থে কোণ অভিত করিতে ইইবে ভাহার পরিমাণ যদি ৪১ অংশ ছর, তবে অংশমানদণ্ডের ৬০ অংশ পর্যান্ত কম্পাস বিস্তার করিয়া, উহার এক পদ, কম একটী সরল রেখার

ম বিদ্তে রাখিয়। রত অভিত কর.

বর্থা কখা ; ইহা কম সকল রেখাকে

ক বিদ্তে ছেদ করিতেছে। পরে

উক্ত অংশমানদত্তের ৪১° কম্পাস



বিশুরি করিয়া ক বিন্দু হইতে রশ্তের কগ অংশ ছেদ কর এবং গ ও ম সংযুক্ত কর। কমগ কোণ অঙ্কিত হইল, ইশ্বর শরিমাণ ৪১°।

## ৮ম প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

রেখাছরের সংস্পর্শে যে কোণের উৎপত্তি হয় ভাহার শক্তিমাণ করিতে হটবে।

ক্ষ ও গাম (পূর্বে প্রতিক্ষতি দেখ ) দুই রেখার সংস্পর্টে যে কোণ হইরাছে, ইহার পরিমাণ করিতে হইতে। ম কের্ট্র করিয়া অংশুমান্দণ্ডের ৬০° ব্যাসার্ছ লইরা ক্ষম এক, হল শক্ষিত কর, ইহা কম ও গম ( আবশ্যক হইলে বর্দ্ধিত করিতে হইবে ) রেথাদ্বয়কে ক ও গ বিন্দুতে ছেদ করিবে। পরে কম্পাদকে ক হইতে গ পর্যান্ত বিস্তার করিয়া, উক্ত অংশমাদ—
দতে অব্যোগ করিয়া দেখিলে প্রতীয়মান হইছব যে, কম্পা
নির্দ্ধিন্ট কোণের পরিমাণ ৪১°।

#### ৯ম প্রতিজ্ঞ। সম্পাদ্য।

কথ এক নির্দ্ধিন্ট সরল রেখাকে হুই সমান ভারো বিভক্ত করিতে হইবে।

ক বিন্দুকে কেন্দ্র এবং কথ রেখাকে ব্যানার্ক্ত করির। একটা রক্ত অঙ্কিত কর, এবং থ কেন্দ্র হইতে থক ব্যানার্ক্ত নইরা আর একটা রক্ত অঙ্কিত কর। এই হুই রক্তের পরস্পর সম্পাত বিন্দু গ ও ঘ এক সরল রেখা ঘারা সংযুক্ত করিলে, ইছা কথ সরল রেখার মধ্য বিন্দু চ দিয়া যাইবে।

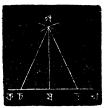


কগ ৪ খন সংস্কৃত কর। ৬ঠ প্রতিজ্ঞার ন্যার ইহাতেও প্রদর্শিত হইতে পারে বে কগম কোণ থগম কোনের সমান। এইক্ষণে কগচ ও খগচ ত্রিভুজম্বরে কগ রেখা খনা রেখার সমান, চগ সাধারণ বাহু, এবং কগচ কোণ খনাভ কোনির সমান। অভ্যান কগচ ও খনাচ ছুইটা ত্রিভুজ (১ম প্রতি-আনুষারে) সর্বতোভাবে সমান এবং কচ রেখা চম রেখার সমান, কুজার চ বিস্তুত কথ রেখা সম্বিধ্বিত হইয়াছে।

#### ১০ম প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

্রকর্ম সরল রেখার অন্তর্গত ঘ নির্দিষ্ট বিন্দু হইতে ভাহার छेगांत सथ हो निटल स्रेटन ।

क्य मार्था, काम अक विमा गठ. यशा, ह धार वर वर वहें ए वह-त जमान अक सर्भ कल्लाश्रहाता (इस कत বৰা হয়। চ এবং ছ বিন্দুকে কেন্দ্ৰ করিরা চব অপেকা বেশী ব্যাসার্দ্ধ



লইরা ইইটা চাপ অঙ্কিত কর। এই তুই চাপের পরস্পর সম্পাত বিন্দু গ হইতে ঘ পর্যান্ত এক সরল রেখা টান। वरी, च विम्नू इरेट छेठिता कथ द्राशांत छेला नच छाटा 988 COP 1

সাঁচ ও গাঁছ সংযুক্ত কর।

্টপৰ ও ছগৰ ত্ৰিভুৱে, চগা-ছগ, চঘ-ছঘ, এবং গায় ত্রকী অভুত্তর সামান্য বাহু, অভএব ( ৪র্থ প্রতিজ্ঞানু সারে ) চাৰি ভাগৰ হুইটা ত্ৰিভুজ সৰ্ব্বডোভাবে স্মান এবং গ্ৰহ কোল গঘছ কোণের সমান; ইছারাই গঘ রেখার পার্বত-क्रिकेट में के क्रिकार में प्रकार में प्रकार का दारा कर (सर्वात केपन मन्डांटर जहिए रहेशांट ।

শ্বিকীয়ক:। কোম সরল রেথার এক প্রান্ত হটতে লয PHACE SOLVE

ক্ষ এক সরদ রেখা, ইহার প্রান্তভ বিন্দু য হইছে ইহার क्रीं अप डेमिट्ड 'एरेटर । य विमूदक दक्का अविशे क्र नरीक कियो पर वर्णका कृत द्वान (तथा व)शार्ध अदेश **अक्की द्वल अहरू कर, यथा अहेके। लट्ट**्र अक्**की कम्लोज** ঘল ক্যানার্ছের সমান বিস্তার করিয়া ভদারা মুইন ব্রস্তাংশক্ত

हुहै वात (इम कर्त्र, यथी है, के भूगक के छ में विमा-दंक (कला कंत्रिया ने इहेरल है अविशादन विशेषी करेता प्रदेशी ব্রভ অভিড কর। এই চুই



স্থিতির শীরস্পার সম্পাডবিন্দু গ হইতে ঘ পর্যাপ্ত এক রেখা होन । घर्ग, कंघ (तथांक व्यस्ता विन्यू व इहें एक खेहांक खेनी লমভাবে অভিত হটল।

#### ১১শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

আৰু নিৰ্দ্দিক সরল রেধার উপর ভছতিছ কো<del>ল নিৰ্দ্দিক</del> 'বিন্দু হইতে লম্ম টানিতে ছইবে।

িক্স এক নির্দিষ্ট সরল রেখা, এবং বা <del>ই</del>জার বহিন্ত জ্ঞান বিন্দু, গা হইতে কথ রেখার উপর শস্ত টানিতে ইইবে 🎀 🙉 🎏

क्षवगढ:। ेयथकः विश्वृति (त्रथातः वालागानिः व्याहकः ভব্ম ংগা বিষ্ণুকে কেন্দ্র করিয়া ক্ষ রেখাকে ছেদ করিতে লাবে এক্সপ একটা ব্রভাংশ অন্ধিত কর, যথা मार्चा : हेडा कथ द्वार्थाक च बार



भारिन्तर उद्देश कतिरुक्त । शाद वा, शा, व वा, श नरपूक्त এই। ক্ষায় (৬৬ এডিকামুসারে) পরাল। কোনকে গব দার। नेमेरिय छिए करें। शय नहन दिया श विक्र पहेंट अविके

-रहेजा कथ (तथांत छेशत सम्चार तरम्बिक स्टेस**्** अस्त 🤏 আৰগ ত্ৰিভুৱে অগ – আগ, বুগ সামান্য বাছ এবং মধার কোণ আধাৰ কোণের সমান, অভতাৰ ( ১ম প্রতিজ্ঞা-ছুবারে) এই দুইটা ডিড্জ সর্বাডোভাবে সমান এবং গছন क्लांव ग्रंपका इकारनाई नमान, बेराहारे शव ताथात हुरे ক্ষিত্র কোর ক্ষান্তর কাড্যেকে সমকোণ ; অভরাং পদ রেখা केला केला महकार्त अविक हरेबारक।

क्षेत्रिका। निर्मिष्ठे विष्युष्ठी कथ त्रथात अक लार्थ জাত্রণ করবে বা হবতে কথ রেধার উপর একটা রেধা

शाक कर, यथा शह; भट्त शह-(क म विम्मूरक ममबिश्य करा, धवर म বিশ্বকে কেন্দ্র করিরা মগ ব্যাসার্ছ महिला धक्की इंड महिल कर, स्था,



व्यक्त । देश कथ तिथारिक च विन्तृरेख क्षित कतिरखाइक। अस्ति की कि अब क जातन (तथा बाता मध्यूक कत । अव, अ विक् বইতে কথ দেখার উপর লবভাবে অভিচ হইল।

🕾 ুখ স্ভেশংকুরাভকর 🗠 চম 🛥 সব, অভএব ঘচম কোণ মধ্য ক্ষেত্ৰৰ ক্ষাৰ কৰিং বৰ ও মৰ্থ স্থান হওয়াতে মহগ কোণ . विकार नमूनाइ ह्या (कांव वहम <del>१</del> त्या स्त त्यासाः त्याप्रमा

अञ्चलक कार्य के जिल्लाब विश्वष क कश रकाव क है थे, ক ৰ ব হুই কোণের বোগভুলা, প্ৰভাৱ ক বল্প জেল श्री व स्टब्स्वर नयान, श्रवतार ( वर्ष तरकाप्नादक) देवले MCDIC THE THE THE

এই উপপত্তি ১৯শ প্রতিজ্ঞার পর পাঠ করিতে হইবে। चर्मान। अक्षे निर्मिके मतन तिथा ଓ विस्तृत् मर्श (र লম্বত্ম দূরত ভাহাই এ রেখার লম।

#### ३२म <u>श्रिक्ति।</u> मन्नामा

্ৰাক্টা বিভুক্ত অভিত করিতে হইবে, যাহার তিন বাছ এরথ ডিনটা নিটিট সরল রেশার সমান হইতে, যে এ রেখা অক্ষের যে ছইটা লও, ভাছার। পর-ম্পর বোবো ভূডীয়টীর অপেকা রহতর হয়।



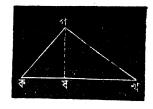
নিৰ্দ্দিত সরস রেখা ভিনটী ৫, ৪ এবং ৩ বাল পরিনিত क्षेक, बहादनत मर्पा वि कृष्टे (तथा नशु, धकात कतितन जलीत इहेट्ड अधिक इहेटन, अर्थाय १ छ के अवहेटड ब्रह्मडा, ८ 😩 २, ६ इट्रेट जुरुकत, अवर ६ 😸 ७, ८ **एटेट जुरुक** 🗐 এমড এক ত্রিভুজ করিছে ভইবে, যাছার এক বাছ 👣 এক বাজ্য ও এক বাজ্ত গল পরিমিত রেখার স্থান ছইবে 🕼

৫ গল্প পরিমিত এক সরল রেখা ক **খ**ান্যাস্ভর, <mark>প্র</mark> ক কেন্দ্র করিয়া ৪ গল পরিমিত রেখা ব্যা**লার্ছ দুইয়া এ** हुक चाक, ध्वरू प टक्स कतिता ० शक शहितिक दिना राष्ट्राई वरेश अरु इक् मारु। धरे इरे इटका अल्लाड ्र कोटक के अवस्था में भवास पूर्व जातन दावा है।जा क्रिकेट स्रेटन, हेरात किन बाद जनकार ৫, ৪, ৩ গদ পরিষিত রেখার সমান।

#### ১৩শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ভূমি, লম্ব ও ভূম্যোপরি লম্ব পাতনের স্থান নির্দিষ্ট **খাকিলে ত্রিভূজ কিরূপে অঙ্কিড** করিতে হইবে।

ক ৰ ভূমি - ৭, গঘ লছ o अबर क िक हहें एक नम्र **लांक्टब**ब बृह्य क व - २ टाहेन।



া চেইন পরিমিত এক

সরস রেখা কথ ন্যাস কর, এবং ক খ হইতে দুই চেইন পরি-मिछ धक चल (इस कत, यश क य। धवर च विम्मू इहेटड **ভিন চেইন পরিমিত এক লম্ব অহি**ত কর, যথা**ঘ**গ। প্রে গাৰাও গাৰু সংযুক্ত কর। ক থ গা তিভূজ অভিত **হটল।** 

#### 384 প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

क च क मतल (तथा, श च चना ककी मतल (तथा खाँचरिखं जश्लद्ये हरेया এक मिरक (य थ रा घ e च राक ছইটা কোণ বিস্তাব করিয়াছে, ভাছাদিশের সুম্বিট ভুইটা সমকোণের সমষ্টির সহিত সমান।

া বিন্দুকে কেবল করিয়া যে পরিমাণে ছউক বাাসার্ছ

नरेश च च क क धक है। तुल **হতি ক**র, ক চহ খ সামি-इंड दिनिहां चं राघ + घरा क व्यर्थार प्रदेगमरकांगलना ।



জনা উপপত্তি। গ বিন্দু হইতে ক ধ সরল রেথার উপর গচ একটা লম্ব টান; অতএব < চ গ ক + < চ গ ধ

- ২ সমকোণ।

< घ গ क = < 5 গ क + < घ গ 5; এই ছই সমান রাশিতে < घ গ थ বোগ করিলে. < घ গ क + < घ গ थ = < 5 গ क + < 5 গ घ + < च গ थ = < 5 গ क + <</li>
 < 5 গ थ = २ সমকোণ।</li>

উদাঃ ১ম। যদি ঘ গ ধ কোণের পরিমাণ ৪০° হয়, ভবে ভাঙার ক্রোড়ন্ড কোণ ঘ গ ক-র পরিমাণ কভ হ**ইবে ?** 

উ:। ১৪০°; কারণ < ঘণ ক → ১৮০° — ৪০° → ১৪০°।

ঘণ ক কোণকে ঘণ ধ কোণের কোড়েম্ব কোণ কছে।

ভাষা চ কোণকে ঘণ ধ কোনের অনুপরক কোণ কছে।

২য়। যদি **ধ প ঘ** কোনের পরিমা**ণ ৩৫° হয়, ভাবে** ভাহার অন্তুপরক কোণ ঘগচ এর পরিমাণ কদে **হইবে** ?

উ:। ৫৫°; কারণ < ঘগচ - ১০°-৩৫° - ৫৫°। তর। ৩০° পরিমিত কোণ সমকোণের কন্ড ভাগ? উ:। ২ ভাগ।

১৫ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ছুই সরল রেধার সম্পাতে প্রতীপ **স্বর্থাৎ বিশরীও** কোণ্ডর পরস্পর সমান হয়।

ননে কর, ক ৰ ও চ জ এই ছই বৰুল বেখার সম্পাত ছ চিহ্নে ক্টাৰে; এইকৰে ক ছ চ কোৰ



জ ছেণ কোণের সমান, এবং চছ্থ ও কছ্জ ইহারা প্র-স্পার সমান হইবে।

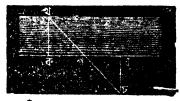
ক ছ চ কোণ 🕂 চ ছ খ কোণ \leftrightarrow ২ সমকোণ, এবং খ ছ জ কোণ 🕂 চছখ কোণ = ১ সমকোণ, কিন্তু যে যে বস্তু প্রেটেকে কোন এক বস্তুর সমান তাহারা পরস্পার সমান, আভিএব কছচ কোণি + চচ্খ কোণি ভ খছজ কোণা + চছ থ কোণ। এখন উভয় পক্ষ ইইতে চছ থ এই সাধারণ কোণটী বিয়োগ করিলে অবশিষ্ঠ ক ছ চ কোণ জ ছ খ কোণের স্মান ইইবে। চছ্য ও ক ছ জ কৌণ যে প্রস্পুর স্মান ইহাও ঐকপে উপপন্ন হইতে পারে।

্ ১ হুত্রখান। ইহা হইতে স্পষ্ট প্রভীয়মান হইতেছে যে, ছুই শরল রেখা পরস্পর অবচ্ছিন্ন হইলে, অবচ্ছেদ চিহ্নতে যে যে াকানের উৎপত্তি হয়, তাহারা একত্র যোগে চারিটা সমকোণের সম্ভির সহিত স্মান।

ি 🔻 अञ्चरमान । 🛮 অতএব যত সরল রেখা প্রস্পার এক চিছে অবভিছন হয়, ভাষাতে যে যে কোণ উৎপন্ন হয়, দকল একজ কারণে চারি সমকোণ তুলা হইবে।

প্রয়োগ ২ম। কোন নদী পার না হইয়া ভাছার প্রস্থ প্রতিহাণ করিতে ইইবে।

इतीय आभीन, मन কর, ক চিরিড স্থানে কথাৎ পর পারের ভী-রছ কোন বুজা বা অভ



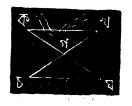
কোন কমিত বস্তু যথা ধ-র ঠিক মুমুখে দুলাগ্রমান আছেন,

অন্তর তিনি ক্রশনত বা কোণবীক্রণ যন্ত্র হারাক থ রেথার উপর লম্ব ভাবে ক ম রেখা অন্ধিত করুন। পরে ক ম রেখাকে য ভানে সমান ভাগে ছিবও করিয়া একটা দও প্রোথিত ककन, धवः क प त्रथात छेशत घ ह धकती त्रथा लक्ष्मात्व আছিত করুন। অপর থ চিহ্নিত বস্তু ও গ স্থানে প্রোধিত দত্তের সমস্থতে চন্থানে আর একটা দত্ত প্রোধিত করিয়া, ম্ব চ-র দূরত পরিমাণ করিলে যাহা হইবে ভাহাই নদীর পরি: সর নির্দারিত হটবে।

২য়। ক চিহ্নিত ভান হইতে থ চিহ্নিত ভান অংগমনীয় হইলেও উহার দূরত্ব ত্বির করিতে পার। যায়।

ু গ চিহ্নিত স্থানে অবস্থিত হইয়া গৰু ও গুখু প্রিমাধু

কর। গধ রেখা বৃদ্ধি করিয়া গ চ-কে গ খ-র সমান কর, এবং গক-কে বৃদ্ধি করিয়া গঘ-কে भ क-त नमाम कता পत घ ह পরিমাণ করিলে যাহা হটবে: ছাহাই ক হইতে থ-র দরত পরিমাণ।



#### ১৬ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

তিভুম্বের কোন বাছ বৃদ্ধি করিলে ভাহার বাহিরে যে কোণ্টী হয়, ভাহা ত্রিভুজের অন্তরীণ প্রতীপ কোণ্ডয়ের অভ্যেকের অপেকা বৃহত্তর হয়।

কুপ গ একটা জিভুজ, ইহার যে কোন বাহকে, হথা ধ্প, দ প্রয়ন্ত বৃদ্ধি কর; এইকণে কৃগ্য বৃহত্ব কোণ

গধক এবং ধক গ অন্তরীণ প্রতীপ কোণ্ডয়ের প্রভাক

**कहरक दुहर हहेरत।** यीन ক ৰ গ তিভজকে ৰ গ ঘ সরল রেখার উপর এমত প্রকারে महिदा (मध्या शह. (य व कांग म विमुख चाहेता.



ভাষা হইলে প্রভীয়মান হইবে যে শীর্ষ কোণ ক, ক গ রেথার ष्ट्रोरेन पित्क कोन विमुख यामित, यथा ह ; এवः कात्व कारबरे प ह दिश्रों के श च कार्यत मार्था श्रीकिटन, कवीर क भ प कोंग ह भ घ कांग रहेल बुहर रहेता। किन्दु ह भ च কোৰ - ক ৰ গ কোৰ; স্বভরাং বহিঃ ছ কোৰ ক গ ঘ অছরছ **क्रम म कोन क्टेंए** बुट्र ।

अके कार कम बाह बुद्धि कतिता कश घ कान ब कश ক্ষেত্ৰ ইইডে বৃহৎ ইহা উপপন্ন হইবে।

উপরি উক্ত প্রতিজ্ঞার দাধন হইতে এই মত:দিন্ধনী উপনদ্ধি হইতেছে বে. যদি ক গ ঘ কোণ ক খ গ কোণ व्यापका द्रश्य हरा. छोटा हटेला श क छ ध क दिथी ध व রেখার উপর পৃঠে কোন না কোন ছানে অবশ্র সংলগ্ন रहेरव ।

#### ১৭ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ত্রিভ্রের বৃহত্তর বাহর সমূথে বে কোণ্টা থাকে ভাষা শ্বপর কোন কোন অপেকা বুহতুর।

ক ধ খ এক বিভুল, ভাহার ক ধ বাত ক গ বাত হইতে

বৃহত্তর, ক গ খ কোণ ও কখগ বা খ ক গ কোণ হইতে বৃহত্তর।

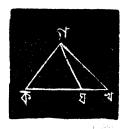
ক থ হইতে ক গ রেধার সমান

থক থণ্ড ছেদ কর মধা, ক ঘ, এবং

ত ঘ গংমুক্ত কর । < ক ঘ গ, থ ঘ গ

ক্রিভূবের বাজ কোণ, স্তরাং ইহা

থান্তরীণ প্রতীপ কোণ ঘ থ গ হইতে
বুহন্তর; কিন্তু ক ঘ গ ও ক গ ঘ কোণ-



শ্বর পরক্ষার সমান, কারণ ক ঘ ও ক গ রেথান্বর পরক্ষার সমান, ভিলিমিত্তে ক গ ঘ কোণও ক থ গ কোণ হইতে বুহওর। প্রক্ত ক গ থ, ক গ ঘ হইতে বুহৎ, স্মৃত্রাং ইহা ক থ গ হইতে আরো বুহত্তর হইবে। এই রূপে ক থ হইতে থ রেধার সমান এক ধণ্ড ছেদ করিলে উপপাদিত হইতে পারে যে, গ কোণু ক কোণ অপেক্ষা বুহত্তর।

অন্নান। তিভুজের বৃহত্তর কোণের সমুধে যে বাছ থাকে। ভাষা অপর কোন বাছ অপেকা বৃহত্তর।

#### ১৮ শ প্রতিজ্ঞ। উপপাদ্য।

ছই সমান্তরাল সরল রেথার উপর আর একটা সরন রেথার সম্পাত হইলে একান্তরিত ছইটা কোণ সমান হইবে, ও এক পার্শের বাঞ্চ কোণ অন্তরীণ প্রেটীপ কোণের সমান হইবে। আর এক পার্শের ছইটা অন্তরীণ কোণের সমষ্টি ছইটা ক্ষরেণিকোণের সমষ্টি

া কৰাও গাম হাই সমাজনাল বেধা, চাছাৰ ভারোজের উল্লেখ্য সাজিলাছে। ক ছাল, ছালালা একাজনিক কোণ্যন প্রশার সমান, এবং বহিঃছ কোণ চছাধ অন্তর্য প্রতীপ **किन इ स इ-त नमाम।** धराधक পার্শের মুই অন্তরম্ব কোণ থ ছজ ও ছ জ দ একত যোগে হুই সমকোণের मयष्टित्र मयान ।



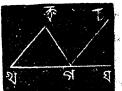
বাদিক ছ জ কোণ ছ জ ঘ কোণাপেক্ষা বুহৎ হয়, ভবে ক খ ও গ ঘ, খ, ঘ, দিকে বৃদ্ধি পাইলে ( ১৬শ প্রভিজ্ঞার স্বভংশিদার্থারে) উভয়ে সংযুক্ত ইইয়া একটা ত্রিভুজ ক্ষেত্র উৎপন্ন হইবে। আর বিপরীত কর্গাৎ লযু হইলে ক, গ **অভিমু**থে একটী ত্রিভুজ হইবে। অতুএব যদিক থ ও গ্**য** রেখাদ্বর কোন দিকেই পরস্পার সংস্পর্শ না করে, ভবে ক ছ জ ও ছ জ ঘ কোণ্ছয় পরস্পর সমান হইবে। কছজ কোণ চছ থ কোণের সমান; কিন্তু কছজ কোণ ছজ্জ কোণের সমান, স্তরাং চছ থ কোণ - ছ জ ঘ কোণ। ইহাতে খছজ কোণ যোগ করিলে চছ্থ কোণ 🕂 ঋছজ কোণ = থছ জ কোণ + ছ জ ঘ কোণ। পর্যন্ত চ থ ও ধছজ কোণ ছট সমকোণ তুল্য, স্তরাং ধছজ 🕂 ছজ घ ছুই সমকোণ তুলা।

### ১৯ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য ।

্কু ধ স**িভিজের, বাজ কোণ ক**ু সাম, ইহা **জিভুজের** আন্তরীণ প্রতীপ**ুত্**ই কোণের সমষ্টির সমান : অর্থাৎ ক'স<u>্থ</u> कार्यः क्रम प्रशास्त्राप्तः च क म कार्यः । माराजः विक्रुरण्ये

ভিম্টী অন্তরীণ কোণ অর্পাৎ কথাগ, থাগাক এবং গাকার্য সমবেভ হইলা গুই সমকোণের সমষ্টির সহিত সমান 🕒 💮 🕾

গ বিন্দু দিয়া থ ক রেখার সমান্তরাল গ চ রেখা টান। ভাহা হইলে পূর্ব প্রতিজ্ঞান্ত্রারে < চ প দ = < ক খ গ; এবং



< চ গ ক = < গ ক थ। ইহাদের সমষ্টি করিলে
< চ গ ঘ + < চ গ ক = < ক থ গ + < গ ক খ, জ্বাহি
< ক গ घ = < ক থ গ + < গ ক থ। পরে এই সুইটা
সমান রাশির প্রত্যেক দিকে < ক গ থ যোগ কর, ভাহা

ইইলে < ক গ থ + < ক গ घ = < ক থ গ + < গ ক থ

+ < ক গ থ । কিন্তু < ক গ থ + < ক গ घ = < ছুই

সমকোণ। ∴ < থ + < ক + < ক গ থ = ছুই সমক্রেলি, জ্বর্থাৎ ১৮০°।</p>

উদাহরণ ১। যদি < ক = ২৫°, ও < ধ = ৪২°, ভবে কগঘ কোণের পরিমাণ কত হইবে?

উঃ। < কগঘ = ২৫° + ৪২° = ৬৭°।

২। যদি বহিঃস্থ কোণ কগ্য ৯৫° ও গ্রুষ কোণ ৩৬° হয়, ভাষা ইইলে কথ্য কোণের মান কভ ছইবে ?

এই প্রান্নে, < থ + < ক ল < ক গ ল, কর্বাৎ < থ + ৯৬° = ৯৫°; এই সমান বস্তুর প্রত্যেক দিক হইছে ৬৬° বিয়োগ করিলে ক থ গ কোশের পরিমাণ ৫৯° হইবে। ৄুঙা বলি < থ = ৪৬°, এবং < ক = ৮৪°, ভাইছিল ছইকে অব্যিত্ত ক্ষাপ্র কোণের পরিমাণ কত । এই প্রয়োজ ছঙ\* + ৮৪° + < ক গ ধ == ১৮০°, ∴ < কগধ == ৫০°।

৪। যে ত্রিভুজের ভূমিদংলগ্ন কোণ্ডয়ের পরিমাণ পরস্পার ৫৫° ও ৭৩° হয়, ভাহার শীর্ষ কোণের পরিমাণ कछ इट्टेंब ? छै:। ८२•

 । সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমির কোণের পরিমাণ ২৭° **হটলে. শীর্ধকোণের** পরিমাণ কত হটবে? উ:। ৬৩°

৬। সমকোণিক তিভুজের ভূমি এবং লম্বের অভিমুখীন কৌৰছয়ের সমষ্টি যে ৯০° তাহা প্রমাণ কর।

🌯 ৭। সমকোণিক সমদিবাছ তিভুজের লঘু কোণছর যে প্রত্যেকে ৪৫° ভাহা প্রমাণ কর।

৮। সমদিবাছ তিভুজের শীর্ব কোণ ৫০° হ**ইলে**. ভূমিশংলয় কোণ্ডয়ের প্রভ্যেকের পরিমাণ কর रहेर्व ? উ:। ७**०** ∙ा

এই প্রতিজ্ঞা হইতে সিদ্ধ হইতেছে যে, সমবাছ কিছুলের অভ্যৈক কোৰ সৃষ্ট সমকোণের ভৃতীয়াংশের একাংশ, এবং সমকোণিক সমন্বিবাছ ত্রিভুজের ভূমিদংলগ্ন কোণ্ডয় প্রভ্যেকে সমকোণের অর্ক্তেক হয়।

ै व्यक्तिण भा के, स, श তিনটা নিৰ্দিষ্ট ছান পরস্পর কর দুর ভাষা জানা আছে, वया, क च - >२ माहेत. ब ग = १ महिल, खबर क ग्रम्म



ৰাইল'। "ক, ৰ ছইটা ছানের সংযোজক রেখা ক'<u>ছ'র</u> জন্তৰ্যত**্ৰ হালে জনীশ**্জামীন দেখিলেন*া হৈ*, কমাল

# ব্যবহারিক জ্যামিডি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। 💸

কোশের পরিমাণ ৬০°। এইক্ষণে <del>য হইতে গ-র দ্রছ নির্র</del> করিতে হইবে।

क, थ, भ जिनमें निम् लिया अकी जिल्ला निमान कत, ক বিন্দুদিরা ক চ রেখা এরূপে অস্কিত কর **বে**ংশ ক**্চ** কোণ ৬০ ° এর স্থান হয়; গ বিন্দু দিয়া চ ক রেখার স্মান্ত-রাল প ঘ রেধা অঙ্কিত কর। গ ঘ ধ, ও চ **ক ধ**্ৰোৰ পরস্পর সমান অর্থাৎ উভয়েই ৬০°। এইক্লণে মানদও ছারা প ঘ রেখা পরিমাণ করিলে নিণীত হইবে যে উহা ৫ ৩ মাইল।

২য়। ক চিহ্নিত স্থান হইতে ধ চিহ্নিত স্থানে গমন করিবার উপায় না থাকিলে ইহাদের দূরত কি ক্লপে নিরূপ্ত কবিজ হইবে।

্ৰেৰ **একটি ভল রেখা অন্তি**ত করিয়া ক্ৰেনাৰ বে উহার পরিমাণ ১৫০ ৰ ৰ কিছিত ছানে কোণবীকণ ৰত্ৰ ৰাৱা দেখিলাম যে ক ঘ গ **ও ক ম থ কোণ** পরস্পর ৪৫° ও ২২ট্র° এবং প চিহ্নিত স্থানে দেখিলাম যে ৰ গ ঘ ও ৰ গ ফ কোন পরস্পার ৬০° ও ৪৫°। এইকাৰে

🖚 ধ-র দূর**দ**িনর করিতে হইবে।



কোন সমান অংশের মানদণ্ড ছারা সহ্বেধা ১৫০ পজের সমান কর। ঘ চিহ্নিভ স্থান হইতে ঘ ক ও ঘ ৰ রেখা এরপে অন্তিত কর যে, গলক ও কাম থ কোণ পরস্পার ध 🔭 ও বং ই 🍗 হয়। এবং গ চিহ্নিত স্থান হইতে গাৰা 🗷 **শ**্ক এরণে ছন্তিত কর বেংখ গ খ ও ও গ ক<sup>্</sup>কোন

পরস্পার ৬০° ও ৪৫° হয়। গ <del>খ ও ঘ থ রেধা থ ছানে</del> ছেদ করিবে ওগক ওঘক রেখা পরস্পর ক স্থানে ছেদ कतित्व: धक्रेक्स्त क, थ मःयुक्त कतिया छेक मानमध बादा পরিমাণ করিলে নির্ণীত হইবে যে উহা প্রায় ১৫৮ গছ।

# ২০ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদা।

বদি সুইটা ঋতু রেখার উপর অপর একটা পতিত হইলে, একান্তরিভ কোণগুলি সমান হয়, তাহা হইলে প্রথমোক্ত ছুইটা ঋরুরেথার উপর আর যত ঋরুরেখা পতিত হইবে. नकलाই नमान একাছরিত কোণ উৎপন্ন করিবে।

मत्न कद्र कथ, गघ এই हुई श्राह्म किन्द्र इ हे अ कृ तथा পতিত হইয়া একান্তরিত ছুইটী কোণ কছাট ওছট ঘ পরস্পর সমান



ছব্রাছে। 🛊 উভরের উপর যদি মার একটা গুরুরেখা ঠ ৰ পতিত হয়, ভাহা হইলে একাভরিত ছইটা কোণ হল ট ছ 🗷 ট 🕊 খ পরস্পর সমান হইবে।

ক ছ ট কোণ 🕶 ছ ট ঘ কোণ, অতএব উভর পক্ষে ট ছ ঠ कांव यात्र कदित्त, क इ हे कांव + हे इ हे = इ हे च कांव + ऐ इ र्र कार्य: किंच < क ह ऐ + < ऐ ह र्र = इवे नमस्कार, भड़बाद < ह के च + < उहा के = गृहे नमरकान : किन्न ह क युक्क করিরা হইটা ত্রিভুক্ক উৎপন্ন করিলে, ছ ট জ ত্রিভুক্কের ছ জ ঠ, ছ ট জ ও ট ছ জ এই তিনটী কোণ সমবেভ হটুল **इरे**ंनमरकाद कूनाः स्टे(त, चाठवद ह क है, ह हे क € ह ह क्

এই তিনটী কোণ – ছ ট ঘ অথবা ছ টজ কোণ + টছঠ কোণ ; এখন সমান রাশি ছইতে সমান বিয়োগ করিয়া ছ জ ট কোণ = ज ह र्र कोन। এই উভয় রাশিতে ছ জ प যোগ কর: ভাষা ফটলে ছ জ ট+ছজ্জ কোণ-জ ছঠ + ছ জ ম কোণ: কিন্তু ছ জ ট 🕂 ছ জ ঘ কোণ 🗝 ছই সমকোণ তুলা, অত্এব জ ছ ঠ + ছ জ ঘ কোণ = ছই সমকোণ। এইক্ষণে ছ জ ঠ কিছু-জের জ ঠছ + জ ছ ঠ+ছ জ ঠ কোণ = ২ সমকোণ, অভেএব এই তিনটী কোণ = জ ছ ঠ + ছ জ ষ কোণ = জ ছ ঠ + ছ জ ঠ + ঠ জ ঘ কোণ ; এখন সমান রাশি হইতে সমান বিয়োগ করিয়া জঠছ 🕳 ঠজ ঘ কোণ। ভাহা ইইলে আর ছুইটা একান্তরিত কোণ্থঠজ ৪ ঠজ গও পরস্পর সমান, কারণ জ ঠ ছ + থ ঠ জ কোণ - ছই সমকোণ - ঠ জ ঘ + ঠ জ গ, কিছ উপদৰ্শিত প্ৰক্ৰিয়াম্বাৱে জঠছ কোণ – ঠজ ঘ কোণ, अंडिএव नेमान विस्तांश कतिया, शर्रे अ - रे अ श का का জন্তান্ত ক্ষড়রেগান্থলেও এইরূপ উপপত্তির অভিনেশ করা যাইতে পারে।

# ২১ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ধনি একটা কলু রেথা অপর ছইটা কলু রেথার উপর পতিত হইনা একাহরিত ছইটা কোণ সমান উৎপন্ন করে, তাহা হইলে শেবোক্ত হুইটা কলুবেথা সমান্তরাল হুইকে।

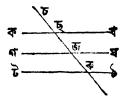
মনে কর, চত্ত্র ব একটা ঋতুরেখা (১৮শ প্রতিজ্ঞার অভিকৃতি দেখ) কথ ও গ্য চুইটা অপর ঋতুরেখার উপর পড়িয়া কছ্ত্র অথবা চছ্য ওছ্ত কুইটা একাড্রিক জোৰ नमान উৎপन्न कतियाहि, उत्य कथ ७ ग च नमास्त्रान क्ट्रेरव ।

क श श श घ त्रथा थ, घ मित्र প्रमातिक कतित्व मश्मध হুটারে না, যদি হয়, তবে তাহাতে যে ত্রিভুঞ্জ উৎপন্ন ছটবে তাহার (১৬শ প্রতিঃ) বাফ কোণ কছ জ অন্তরীণ প্রতীপ কোণ ছাল্ল ঘা অপেকা বুহত্তর, কিন্তু ইহাদিগকে नमान कन्नन। कता शिशाष्ट्र, अल्ताः हेश स्रनाधा, अवः क र ६ ग घ-रक. थ. घ गिरक ध्यनादिए कदिला नःलग्न इकेट না। ক. গ দিকেও যে দংলগ্ন হইবে না ইহাও ঐরপে উপপাদিত হইতে পারে, অতএব ঐ ছুই রেখা প্রসারিত ছইলেও কোন দিকে দংলগ্ন নাহওয়াতে উহাবা সমান্তবাদ প্রতিপর হইন।

# ২২ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদা।

ক ধ ও ট ঠ তুইটী ঋজুরেখা উভয়ে গ ঘ রেখার সমাভরাল ৰলিয়া ইহারাও পরস্পর সমান্তরাল হইবে।

মনে কব. চছ জাল একটী রেগা ক খ. গ ঘ ও টঠ রেখার উপর পড়িয়াছে। এইকবে 🗸 ४, गघ-त्र नमाहदान दनिया **४ के वर्ष के अब** कि कि कि



বৰান; এবং গ অ, ট ঠ-র সমান্তরাল বনিয়া চ ব ঠ কোণ চ আ স কোণের ব্যান; স্ত্রাং (১ম খত: নিকাছ্যারে) চছ ব কোল চৰ ঠ কোণের সমান, অভএব ( ২১ৰ প্রভিজ্ঞান্সারে) क प क है है नमास्त्रात्।

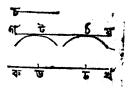
# ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব।

# ২৩শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক ধ নিশিষ্ট দরল রেখা ইইতে চ রেখা পরিমিত ব্যবধান দিরা একটী দরল রেখা টানিতে হইবে, যাহা ক ধ রেখার দহিত দমান্তরাল হইবে।

ক ধ রেথাব মধ্যে কোন

ছইটা বিন্দু লও, যথা ভ, ড;
ড ও চ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া
চ পরিমিত বাাসার্ক লইয়া
ট ও ঠ ছইটা চাপ অক্ষিত কর।



পরে ট. ঠ বৃত্তকে ছেদ না করিয়া কেবল স্পর্য করে এরপ গঘ একটা দরল রেখা অস্কিত কর। ইহাই কথ রেখার দমান্তরাল রেখা।

# সমান্তরিক ও অন্য প্রকার চতুরসু ক্ষেত্র সম্বন্ধীয় উপপাদ্য ও সম্পাদ্য।

২৪শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

শমাস্ত্রিক ক্ষেত্রের অভিন্থীন বাছ ও কোণগুলি পরস্পার সমান, এবং ভাষার কর্ণ টানিলে যে তৃই ত্রিভূক্ষ উৎপন্ন
হয়, ভাষারাও পরস্পার সমান।

ক ধ ঘ গ একটা সমান্তরিক ক্ষেত্র,
ধ দিও ক গ সমান্তরাল, ধ গ ভাষাদিগকে স্পার্শ করিভেচে, অভএব
ঘর্ষ ও ক গর্য হুই একান্তরিত কোধ



সমান (১৮শ প্রতিঃ)। এই রূপে ছাগ্ধ ও কথ্য চুই একান্তরিত কোণ সমান। স্বতরাং ঘথ গ ও কথ গ এই তুই ত্রিভুজের মধ্যে একটীর ছই কোণ ঘথ গ ও ঘগথক্রমশঃ অন্টীর ছই কোণ ক গ থ ও ক থ গ-র সমান, এবং ঐ সমান কোণদ্বরের নেদিষ্ঠ বাহু ধ গ উভয় তিতুজ সম্বন্ধে সাধারণ হওরাতে (২য় প্রতিজ্ঞানুসারে) ঘথ গ ও কথ গ চুইটা তিভুক্ত স্ক্রোভাবে স্মান, স্বত্রাং থ ঘ - ক গ্, ঘ গ - ক থ, এবং থ ছ গ কোণ থ ক গ কোণের সমান, স্মৃত্রাং সমুদায় ত্রিভুক্ত ঘধ গ, সমুদায় ত্রিভুজ ক থ গ-র সহিত সমান। তাহা হই-লেই এক একটা ত্রিভুজ, দমুদায় সমান্তরিক ক্ষেত্রের অর্দ্ধের স্থিত সমান হইল।

# २ ८ म श्री ७ छ। छे १ १ । ।

থ ঘ ও ক গ ছই ভুলা এবং সমাভ্রাল সরল রেখা, যদি ক ৰ ও গ ম রেখা ভাহাদের প্রান্তভয়কে এক এক দিকে বংযুক্ত করে, তবে তাহারাও সমান ও সমান্তরাল হইবে।

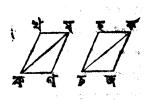
ঘণ্ণ ও কৃগ্ধ (পূর্ব প্রতিকৃতি নেখ) ত্রিভ্জে, ঘুখুগ কোণ = ক গ থ কোণ, ঘ থ বাছ = গ ক বাছ, এবং গ থ উভয় তিত্বজের সাধারণ বাহু, স্মতরাং ঐ গুই তিতুক্ত সর্বতো-डींदि नगांन, धदर कथ - शघ, हेटाहि।

# ২৬শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক্ষাৰ পাৰ্প ও চৰুৰ জ হুইটা সমাস্থতিক ক্ষেত্ৰের যদি একটার নিক্তিক কুটি বাৰ কৰা ও গঘ অনোৱ নিকটত চুই বাত চ জ व व ग्रहिष्ठ वेथाप नमान इस, এवः के बाह्बसम्ब

আন্তর্গত কোণ্ডর ক গ ঘ ও চ জ বা বদি প্রস্পার সমান হয়, তাহা হইলে ঐ সমান্তরিক ক্ষেত্রত্ব প্রস্পার স্ক্রিভাতারে সমান হইবে।

কগৰ এবং চৰাব ছইটী ত্রিভুক পরস্পার (১ম প্রতি-কাহ্মারে) সমান; এবং কথা ও চছাব ছইটী ত্রিভুক্ত পরস্পার (২৪শ ও ৪র্থ প্রতি-কাহ্মারে) সমান।



যদি ক গ ঘ থ এই সমাস্তরাল চতুর্ভু জ চ জ ব ছ সমাস্তরাল চতুর্ভু জের উপর এমত প্রকারে রাখা যায় যে, ক গ রেখা ঠিক চ জ রেখার উপর পড়ে, ভবে গ ঘ রেখা জ ব রেখার ও ঘ বিন্দু ব বিন্দুর উপর পড়িবে। এবং ঘ ক থ তিতুক্ত খ চ ছ তিতুক্তের উপর পড়িয়া মিলিয়া যাইবে, অ্তরাং ন্মান্তরিক ক্ষেত্রেয় পরস্পর সমান হইবে।

#### ২৭শ প্রতিজ্ঞ। সম্পাদা।

্ এমত এক বর্গক্ষেত্র অভিত করিতে হইবে যে, ভাহার বাছ এক নির্দিষ্ট বরল রেখার সনান ইইবে।

ক থ ছিন ভূট পরিমিত এক সরল রেখা। এমত এক বর্গক্ষেত্র নিশাণ করিতে হইবে, যাহার বাছ চতুইর ক থ রেখার সমান হইবে।



াক ধ রেখার এক প্রান্তস্থ বিন্দু ধ হুইতে তিন ফুট পরি-মিড এক লম্ম অভিত কর, যথা ধপ (১০ম প্রতিজ্ঞা) এবং त्र विन्यु निता त्र घ. ध क-त नमान्डतान होन ; धदः क नित्रा ক ঘ. থ গ-র সমান্তরাল টান: তাহাতে ক ও গ ঘ সমান্তরিক क्क्या रहेरव। अख्यव क थ - घ म ७ थ भ - क घ। अभन्न, ক ব ও ব প সমান হওয়াতে ক ব, ব স, স ঘ ও ঘ ক চারি রেখা প্রক্রোকে পরস্পার সমান; এবং তলিমিত্ত ক ধ গ ঘ সমবাহসমান্তরিক ক্ষেত্র। আর ভাষা সমকোণীও বটে. কারণ ধ স রেখা ক ধ ও ঘ গ নমান্তরালের উপর পড়িয়াছে: क्रिकार क भ म । ও भ भ च छुटे कान - छुटे नमकातन ममिटे ; কিছ কৰ্ম সমকোৰ হওয়াতে গ্গঘও সমকোণা অপর, সমান্তরিক ক্লেব্রের অভিমুখীন কোণ (২৪ শ প্রতিজ্ঞাত্ম-নারে) পরস্পর সমান, স্তরাং গঘক ও ঘকর উহাদের **অভিনুধীন কোশহর প্রভাবে** সমকোণ; ভল্লিমিভ ক ধ গ ৰ नमरकानिक स्कृतः आत हेश य नमराष्ट्र जाश भूर्स्स क्षान-ৰ্শিত হইয়াছে। অন্তএৰ ইহা সমচভূতুৰি বা বৰ্গকেত্ৰ e ইছার বাছ নির্দিষ্ট রেখার সমান।

অক্সমান। সমাস্তরিক ক্ষেত্রের মধ্যে একটা সমকোণ থাকিলে भश्रश्निष्ठ नम्याकान रहेरत।

विद्योग । এক ছান হইতে অন্য ছান কড দূর ভাষা পরিমার করিতে ছটলে, আমরা কেবল ব্যবধানের দৈর্ঘ্যট ধৰিয়া **পান্ধি অন্ত** ধরি না। এরপ পরিমাণকে রৈথিক প্রিয়ার করে। আদি প্রভৃতি জব্যের কর বিকর কালে रेन्दी दक्षित हरन का, रेन्दी, विखात উভয়ই धता नावश्रक।

এরপ পরিমাণকে ধরাতলিক পরিমাণ করে। তরেধার ছারাই রেধার এবং ধরাতল লারাই ধরাতলের পরিমাণ করে। সভুব। যেমন কোন রেধার পরিমাণ করিতে হইলে, এক নির্দিষ্ট রেধাকে (ধ্বথা হাভ কি গজ) একক সরুপ ধরিমার প্রথাক একক সেই রেধার মধ্যে কভ বার আছে ভাহাই নির্ণিয় করিতে হয়, সেই রূপ কোন ধরাতল ক্ষেত্রের পরিমাণ করিতে হইলে, এক নির্দিষ্ট ধরাতলকে একক প্রশ্নেশ করিয়া ঐ ধরাতলিক একক প্রথমোক্ত ধরাতলের ক্ষেত্রের আছে ভাহা নির্ণিয় করিতে হয়।

চ ছ জ ব একটী সমচতুকোণ ক্ষেত্র, উহার দৈর্ঘ্য ৫ হাত এবং প্রস্থ ৪ হাত। চ ছ প্রস্থকে ৪ সমান জংশে এবং ছ জ দৈর্ঘ্য-কৈ ৫ সমান জংশে ভাগ কর, এবং এক একটী ভাগ চিহ্ন



হইতে চছ ও ছ ব বাছর সমান্তরাল করিয়া এক একটা সরল রেখা অন্ধিত কর। ঐ রূপ করাতে চছ ব কেউটা বৈ ক্ষুদ্র কুন্ত চছুভূ বঙালিতে বিভক্ত হইবে, ভাহারা প্রত্যে-কেই সমকোণবিশিষ্ট, আর ভাহাদের প্রভ্যেকেরই দৈশ্য এক হাত, এবং বিস্তারও এক হাত, এই নিমিত ভাহাদের এক একটাকে এক একটা বর্গ হাত কহে।

প্রস্তাবিত সমচত্কোণের দৈর্ঘ্য হ দ<sup>্বনী</sup>ট রৈবিক আত বলিরা, উহার দৈর্ঘ্যের প্রত্যেক সারিতে (বর্ষা হ দ্বার্ত্তী

সারিতে) ৫টা বর্ণ ছাড় হইতেছে, এবং বিস্তার চ ছ চারি **রেধিক হা**ভ বলিয়া সমুদার ক্ষেত্রতীর মধ্যে দেই রূপ ৪টা সারি ( वश চ ঠ, ট ঢ, ড ত এবং ণ জ এই চারিটী সারি ) হইভেছে: স্বতরাং নির্ণের ক্ষেত্রফল ৪ বার ৫টা বর্গ হাত বা « বার ৪টী বর্গ হাত হইতেছে। তবেই প্রস্তাবিত সমচত্রোপের কেন্দ্রকল ৫ বার ৪টা বর্গ হাত বা ৪ বার ৫টা বর্গ হাত → ২০টা বর্ষ ছাত। অতএব যে প্রকারে হউক ৫×৪ -- ২০ ছারা নির্দেয় তেত্ৰকল প্ৰকাশিত হইতেছে।

্**এই যু**ক্তি হইতে স্পষ্ট প্রতীয়মান হইতেছে, যে ক্ষেত্র ৰ্মচতুত্ব বা আরত হটলে দৈর্ঘাপরিমাণ ছারা প্রস্থপরিমাণ ত্র্ব করিলে ক্ষেত্রকল স্থির হয়।

উদাহরণ ১ম। যে আয়ত ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ১ হাত ও বিস্তার **৭ হাড, ভাহার ক্ষেত্র**ফল কত**় উঃ ৬৩ বর্গ**হান্ত।

ংর। যে বর্গক্ষেত্রের বাছর পরিমাণ ৬ হাত, ভাহার रक्षिक्रम क्छ ? উ:। ৩৬ বৰ্গছান্ত।

ুগা। প্রতিবর্গ গজে যে ১ বর্গ ফুট আছে ভাহা প্রমাণ कर ।

৪র্থ। কোন রেখার উপর বর্গক্ষেত্র অক্কিড করিলে & বর্গন্দেত্র উক্ত রেখার অর্দ্ধেকের উপর অৃদ্ধিত বর্গন্দেত্রের যে চতুত্ৰ তাহা প্ৰমাণ কর।

 स्मात्रक (कव ) कृष्टे नशा ७ ) हेक क्षत्र, छाहा ৰে এক বৰ্গ কুটের বাদশ ভাগের এক ভাগ ভাগ প্রমাণ PE I

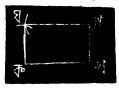
# শ্বহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। 🍇

#### ২৮শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

যে আয়তের দৈর্ঘ্য ও বিস্তার নিন্দিষ্ট আছে, ভাহা কি রূপে নিত্মাণ করিতে হইরে।

নিশিষ্ট দৈখ্য ও বিস্তার পরস্পার ৫ ও ও কৃট। এমত এক আয়ত নিশ্মাণ করিতে হইবে যাহার দৈশ্য ও বিস্তার ৫ ও ও কৃট।

পাঁচ ফুট পরিমিত এক দরল রেখা পাত কর, যথা ক থ। কথ রেখার এক প্রোভস্থ বিদ্ধুথ হুইতে তিম ফুট প্রিমিত এক



লাব টান, যথা থ গ; ক বিন্দু কেন্দ্র করিয়া থ গ ব্যাসার্দ্ধ লইয়া একটা রন্ত অস্কিত কর, এবং গ কেন্দ্র হইতে কথ ব্যাসার্দ্ধ লইয়া আর একটা রুভ আছিত কর, এই ছই রভের পরস্পার সম্পাত বিন্দু ছ হইতে ক এবং গ পর্যান্ত ছই সরল রেখা টান, তাহাতে কথ গ ছ এক আয়ত অস্কিত হইবে, যাহার দৈখ্য পাঁচ ও বিস্তার তিন ফুট।

ঘ গ ⇒ ক খ, এবং ক ঘ ⇒ খ গা, স্থতরাং ( ২৪শ প্রেভিক্কায়ু-সারে) ঘ গ খ ক সমাভরিক ক্ষেত্র এবং ইছার খ কোণ সমকোণ ও অপর কোণগুলিও সমকোণ, স্থভরাং ঘুগ খ ক আয়ত ক্ষেত্র।

অসমান। বর্গক্ষেত্র মাত্রেই সমান্তরাল চতুত্বি, কিন্তু সমান্তরাল চতুত্বি হইলেই বর্গক্ষেত্র হর না।

#### ২৯শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

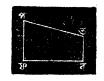
্বে ট্রাপিজৈডের ভূমি ও ছইটী লম্ব নির্দ্ধিষ্ট আছে তাহা কি রূপে নির্মাণ করিতে হইবে।

নির্দিষ্ট ভূমির পরিমাণ ৬ ফুট ও ছইটী লক্ষের পরিমাণ পরস্পার ৩ ও ২ ফুট।

ছর কুট পরিমিত এক দরল রেণ।
কর নাদ কর। কব রেণার ছই

বেশার ত ও ২ কুট পরিমিত ছইটী

**লাস্ফ প ও বভ অহ**িত কর; পরে



পু, ভ সংযুক্ত কর, প ফ ব ভ টু পিজৈডের ভ্মি ও ছইটী লম্ব ক্রমশঃ নিদিট ভূমিও লম্বেসমান।

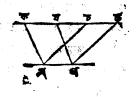
# ৩০শ প্রতিজ্ঞ। উপপাদ্য।

েবে বে শমাস্থরিক ক্ষেত্র এক ভূমির উপর এবং সেই
স্থানির সমাস্থরাল কোন রেথার মধ্যে থাকে, ভাহারা
পরস্পর শমান।

ক থ গ ঘ ও চ থ গ ছ ছই সমান্তরাল কেত্র, থ গ নামকু ভূমির উপর এবং থ গ ও ক ছ সমান্তরালের মধ্যে অবস্থিত আছে, ক থ গ ঘ সমান্তরাল কেত্র চথ গ ছ কেত্রের সমান।

২৪শ প্রতিজ্ঞান্ত্রনারে, ক ঘ

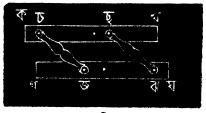
-- থ গ, এরং ছাত্ত -- থ গ; রে বে
বন্ধ প্রত্যেক কোন বন্ধর সমান,
ভাষারা পরশার সমান, জভএব
ক ঘ -- চ চা এইকণে সমুদার



ক ছ রেখা হইতে ক ঘ বিয়োগ করিলে ঘ ছ অবশিষ্ট থাকিবে;
পুনশ্চ ক ছ রেখা হইতে চ ছ বিয়োগ করিলে ক চ অবশিষ্ট ঘ ছ অবশিষ্টের সমান হইবে, কারণ সমান বস্থা
হইতে সমান বস্তুর বিয়োগ করিলে অবশিষ্ট সমান হয়।
অপর, ক খ চ ও ঘ গ ছ ত্রিভূতে, ক খ — ঘ গ, খ চ — গ ছ
এবং ক চ — ঘ ছ, অতএব (৪র্থ
প্রতিজ্ঞান্নসারে) উক্ত ত্রিভূজ্বয়
স্ক্তিভিবি সমান। ক খ গ ছ
বিষম্ম চড়ভূজি হইতে ক খ চ ও ঘ গছ

ত্রিভূজ একে একে লইলে অবশিষ্ট সমান ইইবে। স্থতরাং ক থ গ ঘ সমান্তরিক ক্ষেত্র চ থ গ ছ সমান্তরিক ক্ষেত্রের সমান।

প্রয়োগ >। ধগছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্রকে (পূর্ব্ধ প্রতিকৃতি দেখ) একটা তৎতুল্য ক ধগ ঘ ভায়ত ক্ষেত্রে পরিকর্তিভ করিতে হইবে। ধগছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্র হইতে গ ঘ ছ ক্রিভুজটা বাহির করিয়া ধক চ-র উপর রাধিলে, ধগছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্র ধগঘক আয়ত ক্ষেত্রে পরিকর্তিভ হইবে।



প্রমান্তরিক ক্রলার। এই ধর্মটা মাটামচৌরস রম্ভতুকোরিক

ছুই খণ্ড ভক্তামাত্র, পরস্পার ছুই পিত্তলের ফলক ছারা আবদ্ধ। তক্তা ছই থানি সমান্তরালভাবে স্থিত ও ভাহাদের হুই প্রান্তের কিঞ্চিৎ নিম্নে পিত্তলের ফলক তির্যাকভাবে স্কর দারা এরপে সংলগ্ন থাকে যে, ইচ্ছাত্ব-শারে ভক্তা হুই থানি বিস্তুত ও সন্কৃতিত হুইতে পারে, এই যারবারা কাগতে রূল করিলে সমুদায় রেখা সমান ও সমাত্ত-রাশ হয়।

ি সাম্বাস । বে যে সমান্তরিক ক্ষেত্র ও আয়ত ক্ষেত্র একই বা সমান সমান ভূমির উপর এবং উক্ত ভূমির সমান্তরাল কোন রেখার মধ্যে থাকে, ভাহাদের ক্ষেত্রফল পরস্পর সমান।

্রিয়ম। সমান্তরিকের কালি নির্ণয় করিতে **হইলে.** ভাহার কোন এক বাছর পরিমাণ স্থির করিয়া, পরে সেই বাছর উপর তাহার সম্মুখীন বাছ হইতে একটী লম্বপাত করিয়া, দেই লম্বের পরিমাণ স্থির কর, অনন্তর এই পরিমাণ-ময়কে গুণ করিলে যে গুণফল হইবে ভাহাই সমান্তরিকের কেত্ৰকল |

় উদাঃ ১ম। থ গছ চ সমাস্তরিকের যদি ভূমি থ গ ১২ হাত ও লম্ম ম ১ হাত হয়, তাহা হইলে এ সমান্তরিকের कानि कर १ **छै:। ১०४** वर्गहाछ।

২য়। **বে ব্যাভরিকের ভূমি ৫.৬ ফুট ও লব** ৩.২ ফুট যুৱ **কেন্দ্রকল কভ ?** উ**:। ১৭.৯**২ বর্গফুট। ভাহার ক্ষেত্রকল কড় ?

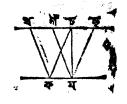
থা। বে শারতকের ২৭ ফুট লখা, ভাষা প্রত্যে কত कृष्टि स्टेरन (कज्रुकन ১०৮ वर्ग कृष्टे स्टेरव ? है: । ८ कृष्टे १

#### ব্যবহারিক জ্যামিতি ও **জ্যামি**তিতত্ত্ব।

# ৩১শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক খ গ ঘ এক সমাভ্রিক ক্ষেত্র এবং ক ঘ চ এক বিভ্রুপ, এতত্ত্বে এক ভূমির উপর ও থ ছ ও ক ঘ এই চ্ই সমাস্ত-রালের মধ্যে আছে। ক ঘ চ বিভূজ ক থ গ ঘ সমাস্তরিক ক্ষেত্রের অর্জেক ভইবে।

ঘ বিন্দু দিয়া ঘছ রেখা ক চ রেখার সমান্তরাল টান, তাহাতে ক ঘ চ ত্রিভুজ (২৪শ প্রতিজ্ঞানুসারে) ক ঘ ছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্রের অর্জেক, কিন্তু ক ঘ ছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্র কঘগধ



সমাভ্রিক ক্ষেত্রের সমান, অতএব ক ঘচ ত্রিভুজ্ভ ক ঘগ খ সমাভ্রিকের অর্জেক।

অনুমান। যে যে ত্রিভুজ, এক ভূমির উপর ও সেই ভূমির সমাত্রাল কোন রেথার মধ্যে থাকে, তাতারা পরস্পর সমান।

প্রার্গ। প্রস্থাবিত উপপানা হইতে এই প্রতিপন্ন হইতেছে যে, একটা তিভুজ ও একটা আয়ত ক্ষেত্র যদি এক
ভূমির উপর ও ঐ ভূমির সমান্তরাল কোন রেথার মধ্যে
থাকে, তাহা হইলে তিভুজটীর ক্ষেত্রকল আয়ত ক্ষেত্রের
ক্ষেত্রকলের অর্ধ্বেক হইবে। পুনশ্চ, এই যুক্তি হইতে অপর
এক নির্ম উপলন হইতেছে যে, তিভুজক্তারে কালি
নির্ণয় করিতে হইলে প্রথমতঃ তাহার কোন, এক বাহর
পরিমাণ ভির করিতে হয়, পরে সেই বাহর উপর

আবশ্রক হইলে তাহাকে বন্ধিত করিয়া তাহার সম্বধীন কোণ হইতে একটা লম্বপাত করিলে সেই লম্বের পরিমাণ স্থির করিতে হয়, অনস্তর ঐ পরিমাণদ্যুকে গুণ করিলে যে গুণফল হইবে তাহার অর্দ্ধেক ঐ ত্রিভুজের কেত্ৰফল।

দৈর্ঘ্য-পরিমাণকে প্রস্থপরিমাণ ছারা গুণ করিলে ক্ষেত্রফল ! উপলব্ধি সকল প্রকার চতুতুজি ঘটে না, যে সকল চতুত্ করে চারিটী কোণই সমকোণ (অর্থাৎ মাটামকোণ) ভাহাদের বেলাই থাটে: রম্ব বা রহৈছতের বেলা থাটে মা। প্রস্তাবিত উপপাজের প্রয়োগটী বিশেষ রূপে অনু-ধাবন করিয়া দেখিলে রম্বদ ক্ষেত্রে কালি কি রূপে করিতে হয়, তাহার নিয়মের যুক্তি উপলব্ধ হইতে পারে, যথা, যদি রম্বস বা রামেড় ও আয়ত ক্ষেত্র একট ভূমির উপর ও সেই ভূমির সমান্তরাল কোন রেখার মধ্যে থাকে, ভবে তাহাদের ক্ষেত্রফল সমান হইবে, স্থুভুরাং রম্বন বা রবৈড ক্ষেত্রে দীর্ঘভুজপরিমাণকে তাহার সম্মুখীন ভুজ হুইতে ভত্নপরি পতিত লঙ্গের পরিমাণ দারা গুণ করিলে ক্ষেত্রকল স্থির হয়।

উনাহরণ ১ম। ক চ ঘ ত্রিভুজের ভূমি ৭ ফুট ও লম্ম চ ৮ ফুট হইলে ক্ষেত্ৰফল কভ হইবে ১

এই প্রশ্নে. ক ঘ ছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্রের কালি - ৭×৮. কিছ ক ৰ চ ত্রিভুজ এই ক্ষেত্রকলের অর্ছেক; .. ক ৰ চ

বিভুবের ভেত্তকল - ৭×৮ - ২৮ বর্গভূট।

ইয়। ক চ জ ব একটা বিষমাকার ক্ষেত্র, ক থ ঘ একটা
বিডার দার। তুই খণ্ডে বিভক্ত হইয়াছে, যথা ক খ ঘ জ ও
ক খ ঘ চ। এইক্ষণে ঐ বক্র বেড়াটা এরপ সরল রেখার্ছনারে
দিতে হইবে যে, ক থ ঘ জ ব ও ক খ ঘ চ ক্ষেত্রভারের ক্ষেত্রকলের কোন বৈলক্ষণা হইবে না।

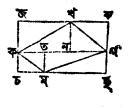
क घ मः युक्त कित्र। थ विस्कृ पित्रा थ ছ, क घ द्रिशात ममा छवान अक्ति ठ कत. এবং क ছ मः युक्त कत । क ह द्रिशा है निकाश मतल द्रिका क्षेट्र ।



ত শ প্রতিজ্ঞার অর্থানার নারে শ ২ ক ক'ষছ ও ক'ষ থ ছইটী তিভুজ পরস্পার স্থান, স্মুত্রাং ক'ছ চ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল ক'থ ঘচ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের স্থান।

# ৩২শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক ধ গ ঘ ট্রাপিজিরমটী চ ছ ব জ আরত কেতের অন্তর্কারী, এবং চ ছ রেখা ট্রাপিজিরমের কর্ণ রেখা ক গ-র সমান্তরাল। ট্রাপিজিরমটী আরত কেতেরে অর্থেক।



ক ধ স ত্রিভূজ ক স ব জ জারত কেত্রের অর্থেক; ক ব স ত্রিভূজ ক স ছ চ আরত কেত্রের অর্থেক; জ্জুতাব এই ছুই প্রক্ষে দুমান রাশি সমষ্টি করিকে **ঞ্চ**ীড হটবে যে, ক**ধগ**ঘ ট্ৰাপিজিয়ম≕চছকজ আয়ত ক্ষেত্রের অর্জেক।

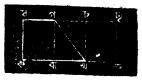
প্রক্রাবিত উপপান্ত হইতে ট্রাপিজিরম কেত্রের কালি कतिवात नित्रमणि व्याख रूख्या यात्र ; यथा,

কর্ণ রেখার উপর অপর ছুইটা সমুখীন কোণ হইছে গুইটা লম্ব পাত করিয়া, এই ছই লম্বের সমষ্টিকে কর্ণ রেখা-দারা ৩৭ করিলে যে ওণফল প্রাপ্ত হওয়া যায়; তাহার अर्किक जरेशारे क्विक्त श्रित श्रा।

छेनाः । यमि क घ ग थ हा निजियस्यत कर्ग क श २७ हो छ, ঘটি ও খন ছইটীলয় যথাক্রমে ৬ ও ৮ হাত হয়, তাহা হইলে উহার ক্ষেত্রফল কত ? উ:। ১৮২ বৰ্গছাত। ৩৩শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

যদি কথ গঘ ট্রাপিজৈড ক্ষেত্রের পরস্পর সমুধবর্ত্তী তুইটী বাহ কথ ও ঘগ সমাত্রাল হয়, আনুর কছ ছ ঘ স্মাছরিক কেতের উচ্চতা ট্রাপিজৈডের উচ্চতার সহিত

সমান হয়, ও কজা ভূমি क थे ७ च ग चुहें नमा छ-রাল বাছর যোগপরিমাণ-जुना रहा; खारा हरेतन



টাশিকৈড কেবটা আয়ত কেবের অর্চ্চেক হইবে। ৰ **৬ গ বিভূদিয়া খচ ও গব বেগছ জ বাক ভ রেখার** मभावतान हो सिंहन व ४ ह । ७ १ ४ व विष्कृषकः अक्रम्पत नमान स्ट्रेंद : धवः थकः, शघ तथात्र नमान विनेत्रा ঋক্ষ্ট শ্নান্তরিক ক্ষেত্র কক্স্ম শ্নাভরিক ক্ষেত্রের

নমান। অতথ্য গছ জ ধ ট্রাপিজৈড ক ধ গছ ট্রাপিজৈড কেতের নমান। স্থতরাং ক ধ গছ ট্রাপিজৈড ক আছ ছ নমাজরিক কেতের অর্জেকের নমতুলা।

নিরম। ট্রাপিজৈড ক্ষেত্রের কালি ছির করিতে হইলে, একটী সমান্তরাল বাহর এক প্রান্ত হইতে অপরটীর উপর লম্বপাত করিয়া, ছইটী সমান্তরাল বাহর সমষ্টির অর্থেককে লম্বমারা গুল করিলে গুণকল ক্ষেত্রের পরিমাণ হইবে।

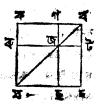
উনাহরণ ১ম। ক ধ গ ঘ ট্রাপি**জৈ ডের ক খ ও গ ঘ** বধাক্রমে ৬ ও ৪ ছাত এবং উহাদের আছের ব গ ৫ ছাত ছইলে, ইছার কালি কত হইবে ? **উ:। ২৫ বর্গহাত**।

# ৩৪শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

কোন সরল বেথা ছই ভাগে বিভক্ত হইলে, সেই ছই ধণ্ডেরবর্গক্ষেত্রের ফল, উক্ত-বণ্ডম্বয়ের পরস্পারের গুণনে যে সায়ত ক্ষেত্রের ফল হয়, তাহার দিগুণ, এতছ্ভয়ের সম্মা সমুদায় রেখার বর্গক্ষেত্রের ফলের সমান হইবে।

্রারে কর, ছ চ সরল রেখা ছ বিস্কৃতে ছই অংশে বিভক্ত হইরাছে। এইক্লে সমুদার রেখা ঘ চ-র উপর অভিত্

শ্বরুত্ বের ক্রেড্রন — ঘ ছ, ছ চ
উভর রেথার উপর অভিত সমচতুত্ বের ফল + ঘ ছ ও ছ চ রেথাব্যার জণনে যে আয়ত হয় তাহার
বিশুণ, অর্থাৎ ঘ চং — ঘ ছং + ছ চং
কিং ছ ছ ছ ছ চ



ষ চা রেধার 🚈 উপর ঘাচাধ কা সমচতৃত্ব সা স্বিভ করিয়া ধ দ সংযুক্ত কর, এবং ছ বিন্দু দিয়া ছ ল গ রেখা চ थ वा घक द्रियात<sub>्</sub> नमाञ्चत्राल**्क**त्रिम्ना होन, ध्ववः स বিন্দু দিয়া ৰ ট বেখাকে ক'খ বা ছ'চ-র সমাস্তরাল করিয়া টাল।

াংশ্বাহ্ন কুম্বান্ত সমান্তরাল হওয়াতে ভাহাদের উপর এ ম সম্পাতে বাহ কোন ধলগ মন্ত্রীণ প্রতীপ কমধ क्लालंद, नमान हरेलाइ। किंद्र कथ घ ७ क घर नमान, ক্ষারণ ক্ষা, ক ঘ সমচতুত্তির বাহ বলিয়া পরস্পার সুমান, অভ্নাং প্ৰাধ ও গথক সমান, অভএব পুৰ, গ্ৰু **शतम्भत म्यान, धतः १३४, छ हेत म्यान ७ १ छ, थ है-त** সমান হওয়াতে গলটে থ কেত্র সমবাহক। আর ইহা ন্মকোণীও বটে, কারণ গখট কোণ সমকোণ ছ<del>ঙ্</del>য়াতে প'ল ট ব' সমান্তরিক ক্ষেত্রের অস্তান্ত কোণও সমকোৰ ; चिंद्यार अ व है थे, अ थ तिथात नमह्जू व । किन्न अ थ = क छ – इ ह, कीर्य कार्यके हेश इ ह दिशात अनुमृद्ध ; এই রূপে ৰ ঘ ছ জ, ঘ ছ রেখার সমচতুতু জ বলিয়া প্রমাণ ্হইতে পারে।

অপর, ব কু গ জ আরভ ক্ষেত্র ছ চ ট জ অরিড ক্ষেত্র শ্মানঃ কিন্তু ছুচটজ আরভ ক্ষেত্রটা ছুচ ও চট রেখাছরের অন্তর্গত, কিন্তু চট - ছম্ম - মৃত্রাং ছ চ ট জ আরভ কেতটা ছ চ ও ঘ ছ রেখাছরের व्यक्ति ।

्षहेक्ता प्रदान के शक्त है व हुई नमहकू के अवर

ক ক জ গ' ও জ ট চ ছ ছইটী আয়তক্ষেত্র; ইহারা একত্র বোগে ক ছ চ খ সমচভূত্ জের ভূলা।

.ै. चठ<sup>रे</sup> व्यक्रे+इठ<sup>रे</sup>+२वक्, इठाराज्याका

বীজগণিত ছারা উপপত্তি। ঘছ ও ছ চ ছুই রেঞাক, ধ তৃই সাক্ষেত্রিক অক্ষর ছারা নির্দেশ করিছো; (ক+ধ) = ক²+ধ²+২ক. থ; অর্থাৎ, (ঘছ+ছড়) , জধরা ঘ চ² — ঘ ছ² + ছ চ² + ২ ঘ ছ. ছ চ। (......১) এই রূপে ঘ চ রেণা ক, ও ছ চ, ধ অক্ষর ছারা নির্দেশ করিলে,

(ক-খ)<sup>2</sup> - ক<sup>2</sup> + খ<sup>2</sup> - ২ ক. খ; অর্থাৎ, (ঘ চ - ছ চ)<sup>2</sup>, অথবা ঘ ছ<sup>2</sup> - ঘ চ<sup>2</sup> + ছ চ<sup>2</sup> - ২ ঘ চ. ছ চ : (২) অর্থাৎ, ছই অসমান রেথার অন্তরের উপর সমচজুর্ভ -ঐ ছই রেধার সমচজুর্জ - ঐ ছই রেথার আয়ভকেত্র-ফলের দ্বিশুব।

অপর, ক<sup>2</sup>—থ<sup>2</sup> — (ক + গ) (ক—গ); ... ... (৩)
অর্থাৎ, হই অসমান রেধার সমচতুত্ দের অন্তর ভাহাদের বোগ ও অন্তরের জায়তফলের তুলা।

এই প্রতিজ্ঞাটীকে পাটীগণিতের ধারায় জর্থাৎ সংখা-বাঁচক রাশির ছারায় প্রমাণ করিয়া দেওয়া ঘাইতে পারে, ষশা, বোধ কর ঘ চ = ৬, ঘ চ = ছ, ও ছ চ ≐ ২ া

ভ ৬3 - 83 + ২3 + ২ ( 8 × ২ ) অথবা, ৩৬ - ১৬ + ৪ + ১৬।
ভক্ষান। বিষ্ণুত্তির কর্ণের পরিভঃস্থ বিষ্ণুত্তিক
ভক্ষান । বিষ্ণুত্তিক

🥯 বৰাজনিক কেন্তো কর্ণের পরিভঃস্থ কোন একটা সমাগ্রনিক

ক্ষেত্ৰ এবং অস্থারকৰ্ম, ইহারা একত্র যোগে শস্কু শব্দে বাচ্য হর. যথা, গট সমান্তরিক কেজাকে কজা ও জাচ অভু-পুরক্রমের সহিত একতা নোপে ক'চ সমাস্তরিক ক্ষেত্রের শৃত্বহাৰার। নংক্রেশে এই শৃত্তকে কটছ কিছা বংগচ बनिया निर्देश कता यात्र। अहे जल व ह नमास्तिक ক্ষেক্তে পূর্বোক্ত অন্তপূরকদ্বরের সহিত একতা যোগে ক ছ ট व्यवन १ व 5 नक् कहा राव ।

্ৰেক্ততে বাহাকে আয়ত কহে, গণিতবিভাতে ভাহাকে গুণকল কছে। কজ সমান্তরিক ক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল অব-ধারিত করিতে হইলে, ইহার দৈর্ঘ্য ক গ প্রস্থ জ গ ছারা ওণ করিতে হইবে, যদি দৈর্ঘ্য ৪ বর্গ হাত ও প্রেম্ভ ২ বর্গ হাত হয়, তাহা হইলে ৪ ও ২-কে গুণ করিলে ক্ষেত্রক ছির হয়। এ ছলে ক গ, গজ অন্তর্গত আয়ত না করিয়া সংক্ষেপে ছই পার্শবোধক অক্ষর মধ্যে এক বিন্দু দিলে ক্ষেত্র-कल वृक्षाहरव।

ইউক্লিডের সপ্রচত্তারিংশ প্রতিজ্ঞা, ও 🐠 প্রতিক্তা অবলম্বন করিয়া সরল রৈখিক ক্ষেত্রের কয়েকটা ধর্ম নিমে প্রদর্শিত হইতেছে।

৩৫শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

নমকোপিক - জিভুলে - নমকোপের : অভিমুখীন এরাছকু (ক্ষাৰ্কাত্ত কৰ্মনাৰ ক্ষাৰ্কাত সমূহত ক্ষাৰ্কাত ক্ষাৰক্ষাৰ ক্ষাৰ্কাত ক্ষাৰ্কাত ক্ষাৰ্কাত ক্ষাৰ্কাত ক্ষাৰ্কাত ক্ষাৰ্ক্ষাৰ ক্ষাৰ্কাত ক্ষাৰ ক্ষাৰ্কাত ক্ষাৰ ক্ষাৰ্কাত ক্ষাৰ ক্ষাৰ্কাত ক্ষাৰ্বাত ক্ষাৰ্কাত ক্ষাৰ্কাত ক্ষাৰ্বা বাহর ( অর্থাৎ ভূক এবং কোটর ) উপর অকিত হই সমচভূত্ কের বোগভূলা।

ক থ গ এক সমকোণীক

বিভুল, ভাহার মধ্যে ক থ গ

সমকোণ। ক গ রেখার উপর

জাজিত সমচতুত্তি, ক থ, গ থ
উভর রেখার উপর আজিত

সমচতুত্তির যোগত্লা।

ক গ রেখার উপর ক গ ট ক



সমচতুত্ত অভিত কর (২৭শ প্রতিজ্ঞা), এবং গ্র রেণাকে বহিত করিয়া ধণ, ধক রেধার সমান কর, প বিস্পুদিয়া ণচ, ধক রেধার সমাভরাল ও ক বিস্পৃদিয়া ক চ, ধণ রেধার সমাভরাল অভিত কর। যেহেতু ক ধর্প সমকোণ, ক ধণ কোণও সমকোণ; অভএব ক ধণ চ সমচতুত্তি। এইরপে ধণ ড ঠ সমচতুত্ত অভিত কর। এবং ধ জ, ক র রেধার, চ চ, ক গ রেধার এবং ব ছ, ক ধ রেধার সমাভরাল টান। গ ক ব ও ধ ক চ প্রভাবে সমকোণ হইয়া পরস্পার সমান হওয়াতে, ধ ক গ কোণ উভন্নত: কোণের সমান হওয়াতে, ধ ক গ কোণ

্থাইকণে কথ ছ ব ও ক গ ড চ সমান্তরিক ক্ষেত্রকথো কব রেখা ক গ রেখার ও কথ বেখা ক চ রেখার সমানঃচ আহাতে ক ক্ষাক্ষ ব রেখাহয়ের সন্তর্গত কোশ ব ক্ষাকৃষ্ণ ও ক চ রেখাহয়ের সন্তর্গত কোশ ধ ক চন সমানাগ সম্ভব্

(২৬ শ প্রতিজ্ঞান্ত্রনারে) ে প্রতিটি সমান্তরিক ক্ষেত্র পরস্পর সমান। কিন্তু (৩০ শ প্রতিজ্ঞাত্মসারে) ক খ । চ সমচভূত্র ক গাড় ড সমাভরিক কেত্রের সহিত সমান, এবং 🖚 ব ব চলায়ত কেতটা কথ ছবং সমাভবিক কেতের সহিত সমানঃ অপর, যে বে বস্ত প্রত্যেকে কোন এক বৰুর সুমান, ভাষার পরস্পর স্মান ; অতএব কথ গ চ স্ম-🗪 🔻 🔻 🛊 সায়ত কেতের সহিত সমান। 🗳 রূপে আৰু নিৰ্ভি পাৰে বে, খণড ঠ ক্মচতুত্ত চগটত আৰু কেতাৰ সহিত্ৰমান; অতএব কৰাজ চ ও চগটজ ছইটী জায়ত কেতা বা ক গটছ সমচতুর্জ ক থ ণ ঢও ধ গ ড ঠ ছইটী সমচভূত্ জের যোগতুল্য। স্মৃতরাং ক গ বাছর উপরিম্থ সমচভূভূজ কথ ও ধ গ বাছর উপরিম্থ মুই সম-চতুত্ জের যোগতুলা।

্**জহুমান ১।** কোন ত্রিভুজের এক বাছর উপর **অন্তিত সম**-চডুছু হ বলি জন্য হুই বাহর উপর অভিত হুই সমচভুতু জের রমাম হয়, ভবে 🖈 হুই বাছর অন্তর্কতী কোণ সমকোণ হুইবে। অন্ত্ৰান ২া সমকোৰিক ত্ৰিভুজে কৰ্ণ রেখা অপর কোন कुक अलिक बुर्दा

्र**बर्**याल 🕫 🕫 🛷 थ**ै** 🕂 थे अर्डे 🗕 कः शर्याः अर्डे । । अर्डे । अर्थानः सम्बद्ध উভর পক্ষ হইতে ধ গুই বিরোগ করিলে: ক খুই ক্রাপ্ত ক্রাপ্ত शिक्षाकाक महोत्कान नगरकाषिक जिक्रावह क्रेडेंगे क्रव वक्रामहरू के अपने वहाँ हरेल, कर्वजातमान कर हरेल १ के कि काल वानि आता वर्ष त्ववादक निर्द्धन कविता; THE PROPERTY OF A SAME

এই সমীকরণের উভর পক্ষের বর্গমূল ছিত করিলে,

অ → V>•• -- ১০।

२। 'क्लॉन 'नमरकार्तिक जिल्लाबन क्रेडेंग नाम विशासकार १७ अवर १२ कृष्टे, छाजान कर्न शतियोग कन्छ १

8: 1 2 · P

৩। কোন সমকোণিক ত্রিস্জের কর্ণ পরিমাণ ২৫ ছাড, ও একটী বাহর পরিমাণ ১৫ ছাড ছইলে, জ্বপর বাছর পরিমাণ কন্ত হইবে ছ

े च चताक तानिवाता चलत तावण निर्दान कतिता, च<sup>2</sup>+১৫<sup>2</sup>=२৫<sup>2</sup>;

धारे नमीकतासत उच्छा शक हारेख १०० विद्यांश कतिहा,

উভর পক্ষের বর্গমূল স্থির করিলে,

মধ্বা অপর ভুজ্ → 🗸 ৪০০ → ২০: ছাড়া।

ও। কোন সমকোণিক ত্রিভ্জের কর্ণ পরিমাণ ৩০ ছাড়, এবং একটা বাহর পরিমাণ ২৪ হাত হইলে, জপর বাহর পরিমাণ কড ইইবে গ

ু ৩৬ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি ও কোট-পরিজ্ঞাত ক্রিকার কর্মকে কণি রেখার উপর লখ-রেখার

विवासी विवास स्वीतिक स्टेरिय।

ক ব স আৰক্ষী সমকোৰিক আছুক ইবাৰ কৃষি ব ব ২১ হাত, ও ডোটি ক গ ২৮ হাত, ক গ ব সমকোৰ



হইতে ক থ কর্ণের উপর গ ব লব টাস, এই লম্বের পরিমাণ কত হইবে।

ं कर्पर क्र २३<sup>३</sup> के २४<sup>३</sup> : ∴ कर्प क्र शहा । ः

্ এইকণে কাধ গান্তিভূজের ক্ষেত্রকল ছই প্রকারে ছির করা বাইতে পারে: যথা.

্য'মতঃ। ক'ৰ'প ত্ৰিভুজের কেত্ৰফল

২ যুড:। ক খ গ ত্রিভূজের কেত্রফল 🖚

কিছ বি যে বস্তু প্রত্যেকে অপর কোন ব**ন্ধ**র ভাহারা পরস্পর সমান.

**এ**ই সমীকরণে গ प - ১৬,৮ হাত।

क्रिंगहरून । ध भ २८ होड खरा क भ ७२ होड स्ट्रेस, च-র পরিমাণ কত হইবে ? উ:। ১৯.২ ছাত।

🕬 👉 🧐 ৩৭শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য। 🐯

क भ भ अक्षी जिल्ल, देशात नीर्व कान ग रहेए क थ ভবির উপর সাম লম্পাত হইরাছে।

s পাণ্ড ধ প ভিন্**ট**া জানা সাছে : ভূমি কম-া शरे चरण



কোন খণ্ডের পরিমাণ নির্দ্ধেণ করিতে হইবে; বিভীয়তঃ, গ ঘ লম্ব রেখার পরিমাণ নির্দেশ করিতে হইবে; ভৃতীয়তঃ ক খ গ ত্রিভূজের ক্ষেত্রকল ছির করিতে হইবে।

বোধ কর কথ — ২০ হাত, কগ — ১০ **হাড, এবং** গ্ৰ=১২ হাত।

এইক্ণ কঘ খণ্ডকে অ অব্যক্ত রাশি দার। নির্দেশ করিলে, ঘথ-২০--জ।

ক ঘ গ ৩৪ খ ঘ গ ছুইটা সমকোণিক ত্রিভুজ। গ ছ ইহা-নের সাধারণ বাহ; ছভরাং গ ঘ রেথার পরিমাণ উভর ত্রিভুজ ইইজে ছুই জুকারে নির্দেশ করা যাইতে পারে; যথা,

ৰ বি বছ প্রভাৱে এক বস্তর সমান তাহারা পরস্পর সমান,

ে ১২২—(২০—ছ) ২ – ১০২—ছ ।

এই স্থীকরণে অব্যক্ত রাশির ফল ধার্য্য করিলে, অথবা ক খ-৮.১।

গ ঘ লম্ব রেখার পরিমাণ ধার্য্য করিতে হইলে, গ ঘ $^2$ —৮.৯ $^2$ , অতএব গ ঘ=8.44।

স্তরাং কগথ তিভুজের ক্ষেত্রকল = -------

84.61

উদাহরণ। পুর্বোক্ত ত্রিভূতে যদি গখ-৬ হাড, ক'ন
ও হাত, এবং খ'ক-০ হাত হয়, ভাহা হইলে ক'র, ব'ল

বেশার শারিষার ও ত্রিভূতের কেতাকল কত হইতে।

चै:। क च-.c, श च-७,३७, धव: (क्खक्त->:)

# ্ ৩৮শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ছুলকোণিক ত্রিভুজে যদি কোন সৃত্ত্ব কোণের সন্মুখীন বাহকে বর্ত্তিক করিয়া ভগুপরি উক্ত কোণ হইতে লম্ন টানা বায়, তবে ছুল কোণের পার্বস্থ ছই বাহর ছই সমচ্ছুস্থ বর্ত্তিত বাহু এবং তাহার বর্ত্তিত ভাগের অন্তর্গত জায়তের বিগুণ স্থুল কোণের সন্মুখীন বাহর সমচভূত্তি ভুলা হইবে।

ক ধ গ এক স্থলকোণিক তিস্তুজ্জ, যাহার ক গ থ কোণটী স্থল কোণ। ধ গ বৃদ্ধি করিয়। ক বিন্দু হইতে ভাহার উপর ক ল লম্বটান।



क थरे-थ गरे +क गरे + २ थ ग.ग घ।

খ ঘ সরল রেখা গ বিন্দুতে ছই ভাগে বিভক্ত হইয়াছে, এই জন্ম (৩৪ শ প্রতিজ্ঞান্ত্র্যারে),

ধ ঘ<sup>2</sup> = ধ গ<sup>2</sup> + গ ঘ<sup>2</sup> + ২ খ গ $\times$  গ ঘ; উভয় প্রক্ষেক্ষ ঘ<sup>2</sup> যোগ কর. ভাহা হইলে,

ৰ ৰ<sup>2</sup> + ক ব<sup>2</sup> - ধ গ<sup>2</sup> + গ ব<sup>2</sup> + ক ব<sup>2</sup> + ২ থ গ × গঘ;

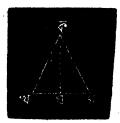
কিন্তু ৰ ব<sup>2</sup> + ক ব<sup>2</sup> - ক ব<sup>2</sup>; এবং গ ব<sup>2</sup> + ক ব<sup>2</sup> - ক গ<sup>2</sup>
∴, কু ব<sup>2</sup> - ৰ ব<sup>2</sup> + ক প<sup>2</sup> + ২ থ গ×গঘ।

# ৩৯ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক ধ প ত্রিভূজের ক গ ধ কোণ ক্ষ কোণ হইলে, এই কোণের এক পার্বহু রেখা ধ গ-র উপর ভাহার

# ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ৮৮

শম্থীন কোণ হইতে তত্পরি
ক ঘ লম্বপাত করিলে, গ কোণের
শম্বীন ক শ রেথার সমচতুর্জ
শ গ ও ক গ-র সমচতুর্জ অপেকা
শ গ × গ ঘ-র বিগুণ পরিমাণে
শম্বর ইইবে, জর্গাৎ,



ক ব<sup>২</sup> ⇒ য গ<sup>২</sup> + ক গ<sup>২</sup> — ২ গ গ.গ ঘ। ৩৪শ প্ৰতিজ্ঞার দিতীয় দ্মীকরণ দাকা.

শ ল <sup>১</sup> = শ গ <sup>১</sup> + গ ল <sup>১</sup> — ২ খ গ , গ ল ; ইহার উভয পক্তে ক ল গ সোগ কর, তাহা হইলে,

# ৪০শ প্রতিজ্ঞা উপপাদা।

ক ধ গ একটা ত্রিভুজে, যদি ইহার শীর্ষ কোণ স হইতে ভূমির মধ্য বিন্দুতে গঘ রেখা টানা যায়, ভাহা হইলে, ক গ<sup>2</sup> + গখ<sup>2</sup> = ২ ক ঘ<sup>2</sup> + ২ গঘ<sup>2</sup>।

গ বিন্দু হই তে কথ রেণার উপর গচলম্ব টান। তাহাতে কঘগ ও খঘগ তৃইটী ত্রিভূজে পূর্কোক্ত তৃই প্রভিত্তা হারা,



क्षी - क घरे + श घरे + २ क घ.घ ह श शरे - थ घरे + श घरे - - २ थ घ घ ह

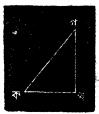
ক ম-ব ঘ ইহা সারণ রাখিয়া এই তুই সমীকরণ যোগ क्रिल,

क शरे + थ शरे - २ क घरे + २ श घरे।

#### ৪১শ প্রতিজ্ঞ। সম্পাদ্য।

কোন নমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি ও কোটি নির্দিষ্ট আছে. ঐ তিত্ত অন্ধিত করিতে হইবে; এবং ঐ তিত্তের কর্ণ রেগার পরিমাণও স্থির করিতে হইবে।

- নিৰ্দ্দিষ্ট ভূমি - ৬ফুট, এবং কোটী - ৮ ফুট, এমত এক সমকোণিক ত্রিভুক্ত অন্ধিত করিতে হইবে, যাহার ভূমি ও কোটি যথাক্রমে ৬ ৬ ৮ ফুট इहेर्व।



হর ফুট পরিমিত এক সরল রেখা ক থ স্থাস কর, এবং ধ বিন্দু হইতে কথ রেখার উপর ৮ ফুট পরিমিত এক मुत्रन (तथा होन, यथा थश। পরে ক ও গ যুক্ত কর, তাহাতে ক ধ গ সমকোণিক ত্রিভুজ হইবে; এবং ক ম কর্ণ রেথা পরিমাণ করিলে ১০ ফুট হইবেক।

#### ৪২শ প্রতিজ্ঞ। সম্পাদ্য।

क्लान नमरकांगिक जिल्लाब स्थाप **अवर कर्ग निर्कि** আৰু বিভুষ্টী শবিত করিতে হইবে।

क्रिक के करें, धवर वर्ष - ३० कृते। धमन धक नम-কোণিক ত্রিভুজ নির্দাণ করিতে হইবে যাহার ভূমি ও কর্ণ यथाकत्म ७ ७ ३० कृते क्हेत्व।

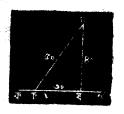
# ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। 🤫

ছর কূট পরিমিত এক সরল রেখা কথ (পূর্ব্বপ্রতিকৃতি দেখ ) ভাস কর, এবং থ বিন্দু চইতে কথ রেখার উপর থ গ এক অসীম সরল রেখা (যাহাকে ধ গ অভিমুখে যত দূর ইচ্ছা বৃদ্ধিত করা যাইতে পারে ) অভিত কর । পরে কম্পানকে ১০ কূট বিস্তার করিয়া উহার এক পদ ক বিন্দুর উপর বিশ্বি অপর পদ দিরা ধ গ রেখা ছেদ কর, যথা গ; বিংক ও গ এক সরল রেখাবারা সংযুক্ত কর; ভাহা করে ক ধ শ সমকোণিক ত্রিভুজ অভিত ছইবে। ধ প করিলে ৮ কুট ছইবে।

৪এশ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ক্রমীর জিলা বা শৃত্যনের শাহাযে। ভূমির উপর লম্ব বা শুক্তাবন বিভিন্ন ক্ষিত করিতে হইবে।

বিশ্ব ইংভে একটা লম্ব উপর
বন করিতে হইবে। ঘ চ-কে ৩০
লিভের সমান করিয়া অপর এক
সাহি শৃত্যাল লইয়া, ভাহার এক

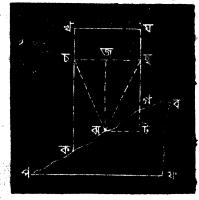


প্রান্ত হইতে ১০ লিক পরিত্যাপ করিয়া ঘ স্থানে দৃঢ় রূপে ধরিতে হইবে; সার অপর প্রান্ত চ স্থানে ধরিতে হইবে। পরে ঘ হইতে ৪০ লিকের স্থান ধরিয়া শৃত্যালকে বলপুর্বাক টানিলে ঘ বিন্দুতে ঘ গ লম্ম হইবে। কারণ, ভাষা ভ লটন বর্গ চ গ-র বর্ণের ভূল্য হইবে, কাষেকাষেই চ ঘ গ সমকোণ ও গ ঘ লম্ম হইল।

# 88 শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

একটা ক্রমনিয় ভূমির উপর ছইটা বঁটি এমন ভাবে প্রোপিত করিতে হইবে যে তাহার। সমান উল্লভ হইবে, দ্বর্থাৎ ভাহাদের মাথা সমস্থতে থাকিবে।

মনে কর, প ক্ৰ একটা ক্ৰম-निष्ठ कृषि, क ७ গ ছানে কথ ও গঘ হুইটা বঁটি সমান উন্নত ক-রিয়া প্রোথত स्वाप्त रहेर्य। er en e



হৈছে ৰ ছাভ (বা ভভোধিক) নিয়ে, অৰ্থাং ছ স্থানে একটা **ছিল দিয়া, ভালাকে** গ স্থানে লম্বভাবে প্রো**থিত কর**। অনস্তর, ক ধ ধ টির ধ চ অংশ ঘ ছ-র সমান করিরা ক ছানে লম্বভাবে মাপিত কর। পরে এক গাছি রক্ত ছারা চছ যুক্ত করিয়া, তাহার মধাত্বল জ হইতে এক গাছি **ध्यामाणि वृताहेश गां । मान कत छेश क विका**छ পভিত হইয়াছে। এখন ব বিন্তে এক গাছি রজ্যুর এক का ताथिता क भरीख वनभक्तक उतिहा धत क क ह-तक ব ছ-র সমান করিয়া থ চক গুটিকে প্রোথিত কর, ভাষা हरेति रे पूरें पे प्रमान छत्तर हरेता।

রেখা ও ধরাতলের সম্বন্ধ। সদৃশ ত্রিভুজ।
৪৫ স্থত। একটা রেখা বা রাশি জ্বন্থ একটা রেখা বা
রাশি অপেক্ষা যে পরিমাণে গুরু বা নমু, ভাহাকে সেই
সেই রেখার বা রাশির পরস্পার সম্বন্ধ কছে।

গ ঘ ও ক থ ছুইটা রেখা।

হতি বা গজ একক স্বরূপ

শ্বির করিয়া ঐ একক বদি

ক থ

শ্বেমাকে রেখার মধ্যে ছর
বার ও ছিতীর রেখার মধ্যে তিনবার থাকে, তাহা হইলে,
শ্বেখমকে ছিতীয়ের সহিত তুলনা করিলে দেখিতে পশ্তয়া
বার বে, প্রথমটা ছিতীয় জপেকা ছুই গুণ অধিক এবং
গঘ
৬
বার বে, প্রথমটা ছিতীয় জপেকা ছুই গুণ অধিক এবং
গঘ
৬
বার বে, প্রথমটা ছিতীয় জপেকা যায়, তবে দেখা যায়
বে, ৩ একক ছারা উহা প্রথমটা জপেকা লঘু হইভেছে,
৩ কথ
যথা — — , অথবা ১ বে রূপ ৬ রাশির ছয় জংশের
৬ গঘ
একাংশ, সেই রূপ ৩ ও ৬ রাশির ঐ ছয় জংশে ৩ জংশ

এই রূপে এক রাশির সহিত অন্ত রাশির যে সম্বন্ধ তাহার নাম অনুপাত। যে অনুপাতে অনুপাতীর রাশির মধ্যে একটা অপরটার অপেক্ষা কত শুরু বা লঘু বলিরা বোধ হর, তাহার নাম পাটাগণিত সম্বন্ধীর অনুপাত; এবং যাহাতে অনুপাতীয় রাশির মধ্যে একটা অপরটার

বলা যাইতে পারে।

অপেকাকত গুণ গুরু বাকত গুণ লঘু বলিয়া প্রভীত হয়, ছাহার নাম জ্যামিতিমূলক অন্পাত। যেমন ৬ এবং ৩ এই ছুইটীর পাটীগণিত দমন্ধীয় অহুপাত ৩ এবং জ্যামিতিমূলক অহুপাত है বা ২।

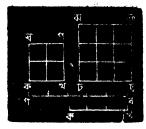
কোন রাশির সহিত অন্ত কোন রাশির অনুপাত ব্যক্ত कतिएक इट्टेल, छोटापिरगत माथा प्रदेश कुछ कुछ विस् পাত করিতে হয়, উহার নাম আরুপাতিক দ্বিনদ।

ুক ধ-র সহিত গ ঘ-র অন্তপাত লিথিয়া ব্যক্ত করিছে हरेल, এরপে লিখিছে হয়; यथा, कथ: शघ অমুণাতের প্রকৃতি যে রূপে লিখিত হইল ভাহা হইতে স্পষ্ট প্রতীয়মান হইতেছে যে, আদিমকে লব ও অন্তিমকে হর করিলে যে ভগ্নাংশ উৎপন্ন হয়, ভাহা অনুপাতের পরিমাণ। পঘ ও কথ রেথার অনুপাত, যথা, গ ঘ: ক ধ বা ৬:০ অর্থাৎ অন্তিম রাশি ৩, আদিম রাশি ৬ এর মধ্যে কভ বার আছে ভাহাই নির্ণয় হইতেছে।

ভগাংশের লব ও হর নততই ভাজা ভাজক সম্বন্ধে निवक्त थारक, रामन है अथवा ७ ÷ ० ममान कथाहै; **অর্থাৎ কোন বস্তুকে ৩ভাগ ক**রিয়া ভাহার এক ভাগকে ভবার লওয়াও যাহা, ৬ কে ৩ দিয়া ভাগ করাও ভাছা। অরপাতের প্রথমটীকে লব ও দিতীয়টীকে হর করিলেই উহাদিগের পরিমাণ স্থির হইবে; কিন্তু অনুপাডের ঘুইটী तानि यनि जिन्न बाजीय रस, छत्त. व्यथमणी तद । विजीयणीतक रत क्रिति পরিমাণ चित्र श्रेरिय नो, উভয়কে এक चार्डीक

করিতে হইবে। যেমন ৩টাকা ও ৬টাকা ইহাদের জন্মপাত ৩:৬ এবং উহাদের পরিমাণ 😩 অথবা 🕏 কিন্তু ৩ আনা 🕏 ৬ টাকার অন্থপাত ৩ আনা ৯৬ আনার অন্থপাতের সমান. উহা এইরপে লিখিত হয়, ৩:১৬ অথবা 🖧 অথবা 🗞।

এই রূপে যদি চ জ ধারা-ছলিক ক্ষেত্ৰমধ্যে ১বৰ্গ একক থাকে, এবং ক গ ধারাতলিক ক্ষেত্ৰমধ্যে ৪ৰৰ্গ একক থাকে. ভাহা হইলে দিভীয় ধারা-ভলিক ক্ষেত্রে যত একক



আছে তাহার চতুর্থাংশের নয় গুণ প্রথমোক্ত ধারাতলিক কেত্রে থাকিবে, অর্থাৎ চুজ = ১।

যে রেখা অথবা রাশিদিগের সমন্ধ বিচার করা যায় ভাহাদিগকে অমুপাতের রাশি কহা গিয়া থাকে। প্রথম-'টীর নাম আদিম, ডিতীয়টীর নাম অন্তিম। অভিম অপে**কা** আদিম গুরু হইলে অনুপাতকে গুরুবৈষম্যামুপাত কছে: র্থা, ১:৪; অভিম অপেকা আদিম লঘু হইলে অলু-পাতকে লঘুবৈষম্যাত্মপাত কছে; যথা, ৩: ৫; আর আদিম এবং অন্তিম সমান হইলে অন্তপাতকে সামান্তান্ত-পাত কছে; যথা, ৩:৩।

অনুপাতে উভয় রাশি কোন এক রাশিয়ারা ভণিত বা বিভক্ত হইলে অনুপাতের পরিমাণ পরিব**র্তি**ত হয় না। मान कत 8: 🕫 है। ज्यान विद्युत्ता। छेकात शतिमान 🕏

কিছু 🕏 এই রাশির লব ও হর উভয়কে কোন রাশির ছারা গুণিত বা বিভাজিত করিলে যে অমুপাত উৎপন্ন হয়, তাহারা প্রত্যেকেই ৪:৮ এই অনুপাতটীর সমান. যথা, ২ : ৪, ৮ : ১৬, ইহারা প্রত্যেকেই ৪ : ৮ এই **অভুপাত্টীর বুমান। ২ :** ৪ ও ৮:১৬ **অনুপাতে** উভয় রাশি স্মান রূপে গুণিত বা বিভাগিত হইলে আদিম অত্পাত উৎপন্ন হইতে পারে।

্ৰাট্ট আথবা ভাহা অপেক্ষা অধিক সংখ্যক অন্ত-পাতের সমানত সময় থাকিলে তাহাকে সমান্তপাত कर्रा

वथा, कथ: गच এवः ৫: ० এই छुट्टी अञ्चलात्छ्य পরিমাণ রু ৮ ৫ ওই ছইটী ভগ্নাংশের সমান, কিন্ত क्थ अहे छग्नाः गणि यनि हुए अहे छग्नाः गणा स्थान ভাহা হইলে ছুইটা অনুপাত্ত পরস্পর সমান হইল, এবং ক থ, গ ঘ, চ ছ, জ ক এই চারিটা রাশিতে একটা সমারপাত উৎপন্ন হইল। ঐ সমানুপাত্টী এই রূপে লিখিত হয়, कंथ: १ च:: 5 छ: खरा।

এবং ক থ-র সহিত গ ব-র যে সমন্ধ, চ ছ-র সহিত আ ঝ-র নেই দম্ম পঠিত হয়। অর্থাৎ প্রকারান্তরে ইহাই বলা हरेएएइ त कथ = <u>हर</u>ा।

হুইটী রাশির অভুপাত ত্বির করিবার সময়ে উহাদের মধ্যে বে রূপ আহুপাতিক দিবিন্দু স্থাপিত করিতে হয়,

সেই রূপ ছই সমান অনুপাত এক শ্রেণীভে লিখিয়া প্রকাশ করিবার সময়ে ছুই অন্থপাতের মধ্যে কুন্ত কুন্তা চারিটা বিশ্বপাত করিতে হয়, উহার নাম সমান্ত্রপাতিক **हें किया** ।

সমান্তপতি পূর্ব্বোক্ত প্রকারে ব্যক্ত হইলে, াক্ত 🗣 🐞 में व-रक महा तानि এदः १ व ७ ह इ-रक मधा ब्रांनि करी যায়।

চারিটা রাশি সমাস্থপাতিক হইলে, ভাহাদের অভ্য লালি চুইটার গুণকল মধ্য রালি চুইটার গুণকলের<sup>্ </sup>ব্যান क्टेर्टर । यथा.

किं कर: गर्प: ठह: करा अप्रति कर 🗙 कर 🛏 34 × 221

্ এক লাভীর চারিটা রাশি যথাক্রমে গৃহীত হইলে হদি সমান্ত্ৰণাতিক হয়, তাহা হইলে নিয় লিখিভ ধারাত্রসালে ভাহাদের শ্রেণী অথবা পরিমাণ করিলে নিম্পত্তি সম্বন্ধে কোন ব্যতিক্রম হইবেক না।

ে বিনিম্ন নিম্পত্তি। যদি চারিটী রাশি ক্যালুপাতিক হয়, ভাষা ইইলে প্রথমের তৃতীর সমমে যে নিম্পত্তি, বিতীয়ের চকুর্য সহস্বেও সেই ভ্রিপান্তি।

বিলোম নিশাতি। হিতীয়: প্রথম:: চতুর্থ: ভূতীয়। ৰোগ নিম্পত্তি। প্ৰথম ও দিতীয়ের বোগকল: विভীয় **ঃ ভূতীর ও চতুর্থে**র যোগকল : চতুর্থ।

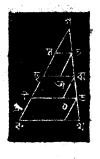
শহর নিশাতি। প্রথম ও হিতীয়ের বিরোগকন: षिতীয় : : ভূতীর ও চতুর্পের বিয়োগফল : চতুর্থ।

পরিবর্ত্ত নিম্পত্তি। প্রথম ও দিড়ীয়ের বিয়োগফল: ध्यभ :: ভূতীয় ও চ্ছুর্থের বিয়োগফল: ভূতীয়। ইভ্যাদি।

यनि नमाञ्चलारञ्ज जिन्ही माख तानि श्रीश्व इस्त्रा, ষায়, ভাষা হইলে আমরা চতুর্থ রাশি উদভাবন করিতে প্রারি, এবং যে নিয়ম দারা এই রাশিটা জানিতে পারা ৰাৰ, গণনা শাত্ৰে ঐ নিয়মটী যে কত দর প্রয়োজনীয় छोश वना यात्र ना। यनि २, १, ४, ८, এই करत्रकी ন্মাছপাতিক বাশির মধ্যে তিন্টী মাত্র নির্দিষ্ট থাকে. **इक्स में अहे जाएन वाहित क**ता यात्र, यथा, २ अत्र महिष् এর যে সম্বন্ধ, ৮এর সহিত কোন রাশির সেই সম্বন্ধ, তাহা **इहेल ८ × ৮ + २ − ) ১७ আ**বিশ্বত **इहेग्रा**्र পড়ে। গণনাবিষয়ক এই রূপ যত প্রশ্ন উপস্থিত হইবে সমুদ্ধাই জৈরাশিকের মধ্যে জাসিরা পড়িবে, এবং সমান্তপাভ বিধি মারা নির্ণের চতুর্থ রাশি বাহির হইবে।

### ৪৬শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ী গুখ এক নির্দিষ্ট সরল রেথাকে এরপে ভাগ করিতে হটবে যে. নেই ভাগগুলি মার একটা বিভক্ত **নরল রেখার ভাগগুলি**র হইবে, অর্থাৎ নে সকল অংশের বিভক্ত রেখার অংশগুনির নাায় পরম্পরের সম্বন্ধে সমান নিপাতি श्राकित्व।



গ क गतन दिशारक घ, ছ, ট विमृत्छ गमान ऋएँ। विভक्त क्रबंग कत. अवीर गघ-घ छ- छ छ। शक ७ शब (तथा-কে এমত করিয়া স্থাপন কর যেন তাহাদের সংযোগে কোণ উৎপত্তি হয়। পরে ক থ সংযুক্ত করিয়া ঘ, ছ, ট বিশু দিয়া ক ধর সমাভ্রাল ঘচ, ছ ঝ, ট ড নিজাশন कत, धर ह छ, व ठे, श क (तथात नमास्त्राल कतिया होता। এইকণে ঘটজছ কেতের সম্থীন বাছগুলি সমাস্ত্রাল ভন্নিমিত চজ-ঘছ-ঘগ, ঝ চ জ কোণ চ গ ঘ কোণের সমান এবং চ**জ ব কোণ-গ ঘ**চ কোণ। অভএব ২য় প্রতিজ্ঞা-इनात, गघठ ७ ठक व जिल्लाम अवस्थात ममान धदः চঝ = গঢ। এরপে বড = গচ, ইভাদি। অনস্তর, গ ক রেখা যে যে বিন্দু তে বিভান্ধিত হইয়াছে; ভাহার কোন এক বিশ্বাধা ছ লইলে প্রতীত হইবে যে, গ ক রেখা গ ছ-র যত ৩৪৭, পথ রেখাও গঝ-র তত ৩৪৭; অর্থাৎ शक शब अवदा गक: गह:: गर्थ: गवा

প্রয়োগ। একটা দামান্য মানদণ্ড নির্মাণ করিতে रसेंद्र ।

ট 🛊 असमे नरम রেখা পাত কর। ইহার চ প্রাস্ত বে কোৰ পাৰিবাৰের একটা কোণ অভিড কর, যথা ছ চ क। (बाँठे छित करेए) পরিমাপক दाর। এक हेक सालिया क व-दक **ऐशांत समाम कतः** ह क नतल तिथात ह विम्नू हरेए चांत्र ক্রিরা যথেক্টাক্রম ভাহাকে দশ সমান কালে বিভালিত करें। পরে ১ । ম সংশের প্রাক্ত বিন্দু के ও খ হক্ত करें।

अहे नःगुक तथा क ध-त नमास्तान कतिला धनानि-

करम नकन विन्तृ श्हेरा हथ রেখা পর্যাস্ত রেখা অকিত कत। थे नकन तिथा ह थ-क ৰে যে বিশুভে অবচিছন कतिरंव त्मेरे तम् विकार ইছা সমান ভাগে বিভক্ত ছট্ৰে। অভএব, চখ-কে দশঃ সমান অংশে বিভক্ত कता इहेन ७ हेशत প্রভোক জ্বংশ এক ইঞ্চের এক দশ-माःग। किन यनि চথ-क ১০ ফুট বলিয়া কল্পনা করা যার, তাহা হইলে ইহার প্রত্যেক অংশ ১ ফুটের সমান इहेरव अदः अंत्रथ ७ी, १ी कं क्री जान यथाकरम ७.१ वा ४ कृषे इहेरत। अहेकरव 4 গ, গ ঘ, ঘ ছ প্ৰভৃতি অংশ **अविदक** ह च-त नवान कत.



ভাহা হইলে যে কোন সংখ্যক কৃট ঐ মানদণ্ড হইটে मध्या याहेरा भावित्व। यस कर ०५ कृते कहेरा हहेरत, चाउ ध रहेर्ड अपि दृश्टत करण कवीर च ह ७ अपि क्रबंख्य कर्म महत्महे हहेता।

# ব্রেহারিক জ্যামিতি ও জ্লামিতিত হ। ১৭ ৪৭শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

কুল্যাকোশিক ত্রিভুজ সকল সন্শ, জর্থাৎ ভাহাদিগের ক্ষান স্মান কোবের সংলগ্ন বাহগুলি প্রস্পার অন্ধুপাতীর। ক ব গ ও চ ছ জ ছই ভুল্যাকোণবিশিষ্ট ত্রিভুজ, জর্ঘাৎ গ ক ব কোণ জ চ ছ কোণের, গ থ ক কোণ জ ছ চ কোণের, জার ক গ থ কোণ চ জ ছ কোণের স্মান। এছলে ক গ থ ও চ জ ছ ত্রিভুজের স্মান স্মান কোণের পার্শন্ন বাছ অনুপাতীয়; জ্বাৎ গ ক : গ থ : জ চ : জ ছ ।

প ক ও প ধ ছইটী দরল রেখা ছইভে জাচ ও জাছ ছইটী দরল রেখার সমান প ট ও প ঠ ছই অংশ ছেদ কর, এবং ট ঠ শংযুক্ত কর।

পটঠ ও জচছ ত্রিভ্জে, গটঠ কোণ জচছ অথবা গকথ কোপের সমান, একারণ (২১শ প্রতিজ্ঞান্ত্সারে) টঠ ও ক্র গ পরক্ষর সমান্তরাল।

গ ট ৪ ট ক রেখাকে কতকঙলি
নমান জংশে বিভাগ করিয়া,
নেই বিভাগের বিজু হইতে গ ধ
রেখাতে যদি ক খ রেখার স্মাভরাল রেখা সকল টানা যায়,

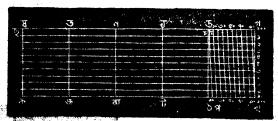


ভাষা দুইলে গুট ও টক রেখা যত অংশে ছেদিত দুইবে, তত অংশে গঠ ও ঠথ রেখা ছেদিত দুইবে; এবং ইছা অভীতি দুইবে যে গুট বা জ চ, গুক রেখার মধ্যে যত বার আছে, গঠ বা জ ছু রেখা গুখ রেখার ঠিক ভড় বারই আছে; অর্থি, <u>সক সুখ</u> জুছ, বা সক: জুচ: গ্রাংজ্ছ;

এবং বিনিময় নিষ্পত্তি জারা গ কংগ্রাখ : अ अक्रिकेट अस्ट । অহমান। তুল্যকোণিক ত্রিভুজের মধ্যে একের একটি चुज जातात उरमम्मीन चुरकत यह छन स्ट्रेरिन, छाटाक स्वताना ভুজগুনিও জন্যের তৎসমশীল ভুজগুলির যথাম ভতগুল হইবে।

### প্রয়োগ। ডাএগনাল কেল বা স্থান্ননিত।

১ম। ঘগ একটা রেখা অস্কিত কর। এক ইঞ্চের সমান করিয়া ড গ এক অংশ ছেদ কর। সামান্ত গজের ए श-तक मगोराम विভक्त करा। ए ७ श इट्रेंट अकृतिक



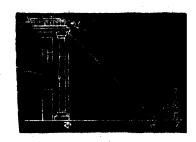
ছইটা লয় টান। গ প্লান্ত হইতে অভিত লয় রেখাকে দশ্মী সমান সংশে বিভাজিত কর। এই দশ্দী বিশু **হুইড়ে ছ'ল-ছ নমান্তরাল** করিয়া দশটা রেখা অ**ন্ধিত** কর। ৰ বিৰুত্ত অব্যবহিত পরে যে বিনু ছারা প ড-কে দশ नमानारम विভक्त करा इहेग्राइ छाहा ध विकृत महिल সংযুক্ত কর, এবং ঐ রেথার সমাত্রালে অবশিষ্ট নয়টী ভাগ-চিত্র হইতে নয়টা রেগা অন্ধিত করা। চ स अके हेरक्ष अके महारम इहेरव, कात्रन छ हम अक्री बिह्न, बेबर ह म, रे প-त नमास्तान, : ए ह ह ह न रे प्रेर क कि कि है ने में के ने ने में है ति है कि कि है ने में है ति है कि है क निकार प्रशास्त्र मुख्यार है न अक हेत्क्य महारूप THE

যদি ঘ ড, ভ ণ, ণ চ, চ ড প্রতোককে ভ গ-র সমান করা ৰায়; ও ড গ-র পরিমাণ একশভ একক হয়, ভাহা হইলে ঘ ড-র পরিমাণ ৪০০ একক ও ছ ন-র পরিমাণ ৪**০**১ একক, ছ ন-র পরে যে রেখা আছে ভারার পরিমাণ 8०२.। ७२ कर**ा कमाः इदि हरे**का काश-त<sub>ा शि</sub>तिमान 850 अकक क्रोटि ।

শাষ্ট শাসতে এক ইঞ্কে ১০ অথবা ১২ জংগুল বিভক্ত করাই নাধ্য; ভাহা অপেকা ক্ষুত্তর জংল এইণ করা সহজ্জ নহে, যদি ১ ইঞ্চকে শতাংশে বিভক্ত করিবার প্রোক্তর হর, তাহা হটলে সামায় মানদত্তের নিয়নায়-লারে 😘 ইঞ্চকে শতাংশে বিভক্ত করিলে প্রভাক কংশ এভ ঃকুদ্র হইবে, যে তাহা অনুভব ক্রা ষাইতে পারে না, অভএব ভিন্ন প্রকার উপায় ছারা ১ ইঞ্চের ১০০, ১০০, ১০০ ইউনাদি অংশ লইভে চইবে এবং ঐ উপায় *হইভিই* ভাগ্রমান দ্বেল বা স্ক্রমান দণ্ড প্রস্তুত হয়।

২য়। ক খ একটী কীর্ত্তিভয়, গ ছানে দর্পণ পাতিয়া রাধিয়া ভাঁছার মধো উক্ত ছানের ছায়া দেখিয়া ভাহার केक हा निर्मय कतिए इहेरव।

দৰ্শক ঘ চিহ্নিত স্থানে দ্ওায়মান ছউক. অৰ্থাৎ ষে शास माज्ञित কীৰিভভেন্ন চূড়াঞ খার প্রতিবিদ্ধ দর্প-र्णंत मेर्या स्विच्छ



পাইবে। এইক্ষণে ইহা সিদ্ধান্ত আছে যে, কোন বৰ হইতে আলোক আসিয়া কোন ম্বচ্ছ স্ত্রব্যতে সংলগ্ন হইয়া অভিফলিত হইলে উভয় দিকের কোণ সমান হয়, অৰ্থাৎ আলোক আদিয়া প্ৰথমতঃ কোন দ্ৰব্যেতে শংলগ্ন হইলে এক কোণের উৎপত্তি হয়; অনন্তর সেই আলোক উক্ত দ্রাব্যে সংলগ্ন ইইরা প্রতিক্ষরিত ইইনে আর একটা কোণ হয়, এই উভয় কোণ পরস্পর সমান हत। अटबार कंश थ ७ घग ह कान के उत्तर नमान। আরি কর্ম ও ঘচ উভরে ক্য রেধার উপর ক্র ভাবে আছে বলিয়া ঐ ছইটা তিভুজ পরস্পার সদৃশ। এই জন্ত

ष्णः षठ - कगः कथं, : कथं - चिठ × कगः। **্থইক**ণে যদি ক্স ১০০ কৃট ও ছুগ ৬ কৃট হয়, আর ভূমি হইতে দ্রন্তীর চকু অর্থাৎ ঘ চ রেখা ৫ কুট হর, ভাহা श्रेटिन.

ক খ স্তন্তের উচ্চত। — «×১•• — ৮৩ हे कृष्टे।

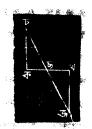
थत्र। क विकित होन इहेट ह नामक शांत बाहेबान

### ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১০১

ক্ষালা বালিকাও ইংলের শ্রাশার দ্বত নির্গর করিতে ক্ষালা

কেলকাৰৰ বাৰ বারা ক বিস্

কিন্তু কোন উপন কৰ্ম বাৰু কৰা; সুবিধা কভে কথ রেখার ছ একটা স্থান লইয়া ঐ স্থানে একটা নিশান প্রোধিত কর; সমন্তর থ চিহ্ন হইতে থক বেথার



উপর থ জ লম্ব রেখা টান। এই লম্ব রেখার এমত একটা ম্থান নিরূপণ কর যে, ঐ স্থান ইইতে ছ, চ দুইটী স্থান লক্ষ্য করিলে উহার। সমস্তে লক্ষিত হয়। অনন্তর থ জ রেখাটী পরিমাণ কর।

ক ছ চ ও ছ থ জ তিভুজের ক ছ চ, চ ক ছ কোণ মধাৰ ব ছ জ ও জ ব ছ কোণের সমান বনিয়া ইংারা পরস্পার সদৃশ। জাতএব,

ह्यःच्यः: इकः कः ; ∴कः च्याः कि

यिति क छ ८० होड, छ थ २० होड, ध्वरः थ छ ७० होड दब्र, छोटा हरेल २०: ७०:: ४०: ठक = ১२० होड।

ক ছ ৪ হাত, থ ছ ১ হাত ও থ জ ৩ হাত ইইলে,
চ ক-র পরিমাণ কত হইবে ?

৪। কোন কীর্তিস্কল্ডের নিকটে এক যাঁট লখভাবে
জিহিত করিছা, মাঁট ও ভাজের ছামার ছারা, ভাজের প্রস্কৃত
উচ্চতার পরিমাণ করিতে হইবে।

मान कर, थ श की हिं-তত্ত, থক উহার ছায়া; **इ.स.मी १८ क** ह छेरात वीरा। बोर्सरा एक स यात्रि विदेशन हरेए





জারানিলের পরশারের ছারার শেষ নীমা পর্যান্ত বে হুৰ্ব্যৱন্দি বিভাত হইরাছে, অংগাৎ গক ও জ চ, ভাহারা পরক্ষর সমাভ্রাৰ বলিয়া < থকগ 🕳 < ছচল; স্ভরাং ধক গ ও ছ চ জ ত্রিভুজ ধয় সদৃশ।

ं क्ठः इषः अकः थनः

উদাহরণ ১। যদি ১০ হাজ মৃষ্টির ছায়া ৭ হাত হয়, তাহা হইলে যে কীর্ভিন্তের ছায়া ১৪০ হাত, তাহার উচ্চতা কভ গ

এই প্রামে, ৭: ১০ : : ১৪০ : গ থ 🖚 ২০০ হাত।

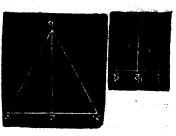
২। পুৰ্বোক্ত প্ৰতিকৃতিকে যদি ছক ৫ হাড, ছচ ৪ হাড ও ধ ক ৬৪ হাত হর, ডাহা হইলে প ধ-র পরিমাণ कछ हरेता ? छै:। ४० शत।

# 864 अिखा। डेननामा

ভুল্যকোণিক বা সদৃশ ক্রিভুক্তরের সমান সমান কোণ-সংশগ্ন বাছর কর্মের যে পরিমাণে নিপাতি, 🎓 ত্রিভূজধন্তের ক্ষেত্রফলের পরস্পর দেই নিম্পত্তি, অর্থাৎ

### ্ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১০৩

একটার ক্ষেত্রকা ভাষার ভ্রের বর্গের যত ৩ণ, অপরটার ক্ষেত্রকণ তৎসমনীল ভূরের বর্গের তত ৩ণ হইবে।



লমপাত কর। কথা ও চছল ছইটা ত্রিভূল ভূলা-কোণিক।

আভ্এব <u>চছ চজ</u>, এবং <u>লল চজ</u>;

এই হুইটা সমান বস্ত গুণ করিলে,

কথ.গ্ৰ ক্প<sup>২</sup> ; কিখ <u>ই চছ. জন চজ<sup>২</sup> ;</u>

জ্বাৎ ত্রিভ্রের ক্রেফল ক গ<sup>২</sup>
চ জ ছ ত্রিভ্রের ক্রেফল চ জ<sup>২</sup>

धरे ममीकत्रवंगे सञ्चलाराकात्त ताथित,

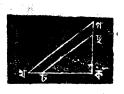
क्विकनं के शर्थ: क्विकन b म इ: क शरे: b सरे।

জন্মার। সদৃশ ক্ষেত্র সকলের ক্ষেত্রকলের যে বিষয়, ভারাদের স্বর্গীয় বাহ সকলের বর্গেরও সেই সময়।

#### ৪৯শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য ।

ক ধ গ নিশিষ্ট তিভুজের সদৃশ অপর একটা তিভুজ त्मान कांबेड कड़िएड रहेर्त।

ক ধ হইতে নিকাপ্ত জিভুজের ভূমির সমান ক চ এক অংশ ছেদ ক্ষর, পরে চ বিব্দু দিয়া থ গ-র সমান্তরাল চছ রেখা অক্তিত कर । ठक ह, थे क ग-त मन्न औं का इडेल ।



্যদি নির্দিষ্ট ত্রিভুজের ভূমি কথ - ১২ ভূট, কর্ণ থ গ 🗕 ১৫ ফুট, এবং কোটি ক গ 🗕 ৯ ফুট, আর নিফাপ্ত তিভুজের ভূমি চক = ৮ ফুট, তাহা হইলে চছ, গগ-র সমান্তরাল টানিলে প্রভীভ হইবে যে, চছ - ১০ ফুট, এবংকছ - ৬ ফুট। যথা,

32: \$ :: b: 4 5 ; .. 4 5 - 5x - 6 40 1

# রত্ত সম্বন্ধীয় উপপাদ্য ও সম্পাদ্য। ৫০শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ম গ এক সরল রেখা বৃত্তের কেন্দ্র ম দিয়া আসিয়া ব্ৰভান্তৰ কৰা জ্যাকে বলি সমন্থিত করে, তবে উহাকে লমভাবে দিখণ্ড করিবে ; এবং বদি লমভাবে ছেদ ক্লমে ভবে সমন্বিধণ্ড করিবে।

ম ক ও ম ধ সংস্তু কর,
ম গ ক ও ম গ ধ ছইটা ত্রিভুল
পর-পর স্মান, কারণ ম ধ — ম ক,
গ ধ — গ ক এবং ম গ ধ ছই
ভিতুষের সামার বাছ; স্কুরাং



মগাৰু কোৰ মণ্ডৰ কোণের সমান, তাহা হইলে মণা রেখা ক'ব রেখার উপর লম্ভাবে অবস্থাপিত হইল।

পুনক, ম গ বেন ক ও রেখার উপর লম্ভাবে পড়ি-রাছে। তাহা হইলে ম গ, ক ও রেখাকে সমান রূপে বিশ্ব করিবে, অর্থাৎ ক গ ও গ ও সমান হইবে।

মক ও মথ ছই কর্কট রেখা সমান হওয়াতে কথা ম সমিবিকা তিতুল, ইহার মকথ কোণ মথক কোণের সমান, এবং কগম ও থগম সমকোণ হওরাতে পরস্পর সমান; স্মুতরাং অবশিষ্ট কোণছর থমগ ও কমগ পরস্পর সমান, অতএব কগম ও থগম ছইটা তিতুল পরস্পর সমান এবং থগ ⇒ কগ।

ক্ষাৰ । ক্ষাৰ সরল রেখা বৃত্তাভর্গত জ্যাকে লছভাবে ব্যায়ার ক্ষার্থন । ক্ষার্থন ক্ষেত্র ক্ষেত্র ক্ষেত্র ক্ষার্থন ক্ষিত্র। প্রথ ক্ষান্ত্র

উলাই ১। বলি ক ব থ বুছের ব্যাসার্থ ক ম ১০ হাড ৩ লগা ক ব ১৬ হাড হর, ডবে ম গ লবের মান কড হইবে ? এই প্রশ্নে, ক গ— ই ক ব — ই ১৬ — ৮; জালর ক গ ম সম-কোলিক বিভুজে, ম গ<sup>2</sup> — ক ম<sup>2</sup> — ক প<sup>2</sup> — ১০<sup>2</sup> — ৮<sup>2</sup> = ৩৬; 1: ম গ — ৬ হাড।

रेते कि में रेक राज ७ क च रे १ हां छ हहेता. में श दिशांत ব্ৰিমাৰ কন্ত হইৰে। তেওঁ তিঃ। ১৬ হাত।

🤏 🕶 🗷 কর্মটে রেখা ৫ হাত, এবং শর গ ঘ ২ হাত ৰীয়ে, কৰা বৰ্ণাৰ মান কত ছইৰে ?

कर करमा केल - म म-- ग घ - ८--२ - ० । खड़ताः কৰা - V (- ত - 8, অভএব ক খ - ২ কৰা - ২ x 8 - ৮ · 如鄉 如此如此 [1] [1] [1] 《曹文·魏·禹·舜·叔兴 হাত।

৪। কম ৮ হাড, ও গ ই ৩ হাড় হইলে, ক ই রেখার মাম কন্ত 🔊 উ: 1 32. 85 हा**छ**।

৫। क थ ७८ कृष्ठे ७ श च ১७ कृष्ठे इहेटल, क म तिथान মান কত হইবে ? 🕏:। 8 कृते।

ভ। কথ ৮ ফুট ও গ ছ ২ ফুট হইলে, ক ম রেখরি পরিমাণ কত হইবে ? উঃ। কেটা।

# ৫১শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

. धक निभिन्ने द्राखद्र किस निर्गत्र कतिएक स्ट्रैरव 🕫

्का व म निकित इस, हेराव **स्वतः विश्वतः कति एक स्टेस्व १ वृक्त-**मस्या क थ ७ थ श क्रेंगे छा। जड़िक क्ता विश्व किंग कि म ह न प भारती नमस्त्रिक्षिक करा। मा विमृहः



**धरें हरें दिशांक शल्मार्क रुकेक। म विम्मृ मिक्टि दृ**स्छित (P.

যেহেতৃ, পূর্ব প্রভিজ্ঞাতে প্রদর্শিত হইরাছে রে, 🔉 চূম

### ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জাগমিতিতত্ত্ব। ১০৭

ও ছ ম রেখা রুত্তের কেন্দ্র ভেদ করিয়া ঘাইবে, স্মৃতরাং এই ছই রেখার সম্পাত ছান ম নির্দিষ্ট রুত্তের কেন্দ্র ।

### ৫২ শ প্রতিজ্ঞ। সম্পাদ্য।

ভিনদী নির্দিষ্ট বিশু \* (পূর্ব প্রতিকৃতি দেখ); ক্ষ, খু, গ দিরা একটা ব্রস্ত অভিত করিতে হইবে।

এই ভিনটা বিশাব মধ্যবভী থ বিশা হইতে থ ক ও থ পা তুইটা সরল রেথা টান; পরে ক থ ও থ গ বেথাছয়কে তুই সরল রেথা ছারা সমান ভাগে ছিগও কর, এই তুই রেথা বর্জিভ করিলে ম চিহ্নে অবচ্ছেদিত হইবে। পরে ম বিশ্কে কেন্দ্র করিয়া ম ক কিছা ম থ জাধবা ম গ বাাসার্জি লইয়া ক থ গ বৃত্ত অন্ধিত কর। ক, থ, গ ভিনটা বিশাকি বিয়াক থ গ বৃত্ত অন্ধিত হইল।

প্ররোগ ১ম। একটা গোল ধিলান নির্মাণ করিতে হুট্রে। মনে কর, কথ থিলানের পরিসর, গ'ছ উচ্চতার এইকণে পূর্বোক্ত প্রতিজ্ঞার হারা ক, হ, থ ভিনটী বিশ্ব



করিলে থিলানের গ্রন্থিগুলি নির্মাপত হঠবে।

विक जिम्में निकित विक् अक दाश्य मा द्या।

্ ২য়। পথিক ছিলান নির্মাণ করিবার নিয়ম। কথ থিলানের পরিদর। কথ রেখার উপর কও থ কেন্দ্র করিয়া ক থ ব্যাদার্ছ পরিমাণাস্থদারে স্ইটী চাপ অঙ্কিত কর, এই

চাপৰ্য গ বিশ্বতে স্পৰ্শ করিবে। **এहेक्ट्र क श ७ थ श गृहेंगे** हाल्ट्रक কভিপয় সমান অংশে বিভাগ করিয়া, ক গ চাপের বিভাগের চিত্র



ভালি থ কেন্দ্রের সহিত; আর থগ চাপের বিভাগের ভিছ্ন গুলিক কেন্দ্রের সলিত সংযুক্ত কর; এতখারা থিলানের শ্রন্থিঞ্জলি নিরূপিত হইবে।

### ্র **েশ প্রতি**জ্ঞা উপপাদ্য।

ক থ ব্যাদের প্রাম্ভ হইতে ক চ লম্ব টানিলে এই রেখা ব্রত্তের স্পর্শনী হটবে।

ं क ह রেখাতে ঘ একটা বিস্ गरेश पं म नरपुक्त करा म क घ नबस्तान इंडडाएड य च कर्ग (दथ) मंक या में जालालका बुश्खत। क्षाताः म निष् ब्राप्टक काहित्व



পজিতেতে, এই ক চ রেধার মধ্যে ক বিলু ব্যভাত আর মত ভব বিশ্লইনে নেই বিশু বৃত্তের বাহিরে পড়িৰে, শতএব के तथा पुष्ठक किरन के अरु विकाल व्यक्ति कितिएएह, बार छेराहे दुस्तत न्मर्पनी ।

অন্বয়ন। ক চ রেখা বুভের স্পর্শনী হইলে ম কেন্দ্র ছইতে म क वामार्क हानिला देश क ह दुख्यार्क द्वाना तथ इहेरव।

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১০৯

#### ৫८न প্রতিজ্ঞ। সম্পাদ্য।

এক নির্দিষ্ট বিন্ধু ছইতে এক নির্দিষ্ট রুম্বকে স্পর্ণ করে। এমত এক সরল রেখা টানিভে ছইবে।

প্রথমতঃ । বিশ্বটী বৃত্তপরিধির কোন ছালে নির্নিষ্ট থাকিলে প্রতিজ্ঞা সম্পন্ন করিতে হইবে।

্ৰক্ত ছ্ৰিক বৃদ্ধ ভাষার পৰিধিন্থিত বিন্দুক। ক হইছে এমত এক দরল রেখা টানিতে হইবে যাথা বৃত্তকে স্পৰ্শ করিবে।

বৃত্তের কেন্দ্র ম নির্দেশ করিয়া ক ম সংবৃত্ত কর। পরে ক বিন্দু দিয়া ক ম রেধার উপর ধার্য লম্ব টান, ধার রেধা ক চ ছ বৃত্তকে ক বিন্দুতে স্পর্শ করিবে।

ম ক থ সমকোণ হওয়াতে ক থ ম কোণ অপেন্ধা বৃহত্ত্ব হইতেছে, এবং ত্রিভ্জের বৃহত্ত্ব কোণের অভিমুখীন বাহও অভ বাহ অপেন্ধা বৃহত্ত্ব। একভ ম থ, ম ক অপেন্ধা বৃহত্ত্ব।



স্তরাং क বিশু ও ক ধ রেখা চ ক ছ রভের বহিংছ।

দ্বিতীয়ত:। বিস্ফৃটি বৃত্তপরিধির বাহিরে কোন স্থানে থাকিলে প্রতিজ্ঞা সম্পন্ন করিতে হইবে।

ক চ ছ নির্দিষ্ট বৃত্তের বৃহিঃছ বিন্দু ধ। বৃদ্ধক স্পর্শ করে এমত এক দরল রেখা ধ হইতে টানিতে ইইবে।

হুতের কেন্দ্র ম নির্দেশ করিয়া মথ গংহুক্ত কর।

পরে থম রেথাকে ব্যাস সরূপ কইয়া একটা বুডার্ছ অন্তিত কর। এই রুভার্দ্ধ যে ছলে নির্দিষ্ট রুভকে ছিল্ল করে ए। हारे न्यान विमू, नर्शिए निर्मिष्ट विमू रहेए एक विम् দিয়া রেথা টানিলে স্পর্শনী হইবে।

ম ক খ ভাৰত্বভাষ্ট কোণ হওয়াতে সমকোণ, ভাতএব থ ক গ রেখা ম ক রেখার লম। কিন্তু (৫৩ শ প্রতিজ্ঞানু-সারে) ব্যাসের প্রান্ত হইতে লম্ব টানিলে ভাছা বুরুকে কেবল এক বিন্দুতে স্পর্শ করে; স্মৃতরাং ধারু গাঁবুছের স্পর্শনী।

### ৫৫শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদা।

বুত্তপরিধির এক অংশের উপর যদি একটা কেন্দ্রন্থ **ার একটা পরিধিত্ব** কোণ থাকে, ভাহা হইলে কে<del>লুতু</del> **জ্ঞাৰ পরিবিদ্ধ কোণে**র দিগুণ হইবে।

এই প্রতিকাটী সুই প্রকারে প্রতিপাদিত হইতে পারে। ৰা ক্ষেত্ৰ কিন্তু ম যেন ক থ গ কোণের মধ্যে আছে: বিভীয়তঃ, বুজের কেন্দ্র যেন কথ গ কোণের বাহিরে আছে। ধম সংযুক্ত করিল ঘ পর্যান্ত বৃদ্ধি কর। क म थ जिल्ला नमिष्ठांह, अदः . म थ क कान-म क थ কোন: কিন্তু (১৯শ প্রতিজ্ঞান্ত্রার) ক্ম ঘ বাছ কোন= मधक कार्न । मक थ कार्न;

े कमच (कांव - २ म थ क (कांव।

এই রূপে গম ঘ কোণও ম ধ গ কোণের ভিতৰ। व्राक्षत कला म. कथ श कालिय माद्या इहेला छेलति छक

# বাবহারিক জামিতি ও জামিতিতত্ত্ব। ১১১ হুই রাশি সমষ্টি করিছে হুইবে, বুখা, কুমুছ কোণ +



কে: केश থক কোণ + ২ ম থ গ কোণ ; ১ ক ল গ কোণ — ২ ক খ গ কোণ । জিল ক, ক থ গ কোণের বাহিরে হইলে উপরি

খন বাল পরশার বিয়োগ করিতে হইবে। যথা, খন দ কোণ — কন্দ কোণ — ২ মুখুগ কোণ — ২ মুখুক কোণ; .. কুমুগ কোণ — ২ কুখুগ কোণ।

জন্মান ১। এক বৃত্থত্তের মধ্যে যত কোণ থাকে দক্ষি পরস্থার সমান, কারণ উহার। প্রত্যেকেই পরিধিত্ব কোণের অর্দ্ধেক।

২। অর্ত্বরুত্ত কোণ সমকোণ, কর্মবৃত্ত অপেক্ষা বৃহত্তর বৃত্তাংশের অন্তর্গত কোণ সমকোণের ন্যুন, এবং ভদশেকা সম্ভর বৃত্তাংশের অন্তর্গত কোণ সমকোণ অপেক্ষাবৃহত্তর।

বলি কগ বৃত্তাংশ সামিবৃত্তের সাগাব হর, ছাছা ইইলে কম হ কোণ পূর্বের মত — ২ x কবছ কোণ, আবার গম ঘ কোণ — ২ x গধ ঘ কোণ। অভএব ২ X কবগ কোণ — ২ x কব ঘ কোণ + ২ x গধ ঘ কোণ — কম ঘ + গম দ — ছই সমকোণ, অভএম ক ধ গ - এক সমকোণ, অৰ্থাং সামিবৃত্ত কোণ একটা नमरकान।

### क्ष्म अधिका ।

ক ঘাৰ্মান বেৰা ক গণ বস্তুকে ক বিৰুদ্ধে স্পৰ্শ করি-एए ह । जी जार्ग विश्व क रहे-তে বৃত্তকে ছেদ করিয়া ক গ একটী সরল রেখা টানা ষার, ভবে এই রেখা ও স্পর্শনী

রেখাতে বে কোণ উৎপন্ন



**হইবে, ভাহা ঐ রেখার উপর পরিধিত্ব কোণের সমান** হইবে, অৰ্থাৎ গক্ষ কোণ - ক্ৰণ কোণ।

ক হইতে ক ঘ-র উপর ক ধ লম্ব পাত কর, এই**ক**ৰে ক গ থ কোণ সমকোণ; স্বভরাং প ক থ কোণ 🕂 ক থ গ কোণ - এক সমকোণ; .. ছক ধ কোণ - গ ক ধ कांग + क च न कांग; धहे नमान तानि बहेरछ न क च কোণ বিরোগ করিলে ঘক গ কোণ - কু ধু পু কোণ ৷

প্ররোগ। ক, খ, গ ভিন্টা নির্ভিট স্থানের পরক্ষর हुत्रक जाना जाटह. यथा, क थ ३२ महिन, थ श .. सहिन, ध्यदः क १ ७ मारेन। च हिन्छि चात्न नश्चात्रमान वाकित्रा मतील भागीन प्रितिन द्व, य म भ द्वान २०० % भ म क कोर्ग 33°। अहेकर्ष दि ज्ञान कामीन मुखात्रमान कारहन তথা হইতে গ চিহ্নিত ছানের কড অন্তর নির্ণিয় করিছে हरेदा ।

ক, ধ, গ ভিনটী বিন্দু
দিরা ত্রিভুজ নির্মাণ কর, ধ
বিন্দু দিরা ও চ রেথা এক্লপে
জাত্তিত কর যে ক ও চ কোল
১৯° হয়, জার্ভাৎ গ ভ ক
কোণের স্থান হয়; এই



কাৰ্টা ক বিশু দিয়া ক চ রেখা এরপে অভিড কর যে থ ক চ কোৰ ২৫° হয়, অর্থাৎ থ ঘ গ কোবের সমান হয়। ক, থ, চ ডিনটা বিশু দিয়া ক ঘ থ চ একটা র্ভ অভিড কর। এইক্ষণে গছলংকুক করিয়া রভগরিধি পর্যন্ত বর্ত্তিত কর। এইক্ষণে (৫৫শ প্রতিজ্ঞান্ত্রসারে) ক থ চ ও ক ঘ চ কোণ পরস্পর সমান ও থ ক চ ও থ ঘ চ কোণ পরস্পর সমান। কিন্তু করীপ আমীন যে স্থানে দণ্ডায়মান ভত্ততা কোণ্ডয় ক ব চ ও ব ক চ কোণ্ডয়ের সহিত যথাত্ব সমান, স্ভরাং গ চ ঘ রেখা আমীনের স্থান দিয়া গিয়াছে; এবং সমান অংশের মানদণ্ড ঘারা উক্ত রেখা পরিমাণ করিকে ভাহাতে যভ একক হইবে, গ ও ঘ-র দ্রছ ভত মাইল হইবেক। অর্থাক্ত বত্ত একক হইবে, গ ও ঘ-র দ্রছ ভত মাইল হইবেক।

বিহ বিবিড করেকটা আগ কম্পান এবং মানদণ্ড দারা বনাৰা কর

্ৰান হৈ বিজ্ঞান কেন্দ্ৰ ভিননী বাহ বধাক্ৰমে ১২০, ১৬০ ও ২০০ দিখ, ভাষার বৃহৎ বাহর উপর পতিত লখের শরিষাৰ কন্ত ? উ:। ১৬ দিছা

२। व बिक्रका किन्छी वाद वशाकरम २८, ३० धवर

৩২ হাত, ভাহাকে বেটন করিয়া একটা কুত ছাইত করিলে উল্লিন্ন ব্যাসাৰ্ক কত হইবে ? উ:। ২০ হাত।

😕। একটা আরভ কেত্রের কর্ণ পরিমাণ ১৬৬ ফুট, এবং ইহার শুখান কোণ হইতে পতিত লম্বের পরিমাণ ৮ 📆, बे बाइएका नरनम कुष्यच्यात পतिमान कृष्ठ ?

ष्टेः। ১० **ध**वः ५७३ कृते।

### ৫৭শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

যদি হুইটা জ্ঞা রভের মধ্যে পরস্পর ছিল হয়, ভুবে একটার থণ্ডদয়ের অন্তর্গত আয়ত অপর্টার খণ্ডদ্বের অন্তর্গত আরভের তুল্য হইবে। আর ঐ **গুই জা**। বুভের বাহিরে কোন বিক্তে যদি ছিল্ল হয়, তবে স্মুদায় রেখা-ছর এবং ভাহাদের বৃত্তবহিঃস্থ অংশের অন্তর্গত আয়ত পরস্পর সমান।

मान कत, अकी तुरखत घरेंगे का गण ७ थक, ह বিশতে ছিল্ল হইয়াছে, এইক্লণে চথ x চক = চগ x र्ह छ ।

এথন ১ম ও ংয় অপ্রতিক্তিতে केश खर्थ में मर-যুক্ত করিলে, চ খ ঘ ए ठक ग इहें हो



बिकुक "उँ० भन्न इस । अवः छेशाम्य ) में **अञ्चर्यानाञ्चना**रत ) ह श क स्कान ह

# স্থাবহারিক **জামিতি জন্মা**মিতিতত্ত্ব। া

ও গচক কোণ ৰচম কোণের সমান, অভএব অবশিষ্ট চম্ব কোণ চক গ অবশিষ্ট কোণের সমান ক্টবে । স্বভ্রাং চথ্ম ও চক গ স্ইটী তিভুজ ভুল্যকোণিক সুইল, এবং (৪৭শ প্রভিজ্ঞান্তসারে),

চথ:চগ::চঘ:চক; ∴চথ×চক = চগ×চঘ।

অস্থান ২। উপরি উক্ত প্রথম ক্ষেত্রে যদি পরু ঘ
বৃহার্দ্ধ হয়, অধাৎ গঘ রেখা কেন্দ্রগত হয়, এবং কুথ
কোটা উহাকে লম্বভাবে ছেদ করে, ভাহা হইলে ক চ,
চধ-র স্থান ছইবে, মুভরাংচক ২ – চগ্চঘ।

শাস্থান ই। উপরি উক্ত বিতীয় ক্ষেত্রে যদি চথ রেথার 
ই বিক্ষী জিল রাখিলা বেথাটা ক্রমে দক্ষিণ দিকে সরিয়া
আনা যায়, তাহা হইলে কথ জ্যা ক্রমশঃ ক্ষুদ্র হইতে হইতে
বিনষ্ট হইবে ( ৩য় প্রতিকৃতি দেখ), এবং চক মাত্র অবশিষ্ট
থাকিয়া চথ.চক, চক-র সচমতুর্জের ভূলা হইবে, অতএব
চকং—চগ.চল। অর্থাৎ যে রেখা বৃত্তকে ছেদ করে ভাহার
সমুদায় ও বহিঃছ অংশের আয়ত স্পর্ণনী করেখার সমচতুভূজ ভূলা।

প্রয়োগ। সমুদ্রের ভীরত্ব কোন উচ্চ পদার্থকে কড দূর ছইতে দেখা যাইতে পারে ভাহা নিরূপণ করিতে হইবে।

भवशांत क ह-रक के बुरखंत म्लानी याता। करे शांत पिया यहिष्डाह त्व, ह थ-त्क छेड्नज़ाल पुताहत्व क म ब

কোণ ক্রমাগত কমিয়া আসিবে धरः कथ चुकाञ्चिक पृहेंगी कान, जिल्ल क म न नमहिवाइ ৰ্মীয়া স্মান ভাবে বাডিতে वाकित. जर यथन म थ. व क न निष्ठ मिनिष्ठ हरेति, পৰীৎ চ ক রেখা ঐ বৃত্তের



निनी इहेर्द, ভখন क म थ কোণ একবারে বিনষ্ট হইবে। কিছ মধক, ধকম, ও কমধ এই ডিনটী কোণ চুই नमरकान छूना, धदः जिङ्का कम थ-त ज्मि कथ-एउ जिङ्का ছুইটা কোণ বরাবর পরস্পার সমান থাকিবে। অভএব যধন कं म थ-त म विकृष कोन विनष्टे हरेत, अर्था के क न्यानी इटेर्टि, छथन मधक ७ मक थ इटेंगे रकान इटे नमरकान-कुना हरेत्व, किंड धरे घरेंगे कान नर्जना नमान शाकित्व, चन्द्रवा विष्णुत्क वक् वक्षी मम्दर्भ ; किन्न ह क ब রেখা চ ক'' রেখাড়ে পরিণত অর্থাৎ স্পর্দনী ক্ইবে, মৰক কোৰমক চিকোৰ মণে ও মক ধ, মক ছি কোৰ अर्थ मतिबा हरेरा, छोरा हरेरा म क ह । म क ह অভ্যেকে এক একটা সমকোণ হইল, অৰ্থাৎ কোন কছ বেশা ব্রতকে পার্শ করিলে বলি পার্শ, চিক্ত করিছে ব্যাসাই ৮

# ৰ্যবহারিক। জামিভি জ্যামিভিডস্ত । ১১৭

১। বদি সমুদ্রের মধ্যস্থল হইতে টেনেরিক পর্কভের উচ্চতা আড়াই মাইল হর, তবে উহা কত স্থুর পর্যান্ত দেখা বাইতে পারে ?

্রেণশ প্রতিজ্ঞান্নারে) চগ.চথ—ক চ², ∴ চথ — কচ²
চগ

থাইকানে শুল পুষিবীর ব্যাদের স্থানীয়, এবং চাধ এই

ব্যার সহজে এড ক্ষুন্ত যে, গণনাকালে উহাকে ভ্যাগ করিলে,
কর্মাণ চ গণর পরিবর্তে ধ গ
বারিলে গণনাফলের কোন বিশেষ
ব্যক্তিকম হইবার জাশকা নাই।
এই ক্ষণে ক চ রেখাকে ক ধ
চাপের সমান ধরিলেও গণনার



বড় বিশেষ ভারতম্য হইবার সম্ভাবনা নাই। অভএব বিদি চ গ – থ গ পৃথিবীর ব্যাস – ৭৯৬০ মাইল ব অক্ষর বারা, পর্কতের উচ্চতা থ চ, উ অক্ষর বারা এবং ক চ চুরন্ধ দ অক্ষর বারা নির্দেশ করা বার, তাতা হইলে.

र × हर - क हर, सर्वार व × छ - मर ;

थवाल, के = रहे बाहेन ; ्. क = √ाठ०० × रहे = 383 बाहेका

্থ হৈ পৰ্যতের সৃত্ত ২০ মাইল গ্রে দেখা যায় ভাহার উত্তর কর্ত্ত । ৪১৪ কৃতি।

টানা বার, ভাহা হইলে সেই রেখা ও স্পর্নী রেখাতে উৎপর হইটা কোন অভ্যেকে নমকোন।

ও। কোন অপ্রথানের গুণবৃক্ষ ৮০ ফুট উচ্চ হইবে এই গুণরক্ষের উপর হইতে কভ দূর পর্যন্ত পূর্কোড টেনেরিফ পর্বতের চূড়াগ্র লক্ষিত হইতে পারে ?

**डि:। ३६२.०८ महिल**।

8। नमुख्यत नमझन श्रेष्ठ अक महिन छैक नस्टित विकास करें निर्मा विकास करें निर्मा करें निर्म करें निर्मा कर निर्मा करें निर् **डि:। १३२**३ महिन।

ক্ষা ক্ষা দশ কৃট উপরে কোন পদার্থ রাখিনে াত হয় তার মারল পর্যান্ত দৃষ্টিগোচর হয়, তবে পৃথিবীর MARKET MAY **डि:।** ৮৪৪৮ माहेन।

## প্রতিকা। উপপাদ্য।

পু ঘ একটা জা। (১১৬ পৃষ্ঠার প্রভিক্ততি দেখ) চ পুৰ্বাভ প্ৰবারিভ হইয়াছে। এখন বলি গুচু×ুচুছ = ক চ হয়, ভাষা হইলে ক চ, ক বিক্তে ঐ বৃদ্ধকে স্পৰ্ণ করিভেছে।

यनि ना करत, छद सत्त कत, ह के अज्ञातिष হইরা ধ বিশুডে বৃভকে ভেদ করিকেছে 🕻 দ্লাহা হইলে 有"方"一方方以五年,一万七 × 万 本"( 胸門 世传 আছ্বারে) = (কঁচ+কঁখ) × কঁচ, ক্রেড্রাই 🛪 **等 5 ← ( 事 5 ☆ 事 4 ) × 事 5 5 徳 衛を44 デー 18 を CP 4** महरफरह रा क्रिं विमंडे मा हरेला, बह महीकाव क्रा হইতে পারে না, এবং কঁচ প্রদারিত হইলে কাঁশ স্থা केरशत रहें एक नारत ना, वर्षाय के के कि विकृति के पूर **ম্পার্শ করিবে।** ১৯৯৯ জনত প্রীয়ত দল

# ব্যবহারিক জ্যা**মিভি ও জ্যামিভিডত্ত।** ১১৯

# ে ৫৯টি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

প চ ও গ ছ ছইটা বৃত্তের কেন্দ্র সংযোজক রেখা কঁথ ঘদি জ বৃত্তবন্ধে ব্যাসার্ক ক গ ও গ খ-র সমষ্টির সমান হয়, তবে জ ছইটা বৃত্ত পরস্পার স্পর্শ করিবে।

हिंदे भवा १ विम् निया बारेट्द, कांत्रन १ विम् राज्यिक छेरात्र भांत माधा-तम विम् नारे, यमि न। यात्र,



ভবে ঘ বিন্দু দিরা যাইবে। কঘ ও ধ্র সংযুক্ত কর;
অপর, কঘ ধ ত্রিভুজে ক ঘ + ঘ থ, ক ধ বাছ অপেকা
রহন্তর। এই অসমান বস্তু হইতে কঘ বা ক গ বিরোগ
করিলে অবশিষ্ট ধ্র ঘ, ধ গ অপেকা বৃহত্তর হইবে, স্মৃতরাং
ঘ বিন্দু গছ বৃত্তের বাহিরে পড়িবে।

গ চ বৃত্তে গ বিন্দু ব্যতিরেকে অন্ত কোন বিন্দু লইলেও ঐ রূপ প্রদর্শিত হইতে পারে। অভএব ঐ হইটী বৃত্ত কেবল গ বিন্দুতে সংস্পর্শ হইবে।

# ৬০টি প্রতিজ্ঞা। উপপাদা।

রুক্তে কেল্রের ব্যবধান পরস্পরের ব্যাস্থাক্তি বিভাগ দলক সমান হর, ভাষা হটনে এক

 হয়, ভালা হইলে গছ বুলু গঁচ বুলুকে গ বিন্দুভৈ স্পৰ্ণ করিবে। গছ বৃত্ত যদি গচ বৃত্তকে গুবিন্দু ব্যতীত অন্ত বিন্দুতে

স্পৰ্কিরে, ভবে গছবুত গচবুতকে গ ৪ घ प्रे विम् ए न्नर्भ कक्क । ४ घ ७ क घ मःयुक्त कर । अहेक्ट क थ घ विकृत्य के च बाइ के च छ व च वाइ-परात नवार जाराका माम। किस



थ च - वे ने, चारुवाय क च - क थ + थ ग - क श-त नाम ; অবীং ম বিশু রুহং রুত গ চ-র অভ্রন্থ। অন্ত কোন বিন্দু লইনেও এ ক্লপে প্রদর্শিত হইবে যে ভাহা গ চ বুডের অভারত : অভএব স ছ বৃত্ত গ চ বৃত্তকে একের অধিক বিস্তুত অন্তরে **লার্শ ক**রিতে পারে না।

প্রয়োগ । ক ব ছ একটা দাইমা রেক্টা অর্থ্ কার্ণিদের মোড় অন্ধিত করিতে হইবে। কুছ সংযুক্ত করিয়। ব বিশুতে সম্বিধিতিত কর, পুরে কুম রেখাকে ঘণ লম্ব রেখা হারা সমন্বিধতিত কর, গুম রেখার ধ্যা ल्या এक्षी विन् हरेख यथा घ, च व পुत्रिमिक ताना क লইয়া কথ একটা বুতাংশ অভিত কর।

সংযুক্ত করিয়া বর্তিত কর, **बदर ५ ह, इ.स.त ममान** করিয়া চল ব্যাসার্থ লইয়া ধছ এক বুজাংশ অভিড কর। পর্বোক্ত প্রতিক্ষা হার। প্রভীয়মান হইছেছে বে. ক খ

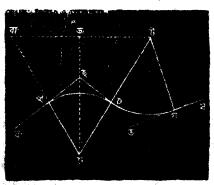


### ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১২১

ও গছ ছইটী বৃত্ত কেবল ধ বিন্ধৃতেই সংস্পূর্ণ করিবে, অতএব ক ধছ স্পাকৃতি বক্ররেখা অনবচ্ছিন্ন রূপে অভিত ইইয়াছে, এবং ইছাই নাইমা রেক্টা হইল।

 ক খ ও গ ঘ ছই দিক দিয়া লোহবদ্ধ গিয়াছে,
 এইক্লে এই ছইটা দিক অনবচ্ছিত্র বক্রেথা ছারা দংযুক্ত করিতে হইবে।

ধ ও গ যে ছই স্থানে সংব্জ করিতে হইবে ভাছা নির্দিট আছে, এবং যে ছই বুভাংশ দারা সংযুক্ত হইবে ভাহার একটী চাপের ব্যানার্দ্ধত নির্দিট আছে।



থ ও গ বিন্দু দিয়া থ ক ও গ ট ছইটা লখটান। থ ক ও গ ট কেবাৰহকে নিশিষ্ট ব্যাসাজের সমান কর। পরে ট ক শংৰুজ্ঞা করিয়া চ জ লখখার। সমদিগভিত কর। ক থ বেখা বিশ্বিত ইইয়া চ জ রেখাকে চ ভানে ছেল করুক, (ছ বিন্দু খঠ চাপের কেন্দ্র হইবে)। জার চ ট শংযুক্ত করিয়া ট কেন্দ্র ও ট গ ব্যাসাহি লইয়া গ ঠ চাপ আজিত

কর, ও চ কেন্দ্র করিয়া চঠ ব্যাসাদ্ধান্ত্রসারে ঠখ চাপ অভিত কর।

চকজ ও চটজ ছইটী তিভুজ সর্কভোভাবে সমান, এজভ চেন — চেউ; কিন্তু থেকা — গট — ঠট; সাভেএৰ চৰ -- চঠ, এবং ৰঠ ও গঠ ছইটী বুভাংশ ঠ বিন্দৃতে সংস্পর্শ করিবে, স্থভরাং গ, থ ছইটী স্থান জনবচিছ্ন ननीक्वि वक दिशा बादा मरयुक रहेग्राह्म।

্ত। খ ক গ একটা শক্ত্ নির্মাণ করিতে হইবে। মনে কর ন শহুর চকু এবং ভ ন = ন দ। এইকণে ন-কে কে<del>র</del> করিয়া 🖚 ব্যাদার্ছাহ্নারে ভধ দ একটা দামিবৃত অক্তিত

কর। পরে ছ-কে কেল করিয়া জাল ব্যাসার্ভা-श्रुगादा के चंच नाचि-রও পাতিত কর। चनस्त्र व विक করিয়া লক্ত ব্যাসার্থা-स्मात केल म नामिद्रक



অন্ধিত কর। এইরূপে ড ও ন-কে একান্তরিভ রূপে কেব্র করিয়া বত বড় শব্হ হউক না কেন নিশ্বাণ করা বাইড়ে भारत ।

# ७১ वि शिष्टि । मनामा

চারিটা কেন্দ্র হইডে বুডাংশ শক্তিত করিয়া একটা इंडा जानमृत्र क्या निर्माप कतिए ११८४।

### ব্যবহারিক জ্যামিডিও জামিডিডত্ত্ব। ১২৩

চছ একটা দীমাবিশিষ্ট বেথার উভয় দিকে ছুইটা দমবাহ ত্রিভুজ জরিত কর, যথা চডছ ও চচছ, এবং ত্রিভুজের বাছগুলি জ, ঝ, ট. ঠ পর্যান্ত প্রদারিত করিয়া জ ঢ সংযুক্ত কর। পরে জ ও ঢ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া এরূপ ব্যাদার্ক লইয়া ট ঘঠ ও জ গ ঝ ছুইটা রুডাংশ আছিজ, কর যে, তাহাদের মধ্যের পরিদর গ ঘ নিকাশ্য রুভাভাদসদৃশ

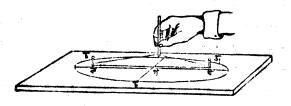
ক্ষেত্রের লঘিষ্ঠ ব্যানের
সমান হয়। অপর চ,
ছ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া
চ জ = ঠ ছ ব্যানার্দ্ধ
লইয়াজ ক ট ও ক থ ঠ
ছইটা বুডাংশ অভিড
কর। ড, চ, চ, ছ চারিটা
বিশ্ব দিয়া চারিটা



বুভাংশ অন্ধিত হইরা কট ঘঠখক গ জ বুভাভাসসভূপ ক্ষেত্র নিকাশিত হইল। এই ক্ষেত্রে চ ও ছ ছুইটা অধিপ্রত্ত । ক্ষুৰ ও গ ঘ ছুইটা রেথাকে গরিষ্ঠ ও লখিষ্ঠ ব্যাস ক্ষা যায়। ক্ষুক্ত গরিষ্ঠ ব্যাসার্ক আনুদ্ধ গ লখিষ্ঠ ব্যাসার্ক।

**অকারাভর ে স্তর্ভারা হু**ভাভাদ টানিবার রীতি।

গরিষ্ঠ ব্যাসের দৈর্ঘান্তার সমান এক ধাই স্থান লইয়া ভাষার ছই পার্য কর বিলুভে কোন প্রকার কোশল বারা আবন্ধ কর। পরে ঐ স্ত্র একটা পেদিল দিয়া আনারিভ করিয়া চভূস্তিকে গুরাইয়া আনিলে একটা একভ বুডাভান কেবা নির্মিত হইবে, যথা চছ ল।



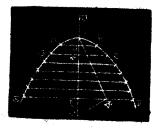
### ৬২টি প্রতিজ্ঞ। সম্পাদ্য।

<sup>ু</sup> **একটা ক্ষেপনী ক্ষেত্র অভি**ত করিতে ইইবে। ভূছ লকাধিক বিস্তার এবং চছ নিৰ্দিষ্ট তলম্ব রেখার্ক, এখন ক্ষেপ**ৰী ক্ষেত্ৰ অন্ধি**ত করিতে হইবে।

চছ রেখাকে ক বিন্তে সমদিথত কর, ও কত করেজ করিয়াক বিক্দিয়া কথ লখ টান। কথ ও 😎 ছ উভরকে বর্দ্ধিড করিলে থ বিন্দুতে ছিল্ল হইবে। পরে খড আক্ষণত বর্জিড করিয়া ছ খ-র স্মান ছেগ ও ডপ চুইটী জংশ ছেদ কর। প বিদু কেপৰী ক্ষের অধিপ্রর হটবে।

होन, क्या मनक, दाभ छ ইভ্যাদি। অনন্তর প বিস্কৃ क्टि करिया गम ७ गण रागिषं नरेश दुख अविड করিলে দনক ও বপভ ख्ताइ तिशांक म, क छ व, छ

এইক্রে ভ ধার লছ স্বরূপ কভিপর ভলস্থারেখা



বিকৃতে ছেদ করিবে। এই রূপে আর ক্তক্তাল

#### ্ব্যবহারিক **জ্যামিতিও জ্যা**মিতিতত্ত্ব। ১১২৫

বেখা টানিয়া কতিপয় রুত আছিত করিলে যে ছেদ বিন্দুগুলি পাওয়া ঘাইবে, সেই দকল ছেদ বিন্দুগুলি দিয়া একটা বক্রবেখা উন্তমরূপে টানিলে ক্লেপনী ক্লেজ উৎপন্ন হইবে।

একটা লোট্ট উর্দ্ধে নিক্ষেপ করিলে ভাছাডে যে বেগ প্রদানত হয়, সেই প্রভাবে ভাছার কিন্তুৎকণ উদ্ধাতি কর, অনস্তর বেগের পর্য্যাবসানে সে যথন ভূমিতে পড়ে তথন কিঞ্ছিৎ বক্র হইরা পতিত হয়। নিক্ষিপ্ত লোট্ট্র পঞ্ছ দিয়া উঠিয়া ভূমি সংলগ্ন হয়, নেই পথের আকারকে ক্ষেপন্থী কহে। পেক্ষণীর ভূই বাছর সীমা নাই।

### ७० छि श्रिष्टिका। उपपामा।

যদি ছই বৃত্তচ্ছেদকের ব্যাসার্গ ও কেন্দ্রস্থ কোণ প্রক্রের সমান হয়, ভাষা হইলে ঐ ছই বৃত্তচ্ছেদকও পরস্পার সমান ছইবে।

মনে কর, ক থ গ ও চ ছ জ এই ছই সমান ব্যাসার্ছ বিশিষ্ট বৃত্তচ্চেদকের এ-কের কেন্দ্রছ কোণ ক, জগ-কের কেন্দ্রছ কোণ চ-র শীর্ষিত সমান, ক খ গ খ্যানা ছ ব্যাস্থ্যক্ষক, চ ছ জ বৃদ্ধ-

অথন বলি ক এ ক স্থাকেদকের উপরে চ ছ ক র্ত্ত-ক্ষেত্রক এই রূপে উপনিহিত করা যায় যে, ছ চ রেখা,

ধ ক রেখার উপর, এবং চ কোণ ক কোণের উপর পড়ে. ভাষা হইলে ছ চ ও ধ ক রেখা উভারে সমান বলিয়া মিলিয়া যাইবে, এবং চ কোণ ক কোণের সহিত সমান বলিয়া মিলিয়া যাইবে। ভাষা হইলে কুটিল রেথা ছ জ কুটিল রেখা ধালার সহিত মিলিয়া ঘাইবে, অভথা, হয় ভাষা ক ৰ গ রন্তচ্ছেদকের বাহিরে নচেৎ ভাষার ভিতরে পড়িবে। কিন্তু প্রথমতঃ যদি ছ জ কুটিল রেখার সংস্থান ৰ গ কৃটিল রেথার উপরে হয়, এবং শেষোক্ত রেথাকে ক বিশুতে ভেদ করিয়া ক'ঘ একটা ব্যাসার্ছ টানা যায়, ভাষা रहेल घर वृख्याच्छारकेत व्यानार्क नमान विलेश क क. क घ-त मर्मान श्हेर्रा, किन्छ প্রত্যক্ষই হই তেছে যে, তাহা অসম্ভব। অতএব ছজ কৃটিল রেখা বাহিবে পড়িবে না। এই রূপে আবার ছজ রেখা থগ-র ভিতরেও পড়িবে না ছাহা অনায়াদে উপপন্ন করা যাইতে পারে। কাযেকা**যেই** উভয় কৃটিল রেথা মিলিয়া যাইবে, এবং ভাহা হইলে 🏖 शरे व्रष्ट प्रकार मिनिया यहिता। खुरुवाः शरे वृत्त स्कूमक পরস্পার সমান হইল।

### ৬৪টি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

বিদি সমান ব্যাসাধবিশিষ্ট ইইটা বুভচ্ছেদকের किन्य कालक नमुबीमा इरेंगे कृतिन त्रका नमाम इब्र তাহা হইলে কেন্দ্ৰ কোণ হুইটীও পরস্পর সমান इहेरद ।

মনে কর, ক ৰ'গ ও চ ছ জ (পুর্ব প্রতিকৃতি দেব ) চুই नमान वागाई विभिन्ने वृद्धान्द्रमास्कृत कूछिन हास क्या কৃটিল রেখা ছ জ-র সমান; ধকগ কোণও ছ চ জ কোণের সমান হইবে। যদি না হয়, তবে অবস্তই উহাদের মধো অন্তত্তর বড় হইবে। মনে কর ধকগ কোণ ছ চ জ কোণ অপেকা বড়, অর্থাৎ ধকগ কোণের অংশ ক গ কোণেটা অধিক হইতেছে, তাহা হইলে ধক ঝ কোণ, ছ চ জ কোণের সমান বলিয়া (৬০টি প্রতিজ্ঞানির) কৃটিল রেখা ছ জ, কৃটিল রেখা ধক-র সমান, কিন্তু কৃটিল রেখা ছ জ = ধ গ, অভএব কৃটিল রেখা খ ব = থ গ, কিন্তু স্পেটই দেখা যাইতেছে উহা অসক্ত। অভএব অন্তত্তর অপর অপেকা বড় হইতে পারে না, অর্থাৎ উভরে সমান।

### ৬৫টি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

সমান ব্যাসাধিবিশিষ্ট ছইটী বৃত্তজ্ঞেদকের মধ্যে একের ক্রেক্স কোণ অপরের কেন্দ্রত কোণের যত ৩ণ ছইবে, ক্রেই কোণের সমূ্ধীন ধন্ন অপর কোণের সমূ্ধীন ধন্নত

্ৰনে কৰ ট ঠ ভ ও চ ছ জ

ক্ষিত্ৰ কৰে কৰি, ই ট ড কোণ

কপেকা অ ওণে বড়, তাহা



ইইলে ধরু ছ জ ধরু ঠ ত অপেকা আ গুণে বড় ইইবে।
যদি ছ চ জ কোণ আ অংশে সমান ভাগ করা বার, ছাহা
ইইলে ভাহার প্রভাক অংশ, ঠ ট ড কোণের সহিত
ক্ষান ইইবে, এবং প্রভাক অংশর সমূখীন ধরুগুলি

প্রত্যেকে, ঠ ড-ধন্তর সহিত সমান হইবে। কিন্তু সেই সকল ধহুগুলির সমষ্টি, ছুজ ধহুর সমান, অর্থাৎ ছুজ ধর = ধর ঠড + ঠড + অ-বার ঠড, অর্থাৎ ধর্ ছ জ = অ × ধরু ঠ ড। এম্বলে আরও দেখা ঘাইতেছে যে, त्रस्टाञ्चलक इ क क - अ × त्रस्टाञ्चलक के हे छ । अर्था ९, < হ চ জ ধর ছ জ 
< ঠ ট জ ধর চ চ চ হ হাকে অরুপাতাকারে রাথিলে, < ছ ह च : < ठे छे छ : ध्यू ছ ख : ध्यू ठे छ।

### ৬৬টি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

্রজ্জানির্কিষ্ট রেধার উপর সমানবাছ এাং ভুলাকোণিক এক পঞ্চল ক্ষেত্র অন্তিত করিতে হইবে।

ক থ নির্দিষ্ট রেগা, ইহার উপর সমানবাহ ও তুল্য-কোণিক পঞ্চত্ত্ব ক্ষেত্র অন্ধিত করিতে হইবে।

্থ ছইতে কথ রেখার অর্থেকের সমান থগা লয় টান। ক ও গ সংযুক্ত করিয়া কল রেথাকে য পর্যাত্ত প্রসা-तिक कतिया भ घ-रक च श-त नमास् कर्षे । शस्त्र क ७ केटक



क्य किता के करें कि प भर्गात गामार्क नहेंता छुटें जी उन्ह অভিত কর। । ই হুই রুছের পরস্পার সম্পাত বিদ্যানক কেন্দ্ৰ করিয়া পূর্ব্বোক্ত ক্যানার্ছ লইয়া বৃদ্ধ করিত কর পশ্চাৎ ক্র ব্রেখার পরিমাণাছদারে কম্পান রিস্তার করিরা ঐ বৃত্তপরিধিকে ক্রমশঃ পাঁচ বার ছেল করিয়া

### ব্যবহারিক জ্যামিতিও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১২৯

ছেদবিন্দুগুলি সংযুক্ত করিলে কথ রেখার উপর সমান-বাছ ও ভুলাকোণিক পঞ্চুদ্ধ কেত্র হইবে।

#### ७१ छि शिष्ठिका। मण्यामा।

ক খ এক নিৰ্দিষ্ট রেখার উপর সমানবাছ এবং ভূল্য-কোণিক বড়ভুজ ক্ষেত্র অভিত করিতে হইবে।

ক ও থ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া ক ধ ব্যাসার্দ্ধ লইয়া ছুইটা বৃত্ত অন্ধিত কর, এই ছুই বৃত্তের প্রস্পার সম্পাত বিন্দু ম-কে কেন্দ্র করিয়া প্রস্পাক ব্যাসার্দ্ধ লইয়া ক থ প

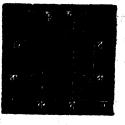


ঘ চ ছ বৃত্ত অন্ধিত কর। ক থ নির্দিষ্ট রেথার পরিমাণাস্থরপ কম্পাদ বিভার করিরা, ভাষা ঐ বৃত্তপরিধিতে ছয় বার প্রয়োগ করিরা ভেদ বিন্দুগুলি দংযুক্ত করিলে, ক থ রেথার উপর সমানবাছ ও ভূল্যকোণিক ষড়ভুক্ত ক্ষেত্র নিঞ্চাশিত হইবে।

### ৬৮টি প্রতিক্ষা। সম্পাদ্য।

ক খ এক নিৰ্দিষ্ট রেখার উপর এক সমানবাহ ও ভূল্য-ক্লেকিক কটকুল কেব অভিত করিতে হইবে।

ক ধ রেধার উপর ক ছ ও
ধ চ ছইটী লম্ব টান, ক ধ
রেধাকে উভর পার্বে বিভিত্ত
কর এবং ঠ ক ছ ও ট ধ চ
কোণদ্যকে ক ক ও ধ গ রেধা
দারা সমান ভাগে দিধও কর,



এবং এই রেখাদরকে ক ধ-র সমান কর। পরে ঝ ও গ **ক্ট**েড কছ কিখা **খচ-র সমা<del>ত</del>ঃবাল ঝজন ও গঘ তৃইট**ী রেখা টানিয়া উহাদিগকে ক খ-র সমান কর। অংপর জ ও ঘ বিশুকে কেন্দ্র করিয়া কথ ব্যাসার্ভ লইয়া ছুইটী বুভ জ্বন্ধিত কর। এই ছুই বুভ ক্ছ ও খচ রেথাকে ছ ক চলে **হুই বিস্**তে ছেদ করিভেছে, তথা হইতে ছ জ 🏮 🎜 টান এবং ছচ সংযুক্ত কর। ক ধ গ ঘ চ ছ জ ক কর্মাছ ও ভুল্যকোণিক অন্তভুজ ক্ষেত্র কথ রেখার উপর শবিত হটন।

## ৬৯তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ক ধ নিৰ্দিষ্ট বেথার উপর একটী বহুভূজ ক্ষেত্ৰ আছিত করিতে হইবে, যাহার বাত্তুলি ও কোণ্ডুলি পরস্পর শ্মান হটবে।

কথ রেধার উপর কম ও খম ত্ইটী রেধা এরপে

होन ए, थक म ७ कथ म कान-ষয় পরস্পার নিকার্ভা বহভুক্তের কোণের অর্থ্যেকর ন্যান হয় (ণৰ প্ৰভিজা∳ণ কম ও ধম विशेषस्त्रज्ञ नःस्थान विन्त्रु म-क (क्षे कतिशा स क गामार्क



লইরা একটা বৃত্ত অভিক্র কর। পরে কখ রেখা বৃত্তপরি-ধিতে যত বার হয় প্রবেট্গ করির। ছেদ বিকু**ঙলি দং**ষ্ক

## ্ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৩১

করিলে ক ধ রেধার উপর বছভূজ ক্ষেত্র অন্ধিত হইবে, ভাহার বাহগুলি ও কোণগুলি পরস্পর সমান হইবে।

ক ম — থ ম, এজস্ত ক ম থ সমছিবাছ জিলুজ; ইহার

ম ক থ ও ম থ ক কোণছর পরস্পর সমান। অভএব

২ (ম ক থ + < ক ম থ কোণ — ১৮০°, ... ম ক থ কোণ —

ই (১৮০° — ক ম থ কোণ); কিন্তু ক ম থ কোণ — ৩৬০°-র

ই — ৫১ই°; ... ম ক থ কোণ — ই (১৮০° — ৫১২°)

= ৬৪ ই°। স্বতরাং সপ্তভুজ ক্ষেত্র অভিত্ত করিতে হইলে

ম ক ও ম থ রেথাছয়কে এরপে আঁকিতে হইবে বে,

ক ও থ কোণ প্রত্যাকে ৬৪ই° হয়, অনভর ম বিশ্বকে কেল্ল

করিয়া ম ক বা ম থ ব্যাসার্দ্ধ লইয়া একটী বৃত্ত অভিত কর,
পরে ক থ রেথা বৃত্তপরিধিতে ঘ্রিয়া আনিয়া ছেদ বিশ্ব
ভলি নংযুক্ত করিলে সপ্রভুজ ক্ষেত্র অভিত হইবে।

বছতুজের ম মধ্যক কোণ ও ম ক থ কোণের পরিমাণ
নির্ণর করিতে হইলে, বছতুজের বাছর সংখ্যাদার। ৩৯০°-কে
ভাগ করিলে, ভাগফল মধ্যক্ত কোণের পরিমাণ হইবে।
ঐ ভাগফল ১৮০° হইতে বিয়োগ করিলে বছভুজের
কোণের পরিমাণ হইবে: এবং ঐ বিয়োগকলের অংজক
লইলেই ম ক ধ কোণের পরিমাণ হইবে। এই সজেভার্দারে নিয়ক্ত ভালিকার ফল্ভলি লক হইরাছে।

7	<del></del>	<del></del>		
বাহর সংখ্যা	বহস্জের নাম।	মধ্যস্থ ম কোণের মান।	বহুভূজের কোণের মান।	भक्थ वा सथक (कारणंत्र भविमान
, , ,	কিছুৰ বা তাস্ৰ	7500	.bo*	್ರ.•
. 8.	চতুর্জ বা চতুরস্র	৯০	۵۰	80
4	পঞ্জ	95	702	6.8
	<b>শড়ভূজ</b>	৬০	250	ومح
¥., .,9	শ <b>প্তত্ত</b>	672	> ₹ <b>৮</b> 8	৬৪ই
. 6	অ <b>ট</b> ভূজ	9 a	200	હ ૧ <b>ફે</b>
৯	न <b>र</b> ज् <b>क</b>	8 •	780	90
7 0	<b>न गङ्ख</b>	೨৬	788	48.
- 22	একাদশভূজ	25 22	389 <del>5</del>	9055
- 30	ছাদশ ভুজ	00	240	90

#### ৭০তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

কোন নির্দিষ্ট রুত্তে সমানবাহ ও তুলাকোণিক বছতুজ ক্ষেত্র অন্তর্গত করিতে হইবে, অর্থাৎ রুত্তপরিধিকে কোন নির্দিষ্ট সংখ্যক অংশে বিভাগ করিতে হইবে।

রভের কেক্স ম বিশ্বতে (পূর্ব প্রতিকৃতি দেখ) ক ম থ এরপ একটা কোণ অভিত কর যাহা বহভুজের মধাক্স কোণের সমান হয়। পরে ক খ সংষ্কৃত কর, ক থ নিকাক্স বছভুজের একটা বাছ হইবে। ইহাকে রুভুপরিধিতে ক্রমশঃ প্রতিহাগ করিলে বছভুজ ক্ষেত্র অভিত হইবে।

#### ্ব্যবহারিক **জামিতি ও স্থামিতিতত্ত্ব। ১৩**৩

#### ৭১ভি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

নিন্দিঠ বুজোপরি সমানবাহ ও তুলাকোণিক বছভুজ ক্ষেত্র অন্ধিত করিতে হইবে।

পূর্নোক প্রতিজ্ঞা ছাবা বুদ্রপরিধিকে নির্দ্ধিট আংশে বিভাগ কর; যথা ক, খ, গ, ঘ, চ। পরে বুড়ের কেন্দ্র ম হুটুভেম ক, মখ, মগ, ম ঘ, ও ম চ বাালার্ক রেগাগুলি



টান। অপর ক, থ ইছাদি বিন্দু দিয়া উক্ত বাালাগ্ধওলির উপর লম্ব টানিলে নিন্দিট রভোপরি সমানবাছ ও তুলা-বোণিক বতভূত ক্ষেত্র অভিত ভইবে।

অস্থ্যান ১। সরলবৈথিক ক্ষেত্রের অস্তরস্থ কোণ সকলের সমষ্টি ঐক্তেরের বাছ সংখ্যার দ্বিগুণ চড়রূণ সমকোণ ডুল্য ছইবে।

কারণ ক ধ গ ছ চ কোন সরলবৈপিক ক্ষেত্রের মধ্যে এক বিন্দু ম নির্কেশ করিয়া, ক্ষেত্রের সমস্ত কোণ্চিক্ষের সন্থিত সংখ্যুক্ত করিলে ক্ষেত্রের যত বাহু আছে তত ত্রিভূজ হইবে; এই ১৯শ প্রতিজ্ঞান্থনারে এই ত্রিভূজসন্ত্রে সমস্ত কোণ ত্রিভূজ সাংখ্যার ছিঙ্কণ শমকোণ ভূলা; আর সেই কোণ্সন্থ ক্ষেত্র ছিঙ্কণ শমকোণ ভূলা; আর সেই কোণ্সন্থ কোণ্ড ও ভদস্তর্গত ম বিন্দুত্ব কোণের যোগভূলা। কিন্তু এই ম বিন্দু ত্রিভূজ সন্ত্রের সাধারণ শৃক; আরে এই বিন্দুত্ব কোণ্ড হেনার এই বিন্দুত্ব কোণ্ড হেনার এই বিন্দুত্ব কোণ্ড হেনার ত্রিভার ২য় অন্থনানান্থনারে) চারি সমকোণ ভূলা; অতএব ক্ষেত্রের কোণ্ড হেনার হিনার হলা হইবে, প্রভরাং ক্ষেত্রের কোণ, ভাষার বাভ সংখারে ভিঙ্গ চভুরণ সমকোণ ভূলা।

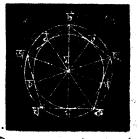
২। সরলরৈথিক ক্ষেত্রের প্রভাকে ভুজকে এক এক দিকে বৰ্দ্ধিত করিলে যাত বহিঃছ কোণ জ্বান্ধে সকলগুলির সমষ্টি চারি দমকোপের তুলা।

প্রাক্তেক ক্রেড্রেছ কোণ যথাচছ বা, বহিংছ যথাচছ জ. এক বোলে (১৪শ অভিজামুদারে) সুই দমকোণ ভূলা; অভাৰে সকল অভানত ও বহিঃত্ব কোণ একত যোগে কেতে যত আৰু আহে ভাছার বিশুণ সমকোণ তুল্য, অর্থাৎ সকল অন্তরত্ব ক্ষেত্র সকল বহিংস্থ কোণ - সকল অন্তরম্ব কোণ + চারি ক্ষাৰ ক্ষাত্ৰৰ বহিঃস্থ কোণসমূহ চাবি সমকোণ তুল্য। ৭২তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ু এক নিন্দিষ্ট সমানবাছ বছভুজ ক্ষেত্রের কেন্দ্র নির্ণয় করিতে হইবে, অথবা ঐ বহতুত্ব ক্ষেত্রের অন্তর্গত কিম্বা উহার

উপরি নিকাশিত বুজের কেন্দ্র স্থির করিতে হইবে।

বছভূজের কোন হইটী বাচ সমান ভাগে বিখণ্ড कत: यथा क प ७ क छ, धावः ब. ग इकेटि बम ७ गम গুইটা লম্ টানিয়া বন্ধিত कतित्व, डेशाम्ब मन्नाफ



বিন্দু ব বহুতুজের অন্তর্গত ও উপরিস্থ বৃত্তের কেন্দ্র হইবে; অর্ধাৎ ম ধ অন্তর্গত রুভের ব্যাসার্ছ ও ম ক উপরিছ বুভের ব্যাসার্ছ।

इ क च क छ अकी नमानवाद वहचूक (कब ; इ, क, च जिन्छे विकृ विका धक्की दृख कहिए कर ग्राहां क्या म ; এবং খণ্ড গ, ক ঘণ্ড ক ছ জার মধ্য ছান। ম ছ ও ম জ গংযুক্ত কর, এইকণে ছ ম খ ক চড়ুর্ভুজ কেতা ম খ রেথাতে মৃড়িরা কেলিলে উলা খ ম জ ঘ চড়ুর্ভুজের ঠিক উপর পড়িবে, কেননা ক খ — ঘখ, ক ছ — ঘ জ এবং ছ কোণ — ক কোণ; স্থতরাং ক বিলু ছ বিলুর উপর এবং ছ বিলুজ বিলুর উপর পড়িরা ক ছ রেখা ঘ জ রেখার সমান প্রাকৃতিক ইবে; ছাহা হইলে বৃত্তী বছভুজের জ বিশু দিয়া ঘাইকে এইরপে ঐ বৃত্ত যে বছভুজের কোণ ট, ছ, ক দিয়া ঘাইকে ভাহাও উপপল্ল করা যাইতে পারে।

পুনশ্চ, ছ ক, ক ঘ, ঘ জ ইত্যাদি জা। শুনি পরস্থার নমান। অতএব ম গ, ম ধ, ম চ ইত্যাদি লম্প্রজিও পরস্থার নমান, স্মতরাং ম বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া উহাদের একটাকে ব্যারার্ক করিয়া বুল্ল টানিলে জ্যাদিগকে গ, ধ, চ বিন্দুতে স্মার্ক করিরে, এবং দেই বুল্ল বহুলুরে অন্তর্গত হইবে।

ক্ষম ক, ক্ষম ঘ প্রভৃতি কোণগুলি প্রভাৱে পরতার নমান, শেই অভ উহার। প্রভাবে বহভুজের বাহর নংকা বহু ভাগ হইবে। রভের ভিতরে বহভুজের ক্ষেত্র জাকিছে হইলে বহভুজের ক্ষেত্র ভিতরে বহভুজের ক্ষেত্র ভিতরে বহভুজের ক্ষেত্র বিশ্বের বহভুজি বাহ হইবে, হুভগরিধিকে ভঙ্জ জালে ছেল করিরা বহভুজি বিশ্বুগলি ব্যাক্তমে নংগুজ করিলে নিজাপ্ত বহভুজ জালিতে হইবে। আর বুভের বাহিরে বহভুজ জালিতে হইবে।

### ৭৩তি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

এক নিশিষ্ট ত্রিভুম্বের ভিতরে একটা বৃত অন্ধিত করিতে इटेरव ।

ক ধ গ নিদিষ্ট ভিত্ৰ, ইহার কোন ছইটী কোণ, यथा गक्य e कथग, क म ७ थ म बाता नमान कारम विशेष कता कहे ক ছুই রেধার সম্পাত বিন্দু ম নিক্ষা বুত্তের क्टेंदिं। धट्टें में विमृ हहेए कर्य, वंश ए श के देवेंबात 🕏 পর লম্টান, যথান্ঘ, মৃত্ও মৃচ। কৃষ্য 📽 ক্মচ ত্রিভুজের ঘক্ম কোণ চক্ম কোণের স্মান. कचम ७ क हम व्यक्तिक नमरकान विनेता नमान, धावर ক ম তুইটা ত্রিভুজের সামাস্ত বাহ, অভএব এ হুইটা ত্রিভুজ नर्निष्टिचिति नर्मान, धेवः हम = च मा अ कातप्रक्षिणः च में - में इं चिटलेंग में च, में छ से ही लोगे जातन द्रिया<sup>ः भ</sup>त्रणित नमान, प्रख्ताः म विमृत्क क्रिक्क क्रितिशाः से ভিনের মধ্যে কোন রেখা ব্যাসার্ভ লইয়া রন্ত অভিভ করিলে, ति इस के किम दिवस अब मित्रा वास्टित, सेवर के के किस ও ব গ সরল রেখাকে লার্শ করিবে, কেননা খ, চ, ছ বিস্তুত त द कि चाडि थेक्डिक नम्हकान्। धवः नाहनत स्व विक रहेक वर गिमान छारा ( १७न अखिकांश्रनारत )

### ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৩৭

বৃত্তকে স্পর্শ করে। অভএব কথা, কগাওখা সরল রেখা প্রত্যাকে বৃত্ত স্পর্শ করিভেচ্চে, স্ক্রোং ঘচ্ছ বৃত্ত কথাগ ত্তিস্থানে ভিতরে অভিত হইন।

#### ৭৪তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

এক নিশিষ্ট ত্রিভুজকে বেষ্টন করিয়া একটা বৃদ্ধ আরিছ করিতে হইবে, অর্থাৎ ত্রিভুজটা বৃত্তের অন্তর্গত হইবে।

ক ধ গ নিশিষ্ট জিভুজ, ভাহার চতুলার্থে বৃত্ত অবিত করিভে ইটবে।

কৰ'ৰ জিছুদের কোন ছইটী ভূজ কথ ও ধগ-কে ব এবং ভ বিশতে সমান অংশে বিধও কর.



এবং এই ছই বিশ্ হইতে ক খ, খ গ রেধার উপর ব ম এবং ভ ম ছই লখ টান, ও ঐ ছই লফকে বৃদ্ধি করিলে যে বিশ্বতে শংলগ্ন ভইবে, অর্থাৎ ম বিল্ হইতে ম ক, ম খ, রা ম গ পর্যান্ত ব্যাসাদ্ধ লইয়া বৃত টানিলে ভাষা ক, খ, গ বিশ্ব দিয়া হাইবে, এবং ক খ গ ত্রিছ্লোপরি অভিত হইবে।

াক ম ও ধ ম সংযুক্ত কর। ক ব = ব ধ, ম ব, ক ম ব ছিল ম ব বিলিয় সমান। া প্রথম প্রতিষ্ঠানির ক ম = ধ ম। এই রূপে ম গ সংযুক্ত করিলে তাহা ম থ কেখার জ্যান প্রমাণ করা হাইতে পারে, অভ্যান ক্রিয়া ম ব ধ ম গ প্রতিষ্ঠান ক্রিয়া করা হাইতে পারে, অভ্যান ক্রিয়া

ইহাদের একটীকে ব্যাসার্দ্ধ লইয়া বৃত্ত অন্ধিত করিলে ভাষা क, ब, श विन्त्र निया याहे (व।

#### ৭৫তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

এক নিশিষ্ট সমচভুৰ্জ ক্ষেত্ৰমধ্যে, কিমা সমচভুৰ্জ **ক্ষেত্রকে বেষ্টন ক**রিয়া এক বুত্ত অঞ্চিত করিতে হইবে।

কৰ্গৰ এক নিদিট বৰ্গ কেত্র, ইহার মধ্যে কিমা ইহাকে **রেইন করিয়া বৃত্ত অভি**ত করিতে कहेर्य ।

ি কথগৰ বৰ্গকেতে, কগভ ৰ ম কুইটা কৰ্ণ রেখা টান, এই



ছই নেখার সম্পাত বিন্দু ম বর্গক্ষেত্রের অন্তর্গত ও বহি:ছ ব্রভের কেন্দ্র ইইবে। ম কেন্দ্র করিয়া উহা হইভে বর্গ-ক্ষেত্রের কোন ভূজের লঘুত্র দুরত অর্থাৎ লছকে ব্যাসাত্ত্র লইয়া বৃত টানিলে ক ৰ, থ গ, গ ঘ, ঘ ক প্ৰভ্যেক বাছ স্পর্শ করিবে, স্থভরাং বর্গক্ষেত্রমধ্যে বুদ্ধ অভিত হইবে; আর ম কেন্দ্র করিয়া উহা হটতে ক. খ, গ, ঘ এই চারিষ্ট্রর কোন একটা কোণের দূরত্ব পরিমাণে ব্যাসার্ভ লইয়া কুছ আঁকিলে ডাহা দকল কোণের অধ্য সংলগ্ন ছইবে, অভএৰ সেই ব্ৰন্ত কৰা গাৰা সমচত ভূজোপরি অভিভ হইবে।

৭৬তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

এক নিজিট বুভমধ্যে কিছা বৃত্তোপরি সমচভূর্ত কিছা শইতুল ক্ষেত্র অন্ধিত করিতে হইবে।

## ৰাবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৩৯

🌣 ক প থ ঘ নিন্দিষ্ট রুন্ত, ক থ, গ ঘ তুই ব্যাস পরস্পর

লক ভাবে টানিয়া ক গ, গ ধ, ধ ঘ, ঘ ক শংযুক্ত করিলে ঐ ক্ষেত্র শমচকুর্ত্বল ও ক গ ধ ঘ বুভের অন্তর্গত হইবে। অপর ক, গ, ধ, ঘ বিন্দু দিয়া ব চ, চ ছ, ছ জ, জ স



বৃত্ত শর্শক চারিটী দরল রেখা টান, তাহা হইলে ঐ ক্ষেত্র সমচ্ছুর্ভুজ ও ক গ খ ঘ বুভোপরি অন্তিত হইবে।

ক প ধ ঘ বৃত্তের চতুর্থাংশ, যেমন ক গ; ইহাকে হিৰও করিলে অট ভুজ ক্ষেত্রের বাছর পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়।

গক্ম ও গধ্ম তিত্তে, ক্ম = ধ্ম, ম গ হুইটা তিত্তের নামান্য বাছ এবং ক্মগ ও ধ্ম গ প্রভাকে নমকোণ বলিয়া পরস্পর নমান, অভএব ঐ ছুইটা তিত্তে স্ক্তোভাবে নমান। অপর, ক্গ ধ অভ্নুত এজন্য ক্গ ধ কোণ নমকোণ। ঐরপে গ ধ = ধ দ = দ ক এবং গ্রাধ ধ ও ধ দ ক্লোণ প্রভাকে স্মকোণ ইছাও উপশঙ্ক করা ঘাইতে পারে; স্তরাং ক্দ ধ গ স্ম-চ্ছুর্কা।

## ११७ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

এক নিষ্টি বৃদ্ধ মধ্যে সমবাছ ত্রিভুল, বড়ভুল কিয়া হাদশ তুল ক্ষেত্র অন্ধিত করিতে হইবে।

্ৰ প্ৰ চ ছ বুভের ব্যাসাথ নিকাপ্ত বড়ভুজের বাছর পরিমাণ, অভএব বুভপরিধিতে কোন বিস্থু ক কেন্দ্র করিয়া ভাহার ব্যাসার্দ্ধ পরিমিত দূরে থ ম ছ বুভাংশ

শঙ্কিত কর, পরে ক র্থ সংযুক্ত কর। ক ধ নিকার্ভ বড়ভূজের বাহর পরিমাণ, ক খ রেখা বুত্তপরিধিতে ছয় বার ক্রমশঃ খুরাইয়া ছেদ विकृ श्री नःशुक्त कतिल नग-ৰাহ বড়ভুজ ক্ষেত্ৰ বুভমধো



অভিত হইবে। এবং ক বিন্দু হইতে যড়ভূজের প্রভাক **ঘিতীর বাহর সীমা সংযুক্ত** করিলে সমবাহ ত্রিভুজ ক্ষেত্র বুরুমধ্যে অন্তিত হইবে। আর কথ চাপ সমন্থিও করিয়া সংৰুক্ত করিলে ভাদশ ভূজের বাতর পরিমাণ হইবে।

খদিক খ গ ঘ চ ছ বুভের অন্তর্গত কোন ক্ষেত্রের কোণ দিয়া বৃত্ত<del>শার্</del>ক টানা যায়, ভাষা হইলে বুভোপরিও দেই প্রকার ক্ষেত্র অন্ধিত হইবে।

গ ঘ চ ছ ক থ নিৰ্দিষ্ট বৃত্যধো অভিত বড়ভুজ কেনে: প ও ঘ ছুইটা বিন্দু হইতে কেন্দ্র পর্যান্ত রেখা টান। এইকণে গমঘ কোণ 🗕 ৩৬০° এর 😸 🗕 ৬০°, এবং সাস = মঘ, মগঘ কোণ মঘগ কোণের সমান, আর মাগ্র তিভুষের ভিনটী কোণের সমষ্টি (১৯শ প্রতিজ্ঞান্ত্রনারে) মুট সমকোণ অধাৎ ১৮০° তুলা, ইহাডে স্পষ্ট প্রভীরমান হটতেছে যে, মগঘ ও মঘগ প্রত্যেকে ৬∗°; অভএব প ম ব ত্রিভুজ সমবাহক। স্থভরাং অন্তর্গত বড়ভূজের বাছর পরিমাণ বুভের ব্যাসাত্ত্রে সমান।

#### ্ৰাবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৪১

্ অন্নমান ১। কোন রজের ৬০ আংশের জ্যা ও ব্যাসাদ্ধ প্রস্পার সমান।

জন্মান ২। সমবাছ বছভুজ ক্ষেত্রের কোণগুলিও পরক্ষার ক্ষাম। যথা গ ঘ চ কোণ খ চ ছ কোণের ক্যান।

#### ৭৮ভি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ত এক নিশিষ্ট বৃত্তে সমবাছ এবং ভূল্যকোণিক গ্রহণভূজা কিছা দশভূজ ক্ষেত্র অন্তর্গত করিতে হইবে।

গ জ, ক ঘ ছই ব্যাস পরক্ষার লক্ষভাবে টান, এবং ম জ ব্যাসাদ্ধকৈ চ বিক্ষৃতে সমষ্টিত কর। পরে চ কেন্দ্র করিয়া চ ক ব্যাসাদ্ধ লইয়া ছ ক বৃত্তাংশ অভিত কর, এবং ক কেন্দ্র করিয়া ক ছ



ব্যান নির্মা ছ খ বুড়াংশ অভিত কর। ক খ পরিধির
প্রমাণে কলার ক খ পরিমিত বিভার করিয়া বত্ত
পরিবিতে শাঁচবার বুরাইরা আনিরা ছেল বিমুগুলি সংযুক্ত
বিবিতে বুড়মধ্যে সরবাহ পঞ্জুল কেন্দ্র অভিত ইইবে।
সম্মান ক লাগ টাবিস্তে সম্বিধন্ত করিয়া ক ট সংযুক্ত
কর; ক ট লশভূজের বাহর পরিমাণ।

া বনি কাশ গাখ জানুত্তে অন্তর্গত পঞ্চন্ত বা বড়ড়ছের কোণা নিরাণ বৃত্তশার্শক টোনা বার, ভোলা ক্টলো বুডোপরি উক্ত প্রকার কেত্র আরিডাইইবে । সালা বারুকার বিভাগ

অবারাছর ৷ নিশিষ্ট বুভের ব্যাসার্ভ কে এমত রূপে ভাগ

कत रा, ममूनात अर: अकारानत आत्रक विकीतारानत मम-চভুর্জ ভূল্য হয়। পরে বৃত্তপরিধির কোন এক নিদ্দিষ্ট বিন্দুর প্রত্যেক দিকে ঐ বুহক্তর থণ্ডের সদৃশ রেখা বুল্ভে ভাপিত কর, ভাহাতে বে হুই চাপ উৎপন্ন হইবে ভাহার<del>।</del> প্রভাবে পরিধির দশমাংশ তুলা হইবে। স্মুভরাং এই ছুই চাপ একত যোগে পরিধির পঞ্মাংশ হইবে, এবং সে চাপের সমুখীন সরল রেখা নিফাশন করিলে, ভাছা বুক্তার্ক্ত সমবাহক পঞ্চত্তের বাহ হইবে।

**এই উপপত্তি ৮০তি প্রতিজ্ঞা**র পর পাঠ করিতে **হই**বে।

### ্রু৯তি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ব্রহ্মবন্ধের মধ্যে একটার পরিধি অপর্টার পরিধির যভ গুণ ইইবে, প্রথমোক্ত বুল্কের ব্যাসাদ বা ব্যাস শেষোক্ত दुर्विक बागिया वा बारित छछ ७० दहेरत।

कं च व ७ ह इ व इरे दुछ, रेशांतत नाथात्र कला म।

এইকণে যদি ক থ গ পরিধি কডক-ঙলি কুত্র স্বংশে বিভালিড হয়, यंशाक थे, छाहा हरेता म थ ७ मक শংৰুক্ত করিয়া ছ, চ পৰ্বাস্ত বৃদ্ধিত कवित्न व्यंडीयमान श्रेट्ट (व. क. ब.



ক থ গ পরিধির বে জংশ, চছও চছজ পরিধির সেই भाग, अवीर क व श विकि क व आश्रीका आ अन दृहर ব্য়: ভাষা ক্টলে চছ অব চছ অপেকা অ ৩০ द्वरुष रहेरत। अकरन क म थ ७ इ म इ हुरेडी नहुन विजून, जाउध्य क पः ह हाः यकः यहः किया जा 🗴

কথ: অ × চছ:: ম ক: ম চ; কিন্তু ক ধ গ পরিধিতে ক ধ অংশ ষত বার আছে, তাহা ক ধ দারা গুণ করিলে সমুলার ক গ পরিধির তুলা হইবে; এবং চছ অংশ চছজ পরিবিতে যত বার আছে, তাহা চছ দারা গুণ করিলে সমুলার চজ পরিধির তুলা হইবে, আতএব ক ধ গ পরিধি: চছ জ পরিধি:: ম ক: ম চ।

পুনশ্চ, ক ম ধ-র ক্ষেত্রকল — ক ধ × ই ক ম, এইক্ষণে ক ম থ ছেদক সমুদায় রুভ অপেক্ষা ও ক থ ধন্ন সমুদার পরিধি অপেক্ষা যত গুণ বড় তাহা ধদি অ অক্ষর
দারা নির্কেশ করা যায়, তাহা হইলে অ × ক ম ধ-র
ক্ষেত্রফল — অ × ক থ × ই ক ম, অর্থাৎ ক থ গ রুভের
ক্ষেত্রফল — ক থ গ পরিধি × ই ক ম।

অস্থান। বুত্তের বাাস একক হইলে যদি ভাছার
পরিধি ন-সংখ্যক একক বিশিষ্ট হয়, ভাছা হইলে "বুত্তবরের মধ্যে একটার পরিধি অপরটার পরিধির যত গুল
হইকে, প্রথমোক্ত বুত্তের ব্যাসার্থ বা ব্যাসের ভত গুল
হইকে, এই স্থুত্ত স্মরণ করিয়া

नः क्षेण পরिधिः: ): २ क्सः;

ু ক থ গ পরিধি = ২ ন × কম; এবং প্রাক্তাবিত্ত উপপালা হইতে ক থ গ-র ক্ষেত্রকল = ক থ গ পরিধি × ই কম = ২ ন × ক ম × ই কম = ন × কম<sup>2</sup>। এই সমীকরণে ন রাশির পরিমাণ সর্কত্র সমান থাকিবে। ২০৩-এব বৃত্তব্যের মধ্যে একটীর ক্ষেত্রকল ভাহার ব্যাসার্কের বর্ণের যত গুণ, অপর্টীরও ক্ষেত্রফল ভাহার ব্যাসান্ধের বর্গের ভত গুণ হইবে।

বুছের ক্ষেত্রফল ভির করিতে হইলে, ন রাশির পরিমাণ অত্রে ভির করা কর্তব্য। ইহা পুস্তকান্তরে ভিরীক্বত क्टेंदि ।

# नाना विषयिगौ मन्त्राम् ଓ উপপामा।

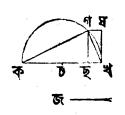
#### ৮০তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদা।

ক ধ এক নিদিষ্ট সরল রেখা, ইহাকে এমত ছুই জাংশ বিভক্ত করিতে হইবে যে, ঐ গুই অংশের আয়ত লা **অপর এক নিদিষ্ট রেগার সমচতুর্ভুক্ত তুলা হয়।** 

ক ঋ রেণা চ বিন্তুতে সম্দ্বিগণ্ড কর, চ বিন্তু কেন্দ্র করিয়া চ **ক** ব্যাসার্ছ লইয়া একটা বুক্তার্দ্ধ অন্ধিত কর।

পরে ধবিন্দু দিয়া জারেধার সমান ধ ঘ লম্ম টান, ও ঘ

विक् निया च भ, क थ-त সমাভুৱাল টান; ঘগ রেখ। বুক্তকে গ বিন্দুতে ছেদ করি-ভেছে: অপর গছ, ঘ ধ-র সমাস্থাল টান। ক থ রেখা ছ বিশ্বে এমত রূপে বিভক



ইইল বে ক ছ ছ ধ আয়ত জ বেগার সমচতুর্জ ভুলা :

জ রেখা ক থ রেখার অন্তে কের বেশী যেন না হয়।

#### ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিত ও। ১৪৫

ক গ খ, গ ছ ক কোণ প্রত্যেকে সমকোণ বলিয়া
পরস্পর সমান, এবং ক বিদ্স্থ কোণ গ ক খ ও প ক ছ ত্ই
তিভুল্লর সামাস্ত কোণ, একারণ অবশিষ্ট গ থ ক এবং
ক প ছ কোণও পরস্পর সমান। অতএব গ ক খ, গ ক ছ
ত্ই তিভুল্জ ভুলাকোণিক, স্ত্রাং তাহাদের সমান সমান
কোণের পার্শ্বর বাছও অন্পাতীয় ও সদৃশ। এই রূপে
প ছ গ তিভুল্জ গ ক খ তিভুল্জের সমানকোণিক ও সদৃশ
উপপর হইতে পারে। অপর, গ ক ছ, গ খ ছ ড্ই তিভুল্জ
প্রত্যেকে গ ক খ তিভুল্জের ভুলাকোণিক ও সদৃশ হওয়াতে,
ভাহারা সকলেই পরস্পর ভুলাকোণিক ও সদৃশ।

অভ এব ক ছ: ছ গ:: ছ গ: ছ খ. ∴ ক ছ × ছ থ ∞ ছ গ<sup>2</sup>।

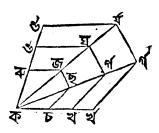
অস্মান। এই স্থলে স্পাঠ প্রতীয়মান হইতেছে যে, সমকোনিক ত্রিভুজের সমকোণ হইতে ভূমির উপর লম্পাত
করিলে, সেই লম্ম ভূমির তুই পণ্ডের মধা অস্থপাতীয় হয়,
এবং ত্রিভুজের প্রতোক বাত ভূমির এবং সেই বাহর সংলগ্গ ভূমিখণ্ডের মধা অস্থপাতীয়, কেননা ক চ গ, ও গ ছ খ ত্রিভুজে,

কছ:ছগ::ছগ:ছধ, এবং গক খ ৬ কছ গ আভি ্ৰে, কিখ: কগ::কগ: কছ. এবং গক খ ৩ গখছ আভি ্ৰে, কিখ:খগ::খগ: খছ।

#### ৮১তি প্রতিজ্ঞ। সম্পাদা।

ক থ গ ছ ও নিদিটে সরল বৈথিক ক্ষেত্রের সদৃশ অপর একটী সরল রৈথিক ক্ষেত্র অভিত করিতে হইবে।

কোন একটা কোণ ক হইতে অপর কোন কোণ পর্যাস্ত কর্ণ রেখা টান; যথা ক গ, ক ঘঃ পরে ক ধ হইতে নিকাশ্ঠ ক্ষেত্রের কোন বাজর সমান কচ এক অংশ ছেল কর। এবং চ বিন্দু নিরা থগ-র সমান্ত-রাল চছ টান, ও ছ বিন্দু দিয়া গ ঘ-র সমান্তরাল



ছ জ টান, এবং জ বিন্দু দিয়া ঘ ৩-র সমান্তরাল জ ন টান। ক চ ছ জ ন, ক থ গ ঘ ৩-র সদৃশ কোত্র অভিন্তেইল।

১৮শ প্রেভিছান্দারে ক ছ চ কোণ ⇒ ক গ থ কোণ, এবং ক ছ জ কোণ ⇒ ক গ ঘ কোণ; ইহাদের সমষ্টি করিলে চ ছ জ কোণ থ গ ঘ কোণের সমান। একপে চ জ কা কোণ গ ঘ এ কোণের সমান। একপে চ ছ জ কা ও ক থ গ ঘ এ ক্ষেত্রভালি ভুলাকোণিক। অপর, ক চ ছ ও ক থ গ সদৃশ ক্রিভুজে ক ছ:ক গ :: চ ছ:থ গ, এবং ক চ:ক গ :: চ জ:গ ঘ; অভএব চ ছ:থ গ :: চ জ:গ ঘ; একাপে ছ জ:জ কা :: গ ঘ:ঘ এ, ইভালি। অভএব সমান কোণবংলগ বাহভালি সমান্ধাভিক, স্ভের্ণ ক্ষেত্ভালি সদৃশ।

যে যে বহুত্ত ক্ষেত্র সদৃশ, তাহারা সমশীল বাহুর দ্বিদান্ত পরিমাণে পরস্পর অন্পাতীয়।

কারণ, স্কোজনক জন ক্ৰাই ক্ৰাই ক্ৰাই ক্ৰাই ক্ৰাই ক্ৰাই ক্ৰাই ক্ৰাই ক্ৰাই

্ ক্রেকেল ক জ ক' ক্ষেত্রকল ক ঘ ছ । এই রূপে, ক চু<sup>ই</sup> ক খু<sup>ই</sup> । এই রূপে,

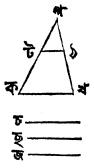
অনুমান। যে যে বছতুজ ক্ষেত্র পরস্পর সদৃশ, ভাহার।
সমান সংখ্যক সদৃশ ত্রিভুজ ক্ষেত্রে বিভক্ত ইইতে পারে, এবং
সে সকল ত্রিভুজের বছতুজ ক্ষেত্রের স্থায় পরস্পর নিশান্তি
সহল, এবং স্বলীয় বাছর প্রস্পর যে নিশান্তি, ঐ বছতুজ
ক্ষেত্রের প্রস্পর স্থল্প ভাহার ছিঘাত পরিমাণে নিশান্তি।

#### ৮২তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

গঠ ও গট ছইটা নিন্দি**ট ঋজু**রেথার ভৃতীয় **জন্ধ-**পাতীয় নির্দেশ করিতে হইবে।

গঠ ও গট ছুইটা রেথাকে এরপে ছাপন কর যে,

ভাষাদের সংযোগে কোণ উৎপত্তি হয়, পরে গঠও গট রেখাছরকে ধওক পর্যান্ত প্রানারিত করিয়া, ঠথ দরল রেখাকে গট-র সমান কর; এবং ঠ, ট সংযুক্ত করিয়া থ বিদ্দ্দিয়া উহার সমান্তরাল থক টান। গধক ত্রিভুজের থক বারু ঠট বারর সমান্তরাল, এইজনা (৪৭শ



া ভিজ্ঞান্সারে )গঠ: ঠখ: গট: টক; কিন্তু ঠখ — গট, আছএব গঠ: গট:: গট: টক, স্তুত্রাং গঠও গট জুইটা নিজিঠি ঋসু রেখার টক ভূতীয় অনুপাতীয় নিজিঠি হইল।

#### ৮৩তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

চ. ছ, জ ভিনটী নিন্দিষ্ট ঋতু রেথার চতুর্থ মন্পাতীয় নিক্ষেশ কবিতে হইবে।

চ ও জ তৃইটী ঋজু রেথার (পূর্ব প্রেতিকৃতি দেশ) ভূল্য অপের ভুইটী ঋসু রেখা গঠ ও গট এরূপে দংখ্য-পিত কর যে, ভাহাদের সংযোগে কোণ উৎপত্তি হয়; পরে গট ও গঠ রেথাকে ক ও থ পর্যান্ত প্রসারিত করিয়া ঠ থ রেখাকে ছ-র সমান কর; এবং ঠ ট সংযুক্ত করিলা ব বিন্দু দিয়া উহার সমাভারাল থ ক নিভাশন কর। অনেভর গধক ত্রিভূজের থক বাছর সমাস্তরাল ঠট, এফার গঠ: ১খ:: গট: টক, কিন্তু গঠ = চ. ঠুধ - ছ এবং গট - জ. একারণ চ:ছ :: জ : ট ক। অভএব চ, ছ, জ তিন্টী নিদিট ঋষু রেথার চতুর্থ অনুপাতীয় ট ক নিণীত হইন।

৮৪তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

কছ ও ছ ধ ছুইটা (৮০ তি প্রতিজ্ঞার প্রতিকৃতি দেখ) নিষ্টির ঋজু রেথার মধ্য অন্ত্রপাতীয় নির্দেশ করিতে হইবে।

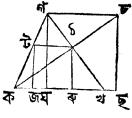
কছ, ছথ এক দরল রেথান্থ করিয়া কথ ঋজু রেখার উপর क গ ধ সামিরত নিজাশন কর, এবং ছ বিন্দু হইতে ক খ রেখার লম্ব ছ গ টানিয়া ক, গ ও খ, গ সংযুক্ত কর। ক গ থ কোণ সামিরতক্ষ এই বলিয়া সমকোণ, স্মৃতরাং ৮০তি প্রতিজ্ঞানুসারে ছগ ঋজু রেধা কছ ও ছখ চুই পণ্ডের মধা অনুপাতীয়; স্বতএব ক ছ, ছ ধ ছুই ঋজু রেথার মধ্য অনুপাতীয় ছ গ নিণীত হইল।

# ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৪৯ ৮৫তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ক গ থ একটী নিশিষ্ট ত্রিভুজের ভিতরে একটা বর্গক্ষেত্র অঞ্চিত্র করিতে হইবে।

কথ রেথার উপর শীর্ঘকোণ ছইতে গ**ঘ** লম্ব টান, এবং গ বিদ্দু দিয়া গচ.

ক থ রেথার সমান্তরাল
টান। পরে গ চ রেথাকে
গ ঘ রেথার সমান কর,
এবং চ, ক সংযুক্ত কর।
ক চরেথা গ থ রেথাকে ঠ



বিন্দুতে ছেদ করিতেছে। এই ছেদবিন্দু বর্গক্ষেত্রের কোণ হইবে।

ঠ বিন্দু দিয়া ঠকালম টান, ও ঐ বিন্দু দিয়া ঠট, কথ বেথার সমাস্তবাল টান, ঠট, কগ-কে ট বিন্দুতে ছেদ করিতেছে। পরে টজ, ঠক-র সমাস্তবাল টান, টঠক জ চতুর্জটী কগথ ক্রিভুজের ভিতরে জঞ্জিত তইল।

ক ট ঠ ও ক গ চ তি তুল ছইটা সন্শ; স্ত্রাং
ক গ গ চ
ক ট ট ঠ; কিন্তু ক ট জ ও ক গ ঘ ছইটা তি তুলও

দন্শ, স্ত্রাং ক গ গ ঘ
ক ট ট জ; এবং যে ছই বন্ধ প্রত্যেক
এক বন্ধর সমান ভাহারা পরস্পার সমান, অভএব
গ চ গ ঘ
ট ঠ জ; কিন্তু গ চ ও গ ঘ সমান কর্মনা করা গিরাছে;
স্থাত্রাং ট ঠ - ট জ, কিন্তু ট জ = ঠ বা, ভরিমিন্তু ট ঠ,

ঠক, কজ ও টজ চারিটা বাছ পরস্পর সমান ও ঠক জ কোণ নমকোণ; স্মৃতরাং টঠক জ বর্গ ক্ষেত্র, এবং ইহা ক গ থ ত্রিভূজের ভিতরে অঙ্কিত হইয়াছে।

#### ৮৬তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ড্ইটী নির্দিষ্ট বর্গক্ষেত্রের সমষ্টির সমান একটী বর্গক্ষেত্র শঙ্কিত করিতে হইবে।

ঢকখণ ও খগড়ঠ ছুইটী বর্ণক্ষেত্র (৩৫শ প্রতিজ্ঞার প্রতিকৃতি দেখ); ইহার সমষ্টির স্মান আর একটী বর্গ-**ক্ষেত্র অন্ধিত করিতে হ**ইবে।

ক থ, গখ ছুইটী রেখাকে থ স্থানে সমকোণ করিয়া লও। পরে ক, গ সংযুক্ত করিয়া ক গ-র উপর কাম ট গ বর্গক্ষেত্র অন্ধিত কর। ৩৫শ প্রতিজ্ঞানুসারে কাষ টগ বর্গক্ষেত্র চ ক থ ণ ও থ গ ড ঠ ছুইটীবর্গক্ষেত্রের যোগভুল্য।

### ৮৭তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

তইটী নির্দিষ্ট বর্গক্ষেত্রের বিয়োগ ফলের সমান অপর **একটা** বৰ্গক্ষেত্ৰ অন্তিত কবিতে হুইবে।

ঢক ধণ ও ক ঝ টগ ছইটী বৰ্ণক্ষেত্ৰ, ক ঝ টগ বভ বর্গক্ষেত্রটীর কোন বাছ ক গ-কে বাাদ করিয়া একটী বুত্ত অস্ত্রিত কর। পরে চ ক খ ণ বর্গ ক্ষেত্রের ক খ वाष बुखाः म व्यायाग कतिया इष्ट्रं विम् थ इरेट ग भर्या छ রেগা টান। কথাগ সমকোণিক ত্রিভুঞ্জ, কারণ (৫৫শ প্রতিজ্ঞার ২য় জন্মানানুসারে) অর্করুত্তত্ব কোণ সমকোণ। মুভরাং থগ রেখার উপর অক্কিড থগড় ঠ বর্গক্ষেত্র

# ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৫১

ঢকখণ ও ককটেগ বর্গক্ষেত্রের অবস্তরের সমান। (৩৫শ প্রতিজ্ঞার প্রতিকৃতি দেখ)।

## ৮৮তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদা।

কতিপর বর্গক্ষেত্রের সমষ্টির সমান একটা বর্গক্ষেত্র অস্কিন্ত করিতে হইবে।

কথ, কগ ছইটী জনীম রেগাকে ক স্থানে নমকোণ করিয়া অক্ষিত্ত কর। কথ হইতে নির্দিষ্ট জনাতর বর্গের একটী ভূজভুলা এক ভাগ কচ কাটিয়া লও। কগ হইতেও এক নিন্দিই

অপর বর্ণের ভুজ ভুলা একটা অংশ ছেদ কর; যথা কছ।

চ, ছ ছেদ বিন্দৃৎয় সংযুক্ত কর। চছ-র বর্গ, ক চ ও ক ছ-র

বর্ণের সমষ্টির সমান। পুনশ্চ, কথ হইন্তে চছ-র ভুলা

এক অংশ ছেদ কর, যথা কথ। পরে কগ হইতে ভৃতীয়

বর্ণের ভুজ ভুলা একটা অংশ ছেদ কর, যথা কগ। ধ, গ

সংযুক্ত কর, এইক্ষণে থগ-র বর্গ নিদ্দিট তিনটা বর্ণের

সমান। এই রূপে ৪, ৫ ও হভোধিক বর্ণের সমষ্টিভুলা

বর্ণক্ষেত্র অক্কিত হইতে পারে।

# অতিরিক্ত প্রতিক্রা।

- ১। ভূমি ও ভূমিদংলগ একটা কোণ এবং ভূমির উপর পতিত লক্ষের পরিমাণ নিদ্ধিষ্ট থাকিলে, ত্রিভূজ কিরুপে অস্থিত করিতে হইবে।
- । এমত একটা সমদিবাছ ত্রিভুজ ভালিত কর, যাহার
   প্রত্যেক ভুজ ভূমির দিওণ হইবে।
- ও। কোন সমধিবাছ ত্রাম্বের ভূমি এবং শীর্ষকোণের পরি-মান পরিজ্ঞাত থাকিলে ঐ তিভুজ কিরপে অক্কিত করিতে হইবে।
- ৪। একটা অসীম সরল রেথার এমত একটা বিলু নির্দেশ কর, যাহা তৃইটা নিলিট বিলু চইতে সমদর ছইবে।
- ৫। এমত একটা সমকোণিক ত্রিভুজ অভিত কর, যাহার
   কর্ণ রেথা ভূমিব বিশুণ হইবে।
- ♦। কোন নিদিট সরল রেথাকে কর্ণ রেথার স্বন্ধপ
   করিয়া একটী বর্গ ক্ষেত্র অভিত কর।
- গ। কোন আয়ত ক্ষেত্রের কর্ণ ও একটা বাহর পরিমাণ
   ক্ষানা আছে ঐ ক্ষেত্র কিরপে অন্ধিত করিতে হইবে।
- ৮। কোন ত্রিভূজের শীর্ষ কোণ হইতে রেখা পাত করিয়া ঐ ত্রিভূজকে ছই সমান ভাগে বিভক্ত কর।
- ৯। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি এবং তাহার ব্লপর ছই ভুজের সমষ্টি জ্ঞান্ত আছে, ত্রিভুক্ত আন্ধিত কর।
- ২০। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি এবং তাহার ব্যুপর ছই ভুজের ব্যুর জানা আছে, ত্রিভুক্ত ব্যুক্তিকর।

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৫৩

- ১১। যদি সমকোণিক ত্রিভুজের কোন ভুজকে সমান ছই পণ্ডে বিভক্ত করিয়া কর্ণের উপর লম্ব পাত করা যায়, ছবে কর্ণের খণ্ডম্বয়ের বর্ণের অন্তর অপর ভুজটীর বর্ণের ভুলা ইইবে।
- ১২। সমকোণিক ত্রিভুজের ভুক্তরের উপর আছিত সমবাহ ত্রিভুজ ছুইটী একত্র যোগে কর্ণের উপর আছিত সমবাহ ত্রিভুজের ভুলা হইবে।
- ১০। সমকোণিক ত্রিভুজে সমকোণ হইতে কর্ণের মধ্য বিন্দুপধ্যস্ত রেখা টানিলে ঐ রেখা কর্ণের অর্ধাংশ ভুলা হইবে।
- <sup>১৪।</sup> কোন নির্দিষ্ট সরল বেধাকে এমত রূপে বিভা-জিত কর যে, তাহার হুই থণ্ডের আয়ত কোন নির্দিষ্ট আয়তের তুল্য হুইবে।
- ১৫। এমত একটী বর্গ ক্ষেত্র অক্টিড কর, যাহা অস্ত ছই বর্গ ক্ষেতের ভুলা হইবে।
- ১৬। এক নিন্দিষ্ট সরল রেথাকে এমত ছুই জংশে বিভক্ত করিতে হইবে যে, তাহাদের জায়ত ভাহাদের সম্ভাবেব চতুর্ভজ ভুল্য হয়।
- ১৭। এমত একটা সমকোণিক সমাস্তরাল ক্ষেত্র আছিত করিতে হইবে, যাহা এক নিদিপ্ট সমচতুর্ভুক্তের সমান হয়, এবং যাহার ছই সংলগ্ন বাছর আস্তর এক নিদিপ্ট রেথার ভূল্য হয়।
- ১৮। এমত একটা ত্রিভুজ করিতে চইবে যাহ। ভতুলা উল্লভ এবং সমানবাছ ও ভুলাকোণিক পঞ্জুজ ক্ষেত্রের সমান হয়।
  - ১<del>১</del>। এক নির্দিট সম্বিবাহ তিভুদ্ধের সমান এক

সমবাহ ত্রিভুজ ক্ষেত্র অস্কিত করিতে হইবে।

- ২০। এক নিদিষ্ট দামির্ভ্রমধ্যে দমচতুর্ভুক্ত ক্ষেত্র অঙ্কিত कतिए इकेरत ।
- २)। कान निर्फिष्ठे दुरछत मधा এक निर्फिष्ठे मतन রৈথিক ক্ষেত্রের সমান এক ভুলাকোণিক সমান্তরাল ক্ষেত্র অন্ধিত কবিতে হটবে।
- २२। এकটी निर्फिष्ठे ममानवाइ ও जुनाकानिक शक्ष ভুজ ক্ষেত্রের মধ্যে সমচভুর্জ অঙ্কিত করিতে হইবে।
- ২৩। একটা নিশ্চিষ্ট রত্তের স্পর্শনী টানিতে হইবে, যাহা কোন নিক্তি সরল রেথার সমাভ্রাল হয়।
- ২৪। কোন সমবাছ ত্রিভুজের ভিতরে এবং বাহিরে ছুইটা রন্ত অক্কিত করিলে, অন্তর্গত রন্তের ব্যাদার্ক বহির্গত বতের ব্যাদার্কের অর্কেকের দ্যান হইবে।
- ২৫। একটী দরল রৈথিক কোণকে ২, ৪, ৮, ১৬ প্রভৃতি সমান থানে ভাগ কব।
- ২৬। একটা নিদিষ্ট বিন্দু দিয়া এমত একটা রেখা টান, যাহা একটী নিচ্ছিট নরল রেখার সহিত সংযুক্ত হইলে ৪৫° পরিমিত একটা কোণ উৎপল্ল হয়।
- ২৭। সমকোণকে ত্রিগত অর্থাৎ তিন সমান সমান ভাগে বিভক্ত কর।
- २৮। এकी निष्टिष्टे दिन्दु निया द्विथा होनिया अकी শমান্তরাল ক্ষেত্রকে সমান ছই থণ্ডে বিভক্ত কর।
- ২৯। একটা সমকোণিক সম্বিবা**হ ত্রিভুম্বের মধ্যে বৰ্গক্ষেত্ৰ অভি**ভ কবিতে হইবে।

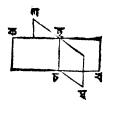
#### ব্যবহারিক জামিতিও জামিতিতত্ত্ব। ১৫৫

- ত৽ : বর্গক্ষেত্রের কর্ণছয় পরম্পর সমান অংশে ধিখন্তিত
   কইয়া লমভাবে অবস্থিতি করে ও তক্ষরে। বর্গক্ষেত্রটী চারিটী
   সমান ত্রিভুল্পে বিভক্ত হয়।
- ৩১। যে বেথা সমাত্রাল ক্ষেত্রের কর্ণকে সমান ভাগে বিথপ্তিত কবে, সে ঐ ক্ষেত্রকেও সমান অংশে দ্বিভাগ করিবে।
- ২ং। একটী সমকোণিক ত্রিভুজের মধো একটী সমকোণিক ত্রিভুজ অঙ্কিত করিতে হইবে। অন্তর্গন্ত ত্রিভুজনী যে আদিম ত্রিভুজের চতুর্থাংশের একাংশ ভাহা প্রমাণ কর।
- ০৩। একটী ত্রিভূজের কোন বাছর কোন বিন্তু হইতে বেগা টানিয়া ঐ ত্রিভূজকে সমান গৃই ভাগে বিভাগ করিতে ইইবে।
- ৩৪। ট্রাপিজিয়ম ক্ষেত্রে কোন একটী কোণ হ**ইতে** রেখা টানিয়া ঐ রেখাদারা ক্ষেত্রকে সমদ্বিত্ত করিতে হইবে।
- ৩৫। কোন সরল রৈখিক ক্ষেত্রের ভূল্য একটী র**ম্বস** জ্ঞান্তিকরিতে ইইবে।
- ৩৬। একটা ত্রিভুজ অস্কিত কর যাহার ক্ষেত্রফল একটা নিশিষ্ট ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল ভুলাও যাহার ভূমি উক্ত নিশিষ্ট ত্রিভুজের ভুলা।
- ৩৭। কোন বিভ্জের তিন্টী ভুজকে তিন বিশ্বত শম্বিপণ্ড করিয়া যদি উক্ত বিশ্ব সংযুক্ত কর। যার, তবে মধ্যে যে ত্রিভুজ উৎপন্ন ইইবে তাহ। আদিম ত্রিভুজের চতুর্বাংশ ইইবে।

# ঘনজ্যামিতি।

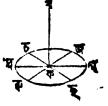
### পরিভাষা।

১। ক শ ও প ঘ ত্ইটী ধরাতল যদি চ ছ রেগাডে পরস্পর অবচ্ছেদিত হয়, তাহা হইলে ঐ রেগাকে সাধারণ থণ্ড কহে।



২। একটা ধরাতলের উপর যদি এমন একটা সরল রেশা টানা যায় যে, উহার মূলদেশ দিয়া ঐ ধরাতলে যত অপর রেখা টানা যাইবে, ভাহাদের প্রত্যোকের সচিত্ত প্রথমোক্ত রেখার সংযোগে সমকোণ উৎপন্ন হয়, ভাহা হইলে ঐ প্রথমোক্ত রেখাকে উক্ত ধরাতলের লম্ব কহা যায়। ক থ একটা শুজুরেখা চ জ গ ছ ব ঘ ধরাতলের উপর একপে অন্ধিত হইরাছে

যে, উহার মূল ক দিয়া উক্ত ধরাতলের উপরে ক ঘ, ক চ, প্রভৃতি রেখা টানিলে যদি থ ক ঘ, ধ ক চ প্রভৃতি প্রভাকে সম-



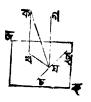
কৌণ হর, ভাহা হইলে ক ব উক্ত ধ্রান্তলের লম্ব হইবে।

ও। কথ যদি ছইটা ধরতিলের সাধারণ খও হর,

থাবং চছ ও জাক যদি কঁথ রেখার উপর সমকোণ ভাবে আক্কিত হয়, তাহা হইলে জা গ চা কোণই জুইটা ধরাভলের অবনতির মান হইবে।

5। মনে কব, জ ক ধরাভলের উপর ক ঘ রেখা অবনত গ্রুনাছে, এইক্ষণে ক বিন্দু দিয়া জ ক ধরা-ভলের উপর লম্ব পাত করিয়া ঘ শ শংশুক্ত করিলে ক ঘ থ কোণ্ট্ ক ঘরেখার অবনতির মান গ্রুবে।





ব দকল ধরতিল এরপ ভাবে দংশ্বিত থাকে বে,
 ভাগাদের হই দিক অবিশাস্ত রৃদ্ধি করিলে কোন দিকেই
 পরস্পারের সহিত্ত দংস্পর্শ হয় না, ভাহার। সমাস্তর ধরতিল।

৬। যে বস্তর দৈগ্য, বিস্তার ও বেধ আছে ভাহাকে মনবানিটন বস্থ কছে।

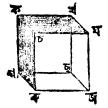
া। পছল নিট্ন বস্ত অর্থাৎ
বে বস্তর সীমাগুলি সমান্তরাল,
নমান এবং সদৃশ সরলবৈথিক ক্ষেত্র;
এবং বাহার পার্যগুলি সমান্তবাল
চতুর্জ্ব। পহলের দিকের সংখ্যায়নাবে ভাহার নামের নির্দেশ হইরা
বাকে। বদি পহলের ভিন দিক্
বাকে, ভবে ভাহাকে ত্রিপহল কহে;

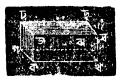


চারি দিক থাকিলে চৌপল বা চৌপহল, পাঁচ দিক্ शाकित्न भश्भाश्न কছে, हेडामि।

৮। চৌপল বন্ধর ছয়টী দিক প্রভাকে সমচত্ত্ত इरेल मगवाहक घन क्या কহে।

৯। যে ঘন বস্থার ছয়টী আয়তাকার দিক আছে এবং প্রত্যেক সমুখন্থ যুগ্যদিক সমান ও সমাস্তরাল, তা-





হাকে সমকোণিক সমান্তরাল ঘন বা নিটন বন্ধ কহে।

১০। সমচতুকোণ ক্ষেত্ৰ একটা ভূজের উপর দণ্ডায়মান থাকিয়া একবার চতুদ্দিকে ঘূণিত হইলে যে আকারটী হয়, ভাহার নাম স্তম্ভ। স্মান ব্যাদবিশিষ্ট কভকগুলি বুভ উপযু বিপরি স্থাপিত ইইলে



একটা ন্তম্ভ হয়। পাছের ওঁড়ি, বাঁশ ও কূপের আকার ন্তম্ভ।

১১। ঘাহার তলটী দর**ন** রৈথিক ক্ষেত্রবিশেষের ন্যায়. भृष्ठेश्वनि जिल्लाम नार्ति, धरः थे जिल्लाश्वनित मुक्र धकरी বিস্তুতে শেষ হইয়া একটা স্থচীর আকার হইয়াছে, ভাছার

নাম দকোণস্চী। দকোণস্চীর
ভলম্ব ক্ষেত্রের আকারাম্বদারে
নামের নির্দেশ হইরা থাকে।
যদি দকোণস্চীর ভলম্ব ক্ষেত্র ত্রিকোণাকার হয়, ভাহা হইলে
ত্রিকোণাকার সকোণস্চী কহে,
বর্গ হইলে চতুকোণাকার সকোণস্বচী কহে, ইভাাদি।



১২। সমকোণ কিতৃত্ব,
সমকোণপার্থবর্তী ছুইটা ভুব্রের একটার উপর দণ্ডায়মান
ইইয়া, আর একটার চারিদিকে
ঘূর্ণিত হইলে যে আকার হয়,
ভাহার নাম ভুটী। নৈবেদ্যের
, আকার ভূচীর মত।



১০। অর্জবৃত্ত আপন
বাদের উপর দণ্ডায়মান
ইইয়া সকল দিকে ঘুরিয়া
আদিলে যে আকারটী হয়,
ভাহার নাম বর্জুল। কামানের গোলার আকার বর্জুল,
কদম ফুলের আকার বর্জুল।



১৪। ঘন বস্তর এক পার্বের মধ্য হটতে অপর পার্বের মধ্য পর্যান্ত যে রেখা কলনা করা যায়, ভাহাকে অক্ষদ্ও কহে। সকোণসূচীর শুঙ্গ হইতে ভূমির মধ্য পর্যান্ত ষে রেখা টানা যায়, ভাহাকে ভাহার অক্ষণও কছে। বর্ত্ত লের বাাস অর্থাৎ যে রেখাটা কেন্দ্রের মধ্য দিয়া গিয়া উভয় প্রাক্তে সমাপ্ত হয়, ভাহাকে উহার অক্ষণত কছে।

- ১৫। ঘন বন্ধর শৃঙ্গ বা মন্তক হইতে ভূমিতে লম্ব পাত কবিলে উছাকে উছার উন্নতি কছে।
- ১৬। কোন সকোণস্চী, বর্ত্র বা অন্য কোন ঘন বস্তুর ছলত্ত ক্ষেত্রের সমান্তরালে থাকিয়া যদি কোন সমতল ক্ষেত্র উক্ত বস্তুকে তুই ভাগে বিভক্ত করে, ভাহা হইলে ঐ ভাগ-ছয়কে থণ্ড কছে। এই খণ্ডদ্যের উপরের খণ্ডটী যদি পরিত্যক হয়, ভাহা হইলে নিম্নের খণ্ডটীকে প্রকাণ্ড কহে।
- ১৭। কোন ঘন বস্তুর অন্তর্গত সুই সমান্তরাল সমতল কেত্রের মধ্যবন্তী স্থানকে তাহার মণ্ডল কহে। ঐ সমন্তল ক্ষেত্র সুইটী যদি উক্ত ঘন বস্তুর কেন্দ্রের উভয় দিক্ হইতে সমান দূরে স্থাপিত হয়, তাহা হইলে ঐ মওলকে মধামগুল কছে।

১৮। বৃত্থত আপন জার উপর দণ্ডায়মান হইয়া সকল **मिक्क युतिया आमिरम**्य আকারটী হয়, ভাহার নাম গোলাকার টকু।



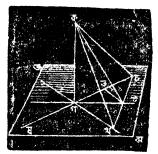
# ধারাতলিক ও ঘন জ্যাগিতি সম্বন্ধীয় উপপাদ্য।

#### ১ম প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

জ ক ধরাতলে স্থিত ঘচ ও গথ তৃইটী রেগার সম্পাত বিন্দু গ হইতে উক্ত তৃই রেধার উপর লম্ম উন্দোলন করিলো ইহা জ ক ধরাতলেরও লম্ম হইবে।

গ বিন্দু দিয়া জাক ধরাতলে আর একটী রেথা গ ট জাল্কিত কর, পাট রেথাতে স্থিত কোন বিন্দু ট দিয়া চটথ থাঁরপে টান যে টখ, টচ-র ন্মান্হয়। এইক্ষণে খচগ ও ধচক জিভুজে (বাবহারিক জ্যামিতির ৪০শ প্রভিতাক্সারে) গথ<sup>8</sup> + গচ<sup>8</sup> - ২ গ ট<sup>8</sup> +

े छ है ; क थै + क है के है ; क थै + क है है है ; फिर्ड ज़रें जित स्थिम में पिटी त रहें कि विद्या कि स्थान कि है - क है - क है - क है के ज़रें ; किन्द क ज़रें के ज़रें है ; किन्द क ज़रें के ज़रे के ज़रें के ज़रे के ज़रें के ज़रे के ज़रें के ज़रे के ज़रे के ज़र



ए क श ह समरकां निक जिल्ला, क थे - १ १० = क ११ , जिल्ला क है - १ है = क ११ ; ... २ क ११ = २ क है थे - १ है थे , जिल्ला क ११ - क है - १ है थे , जिल्ला क ११ - क है - १ है थे । स्वाप्त क ११ जिल्ला क १ जिल्ला क

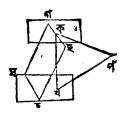
অনুমান ১। প্রস্তাবিত উপপাদ্য দারা প্রতীয়মান হইতেছে যে, কোন ধরাতলের উপর একটী নিশিষ্ট বিন্দু হইতে কেবল একটী লম্ অন্ধিত ইইতে পারে, এবং দেই লম্ ঐ বিন্দু ও ধরতিলের লঘুতম দূর্থ রেথা।

২। যদিক গ রেখা গ খ, গ ট ও গ চ প্রভাকে রেখার স্থিত সমকোণ উৎপন্ন করে, তবে এই ভিন্টী সরল রেখা একই ধরাতলে থাকিবে।

#### ২য় প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক থ একটী সরল রেখা, যদি ইহা ক ও ধ এই ছই ধরাতলের লম্ব হয়, ভাহা হইলে এই ডুইটী ধরাউল সমা-स्त्राल इहेर्त ।

यनि क ७ थ ममाख्यांन ना रुप्त, छत्व छेराता दृक्ति পাইলে অবশ্য এক দিকে দংলগ্ন হইবে। বৃদ্ধি পাইয়া প বিন্দুতে সংলগ্ন হউক। ক প ও খপ সংবৃত্ত কর। যেহেতুক কথ রেখা



ক ও ধ উভয় ধরাতলের উপর লম্বভাবে আছে, প কথ ও পথক প্রভ্যেকে সমকোণ, অভ্তব কপ্র থপ ধরা-ভলের সমান্তরাল থাহা কল্পনার বিপরীত, স্মৃতরাং অসম্ভব, এবং ক ও ধ বৃদ্ধি পাইলে কোন দিকেই সংলগ্ন হইবে না **७ कार्य कार्यहे नमास्त्रात**।

অনুমান। কথ রেখা ক ও ধ ছুইটা সমাস্তরাল ধরা-তলের একটীর লম্ব হইলে অপর্যীরও লম্ব হইবে।

#### ওয় প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক ও ও তৃইটা সমান্তরাল ধরাতল গছ চ হ অপের একটা ধরাতল হারা ছিন্ন হইলে, গছ ও ঘ চ ছেদ রেখা প্রস্পর শুমান্তরাল হইবে (পূর্ব্ব প্রতিকৃতি দেখ)।

যেহেতুক ক ও থ ছইটী সমাত্রাল ধরাতল বন্ধিত হইলে কোন দিকে সংলগ্ন হইতে পারে না, গছ ও ঘছ রেখা ঐ ছই ধরাতলে অবস্থিত বলিয়া, ইহারাও বন্ধিত হইলে সংলগ্ন ইইতে পারে না, অভএব ইহারা স্মাত্রাল।

#### 8र्थ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক থ রেখা জ ক ধরাতলের (৪র্গ পরিভাষার প্রতিকৃতি দেখ) লক্ষ হইলে, যে যে রেখা (যথা গছা) ক থ রেখার সমান্তরাল করিয়া অভিতে হইবে, ভাহারাও ঐ ধরাতলের লম্ব হইবে।

ক থ ও গ ঘ রেখা দিয়া একটী ধরাতল ভান্ধিত কর, নবাহা জ ক ধরাতলকে থ ঘ রেখাতে ছিল্ল করিবে, জ্ঞান্ধ ধরাতলে চছ রেখা থ ঘ রেখার লম্ম অক্সিড কর, এবং ক ঘ সংযুক্ত কর।

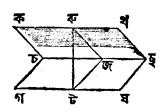
চ ছ রেখা ক ধ ঘ ধরাতলের লম্ব, অতএব চ ঘ গ কোণ সমকোণ, কিন্তু গ ঘ থ কোণও সমকোণ, যেহেভূ ক ধ রেখা থ ঘ রেখার লম্ব, এবং গ ঘ, ক থ-র সমান্তরাল। এই-কণে গ ঘ রেখা চ ঘ ও ঘ ধ ছুইটা রেখার লম্ব, অতএব এই রেখা জ বা ধরাতলেরও লম।

শহুমান। কথ ও গঘ ছুইটা রেখা জ্ব ধরাতলের শ্বহু হুইলে, উহারা নুমান্তরাল হুইবে।

## মে প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক ধ ও গ ঘ ছইটী রেখা চছ অপর একটী দরল রেখার সমান্তরাল ইইলে, ভাহারাও পরস্পর সমান্তরাল ইইবে।

জ বাট ধরাতল এ রূপে অন্ধিত কর যে, উহা চছ রেখার লম্ব হয়। ক ক ও গ ট রেখা চ জ রেখার সমা ভরাল বলিয়া পূর্ব্বোক্ত উপ-



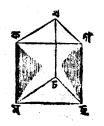
**পাদ্যের অন্ন্যানান্ত্র**ারে ভাহারা পরস্পার স্মান্তরালও ইইবে।

### ৬ষ্ঠ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

े **ক ধ গ ও ঘ** চ ছ কোণ ধয়ের যদি ক থ রেথা **ঘ** চ-র শ্মাভরাল ও ধ্র রেখা চছ-র স্মাভরাল হর, ভবে ক থ গ কোণ ঘচছ কোণের সমান হইবে।

क थ, च ह-त नभान ७ थ श, ह छ-त नमान कतिया ক গ, ঘছ, ক ঘ, খ চ ও গছ সংযুক্ত কর।

वावशतिक ब्रामिडित २०म প্রতিজ্ঞান্ত্রপারে ক ব চ ঘ সমান্তরাল চতুর্জ, অভএব ক ঘু-च ठ ; **এই ऋ পে च ग ছ** ठ मभा खतान **ठकुर्य करः श छ = थ छ। এইका**व ক ঘ ও গ ছ প্রত্যেকে ধ চ-র সমা-खतान ७ नमान वितिष्ठ ( शूर्व्हाक প্রতিজ্ঞান্ত্রারে) ক ঘ, গছ-র



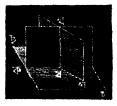
সমান ও সমাস্থরাল, স্তরাং কগছ সমাস্থ্যল চতুর্জ, এবং ঘছ – কগ। অভএব কথগ ও ঘচছ গুইটী ত্রিভুজ স্কভোভাবে সমান এবং < কথগ – < ঘচছ।

#### ৭ম প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

যদি থ ঘ সরল রেখা চ ছ ধরাতলের উপর লম্বভাবে দণ্ডায়মান থাকে, তবে ঐ সরল রেখার উপর দিয়া থে ধরাতল গমন করিবে (বথা ক থ ঘ) তাহাও চ ছ ধরাতলের লম্ব হইবে।

চছ ও কথ চইটী ধরাতলের কঘ রেথাতে সম্পাত

হউক: চছ ধরাতলে ঘণ রেথা ক ঘ-র লম্ব করিয়া টান; এইক্ষণে ধ ঘ, চছ ধরাতলের লম্ব, এজন্য ধ ঘ গ সমকোণ হইবে, এবং (তয়্ম পরিভাষা-

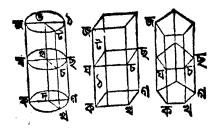


স্থারে) এই কোণ চছ ও কাধ ধরাতলের অবন্তির মান ; স্থাতরাং এই ধরাতলন্ধয় পরস্পর লম্বভাবে অবস্থিত ইটয়াছে।

শর্মান। যদি কথ ও গথ ছইটী ধরাতল চছ একটী ধরাতলের উপর লমভাবে অবস্থিত হয়, তবে উক্ত ছুই ধরা-জলের সম্পাত রেখা থম, চছ ধরাতলের লম হইবে।

#### ৮ম প্রতিজ্ঞা। উপপাদা।

ক ধ গ জ প্রলের ভূমির সমান্তরাল একটা ধরাতল বদি ঐ প্রলকে ছেদ করে, ভাষা হইলে ঐ ছেদ্নে বে ৰুতন ধরাতলের উৎপত্তি হয়, ভাহা পহলের ভূমির শুমান হইবে।



চ ছ ঘ সমান্তরাল ধরাতল যদারা পহল ছেদিত হই
ক থ গ ও চ ছ ঘ চ্ইটী সমান্তরাল ধরাতল
ক ও চ ঘ অপর একটী ধরাতল ঘারা ছেদিত হইরাছে,

অঅনা (অর প্রতিজ্ঞান্ত্রসারে) ঘ চ রেখা ক থ রেখার
ক্মান্তরাল; এই রূপে চ ছ, ছ ট ও ট ঘ রেখা যধাব থ গ,
গ ঠ ও ঠ ক-র সমান্তরাল প্রতীত হইবে। অপর পহলের
পরিভাবাত্রসারে উপলব্ধি হইতেছে যে, ক ঘ ও থ চ
পরস্পর সমান্তরাল; ভরিমিক্ত ক থ চ ঘ সমান্তরাল
চতুর্ল, এবং (ব্যবহারিক জামিতির ২৪শ প্রতিজ্ঞান্তরার)
ঘ চ ভ ক থ; এই রূপ চ ছ ভ থ গ, ছ ট ভ গ ঠ এবং
ঘ ট ভ ক ঠ; অর্থাৎ ঘ চ ছ ও ক থ গ পরস্পর
সমানবাহক। প্রস্ক (৬ঠ প্রতিজ্ঞান্ত্রসারে) ঘ চ ছ কোণ
ভ ক থ গ কোণ, চ ছ ট কোণ ভ থ গ ঠ কোণ, ইভ্যাদি।
আতএব প্রতিপন্ন হইতেছে যে, ঘ চ ছ ধরাতল ক থ গ ভূমির
সর্বত্যভাবে সমান।

# ৯ম প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক থ গ জ স্তান্তের ভূমির সমান্তরাল একটা ধরাতল ফদি ঐ ক্তানে ছেদ করে, ভবে ঐ ছেদনে যে ধরাতল উৎপন্ন হয়, তাহা উক্ত ভূমির সমান একটা বৃদ্ধ হইবে।

ক গ ঠ জ ও ও ট ত দ ছুইটা (পূর্ব্ব প্রতিজ্ঞার ১ম প্রতিকৃতি দেখ) ধরাতল, ত দ মেকদণ্ড দিয়া গমন করুক ও ঘ চ ছ ধরাতলকে চ, ছ, থ বিন্দৃতে ছেদ করুক। এই-ক্ষণে কংজের পরিভাসা ছারা প্রতীরমান ইইতেছে যে, থ চ রেখা দ থ রেখার সমান্তরাল, এবং (৩য় প্রতিজ্ঞান্ত্রাল) থ চ. দ থ-র সমান্তরাল, অতএব থ চ থ দ সমান্তরাল চতুর্ভু জ এবং থ চ = দ থ; এইরুণে থ ছ, দ গ-র এবং থ ঘ, দ ক-র সমান প্রদর্শিত হইতে পারে। কিন্তু দেখ, ক থ গ বুজের বাাদার্জ, স্থভরাং ঘ চ ছ বুক্টোও ক থ গ বুজের দ্মান।

# ১০ম প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

গ চ ঘ ক একটা সকোণস্থচীর ভূমির সমান্তরাল কোন ধরাতল যদি ঐ স্টাকে ছেদ করে, তাহা হইলে ঐ ছেদন ঘারা যে ধরাতল উৎপন্ন হয়, তাহা ঐ ভূমির সদৃশ হইবে এবং ভূমি উক্ত ছেদনজ ধরাতলের যত গুণ হইবে, শীর্ষ কোণ হইতে ভূমির উপর পতিত লম্বের বর্গ, ছেদনজ্ঞ ধরাতলের উপর পতিত লম্বের তত গুণ হইবে।

হ জ্ব ভূমির সমান্তরালে এক ধরাতল; ক ন ধ একটী লম্ব রেখা ভূমি ও ঐ ধরাতলের উপর টানিয়া জ্ব ন ও

চধ সংযুক্ত কর। এইক্শে ( ৩য় প্রতিজ্ঞান্ত্র ) ছ জ ও গ চ পরস্পর সমান্তরাল धवः (७४ श्रीडिकाञ्चादा) গ চ ঘ কোণ ছ জ ঝ কোণের দমান। এই রূপে ঘ কোণ



কা কোণের সমান ইত্যাদি; অম্থাৎ ছ জ কা ছেলনজ ধরাত্ত**ল প চ ছ** ভূমির সহিত তুল্যকোণিক।

কেপচ ও কছজানদৃশ তিভুকে,

किठ:किछ::१ठ:इस।

এই রূপে কচঘ ও কজান সদৃশ ত্রিভূজে,

कि 5: कि छ :: हि इ: छ त

ু গুচ:ছজ::চ্ঘ:ফারা।

এই রূপে প্রদশিত হইতে পারে যে, ছ জ ঝ ধরাতকের সমুদার বাছ গচঘ ভূমির স্বগীর বাছর স্হিভ অনুপাতীয়, এই জন্ম বাবহারিক জ্যামিতির ৪৮শ প্রতিজ্ঞান্ত্রসারে, গুচ ঘ-র পরিমাণকল: ছ জ ক-র পরিমাণকল:: গ চ ै: ছ জ ै।

কিছুগচ:ছভা::কচ:কভা; অপর ক ধ চ ও ক ন জ ছইটী সদৃশ তিভুজে,

किচ:किष::कथ:कन

ে গুচ:ছ জা:: ক খ: ক ন, ইহার ভুই পক্ষ বর্গ করিলে; ग हरे: इक्टें: क धरे: क मरे,

ে প্চঘ-র পরিমাণকল : ছ জ ব-র পরিমাণকল :: क परे: क बर ।

## ্র ১ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

কংগ্র স্চীর ভূমির স্মান্তরাল কোন ধরাভল বদি के मुहीरक रहम करत, छारा स्टेरल के रहमन बाता व ধরাত্রন উৎপন্ন হইবে তাহা একটা বৃত্ত হইবে। এবং ভূমি উক্ত ছেদনজ ধরাতলের যত গুণ হইবে, 🎙 ব্যাণ ছইতে ভূমির উপর পতিত লম্বের বর্গ, ছেদনল ধরাতলের উপর পড়িত লম্বের তত গুণ হটবে।

ক খ গ ৩০ চছ জ তুইটী সমান্তরাল ধরাতলের উপর ঘন ম একটা লম্ব টান. এবং ধকাঘ ও গকাঘ তুইটা ধরাতল ঘত ক মেক্লণ্ড দিয়া গমন কক্তক, এই হুট ধরাজন চছ জ ধরাতলকে ড ছ ও ভ জ রেখাতে ছেদ করিয়াছে। এইক্ষণে ( তর প্রতিজ্ঞান্ত্রার ) ভ ছ, বা খ-র



नमास्त्रान, ও ए म, व श-व नमास्त्रान, चूउवार দক্ষ ও ঘড়ছ চুইটা ত্রিভুজ সদৃশ আবে ঘকাপ ও घ उ क इटेंगे बिञ्चा नमृण, बट्टेबाल घव : घड : : वर: इ.ह. धाद: इद: इड:: वंश: इक्; ় কাধ: ভছ:: বাগ: ভজ।

কিন্তু ক ধ, ক প, ক ধ প বুক্তের ব্যাসার্ছ বলিয়া পরস্পর শ্মান, অভএব ভ ছ - ভ জ, এই রূপে চ ছ জ পরিধিতে भन्न कान विन्तू गरेश ए विन्तुत गरिए गरपूक कतिला, ভাগাও ভাছ বা ভ জার সমান এরপ প্রদর্শিত ছইডে পারে। স্তরাং চ ছ ল একটা বুল্ল।

অপর, দ্বাম ও ঘতন<sub>ি ই</sub>ইটা সদৃশ ত্রিভুটে ष भ : घ न : : घ व : घ ७ ष्यथा : : व ग : ७ छ,

∴ घ म र : घ स र : : वा शरे : ত জ र : কিছে ( বাব হারিক জ্যামিতির ৭৯ তি প্রতিজ্ঞান্তুসারে) কথ গ-পরিমাণফল : চ ছ জ-র পরিমাণফল :: ঝ গ : ভ জ ১ ় ক ধ গ-র ক্ষেত্রফল : চ ছ জ-র ক্ষেত্রফল :

घ सर : घ सर ।

যদি একটা স্থচী অপর কোন ধরাতল হারা এরেগে ছেদিভ হয় যে, ঐ ধরাতলটী ঐ স্চীর কোন পৃষ্ঠের সমান্ত রাল হয়, তাহা হইলে ঐ ছেদনে যে আকার উৎপন্ন হ **দেইটা কেপবীর** আকার।

# ১২শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ুবর্জুরের কোন অংশ দিয়া যদি অপর কোন ধরাতক গমন করে, অথবা বর্ভুলকে যথেচ্ছা কাটিয়া বিথও করা যায়, ভাষা হইৰে উভয় খণ্ডেরই ছেদমুখ গোলাকার অৰ্থাৎ বুস্ত হইবে।

क १ स च उर्छ तात क इ स ্**ভাগটী ছেদ করা হই**য়াছে। এইক্ষণে বর্ছ লের কেন্ত ্ম হইতে কছ'ব ধরাতলের উপর মচ লম্ব টান, ভালা হইলে সুষ্চ ছ বর্তের ्राकृत्व इदेश्यः। माक चर्चा ও মছম তুইটী ধরাভাল 🥬



এই মেকদণ্ড দিরা গমন করক; ক চ ব ও ছ চ ম চুইটা সমকোণিক তিভুজে, ম ক, ম ছ প্রভাবেক বর্তুরের বাাসার্ছ বলিয়া পরস্পর সমান এবং ম চ এই ছুই জিভুজের সাধারণ বাছ, অভএব চ ক = চ ছ। এইরপে অল্প কোন রেখা চ বিন্দু দিয়া ক ছ থ ছেদনজ ধর্জেলের পরিধি পর্যান্ত নিকাশিত করিলে যে চ ক-র সহিত সমান ইইবে ভাহা প্রদর্শিত ইইভে পারে; স্মৃতরাং ক ছ খ এই ছেদনজ ধরাতলটা বৃদ্ধ ও ইহার ব্যাসার্ছ চ ক।

# ্ব এশ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

সমান ভূমি ও উরতিবিশিষ্ট পহল ও **ভভ পর**জ্পর ক্মান।

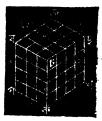
মনে কর ৮ম প্রতিজ্ঞার প্রতিকৃতিতে পছল ও স্তম্ভ একই ব্রাভনের উপর দণ্ডায়মান আছে, এবং ইছারা ইছাদেব ভূমির সমাভরাল ঘ চ ছ ধরাতল ঘারা ছেদিত ছই-ক্লাছে। এইকণে এই ছেদনজ ধরাতলগুলি প্রত্যাক্ষেপরক্রারের সমান, কারণ (৮ম প্রতিজ্ঞান্থসারে) ভালারা ব্যারি ভূমির সহিত সমান। আর ভূমিগুলি যে পরক্রার ব্যার ভূমির সহিত সমান। আর ভূমিগুলি যে পরক্রার ব্যার করিতে হইয়াছে। এইরূপে ইছাদের ভূমির ব্যারভালে অন্ত কোন ধরাতল নিছাশিত করিলে, ভাছারার পরক্রার সমান হইবে। এইকণে এই প্রকৃত্ত ক্রার্থ পরক্রার ব্যারভিদ্যার বিলয় ইয়ার একট্রিছে ব্যারভিদ্যার ইয়ার একট্রিছে ব্যারভালে ক্রার্থ করিছে ক্রার্থ ক্রান্ত ব্যার্থ করিছে পারে, ক্রান্তর্থ ব্যারভালে পারে, ক্রান্ত্রন্ত্রিল ক্রান্ত করে ব্যারভালে পারে, ক্রান্ত্রন্ত্রিল ক্রান্ত করে ব্যারভালে পারে, ক্রান্ত্রন্ত্রন্ত্রিল ক্রান্ত করে ব্যারভাল প্রার্থিত পারে, ক্রান্ত্রন্ত্রন্ত্রিল ক্রান্ত করে ব্যারভাল প্রার্থিত পারে, ক্রান্ত্রন্ত্রন্ত্রিল ক্রান্ত করে ব্যারভাল প্রার্থক পারে, ক্রান্ত্রন্ত্রন্ত্রিল ক্রান্ত করে ব্যারভাল প্রার্থক ক্রান্ত্রন্ত্রন্ত্রন্ত্রিল ক্রান্ত্রন্ত্রন্ত্রন্তর্নার করে ব্যারভাল প্রার্থক ক্রান্ত্রন্ত্রন্ত্রন্ত্রন্তর্ন্তর্ন্তার করে ক্রান্ত্রন্ত্রন্তর্নার ক্রান্ত্রন্ত্রন্তর্নার ক্রান্ত্রন্ত্রন্ত্রন্তর্নার ক্রান্ত্রন্তর্নার ক্রান্ত্রন্ত্রন্ত্রন্তিল ক্রান্ত্রন্ত্রন্ত্রিল ক্রান্ত্রন্ত্রন্তর্নার ক্রান্ত্রন্ত্রন্ত্রনার ক্রান্ত্রন্ত্রন্তর্নার ক্রান্ত্রন্ত্রন্ত্রনার ক্রান্ত্রন্ত্রন্ত্রনার ক্রান্ত্রনার ক্রান্তনার ক্রান্ত্রনার ক্রান্তনার ক্রান্তনার ক্রান্তনার ক্রান্ত্রনার ক্রান্তনার ক্

টীতেও ডভগুলি ধরাতল থাকিবে, স্মৃতরাং পছল ও ভগু দমান ভূমির উপর ভাপিত ও দমান **উন্নত হইলে যে** পরস্পর नमान रहेरव छारा প্রতিপন্ন रहेएएছ।

প্রোপ। বদি চছক ব আরভ অর্থাৎ সমচভূজোব ধরাত্র ক্ষেত্রের ( ৭৬ পৃঠার প্রতিকৃতি দেব) অস্বর্গত এক এক বর্গহাত পরিমিত ক্ষেত্রের উপর এক ঘনহাত পরি-মিত এক এক ধানি ইষ্টক স্থাপিত করা বার, তাহা চইলে বে ঘন ক্ষেত্ৰটী হইবে ভাহা এক হাভ উচ্চ হইবে; এবং ভাহার তলস্থ সমচতুকোণ ক্ষেত্রে যতগুলি বর্গহাত আছে উক্ত ঘনক্ষেত্রে মধ্যে ভতগুলি ঘনহাত হইবে। যদি 🌢 ইষ্টকের স্তরের উপর এরেপ স্থার একটা স্তর স্থাপন করা যায়, ভাছা ছইলে সমুদায় ঘনক্ষেত্রটী ২ রৈথিক ছাজ উচ্চ হইবে, এবং ভাহার তলে যতগুলি বর্গহাত আছে **छेश**त मध्य खारात २ ७१ धनराष स्टेटर । खेत्राण छेशी ৩ হাত উচ্চ হইলে, তলে যতগুলি বর্গহাত, উহার মধ্যে ভাছার ৩ ৩৭ ঘনহাত হইবে ইত্যাদি। স্বভরাং কোন নমকোণিক ঘনক্ষেত্ৰ যড় রৈথিক হাড় উচ্চ হইবে, আহার ভলম্ব কেতের বর্গহাতের সংখ্যাকে ভড়গুণ করিলে ভণকল উক্ত খনকেত্রের অন্তর্গত খনহাতের সংখ্যা चरी फाहात कानि हरेता धरेकत छन प्रवर्ग कालीत কালি নির্ণয় করিতে হইলে, তাহার দৈর্ঘ্য ও প্রস্তের ७५ कतिए इत. ग्रुएताः धनक्कातीत धनकन कवीर कानि चित्र कतिए स्टेरन, छारात रेपर्या, आप ध्वरः केळला अहे ভিনকে ৩৭ করিতে হয়।

छेनाइत्रम । कथ इक्क च भ चन क्लाब्बर रेमर्था क ब ह হাড, বিক্তার কণ ৩ হাত ও উচ্চতা কচণ্ড হাত হইলে. ভাহার কালি কত গ **डे:। ३৮ घनका** छ।

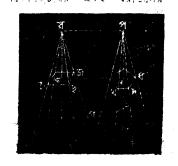
এই সমকোণিক ঘন কেত্ৰটী ৪ হাত উচ্চ বলিয়া, উহার তলম্ব ক্ষেত্রের বর্গহাতের সংখ্যা ১২কে ও ৩০৭ করিলে, গুণফল ৪৮ খনহাত, উক্ত খনকেত্ৰটীৰ কালি इटें(व।



২। যে প্রস্তর্থতের দৈর্ঘা, বিস্তার ও উচ্চতা যথাক্রমে ७, ० ७ २ कृष्ठे, তाङ्गत कालि कर ? है: 1, ७५ घनकृष्ठे । 🤲 ৩। যে পছলের ভূমির পরিমাণকল ২৪ বর্গফুট ও উন্নতিঃ পরিমাণ ৩ ফুট, ভাহার কালি কভ? উ:। ৭২ খনফুট। ১৪শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

সমান ভূমি ও সমান উন্নতিবিশিষ্ট স্থচী বা সকোণসূচী পরস্পর সমান।

मत्म कत अहे भार्षक मत्कानक ही वस अकहे धता इत्वत উপর দ্রার্মান আছে. धेवः हेशास्त्र अभित नमा-ছরাল দিয়া যে ধরতল প্ৰন করিয়াছে ভদারা **विक्रम ७ शहर ध**रा-উল্ভান উৎপদ্ন হট-ताहि। চहक ७ क । श



ছুইটা ধরাতলের উপর ঘার টা লম্ম নিকাশিত কর, আর খ দ ধ 💩 ঠ ড ৭ ছইটী ধরাতলের উপর প ন ফ লম্ম নিকাশিত কর। এইক্ষণে ঘট – পফ, সূতরাং ঘক 🖚 প न। किंह > म ७ > > म शिक्का मुनादत.

ক ধ পার পরিমাণকল : চ ছ জার পরিমাণকল :: प है : प तर, धवः ठे छ ग-त পরিমাণক । थ प ध-त পরিমাণকল:: প करे: প নर.

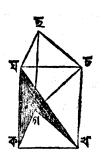
ं . क । পর পরিমাণফল : চ ছ জ-র পরিমাণফল : : ঠ ড গ-র পরিমাণফল: থ দ ধ-র পরিমাণফল; কিন্তু ক থ গ-র পরিমাণক ল ঠ ড গ-র পরিমাণফলের সহিত স্মান করিত হইয়াছে; অভএব চ ছ জ-র পরিমাণফল 🛥 थ म ध-त পরিমাণফল। এই রূপে ইহাদের ভূমির সমান্ত-রালৈ খন্য কোন ধরাতল গম্ন করিলে ভাহারাও সমান হটবে। অভএব এই দকোণস্ফীগুলি এই দকল সমান সমান্তরাল ধরাতলবিশিষ্ট বলিয়া ইহারা পরস্পর সমান।

# ১৫শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

্বে সকল সকোণস্চীর ভূমি ত্রিকোণাকার ভাছার ক্ষান ভূমির উপর স্থাপিত ও সমান উল্লভিবিশিট শহরের ভূডীয়াংশের একাংশ।

क्षेत्र क क क पहलत इहे भारी। शतक कत द से में में भे में में है होरे बजारून अहे शहरनज मध्य किया लिया ভবিষাছে, ভাষা **হটলে পহনটা তিনটা কৰে।প্ৰচীতে** विकास प्रदेशीत क्षमा काजीक हरेत्य ।

পূর্ক প্রতিজ্ঞান্ত সাহ বা গ খ
ও থাচ ঘ সমকোণস্চী হর ক থ ঘ
ও থাচ ঘ সমান ভূমির উপর
দণ্ডারমান ও সমান উন্নতিবিশিষ্ট হওয়াতে পরস্পার সমান। এই রূপে ক খ ঘ গ ও ঘ ছ চ গ সকোণস্চী-হয় ক থ গ ও ঘ ছ চ চ সমান

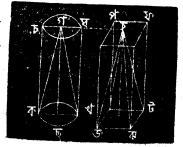


্জুমির উপের দণ্ডায়মান ও সমান উল্ভিবিশিষ্ট বলিয়া ভালারাও পরস্পার সমান ; স্মৃত্রাং ক থ গ ঘ সকোণ-স্টী, ক থ গ ছ প্রুলের একড়ভীয়াংশ।

সহমান। স্কৃটী ও স্তস্ত অথবা পহল যদি এক ভূমির উপর স্থাপিত ও সমান উন্নতিবিশিষ্ট হয়, তাহা হইলে স্কৃটী স্তস্ত বা পহলের ভূতীয়াংশের একাংশ হইবে।

ইতিপূর্কে প্রদর্শিত হইয়াছে যে, ক ধ ঘ চ কত ও দকট প পছল এবং ক থ গ স্চী ও দকট চ সকোণ-

श्रुणे नमान श्रुमित छे शत म्लानमान ७ नमान जैन्नजिति मिट्टे हरेल शत-स्मान नमान हत । किछ् स्मान हे हे नाकाश-रुके स्मान हे के श भ्रुणे स्मान है के श



बकारम, चुलतार कथ ग एठी ७ च व छ क ल शहरतत इजीतारमत अकारम।

প্রয়োগ। পূর্ব্বোক্ত প্রতিজ্ঞা হইতে স্থূচী বা সকোণ-সূচীর ঘনকল স্থির করিবার যুক্তিটী উৎপন্ন হইয়াছে; যথা, ভূমির ক্ষেত্রফল উচ্চতার পরিমাণ দারা গুণ করিয়া ভাহার ভূতীয়াংশের একাংশ লইলেই ঘনফল স্থির হয়।

উলাহরণ ১। বে স্থচীর তলম্ব ক্লেরের পরিমাণফল ৬ বর্গফুট ও উচ্চতা ৭ ফুট, তাহার ঘনফল কত ?

উঃ। ১৪ ঘনকুট।

২। যে সকোণসূচীর তলম্ব ক্ষেত্র ৩ ফুট মুক্তবিশিষ্ট সমচতুর্জ ও উচ্চতা ৮ কুট, তাহার ঘনকল কত ?

**डे:। २८ पनकृ** ।

## ১৬শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

বর্ত্তল স্তস্তের অন্তর্গত হইলে উহা স্তস্তের সৃতীয়াংশের একাংশ হয়।

় গঠঘট বৰ্জুল ও ইহার বেটনকারী স্তম্ভ গচছক धावर के ह म रुठी याशत नीर्ध विमू वर्ड लात किस में विकार नव रहेगाए। घ भ तथा हेरामत त्मकन्छ হউক। ৰচ ভূমির সমাভরাল আন বা একটী ধরাতল উক্ত ডিনটী খন বন্ধ ছেদ করিয়া গমন করুক। ইহা ভাতকে म विमूख, वर्डनाक छ विमूख ७ श्रुटीक व विमूख नार्न করিতেছে; এই বিকৃত্তলি হইতে বর্তুলের কেন্দ্র ম বিকৃ পर्वाञ्च त्वथा ठीन अवः म विक् निर्धा **४ छ-त** नमाञ्चतान है ये ठै द्रिषा छान।

कषम ७ धनम निम्न बिक्जि, कघ:घम::थन: नम: किक्डिच म — कघ, : मन — थन।

পুনশ্চ, ম দ ত সমকো-ণিক ত্রিভুলে ম ড<sup>২</sup> = ত দ<sup>২</sup> + ম দ<sup>২</sup>. কিন্তু ম ত – জ দ,



. अवर भ न = थ न ; .`. ज न २ = छ न २ + भ न २। अहेक्स्त वावकातिक क्यामिण्डित १৮ व्यज्ज्ञिक्साह्याद्व,

म × छ परे = म × छ परे + म × थ परे; धर्थार छ ता द्राख्य क्लाक्रम = छ म द्राख्य क्लाक्रम + थ ध द्राख्य क्लाक्रम । छत्रहे छाछ्य थेथ, वर्ष्ण्म छ मत्कान- चर्छीय नवर्गीय थेथ्य माछिल्मा। धर्थम छ ता एक्लाक्य माछिल्मा ये एक्लाक्य खिल्मा वर्ष्ण्य क्लाक्य का प्राप्त क्लाक्य का एक्लाक्य माछिल्मा वर्ष्ण्य हिम्म खिल्मा हिम्म के छ मायिल्म हिम्म के छ मायिल्म हिम्म के मायिल्म हिम्म के मायिल्म हिम्म स्वाप्त का हिम्म हिम्म स्वाप्त हिम्म हिम्म स्वाप्त हिम्म हिम हिम्म हिम

हें उड़ 4 5 ह क - ট च ठंग वर्जुन।

# দ্বিতীয় ভাগ।

# ৈরেখিক পরিমাণ।

রৈথিক, বর্গ এবং ঘনপরিমাণ নিরূপণ করা গণিত শার্মের বে অংশের উদ্দেশ্য, ভাহার নাম পরিমাপক বিদ্যা বা ক্ষেত্রবাবহার।

 ক্ষেত্রবাবহার তিন ভাগে বিভক্ত; যথা, রৈথিক পরি-মান, ধারাতলিক অর্থাৎ বর্গপরিমাণ ও ঘনপরিমাণ।

কোন পদার্থের পরিমাণ নিরূপণ করিছে ছইলে, জাহার বর্গ অথবা ঘনফল একবারে কোন উপার ছারা নির্ণির হর না। জরীপী ফিতা বা গল্প ইত্যাদি ছারা তাহার রৈথিক পরিমাণ লইরা, পশ্চাৎ যে সকল নির্মাবলী প্রাদত্ত হইবেক, জন্বারা সরল রৈথিক পরিমাণ হইতে বর্গ ও ঘন কল নিরূপিত হয়, যথা একটা বর্গা, কেত্রের পরিমাণ নিরূপণ করিছে হইলে ভাহার দৈর্ঘ্য ও প্রাদ্ধের জর্গাৎ কৈত্রের রৈথিক পরিমাণ এক্র ভণ করিলে ভাহার বর্গফল নিরূপিত হয়। একটা বাল্পের দৈর্ঘা, প্রেছ ও উচ্চতার পরিমাণের ধারাবাহিক গুণন ছারা ঘনফল দ্বির করা যার, কিছ এই ভিন্টার প্রত্যেকটাই প্র বাল্পের রৈথিক পরিমাণ।

রৈথিক পরিমাণ কথন বর্গ অথবা ঘন হইতে পারে না। ছুইটী রৈথিক পরিমাণের ওপন দারা বর্গ ও ডিন্টীর ওপন ছারা ঘনকল উৎপন্ন হয়। 'কোন ক্লেত্রের বর্গকল । হাত হইলে ভাহা ৪ বর্গ হাত ছারা নির্দেশ করা যার; ঘনকল ৪ হাত হইলে উক্ত কলকে ৪ ঘন হাত বলা যার; কিন্ত ইহা যদি কোন ক্লেত্রের রৈথিক পরিমাণ হয়, ভাহা হইলে বর্গ বা ঘন বলিয়া কেবল ৪ হাত বলিভে হয়।

ছুইটী রৈথিক পরিমাণের গুণন ছারা বে ফল উৎপন্ন হয়, তাহাকে বর্গপরিমাণ বা ক্ষেত্রফল কহে।

তিনটী রৈথিক পরিমাণের অর্থাৎ দৈর্ঘা, বিস্তার ও বেধের ধারাবাহিক গুণনে যে ফল উৎপন্ন হয়, ভাহাকে ঘন পরিমাণ বা ঘনফল কহে।

কোন বর্গ পরিমাণকে রৈখিক পরিমাণ ছারা গুণ করিকে বে ফল লব্ধ হয়, ভাহাকে ঘনফল কহে। স্কুভরাং কোন ঘনফলকে বর্গফল ছারা বিভাজিত করিলে ভাহার ভাগফল রৈথিক পরিমাণ হয়, এবং রৈথিক পরিমাণ ছারা ভাগ করিলে ভাগফল বর্গফল হয়।

### বস্তু ও স্থানের দৈর্ঘ্যাদি মাপিবার ধার।।

₹8	অঙ্গুলে	د	হাভ	1	د	হা, ( সাঙ্কেভিক	f	₹)
8	হাতে	•••		•••	٥	ধমু ।	۵	₹,
2000	ধহুতে	বা ৮০	•• <b>হ</b>	তে	۲	ক্রোশ।	5	কো,
8	ক্ৰোশে	·	•••	٠	د	যোজন।	۲,	বো,
7 \$	<b>इक्स्ट</b>	•••			১	कृष्टे ।	۵	Ŧ,
74	<b>३क</b> ख	• • •		•••	۷	হাত।	3	₽Ì,
৩	कृष्ट			•••	3	সল লখকা ২হাত।	3	<b>7</b>
44.	W/E				ς.	CHESTER 1	١,	~

ং ১ প্রক	• . • • •	্র পোল বা রুড।	১ পো,
৪ পোলে	•••	১ ८०३न वा मुख्यन।	à C5,
১• চেইনে	***	५ कर्नर। ५ क,	
৭৬- গজে বা	1	<b>)</b>	
০২০ হাত কি	का ४ कर्नक	১ माहेल। ১ मा,	
		· ভ ··· ইন্সরেজী ১ ক্রোশ,	

এখন ৮০০০ হাছে ক্রোশ না ধরিয়া, জনেকে ২ মাইলে জ্ববিং ৭০৪০ হাতে ক্রোশ ধরিয়া থাকে। কাপড়ের মাপে হাত ও পজ, রাজমিল্লী ও ছুতারমিল্লীর হিদাবে ফুট ও ইঞ্চ বাব-জাব হয়।

ও মাইলে · · · · · › ১ লিগ্। ১ লি, ৬• মাইলে · · · · · ১ ডিগ্রো। ১ জি,

ভূমির দৈর্ঘ্য ও বিস্তার মাপিবার সময় আরও এক প্রণালী অবল্যন করা গিয়া থাকে। সে প্রণালী এই।

## সেকেন্দরী গজের পরিমাণ।

- ১। नाक्षि जूरव भाक्षि। २। जूँ काशका नाक्षि।
- शांत्र कवन का नाक्षि। ऽ। कुँ त्व (कान नाता।
  - वृद्ध प्रक्रिंद्य गांगा।
     ५। कान् कामका श्राल्छ।
  - १। श्रम बानातका अहात्य। ৮। कान श्रम।
  - > : रमरक्यती शकः।

নক মৃষ্টিভে সেকেন্দ্ররী গল হর স্মরণ থাকিবার স্থবিধার জন্ম হউক বা সেকেন্দ্র সাহের নাম রকার নিমিত্ত হউক, এক একটা মৃষ্টির এক এক বচন অথবা শদ রচিত হইরাছে। এই গল দারা খলিদা অর্থাৎ রাজদম্পরীয় থাদের জমির জরীপ হইরা থাকে, এবং অই মৃষ্টি গল দারা লাখেরাজ, জলোজর ইত্যাদি জমির জরীপ হইরা থাকে। ইহাকে হস্তবোধ জরীপ কচে।

এই প্রকার ৫৫ পজ অর্থাৎ ১১০ হন্ত দীর্ঘ রক্ষুর নাম রশি। ঐ রশিকে ২০ তি ভাগে বিভক্ত করিলে এক এক ভাগকে কাঠা কহে। এই রশির অগ্রপশ্চাতে হাডাকাছা বলিয়া এক এক হন্ত রক্ষু থাকে।

#### ३य मन्त्रीमा।

্সমকোণিক ত্রিভূজের ভূমি, কোটি ও কর্ণ এই ভিন্টীর কোন ছুইটা পরিজ্ঞাত থাকিলে,অপরটা কিরুপে নির্ণর করিতে হইবে।

সমকোণিক ত্রিভ্রের সমকোণ সমুখীন ভ্রের বর্গ জপর ছই বাহর অর্থাৎ ভূজ এবং কোটির বর্গের বোগ-ভূস্য। (বাঃ জাাঃ ৩৫শ প্রতিজ্ঞা) ...

- ১ নিয়ম। ভূমিকোটির বর্গনমষ্টির মূল কর্ব।
- ২ নিরম। ভূমিকর্ণের বর্গা<del>ন্তরের মূল কোটি।</del>
- ৩ নিয়ম। কোটিকর্ণের বর্ণাস্তরের মূল ভূমি।

ক ৰ গ সমকোণিক তিভুজ, বাহার ক ৰ গ কোণ সমকোণ।

এই তিত্তের ভূমি ক খ রেখা ড আজন হার৷ নির্দেশ কর, এবং কোটিও কর্ণ ধ প ও ক প



যথার ল এবং ক অক্ষর ছারা নির্দেশ কর। এইক্ষণে ব্যব-হারিক জ্যানিভির ৩৫ শ প্রতিজ্ঞা হইতে এই ভিনটী স্ত্র উৎপন্ন হইতে পারে, যথা---

হৈছে। (১) ক = 
$$\sqrt{3^2 + n^2}$$
,  
(২) ভ =  $\sqrt{3^2 - n^2}$ , এবং  
(৩) ল =  $\sqrt{3^2 - 3^2}$ ।

উদাহরণ ১। কোন সমকোনিক ত্রিভুজের ভূমি ৪০ এবং কোটি ৩০ ফুট, ভাহার কর্ণ পরিমাণ কত হইবে १

১ম নিরমাঞ্সারে। ১ম স্থ্রান্ত্সারে।

৪০ ৩০ 

৪০ ২ + ৩০ ২ = ৫০ = ক সা।
১৬০০ ৯০০

२००० (०० - कर्गक श। २०

২। কর্ণপরিমাণ ৬৫ এবং ভূমিপরিমাণ ৫৬ কুট, কোটি কত হইবে ?

५६ **४ - ३२२६।** ६५ × ६६ **-** ०२७५।

<sup>60)</sup> JF3

छै:। ७० इन्हें।

৩। একটা প্রাচীর ৩০° কুট উচ্চ, এবং ভাহার নীচেই ১৮ ফুট বিস্তার একটা খাল আছে, ন্যুন করে কত কুট লখা এক থানা মৈ হইলে ছাহার উপর উঠিতে পারা যাইবে 🤊 छि:। अन्दे कृष्टे।

৪। একটীবর্গক্ষেত্রের এক পার্ছের পরিমাণ ১০০ গজা, ভাছার কর্ণ রেথার পরিমাণ কত হইবে ? উ:। ১৪১.৪ গ্রন্থ।

৫। একটা প্রাচীরের পার্ষ দিয়া একটা রাস্তা আছে। 🖣 রাস্ভার বিস্তার ৭ হাড। রাস্তার ধার হইতে ২ হাভ भाष्ट्रात ১৫ हां होर्ग এक शांना स्म ताथित के क्षांहीरतन **ঠিক উপরে লাগে। প্রাচীর কত হাত** উচ্চ ? উ:। ১২ হাত। িও। কোন সমবাছ ত্রিভুজের ভুজের পরিমাণ ১০ ফুট, ভাহার লম্ব পরিমাণ কভ হইবে ? উ:। প্রায় ৮ ফুট ৮ ইঞা। ি া কোন একটা সমন্বিবাহ ত্রিভুলের ভূমিপরিমাণ २६ क्षे धवर कुमबत প্রত্যেকে ৩২३ कृते, छारात नुषश्ति-মাণ কড় ?

ৈ ৮। কোন বৰ্গ কেতেরে কৰ্ণপ্রিমাণ ১০ গল, ভাহাৰ ৰাহপরিমাণ কন্ত হইবে ? উ:। ৭ গল ০ ফুট ২ই ইঞ্ন

সমকোণিক ত্রিভূজের সমকোণপার্যবন্তী ভূজ ভূইটীর পরিমাণ যদি ৩০ হাত ও ৪৪ হাত হয়, ভবে সমুকোণ 

 এক কেওয়ালের ৩৫ কৃট অভর ক্টকে ৯৯ কৃট্

লক্ষ্যা একটা বাশ ঠিক জ দেওয়ালের উপরিভাগে কাগান কর-बार्ड, ज्यानी कड डेक ?

১১। এক থানি সিঁড়ি ১০০ হস্ত উচ্চ<sub>া</sub>একটা প্রান্ধীরের

শহিত শ্বভাবে শংলগ্ন হইয়া ঠিক ভাহার মাধায় মাধায় ছিল; পরে ধর্থন আঁ দিড়ির নিম্ন ভাগ ১০ হস্ত সরান হর. ভ্ৰম ভাষার অঞ্চভাগ প্রাচীরের কোন স্থানে দংলগ ছিল শ্বির কর ? छे:। श्रात्र ३३ कृष्टे ७ हेक।

२व मण्यामा।

ৰদি চইটা বদুশ তিভুজ কেতের মধ্যে একটার হুইটা বাছর পরিমাণ নির্দিষ্ট থাকে ও অপর্টীর উক্ত নির্দিষ্ট বাহুদ্বের দ্বগীয় কোন বাহুর পরিমাণ জানা থাকে. ভারা ছইলে অবশিষ্ট স্বলীয় বাহুর পরিমাণ কিরুপে নির্ণয় হইবে।

নিষম। ক খ প ও ১৯ জ হুই সদৃশ ত্রিভূজ এখন (৪৭ প্রতিকারুদারে)

कथ: थग: : ठ छ: इस.चथवा ह इ : ह स ::

##: # NI

228

া উদা হ। বনি ৪ ফুট বাঁশ ভূমিতে লম্বভাবে ধরিলে ভাষার ছালা ৫ ফুট হল, ভাহা হইলে বে বুক বা মলিরের খারা ৮৩ ফুট ভাহার উচ্চতা কভ গ

্ৰ ছ ছ রেখাকে বীশ ও ধ গ রেখাকে মন্দির বলিয়া নির্কেশ क्या. जात हु छ क व द्रवीवत्रक वीण ७ मिलादेश हात्राच অক্সল বলিরা বোধ কর। এইক্ষণে বালের অঞ্জাপ ব ছারার শেষ দীমা চ সংযুক্ত কর, এবং মন্দিরের অঞ্চাদ व द्वारा त्या गीमा क मरपूक्त कर ; जारा हरेल क कन 🍅 😼 व नम्म जिल्ल हरेरा।

তাহাতে চ হ : ছ জ : : ক খ : খ গ,

ष्पर्वार १ : : ४० : ५५३

8

८) ७७२

অভএব মন্দিরের উচ্চতা 🗕 ৬৬ ই কুট।

বদি চারিটা রাশি সমান্ত্রপাতিক হয়, ভাছা হ**ইলে** ভাছাদের অস্তা রাশি তৃইটার গুণফল, মধ্যম রাশি তৃইটার গুণফলের সমান হইবে।

ক্ষান্থপাতের এই ধর্ম থাকাতে অনায়াসে সপ্রমাণ হইতেছে বে, মধ্যম রাশি সুইটার গুণফলকে অন্তা রাশি সুইটার অন্ততন ভারা ভাগ করিলে অপর অন্তা রাশিটা লব্ধ হয়; এবং অন্তা কাশি সুইটার গুণফলকে মধ্যম রাশিষ্যের অন্যতর হারা ভাগ করিশে অপর মধ্যম রাশিটা লব্ধ হয়।

ে ২। যদি একটা বর্গ ক্ষেত্রের বাছর পরিমাণ ৫ ফুট এবং কর্ণের পরিমাণ ৭.০৭১ ফুট হর, ডবে যে বর্গ ক্ষেত্রের কর্মের পরিমাণ ৪ ফুট, ভাহার বাছর পরিমাণ কভ হইকে ?

छे:। श्राप्त २ मृष्ठे ३० हेका।

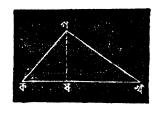
ি.ওঁ। চারি কুট লখা এমত একটা বীশের ছায়া বিদ ও কুট ছর, ভবে বে কীর্জিভান্তর ছারার পরিমাণ ১৫৮३ কুট, ভাষার উক্তভা কভ?

ত্ত দশ কৃট লখা এমত একটা যতির ছারা যদিও কৃট কর তবে বে সকোণস্চীর ছায়া ১৪০ কৃট, ভাছার উক্তরা কত স

 ৫। ৩ই হাত মান্ত্রের ছায়া ৫ই হাত, স্পার একটা বাটীর ছায়া ৪৫ হাত, বাটীটী কন্ত উচ্চ ? উ:। ৩০ হাত। ৩য় সম্পাদ্য।

কোন ত্রিভুজের বাছম্বয় এবং ভূমির পরিমাণ পরিজ্ঞাত আছে, তাহার লম্পরিমাণ কত নির্ণয় করিতে হইবে।

ক থ গ একটী ত্রিভূড়ের 🕶 প, ক গা বাছখয় এবং ছমি ক খ-র পরিমাণ নি-किष्ठे चाह्य, खादात लग्न ग ঘ-র পরিমাণ ধার্বা করিতে क्रेदि ।



্নিরম। ধ্ব ও ঘক ভূমির দুই খণ্ডের প্রভাকের পরিমাণ কভ অথে নির্ণয় করিতে ছইবে। যদি ধ**গ** इरेंगे वाहत मधा दृश्खत रहा, छाश शरेत अ च अवजीत ছই ধণ্ডের মধো বৃহত্তর হইবে। এইক্ষণে ভূমির সহিত ৰাছদরের যোগের যাদৃশ অন্তপাত, অর্থাৎ ক ধ: ধ গ 🕂 গ ক, বাহ্ছয়ের অন্তরের সহিত ভূমিখণ্ডহয়ের বিয়োগের **डाइण अञ्चलाट, अर्था९ स्त्र — गक: यघ — घक;** भावताक थ : थ न + न क :: थ न - न क: ধ म 🛨 घ क। ভূমির থওছরের বিয়োগকল সমুদার ভূমির পরিমাণে যোগ করিয়া, তদর্ম লইলেই বুহত্তর थे थे च-त शतिमान निर्नत इहेर्द ; आत के विरम्भकत कृषिभतिमान हरेए अहत कतिता छम् नरेराहे क्रूब শশ্রের (ক प-র) পরিমাণ নির্ণয় হইবে। পত্নে 🏚 ভূমির

জনাতর থতের পরিষাণের বর্গ তৎসন্নিহিত ত্বল কোণ-সংলগ ভূজের বর্গ হইতে অন্তর করিলে যাহা হয়, ভাহার মূল লম্বের পরিমাণ হইবে।

নিয়মান্তর। ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ছুই ভুজের পরিমাণের সমষ্টিকে, সেই ভুজন্বরের পরস্পার বিয়োগফল দারা গুল ফরিয়া, গুণফলকে ভূমিপরিমাণ দারা ভাগ করিলে যে ফল ছুইবে, তাহা ভূমি পরিমাণে যোগ করিলে তাহার জাজেক ভূমির বৃহৎ জংশের পরিমাণ হইবে; এবং ঐ ফল ভূমি-পরিমাণ হইতে জন্তর করিলে, তদর্জ ভূমির কুলাংশের পরিমাণ হইবে। এইক্ষণে প্রত্যেক ভূক্ত গুডংসারিহিল ভূমিও দারা এক একটা সমকোণিক ত্রিভুজ ক্ষেত্র উৎপন্ন হইবে, তাহা হইলে ১ম সম্পাদ্যের ২য় নিয়ম দারা গঘলকের পরিমাণ নির্পর হইবে।

গঁঘ লম্বের পরিমাণ ব্যবহারিক জ্যামিভির ৩৭ শ **প্রান্তি**জ্ঞার ছারাও নির্ণয় হইতে পারে।

স্তা। যদি ক ধ, ধ গ ও ক গ ক্রমশঃ অ, আ এবং ই জক্ষর বারা নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে উপরি উক্ত অস্থপাভাস্থপারে,

(2) 
$$4 = \frac{2}{3} \left\{ m + \frac{m|^2 - \overline{\delta}^2}{m} \right\}$$
, aq

(9) 
$$99 - \frac{1}{2} \left\{ w + \frac{w(^2 - \frac{1}{2})^2}{w} \right\}$$

উনা: ১। কোন জিভুবের ভূলপরিমাণ ৪২, ৪০ ও ২৬ কুট।

ইয়ার নীর্মভার বাহর উপার পতিত লখের পরিমাণ কড হইবে ?

कर्यः थरा 🕂 शकः चरा — शकः चरा — पकः, व्यर्वाष, ४२ : ७७ : : ১৪ : २२, धारा 🕏 (৪২-২২) = ১০ কুট = ঘক। কিম্বা শেষস্ত্রাভুসারে  $\forall \ \overline{a} = \frac{1}{2} \left\{ 82 - \frac{80^2 - 26^2}{82} \right\} = 10 \quad \overline{40}, \quad 62$ भ च - V शकरे - चकरे = V २५१- ३०१ = २४ कृष्टे। ২। ভূমি ৩০ কূট এবং চ্ট বাছ ক্রমশঃ ২৫ এবং ৩৫ ফুট এমত এক ত্রিভুজ নিন্দিষ্ট আছে, তাহার লম্পরিমাণ छै:। श्रीय २८ कृते ७ हेका। কভ নির্ণয় কর ? ৩। ক খ গ ত্রিভুজের গ খ ১৫ হাত, ক গ ১৩ হাত ও ক খ ১৪ ছাত হইলে, গঘ লম্বের পরিমাণ কত 🤊 🕏:। ১২ ছাত। 74+20=54170-70=5;5×54=40140+78=81

28-8 - 20: 20+2 = 3 - 本日!

28+8= 24: 24+5= 3= 日本1

V क च²-क ग²-ग च, किश V (³-)0²-)2=1 च। 8र्थ मण्योग ।

একটা সমবাহক ও সমকোণিক বছভুজ ক্লেত্ৰের বাহর পরিমাণ নিশিষ্ট আছে, ভাহার অন্তর্গত ও বহির্গত বুল্কের ব্যাসার্দ্ধ নির্ণয় করিতে হইবে।

क इ है स च नमवाहक বছতুক্তর বাহর পরিমাণ ৰানা আছে, টুহার অন্তর্গত ও উপরি অন্ধিত বুতের वागि म थ ७ म क-त शति-माप निर्वत कतिए इहेरव।



নিয়ম। নিয়লিখিত তালিকার বছত্ত্বের ভূজংসখাছুসারে, এই তালিকা হইতে জন্তর্গত বুত্তের ব্যাসার্ছ পরিমাণ
লইবা, তাহা উক্ত বছভূজের বাছর পরিমাণ ছারা ৩৭ করিলে,
উক্ত বছ ভূজের জন্তর্গত বুত্তের ব্যাসার্ছ নির্ণয় হয়; এবং
সেই সংখ্যক ভূজের উপরি অন্ধিত বুত্তের ব্যাসার্ছ পরিমাণ
লইয়া, উক্ত বছভূজের বাছপরিমাণ ছারা ৩৭ করিলে, ঐ বছভূজের উপরি অন্ধিত বুত্তের ব্যাসার্ছের পরিমাণ জানা ছায়া।

## বহু ভুজসংক্রান্ত তালিকা।

বা <b>ৰ</b> সংখ্যা	সাকার	অন্তর্গত রুভের ব্যাসার্জ- পরিমাণ।	वहित्र (खत व्यानार्द्धत भतिमान ।	ক্রেকন
9	जित्कार्व · · · · ·	.२४४१	.#990	.800.
8	চতুৰ্জ বা বৰ্গ	.0000	د۹۰۹.	١٠٠٠٠
•	পঞ্জ · · · ·	.4662	, <b>b</b> ¢•\$	5.9204
•	त्र प्रकृष्ण · · · ·	.664.	٠.٠٠٠	4.4350
2. 2. 3. 1 2. 2. 3. 1	<b>শ্ৰভুক</b> · · · · ·	১.০৩৮৩	2,2€₹8	9.6005
٠	षदेषुष	۵.२ <b>٠٩</b> ٤	১.৩০৬৬	8.5458
۵	सरकूष	১.৩৭৩৭	۵.8%)	4.3636
١.	नमञ्ज	3.000	7.475.	1.6883
32	একাদশভূম · · ·	১. <b>૧</b> ०२৮	<b>١.٩٩</b> 8٩	3.9565
33	रायगञ्ज	١.৮৬ <b>৬</b> ٠	<b>۵.۵۵.۵</b>	33.5 <b>3</b> 63

উদাহরণ ১। যে সমবাছক ও সমকোণিক পঞ্জুজ ক্ষেরে বাহর পরিমাণ ৫ ফুট ১ ইঞ্চ, ভাহার অন্তর্গত ও উপরি শঙ্কিত বৃত্তের ব্যাসার্জের পরিমাণ কড ?

े 🖫 :।ः ≪বার ০ ফুট ৬ ইঞা, এবং ৪ ফুট ৪ ইঞা। <। কোন সমবাহক অষ্ট ভূজাকার পুপ্পোল্যানের বাহর পরিমাণ ২০৩ই পজ, উহার প্রত্যেক সমুধীন ভূজের মধ্য-ছানে সংযোগ ছারা যে চারিটা রাস্তা উৎপন্ন হয়, শেই চারিটা রাস্তার দৈর্ঘ্যপরিমাণের সমষ্টি কভ ?

ष्टे:। ১३७८.३६৮৮ श्**व**।

#### ৫ম সম্পাতা।

কোন বৃত্তের ব্যাসার্ছের পরিমাণ জানা থাকিলে, ্রভাত্তর্গভ সমচভূত্র্জের বাছর পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

নিরম। ব্যাসার্ছকে বর্গ করিয়া দ্বিগুণ কর, পরে ভাহার বর্গ মূল লইলে সমচভূর্জের বাহর পরিমাণ হইবে।

ু উদাহরণ। যে বুভের ব্যাসার্থ ৪ হাত, ভদস্কর্গত সম-চছুর্বের বাছর পরিমাণ কড ? উ:। প্রার ৫.৬ হাত।

## ৬ঠ সম্পাক্ত।

কোন বৃত্তক্ষেত্রের ব্যাদের পরিমাণ পরিক্ষাত থাকিলে পরিধির পরিমাণ নির্ণর করিতে হইবে, এবং পরিধির পরিষাণ পরিজ্ঞাত থাকিলে ব্যাসের পরিষাণ নির্ণয় করিতে इहेरव ।

िनित्रम २म । १ : २२ :: वर्गन : शतिथि। २२ : १ :: পরিষ : वान्।

নিয়ম ২য়। ১ এর সহিত ৩.১৪১৬ **# এর যে জন্ন** পাভ, ব্যাসের সহিত পরিধির সেই জন্মপাত।

 ৩.১৪১৬ এর সহিত ১ এর যে অন্ত্রপাত, পরিধির সহিত ব্যাসের সেই অন্নপাত।



যদি ব অক্ষর ছারা ব্যাস, প

অক্ষর দারা পরিধি ও ত অক্ষর দারা ৩.১৪১৬ রাশিটী নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে নিম্ন স্ক্রন্ডলি প্রাপ্ত হওরা যাইবে।

 $\mathbf{zet}, -(2) \mathbf{v} = \mathbf{v} \times \mathbf{v}, \mathbf{vet} (2) \mathbf{v} = \frac{\mathbf{vet}}{\mathbf{vet}},$ 

উনঃ ১। যে রুভের ব্যাস ১০ হাত, ভাহার পরিধি কন্ত 📍 প্রথম নির্মাল্লসারে ৭: ২২ :: ১০ : ৩১ই

9) >>0

পরিধি = ৩১ই হাত; কিম্বা ৩১.৪২৮৫৭ হাত।
বিতীয় নির্মানুসারে পরিধি = ৩১.৪১৬ হাত।

যদি গণনার অভাস্ত স্কৃত। আবশুক না হর, ভাহা

ইইলে প্রথম নিয়মটা অবলম্বন করিছে ইইবে; আর গণনার

স্কৃত। আবশুক ইইলে, থিতীয় নিয়মটা অবলম্বন করিছে

ইইবে।

<sup>\*</sup> যদি বুভের ব্যাদ এক সংখ্যাহারা নির্দেশ করা যায়, ভাহা ইইলে পরিমি ৩.১৪১৫৯২৬৫৩৫৮৯৭৯ &c. হইবে। অঙ্ক কসিবার স্থিবার নিমিন্ত কেবল ৪টা দশমিক অংশ গ্রহণ করা গেল।

২াবে বুত্ত ক্ষেত্রের পরিধি ৫০ ফুট, ভাহার ব্যাস কভ ১ व्यथम नित्रमाञ्चनारत, २२ : १ :: ৫०: १४३ == े देखें के देश के देश के अर्थ के विकास

নিতীর নিরম বা ক্লাহুলারে, ব্যাল = পু = ১৫.৯১৫৪ চুট

 । अपि पृथियोत यात्मत भत्रिमां १२०४ माहेन इत, ্ ভাহা হইলে পরিধির পরিমাণ কত গ

छै:। २००० , ४०२४ महिल।

🛾 । যে গাড়ির চাকা ১ মাইল পথ অভিবর্তন করিলে বার খুরে, ভাহার ব্যাসের পরিমাণ কভ >

छै:। ७ कृते 8,७२ हैका

 বে বান্দীর শকটের চাকার বাাস ৬ ফুট, তাহা এক হোরায় ৬০ মাইল পথ গমন করিলে এক সেকতে কভবার বুরিবে গ উ:। व्यात ३३ वात ।

🖜। চল্লের পরিধিপরিমাণ ৬৮৫০ মাইল হইলে, উভার ব্যাসপরিমাণ কভ হইবে ? উ:। ২১৮০.৪ মাইল।

 একটা ঘড়ীর কাঁটা ৩ট্র মিনিটে ৫ ইঞ্চ সরিয়া বার; কাটাটী কত নহা গ छै:। ३८.७३ हेक नम्।

#### १म मण्यामा ।

्रकान इन्नग्राधित का। धवः अत काना आहि, के बुरस्त ব্যাস ও চাপার্ছের জ্যার পরিমাণ নির্ণর করিছে হইবে।

ৰ'প যা একটা ব্ৰক্তের চাপ, উহার জ্ঞ্যা ৰ'ম 😸 লর প চ-র পরিমাণ জানা খাকিলে, ব্যাস ক প ও চাপার্ডের জ্ঞাধপ-র পরিমাণ নির্ণয় করিছে হইবে।

নিরম। জ্ঞার পরিমাণ যক হইবে, তাহার অর্দ্ধেকের বর্গ করিবা তাহাকে শর পরিমাণ ধারা ভাগ কর। পরে তাগফলে শর-পরিমাণ যোগ করিলে



বাদি পরিমাণ লন্ধ হউবেক। এবং ১ম সম্পাছার্দারে প্রাক্তির। করিলে চাপার্দ্ধের জ্ঞাব পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়।

ধনি জ অক্ষর থারা সম্দার চাপের অর্জ জান, চ ধার।
াপার্কের জান, শ ধারা শর, আর ব ধারা রত্তেব বাাদ নির্দেশ করা যায়, ভাষা হইলে নিম্ন দিখিত স্ত্রগুলি প্রাপ্ত হওরা যাইবে। যথা,—

$$2\pi 1 \ a = \frac{6^2}{\pi} + \frac{\pi}{4}, \ \pi 1 \ b = \sqrt{6^2 + \pi^2},$$
 $9\pi 1 \ a = \frac{5^2}{\pi}, \ 8\pi 1 \ m = \frac{5^2}{\pi}, \ c\pi 1 \ b = \sqrt{a \times m} 1$ 

উদা: ১। যদি কোন চাপের জ্ঞার পরিমাণ ৪৮ ফুট ও শ্বপরিমাণ ১৮ ফুট হয়, ভাহা হইলে ঐ চাপ যে বুঞ্জের ঋংশ শেই বুজের ব্যাসের পরিমাণ কড় ?

ञ्च छत्राः थ म वा वामार्क = २० कृते।

২। কোন চাপের জ্যার পরিমাণ ২৪০ ফুট ও শর ব উচ্চতার পরিমাণ ৩৪ ফুট হইলে, যে ব্যাসার্জ লইয়া ঐ চাণ আক্তিত হইয়াছে ভাহার পরিমাণ কত হইবে ?

স্থতরাং বাাসার্ক = ৪৫৭.৫৩ + ২ = ২২৮.৭৬৫ = ২২৮ ফুট ৯ ইফ।

থ। যদি কোন চাপের জ্যার পরিমাণ ৪৮ ফুট এবং
 উচ্চভার পরিমাণ ৭ ফুট হয়, ভাহা হইলে ঐ চাপার্ছের
 জ্যার পরিমাণ কভ হইবে १

২য় স্তান্ত্রারে, চাপার্দ্ধের জ্ঞার পরিমাণ

ও। একটী হত্তাকার দুর্কাক্ষেত্র আছে, ভাহার বাস-পরিমাণ ১০০, গজ, ঐ বৃত্তাকার ক্ষেত্রের মধ্য দিয়া একটী রাস্তা আছে এবং ঐ রাস্তার সহিত সমকোণিক হইয়া বাসার্ক্ষের মধ্যস্থল দিয়া আর একটী রাস্তা গিয়াছে, এই শেষোক্ত রাস্তার পরিমাণ কত মিণ্য় করিতে হুইবে।

১ম স্তটীর স্থীকরণকে অব্ছান্তর করিলে,

ধ চ ম সমকোণিক ত্রিভূজ হইতেও উক্ত কলটা প্রাপ্ত হওর) ঘাইতে পারে। ে। একটী সেত্র চাপার্জের জ্যার পরিমাণ ২৪ ফুট, এবং চাপের উচ্চতার পরিমাণ ১৬ ফুট ইইলে, যে ব্যাসার্জ লইয়া ঐ চাপ অস্কিত ইইয়াছে, ভাহার পরিমাণ মন্ত ?

**डे:**। ३४ कृष्टे ।

#### ५म मण्यामा ।

বুত্তের কোন চাপের দৈগা নির্ণয় করিতে হইবে।

প্রথমতঃ। চাপে যত অংশ আছে তাহার পরিমাণ ও ব্যাদার্কের পরিমাণ নিদিষ্ট থাকিলে, নিম্ন লিখিত নিয়মটী জবলম্বন করিতে হয়। যথা,—

১ম নিরম। ১৮০°এর সহিত যেমন চাপাংশের অন্ত-পাত, বাাসার্দ্ধের ৩.১৪১৬ গুণের সহিত উহার দৈর্ঘ্যের সেইরূপ জন্মপাত।

প্রকারাস্তর। বুত্তের পরিধি স্থির করিয়া বুত্তাংশের স্বংশপরিমাণ দ্বারা গুণ কর, পরে এই গুণফলকে ৩৬০ দ্বারা ভাগ করিলে ভাগফল বুত্তাংশের দৈর্ঘাপরিমাণ হইবে।

দিতীয়তঃ। সমুদায় চাপের এবং চাপার্দ্ধের জ্ঞার পরিমাণ নির্দ্দিষ্ট থাকিলে, নিম্ন লিখিত নিয়ম্টী অবলম্বন করিতে হর। যথা,—

ুর নিয়ম। চাপার্চের জ্ঞার পরিমাণ যত হুইবেক ভাহাকে ৮ গুণ করিয়া, সেই গুণফল হুইতে সমুদায় চাপের জ্ঞার পরিমাণ বিয়োগ কর: পরে বিয়োগফলের একভৃতীয়াংশ লইলেই চাপের দৈর্দাপরিমাণ প্রাপ্ত হুওরা যাইবে।

্স্তা। যদি ব্যাদার্ক আন আক্রের গারা, ১৮০° ব আকর আরা, চাপের আংশপরিমাণ চ আক্রে গারা, ৩.১৪১৬ ত আন্দের

षाता, এवः চাপের দৈর্ঘ্য দ अक्टत षाता निर्म्म कता याउ जारा रहेल

উদা: ১। চাপ ৩০° এবং ব্যাসার্ক ৯ ফুট হইলে, চাপের দৈর্ঘ্য কভ ?

১ম নিয়মান্থলারে, ৩.১৪১৬

১৮०:७०:: २৮.२१८८: ४.१४२८ कृष्टे। ১ম স্থ্রান্ত্রনারে, দ বা চাপের দৈঘা

২। চাপ ৩০° এবং জ্বা ৯ ফুট ৫ ইঞ্চ হইলে, ঐ চাপ ষে বৃত্তের অংশ, ভাহার ব্যাসার্জের পরিমাণ কত গ

উ:। দিতীয় স্ত্রামুদারে ব্যাদার্ক 🗕 প্রায় ১৮ ফুট।

৩। যদি সমুদায় চাপের জ্যা থ ঘ-র পরিমাণ ৪.৬৫৩৭৪ करे ७ ठालार्कित का। थ भ-त लितियान २.७८৯८१ कृष्टे इत्, ভাঙা হইলে চাপের দৈর্ঘ্য কন্ত ?

ছিতীর নির্মান্ত্রারে,

34.93a95

,ठाल्पत देवर्ग = 8.9>8०० कृष्टे ।

৪। চাপ ১২° ১০ বা ১২ — ও ব্যাসার্দ্ধ ১০ ফুট হুইলে,

ক চাপের দৈগা কত ? উঃ। ১ম নিয়মান্সারে, ২.১০৩৪ কৃট। স্ত্র ৩য়। চাপ ৯০° অর্থাৎ বৃত্তের চতুপাংশের কেশী হুইলে নিম লিখিত স্ত্রী অবলম্বন করিতে হুইবে। যথা.— থগ্য চাপের (পুর্ব্ব প্রেক্তিকৃতি দেখ্য) চতুপাংশের জ্ঞা ভ

৫। যে গোল থিলানের জ্ঞা (খঘ) ১৮ ফুট এবং
 উচ্চতা(গচ) ১৮ ফুট, তাহার দৈগাকত ?

৭ম সম্পাতের ১ম ও ২য় স্তান্সারে ব = ক থ র পরিমাণ = ৫০ ফুট; এবং চ = থ গ = ০০ ফুট; এইক্ষণে উপরি উক্ত স্তান্সারে, থ গ ঘ চাপের চতুথাংশের ফা; =

ছিতীয় নির্মান্নপারে, (১৫.৮১ ১৩ × ৮ — ৩০) → ৩ --৩২.১৬৩৫ ফুট = থ গ চাপ।

हेशत विश्वन ४८.०२ १० कृष्ठे श च हारलत देवसा ।

এই প্রশ্নে কেবল দিতীয় নিয়ম অবল্যন করিচা প্রক্রিয় করিলে চাপের পরিমাণ ৬৪ ফুট হইবে, অর্থাৎ প্রক্রিত পরি-মাণ অপেক্ষা প্রায় ৪ ইঞ্চ কুদ্র হইবে।

ভ। চাপ ৪৫ অংশ ও ব্যাস ৪ ফুট হইলে, ঐ চাপের দৈর্ঘ্য কত ? ্ উঃ ১.৫% ৮ ফুট

9। বুড়াংশ ৩৪° ২০ ও ব্যাস ৬ হাত হইলে, ঐ বুড়াংশের रिमर्गा कछ १ छै। ३,१२१ हाउ।

৮। রভের বাাদ ৫ ফুট হইলে, ভাহার ৪ ফুট পরিমিত চাপে কত জংশ থাকিতে পারে ?

রন্তপরিধি ৩৬০ অংশের চাপ; স্মৃতরাং প্রশ্নোলিথিত

অভেএব নির্দ্দিষ্ট চাপের অংশ সংখ্যা = 8 + 5° এর চাপ 6×3,5853

৯। রন্তের ব্যাস ১৫ হাত হইলে, যে চাপের দৈর্দ্য ১৪ হাত, তাহার অংশ পরিমাণ কভ ? উঃ। ১০০° ১৬´২´´।

#### **३**य मन्त्रीमा ।

রভাত্তপতি কোন জনার প্রায় হইতে কিয়দৃর অভরে লম্ব উদ্ভোলন করিলে, তাহার পরিমাণ নির্কারিত করিছে इट्टें(व ।

ধ ঘ জ্যার ঘ প্রাস্ত হইতে (পূর্বে প্রতিকৃতি দেধ) ঘ ছ **ৰূরে ছ জ একটা লম্ব টানা** হইয়াছে, ইহার পরিমাণ ছিৱ করিতে হইবে।

্জ ছ রৃদ্ধি করিয়া ম ক-কে চছ-র সমাভ্রাল করিয়া होन बदः स क नःयुक्त कर। बहेक्स्टन स व क नमस्कानिक बिक्रा, व वर्र - म वर्ष - म वर्र, किंद्र म क = यानाई ওম ব - চছ : জ ব = { বাস / ২ - ( চঘ-ছঘ ) = দুলাকর্বণ করিয়া,

হে মণ্ডলের সমাভ্রাল ছুইটা জ্ঞা ক থ, প ঘ এবং বিস্তার চ ছ পরিজ্ঞাত আছে, ভাহার ব্যাস কভ নির্ ক্রিতে হুইবে।

স্তা। যদি জ = ই ক থ

- ক চ, জা = ই গ ঘ =

গ ছ, প = চ ছ এবং

ব = বাাস, ট ঠ = ২ ×

ম থ বা ব্যাসার্ছ, তাহা

ইইলে,



উদাঃ > কোন র্ভাকার কটিবন্ধের ছুইটী সমাত্রাল বাহর পরিমাণ ৬ ও ৮ ফুট এবং বিস্তার ৭ ফুট হইলে, বুতব্যাসের পরিমাণ কত হইবে ?

ৰ বা ব্যাস = 
$$\sqrt{\left\{9^2 + 2\left(8^2 + 2^2\right) + \left(\frac{8^2 - 2^2}{9}\right)^2\right\}}$$
  
=  $\sqrt{89 + 60 + 2} = 20$  ফট।

২। উপরি উক্ত উদাহরণে থ ঘ জ্ঞার, এবং **জ** কৃ উচ্চভার পরিমাণ কভ নির্ণয় কর গ

ু ২ম স্তুছার। বাদের পরিমাণ নির্ণয় করিয়া ২য় ও ওয় স্তু অববলয়ন কর।

चंच = 
$$\sqrt{(9^2 + 8 - 3)} = \sqrt{80 + 5} = 9.09$$
 कृष्टे,  
ध्वदः छ च =  $\frac{2}{3} \times 30 - \frac{2}{3} \times \frac{3}{3} \times \frac{3$ 

্ত। মণ্ডলের ছুইটা সমাজ্বলে জ্ঞার পরিমাণ ৬ ও ৮ কুট এবং বিস্তার ১ কুট হইলে ব্যাস কত হইবে ?

छैं। ३० मृहै।

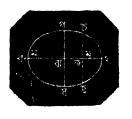
৪। বে বৃত্তাকার কটিবলের তৃইটা সমান্তরাল জ্যার
পরিমাণ ১৬ এবং ১২ কুট, আর রভের ব্যাসের পরিমাণ
২০ কুট, ঐ কটিবলের বিস্তার কত १ উ। ১৪ কুট।

#### ३३म मण्यामा ।

কোন র্ভাভাস ক্ষেত্রের নিম্ন লিখিত চারিটা অংশের মধ্যে কোন ভিনটার পবিমাণ নির্দিষ্ট থাকিলে, অবশিষ্টটার পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

ক থ গরিষ্ঠ ব্যাস, গ ঘ লঘিঠ ব্যাস, জ্ব ক এব্সিসা এবং চ জ জডিনিট।

স্ত্র। যদি গ অক্ষর ছারা গরিষ্ঠ ব্যাসার্দ্ধ ঝ খ, ল অক্ষর ছারা লঘিষ্ঠ ব্যাসার্দ্ধ গ ঝ, অ অক্ষর ছারা এব্ সিসা এবং আ অক্ষর ছারা অডিনেট নির্দ্দেশ করা যায়, ভাষা হইলে.



$$\mathbf{w} = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \quad \mathbf{w}_1 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \\
\mathbf{v}_1 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \quad \mathbf{w}_1 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \\
\mathbf{v}_2 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \quad \mathbf{v}_3 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\sqrt{\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \\
\mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{w}^2}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{v}^2}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v}^2 - \mathbf{v}^2}, \quad \mathbf{v}_4 = \frac{\mathbf{v}}{-\mathbf{v$$

কেন্দ্র হইতে অধিশ্রয়ের অস্তর কম 🗕 🇸 গ²—লঽ।

উদা: ১। যে ব্ডাভাদ ক্ষেত্রের গরিষ্ঠ ব্যাদ ৩০ ফুট, লবিষ্ট ব্যাদ ২০ ফুট, এবং এব্দিদা ৩ ফুট, ভাছার অর্ডি-নেটের পরিমাণ কত ? দিতীয় স্ত্রাস্থ্যারে,

অর্ডিনেট চ জ = আ 3 । √ ১৫২—৩২ = ১.৭৯৮ ফুট।
২। পরিষ্ঠ ব্যাস ৭০ ফুট, সঘিষ্ঠ ব্যাস ৫০ ফুট এবং
অ্তিনেট ২০ ফুট হইলে, এব্সিসা ক'ভ হইবে ?

উ:। প্রথম স্তাহ্দারে, এব্সিসাজ কা = ২১ কুট।

৩। গরিষ্ঠ ব্যাস, অর্ডিনেট এবং এব্ সিসা ক্রমশঃ ১৮০,

১৯ ও ৫৪ हैक रहेला, निषष्ठे व्यात्मत मान कछ रहेत्व १

छै:। 8र्थ ख्वाञ्चमात्त्र, मधिष्ठ वााम = 8० हेकः।

৪। লঘিষ্ঠ ব্যাসের মান ৫০ ফুট, অর্ডিনেট ২০ ফুট এবং এব্সিদা ২১ ফুট হইলে, গরিষ্ঠ ব্যাদের মান কত হইবে ?

্ড:। ভৃতীয় স্ত্রাহ্নারে, গরিষ্ঠ ব্যাদ = १० ফুট।

e। गतिष्ठे ताम क थ ১०० गक, धवः निघष्ठे ताम ग च ७० পঞ্জ হইলে, ব কেন্দ্র হইতে ম অধিশ্র পর্যান্ত দূর্বপরিমাণ কত হইবে । উ:। শেসের স্তামুসারে কম = ৪০ গজ।

ি ৬। পৃথিবীর নিরক্ষরত্তত্ত ব্যাসের পরিমাণ ৭৮১১ मारेन এবং মেরুস্থ আদি १৯২% মাইল হইলে, যে বুতাভাদ পরিধি পৃথিবীর উভয় মেক্ল দিয়া গমন করে, তাহার ছুই অধিশ্রয়ের দূরত্বপরিমাণ কভ ১

**छ**। ७৫८ माहेन; व्यथता भृथितीत क<del>ता</del> हहेए। दुछा-ভাসের অধিশ্র পর্যন্ত ৩২৭ মাইন।

#### ১২শ সম্পান্ত।

ব্রস্থাভার কেত্রের গরিষ্ঠ ও ব্রষ্টির ব্যাস-পরিমাণ জানা আছে, উহার পরিধিপরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

িঙ্ম নিয়ম। পরিষ্ঠ ও লঘিষ্ঠ বাসে ছুইটীর সমষ্টির আর্কেককে ৩,১৪১% দিয়া গুণ কর। গুণফল পরিধিপরি-মাণের প্রায় সমান হইবে।

২র নিয়ম। গরিষ্ঠ ও লঘিষ্ঠ ব্যাস সমষ্টির অর্ক্লেকের সহিত তত্ত্তয়ের বর্গ সমষ্টির অর্ক্লেকের মূল বোগ করিরা, সেই যোগফলের অর্ক্লেককে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ করিলে, গুণফল পরিধি-পরিমাণের প্রায় সমান হইবে।

উলঃ ১। যে র্ভাভাদ ক্ষেত্রের গরিষ্ঠ ব্যাদ ১৫ ফুট ও লঘিষ্ঠ ব্যাদ ১০ ফুট, ভাহার পরিধিপরিমাণ কত ?

উঃ। প্রথম নিয়মান্ত্রপারে ৩৯ ফুট ৩ 🛊 ইঞ্চ।

উঃ। দ্বিতীয় নিয়মান্ত্রসারে প্রায় ৩৯ ফুট ৭ ইঞা।

যদি গরিষ্ঠ ব্যাদের থ প্রাস্ত ইইতে থজ অন্তরে জ চ একটী লম্ব উভোলন করা যায়, ভাহা হইলে জ চ-র পরি-মাণ নিম্নলিথিত সমামুপাতে নিরূপিত ইইবে।

ধক<sup>২</sup> : কগ<sup>২</sup> :: ধজ  $\times$  জ ক : জ  $\,$  চ<sup>২</sup>, সমানুপাডের নির্মাজ্পারে থক<sup>২</sup>  $\times$  জ  $\,$  চ<sup>২</sup> = কগ<sup>২</sup>  $\times$  ধ জ  $\times$  জ ক,

∴ ড় চ² = ঝুর²
४ थ ড় × ড় क।

क्यवता क ह = वंश यंक ४ क क ।

রেখা: এই রেখাত্রয়ের মধ্যে

#### 30म मण्योग I

ক খ গ কেপেনী ক্ষেত্ৰ, জ অধিশ্ৰয়, এই ক্ষেত্ৰের চ ছ্ পারামিটার, থ ক এব্দিসা জার্থাৎ সর্কাধিক বিস্তার ও কাস জার্ডিনেট জার্থাৎ তলার্দ্ধ

কোন ছইটীর পরিমাণ জান। থাকিলে, জবশিষ্টটীর পরি-মাণ নির্ণয় করিতে হইবে। যদি চ ছ পারামিটার প অক্ষর ধারা, ধ ক এব্দিদা আ অক্ষর ধারা ও ক গ অর্ডিনেট অ অক্ষর ধারা নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে স্তত্তিলি এই রূপে লিখিত হইতে পারে। যথা, আ =  $\frac{m^2}{\gamma}$ , জ =  $\sqrt{\gamma}$  প. আ, এবং প =  $\frac{m^2}{31}$ ।

উদাঃ ১। কথ গ ক্ষেপণী ক্ষেত্রের পারামিটার চ ছ ৫০ ফুট, এবং অর্ডিনেট ঝ গ ৬০ ফুট, তাহার এব্সিদা থ ক-র পরিমাণ কত ?
তিন্তু বিদ্যার আৰু ক্রি ভারতি ক্রিয়া বা আ = ক্রি ভারতি ভারতি ক্রিয়া বা আ ভারতি ক্রিয়া বা আ ভারতি ক্রিয়া বা আ ভারতি ভারতে ভারতি ভ

ষে রেখা বুক্তাভাদের কেন্দ্র দিয়া না যাইরা তাহার পরিধির উভর পার্শ্বে সমাপ্ত হয়, এবং উহার বাাস ছারা সমদিখণ্ড হয়, ভাহাকে এই ব্যাসের ডবল বা দিও অর্ডিনেট কছে। আর বুক্তাভাদের কেন্দ্র হইতে অর্ডিনেট পর্যান্ত দূরত্বপরিমাণকে এবসিদা কছে।

রুভাভাসের লচ্চিষ্ঠ ও গরিষ্ঠ ব্যাসের তৃতীর **অন্থপাতীরকে** পারামিটার কহে।

যে রেখার উভয় প্রাস্ত ক্ষেপনী ক্ষেত্রের কুটিল বেখার ছার। দীমাবন্ধ হয়,এবং যাহা কোন বাাদ ছারা দমদ্বিও হয়, ভাহাকে এই বাাদের দ্বিত্ব অর্ডিনেট কছে। আর ব্যাদের যে অংশ অর্ডিনেট দ্বারা ভেনিত হয় ভাহাকে এব্দিদা কছে।

২। বে ক্ষেপৰী ক্ষেত্রের পারামিটার ১০ হাত ও অর্ডিনেট হ হাত, ভাহার এব্দিদার পরিমাণ কড ? উ:। ১.৬ হাত। ৩। বে ক্ষেপৰী ক্ষেত্রের এব্দিদা ৪ হাত এবং অর্ডি-নেট ১০ হাত, ভাহার পারামিটারের পরিমাণ কড ?

#### 38म मण्यामा।

কোন ক্ষেপনী ক্ষৈত্রের সর্কাধিক বিস্তাব ও তলার্ক বেশরে পরিমাণ জানা আছে, ভাহার চাপের দৈর্ঘ্যপরিমাণ নির্ণয় করিতে ইইবে।

ধনি অ অক্ষৰ ছারা তলান্ধি রেখা ও আ ছারা স্**র্কাধিক** বিস্তার নির্দ্ধেশ করা যায়, তাহা হইলে।

य श हालाई = खार 🗸 है कारे + खरे

উলা সা খাজা ও জুট ও জ ছ ৬ ফুট হইলে, কেপে**নু** কেনের চাপোর্কাধ চ-ব পরিমাণ কভ গ

度: 1 4 2 - 人名か + あっ か から フンまり

- ২। যে ক্ষেপনী ক্ষেত্রের এব্সিদা ২ হাত ও অর্ডিনেট ১ হাত, তাহার চাপার্দ্রের পরিমাণ কত ? উ:। ৬.৪২৯১। লীলাবিতীর প্রশ্ন।
- ১। ভূজপরিমাণ ১২ হইলে কোটি এবং কর্ণ জ্বকর্ণী\*
  ইয়, এমত কএক সমকোণিক ত্রিভূজ নির্কেশ কর।

है:। ३७, २०१२, २०१७८, ७१ हेनानि।

২। কর্ণপরিমাণ ৮৫ হইলে ভূজকোটি অকরণী হয়, এমাত্ত ক্তিপয় সমকোণিক ত্রিভূজ নির্দেশ কর।

®: 1 ७३,७५ 1 80,9¢ 1

ু। ভূজ কোটি এবং কর্ণ জ্বরনী হয়, এমত কভিপন্ন ন্মকোণিক ত্রিভূজ নির্দেশ কর।

উ: । ७, ८, ० । ०, ১२, ১७ । ১२, ১७, ३० ।

ষে রাশির মূল আকর্ষণ করিতে হইলে কোন ভাগশের না

 গাকে ভালকে অকর্মী কছে।

- ৪। ৩২ হাত উচ্চ একটা বাঁশ ভূমির উপর দণ্ডায়মান আছে, বায়ুর বেগে অকম্মাৎ কোন স্থলে ভগ্ন হওয়াতে, ভগ্লাংশ নত হইয়া পড়িয়া বাঁশের মূলের ১৬ হক্ত দুরে ভূমিসংলগ্ন হইল, এইক্ষণে মূল হইতে কত হাত উচ্চে 🔄 বাশ ভগ হইয়াছে ? **डे: । ১२ इन्छ** ।
- ৫। ৯হাত উচ্চ এক স্তম্ভের মূলে একটা দর্পের গর্ভ আছে। স্তম্ভের যত পরিমাণ তাহার তিন গুণ দূর হইতে দর্প গর্ত্তে আদিতেছে, এমন দময়ে স্তস্তোপরি উপবিষ্ট এক ময়্র তাহা দেখিয়া দর্পের উপরে আদিয়া পড়িল। বে ছলে ময়ুর দর্পকে ধরিল, তাহা স্তম্ভাগ্র হইতে যত দূর, তথা হইতে প্রথম লক্ষ্য স্থানও তত দ্র। এথন গর্ভ হইতে কত দরে দর্প ধরা পড়িল ? 🕃 १ । ১२ इन्ड मृद्ध ।
- 🗝। একটী কমলকলিক। কোন হলের গর্ভ হইতে উঠিয়া জলের উপর বিতস্তি পরিমাণ উন্নত ছিল, পরে, বায়র মন্দ মন্দ সঞ্চালনে ক্রমশঃ নভ হইয়া ছুই হস্ত দূরে গিয়া জলমগ্ন হইল। এইক্ষণে ঐ জল কভ গভীর ছিল ভাহা স্থির কর ? উ। 🥞 হাত।
- ৭। কোন কীর্ষ্টি স্তম্ভের তল হইতে এক শভ হস্ত উর্চ্চে ছই ব্যক্তি উপবিষ্ট ছিল, এবং সেই স্তন্তের মূলের হুই শত হস্ত দূরে এক জনাশয়ের কূলে একটা বড় যোলমাছ নজিভেছে দেখিলা, ঐ ছই বাক্তির মধ্যে এক জন নামিল জনাশক্তে মাছের নিকট আসিল, অপর ব্যক্তি না নামিয়া স্তম্ভের উপর আরো কিয়দ্র পর্যন্ত সোজা উঠিয়া, কর্ণ পরে

ঐ মাছকে লক্ষা করিয়া একটা শর নিক্ষেপ করিল: কিন্তু দিতীয় ব্যক্তির উদ্ধে উঠন ও শর্তীর গমন পথ এতত্ত্ত্বের সমষ্টি প্রথম ব্যক্তির গমন পথের সমান। এইক্ষণে দিতীর ব্যক্তি শুস্তের উপর কভ দূর পর্যাস্থ উঠিয়াছিল ? উ:।৫০ হস্ত।

৮। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূজ ও কোটি পরিমাণের অন্তর ৭ এবং কর্ণপরিমাণ ১৩ হইলে, ভূজ কোটির পৃথক্ পৃথক্ পরিমাণ কত ? উঃ। ৫, ১২।

১। ছইটা বাঁশ পরস্পর ৫ হাত দূরে আছে, একটা
১৫ হস্ত উচ্চ অনাটা ১০ হস্ত উচ্চ, উভয়ের অগ্র-স্ত্র হারা
পরস্পারের মূলের দহিত বংযুক্ত হইলে, যে স্থলে ছই স্থতের
সম্পাত হইবে তাহার উন্নতি কত ?
১০। যে বুজের ব্যাসপরিমাণ ২০০০, তাহার ভিতরে অস্তিত
সমবাহক ত্রিভুজের ভুজপরিমাণ কত ?
উ:। ১৭০২ হুটা

১১। ঐ রূপ বৃত্তমধ্যে অক্কিত সমবাহক চতুতুক্তির পরিমাণকত ? উঃ। ১৭১৪ ১৮ ট

১২। ঐ রূপ বৃত্যধ্যে অভিত সমবাছক পঞ্জুজ ও বড্ছুজের পরিমাণ কত ? উঃ। ১১৭৫ ऄঃ, ১•••।

১৩। ঐ রূপ রত্ত মধ্যে অন্ধিত সমবাহক সপ্তভুজ, জাইভুজ ও নবভুজ প্রত্যেকের পরিমাণ কত ?

छै:। ४७१ दुई, १७८ छहे, **५५०**ई है।

১৪। বৃত্তের ব্যাসপ্রিমাণ ২৪০ হস্ত নির্মণিত আঁছে, এবং পরিধি সমান অপ্টাদশ অংশে বিভক্ত **আছে, এইক্ল**ণে ভাষার এক্রাংশ, ছাই অংশ, তিন অংশ ইত্যাদি নবাংশ প্রয়ন্ত পৃথক্ পৃথক্ চাপের জ্যার পরিমাণ কি হইবে ?

😇:। ४२, ५२, ১२०, ১৫৪, ১৮६, २०५, २२७, २७५, २८०।

# ভূতীয় ভাগ।

# ভূমিপরিমাণ।

## ভূমি মাপিবার ধারা।

<b>৫</b> ৭৬ বর্গ সম্প্রুলিতে		১ হান্ত
৫ বৰ্গ হাতে	•••	३ कें।क्टा
২০ বৰ্গ হাতে বা ৪ কাঁচচায়		১ ছটাক 🗸 •
৪ ছটাকে ৮০ বৰ্গ হাতে বা	}	১ পোয়া :•
< বৰ্গ কাঠায়	)	- CHAIN
৪ পোয়াতে, ১৬ ছটাকে, ক	7	s कांग्रे। /•
৩২• হাড়ে	ß	
২০ বৰ্গ কাঠায় অথবা	}	১ বিছা ১/০
৬৪০০ বৰ্গ হাতে	}	31441374
७२६ हेक्ट्र	•••	১ বৰ্গ হাভ
১৪৪ বর্ম ইকে	•••	১ বৰ্গ ফুট
৯ বৰ্গ ফুটে	•••	১ বৰ্গ গজ
৪৮৪ • বর্গ পঞ্জে	•••	১ একর
७१० धकर्द	•••	১ বর্গ মাইল
১৪৪•• वर्ष <b>क्</b> रहे	•••	১ বিদা
১৬০০ বৰ্গ গজ বা )		
১৪৪০০ বৰ্স ফুট } =	৬৪০০ বং	में इस्ड = ১/ विद्य

৭২০ বৰ্গজুট - ৩২০ বৰ্গ হস্ত - <sup>9</sup>০ কাঠা ৪৫ ঐ - ২০ ঐ - ১০ ছটাক

বর্গ গজের নিয়ম এই বে, তিন ফুটে চলিভ যে গজ, ভাহার বর্গ হইলে অর্থাৎ দীর্ঘ প্রাণ করিলে (৩ × ৩ = ১ কুট) এক বর্গ গজ = ৪ বর্গ হস্ত।

অভএব ১৬০০ বর্গ গজ × ৯ = ১৪৪০০ বর্গফুট। আব ফি বিঘাতে ৮০ হস্ত × ৮০ হস্ত = ৬৪০০ বর্গ হস্ত ।

কি হস্তে ১॥০ দেড় ফুট, এই জন্য ৮০ হস্ত × ১॥০ ফুট = ১২০ ফুট। আর ১২০ × ১২০ = ১৪৪০০ বর্গ কুটে ৬৪০০ বর্গ হস্ত হইল।

২০০ সভ্যা ছই বর্গ কৃটে এক বর্গ হস্ত হয়, কারণ ১৫০ × ১৫০ — ২০০ সভ্যা ছই। বর্গ ফুটকে বর্গ হস্ত করিছে হইলে, যত ফুট থাকিবে, তাহাকে চতুও ল করিছা ৯ দিয়া ভাগ করিতে হয়; এবং বর্গ হস্তকে ২০০ সভ্যা ছই ওপ করিলে বর্গ ফুট নিশ্য হয়। যেমন, ১ বিঘা অথবা ৬৪০০ বর্গ হস্ত × ২০০ — ১৪৪০০ বর্গ ফুট। এবং ১৪৪০০ বর্গ ফুট × ৪ — ৫৭৬০০, ৫৭৬০০ + ৯ — ৬৪০০ বর্গ হস্ত — ১৮০ বিঘা।

১ উদাহরণ। ইংরাজী ১ একর ভূমি বঙ্গদেশীর কাঠাতে পরিবভিত কর।

১ একর - ৪০৫৬০ বর্গ ফুট; ইহাকে ১৪৪০০ ভাগ করিলে - ৩১১৯৯ হয়। ৩৬০ বর্গফুট - অর্জ কাঠা। ে এক একর - ৩/০ বিদা ৪০ কাঠা।

২। ইংরাজী ১ এক রূড ভূমি বঙ্গদেশীয় কাঠাতে পরিব্রমিত কর।

এক রুড় 🕶 ১০৮৯০ বর্গ ফুট, ১০৮৯০ 🗙 ৪ 🛨 ৯ 😑 ৪৮৪০ বর্গ হস্ত। ৪৮৪০ + ৩২০ = ১৫ কাঠা + ৪০ অব-শিষ্ট। ৪০ বৰ্গ হস্ত 🖚 🎝০ ছটাক।

.. এক রাড - ৸০ কাঠা ১০ ছটাক।

৩। ইংরাজী ১ পোল ভূমি বঙ্গদেশীয় কাঠাতে পরি-বৰ্ষিত কৰ।

এক পোল = ২৭২ ট্র বর্গ ফুট, ২৭২ট্র 🗙 ৪ + ৯ = ১২১ वर्ग इस्छ । ১२১ + २० = Ido ছটाक ১ वर्ग इस्छ ।

 हेश्ताकी ১২৩ একর ২ রুভ ৩৭ পোল ৩ গজে বন্দানীর কত ভূমি হইবে ?

উ:। ৩৭৪ বিঘা।০ কাঠা ৸০ ছটাক ৯ হস্ত।

- ে। বন্ধদেশীয় ১/০ বিঘা ভূমি ইংরাজী একরে পরি-ব্যক্তিত করিলে কত ভূমি হইবে ?
- ১ বিঘা = ৬৪০০ বৰ্গ হস্ত = ১৪৪০০ বৰ্গ ফুট। অভে-এব ঐ ১৪৪০০ বর্গ ফুট ইংরাজী বর্গ পরিমাণের মাপের हिमारत = ) क्रष्ठ >२ (পान २१ शक।
- ७। वक्रमाश्र ३१ विघा १८ कार्श १/० हताकी কভ ভূমি হইবে ?

উ:। ৫ একর ৩ রাড ৩ পোল ২৪ গল ২३ কুট। প্রকরের চেইনের ছারা ভূমির মাপ হয়। 🏖 চেইন ৪ পোল, किया २२ গজ, অথবা ৬৬ ফুট দীর্ঘ, এবং ১০০ লিছতে বিভাজিত হওয়াতে **প্র**ভি লিছের পরিমাণ

<sup>९</sup>5 है है है है । ১ বর্গ চেইন প্রতি ৪৮৪ বর্গ গজ অথব। এক একরের দশাংশের একাংশ থাকে। এই মতে দশ বর্গ তেইনের কাত ৪৮৪০ বর্গ গজে এক একর হয়।

বঙ্গদেশীর মাপ ইংরাজী মাপে পরিব্ভিত।								
বিষা	कांग्री		একর	রুড্	পোল	গঞ্	कृष्टे	বৰ্গ ইঞ্চ
,,	/১ कार्वा	-			٦	۵۵	8	, 92
,,		-			a	ъ	৬	٩٥٤
,,		•			٩	२४	२	৩৬
,,		-			20	29	8	د ۹
,,	io (à)	-			20	15	৬	708
"	lo à	-			२७	اهد	8	<b>٩</b> ২
3	বিঘা			١	25	२१	,,	,,
۶ 9	de de	-		श	₹ a	२७	৬	٦٥٢
8	ωγ Σπ	===		9	96	२०	8	93
	事务	-	اد	2	23	۹۷	2	৩৬
٥	۹۳ ا		٥	र	₹8	>8	,,	٠,,
	e se		٥	١	Ы	२४	,,	,,
२०	ख क्र		. 6	2	74	20	હ	705
80	<b>2</b>			9	२७	२७	8	9 2
Co.	<b>1</b>		- 1	"	૭૯	35	2	৩৬
300	4		36	3	8	29	,,/	٠,
-	थ ।	-	૭૯	,,	۵	9	6	304

🕝 ১ম সম্পাদ্য। সমচতুভুজি, আরত, রম্বস ও রবৈড ক্তের ক্তেকল স্থির করিবার নিয়ম।

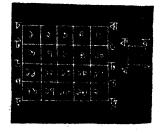
১ম নিয়ম। কেতা সমচভুর্জ হইলে, ভাহার বাহুর পরিমাণকে বর্গ করিলে ক্ষেত্রফল স্থির হর।

২য়। ক্ষেত্র রম্বদ হইলে, ভূজপরিমাণকে লম্পরিমাণ ৰারা গুণ করিলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়।

৩য়। ক্ষেত্র স্থায়ত হইলে, দৈর্ঘ্যপরিমাণকে প্রস্থ-পরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়।

। কেত্র রথৈড় হইলে, ভাহার দীর্ঘ ভুজের **সমু**ধীন কোণ হইতে তত্তপরি লম্বপাড় করিয়া, সেই ভুজ ও লম্বের পরিমাণকৈ পরস্পর গুণ করিলে ক্ষেত্রকল স্থির হয়।

যে ক্ষেত্র বা ভূমির দৈর্ঘ্য > रख ७ विष्ठात > रख. ভাহার ক্ষেত্রফল ১ বর্গহন্ত. **অথবা ভাহার কালি ১ হাত** কহা যায়। ঐরপে, যে ক্ষেত্র वा ভূমির দৈর্ঘ্য ১ অঙ্গুলি



ও বিস্তার ১ অনুদি হইবে, ভাহার ক্ষেত্রকল ১ বর্গ অসুদি ্ছর। বুলি ক**খ**াও কাঘ উভয় রেখার পরিমাণ**্ঠ অভুলি** করিয়া হয়, ভাহা হইলে ক ধ গ ঘ চিক্লিড ক্লেডটার ক্ষেত্রকল ১ বর্গ অঙ্গুলি ইইবে। চ ছ হা বা চিহ্লিড **क्टि** देश के अनुनि ७ विद्याद ८ अनुनि इहेल

শাইই দেখা যাইছেছে বে, উহার ক্ষেত্রফল ২০ বর্গ অচুলি চইবে; কারণ উহাকে ক খ গ ঘ চিত্রিত ক্ষেত্রের সমান ২০ টী ক্ষেত্রে বিভাগ করা যাইছে পারে। অভএব, শাই প্রভীয়মান হইতেছে যে, সমচতুর্তুজ বা আরত ভূমিব ক্ষেত্রকল দ্বির করিতে হইলে দৈর্ঘ্যকে বিস্তার দিয়া গুণ করিতে হর।

ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও ক্ষেত্রকল দ, ব ও ফ ক্ষকর ছারা নির্দ্ধেশ করিলে, স্থতত্ত্বর এইরূপে লেখা বাইডে

উনাহরণ ১। বে আরভ কোত্রের দৈর্ঘা ৭ কুট ও বিস্থার ৪ কুট, ভাহার কোত্রকল দ্বির করিতে হইবে। প্রথম স্থাম্সারে ৭ × ৪ – ২৮ বর্গ কৃট – কোত্রকল। ২। বে সমচতুর্ত্ব কোত্রের ভূবা ১৮ ইক ভাহার কোত্র-কাবাত ?

ক্ষেত্ৰকল 🗕 🥞 বৰ্গকৃট।

ত। যে ক্লেরে দৈর্ঘা ৭ কুট ৮ ইঞ্ ও বিস্তার ৩ কুট ১০ ইঞ্, ভাষার ক্লেব্রফল কড় १

> ৭ কৃট ৮ **ইঞ্** ৩ ১• ২৩ •

৬ ৪ ৮ অংশ

4 8 F

কোন ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ মিশ্র রাশির ছারা প্রকাশিত হইলে, দেই রাশিদ্বাকে রৈথিক হাতে জানিয়া পরস্পার গুণ কর, গুণফল যত বর্গ হাত হইবে ভত গণ্ডা ধরিয়া পরিবর্ত্তিত কর. করিলে যত পণ ভত ছটাক, যত চোক তত পোয়া, যত কাহন তত কাঠা কালি হইবে; পরে কাঠাকে বিঘার আনিলেই হইবে। যদি দৈর্ঘ্যে বা উভয়েতেই ছটাক থাকে, তাহা হইলে উভয়েকই ছটাকে আনিয়া গুণ কর, গুণফল যত বর্গ ছটাক হইবে. ডত কাক কালি ধরিয়া কড়ায় পরে গণ্ডার জ্ঞান, তৎপরে গণ্ডার সংখ্যাকে পূর্ক্বৎ পরিবর্ত্তিত কর।

৪। যে ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ১॥২ ও বিস্তার ১॥•, ভাহার
 ক্ষেত্রকল কত ?

থগানে, ক্ষেত্রকল — ১॥২ × ১॥০ — ১২৮ হাত × ১২০ — ১৫৩৬০ বর্গ হস্ত — ৪৮ কাহন — ৪৮ কাঠা — ২ ।৩; কিম্বা ১৫৩৬০ বর্গহাত — ১৫৩৬০ পঞা কালি; এখন ১৫৩৬০ গণ্ডাকে পণ, চোক, কাহনে জানিলেই হইবে। জধবা, ৬৪০০ বর্গ হাতে ১ বিঘা, ৩২০ বর্গ হাতে ১ কঠি।, ৮০ বর্গ ছাতে ১ পোরা, এবং ২০ বর্গ হাতে ১ ছটাক; অতএব ১৫৩৬০ কে ৬৪০০ দিরা ভাগ করিলে, ভাগকল বিঘা এবং ভাগশেষ বর্গ ছাত হইবে; পরে ভাগ-শেষকে ৩২০ দিয়া ভাগ করিলে ভাগকল কাঠা এবং ভাগশেষ বর্গ ছাত হইবে, ইভ্যাদি। যথা—

৪ ) ৭৬৮ পণ ... • গঃ

७२० ) २०७० ( ४ काठी

8 ) ১৯২ চোক ... • পঃ

2000

२०) ৪৮ কাহন · · · ০ চৌঃ

২ বিঘা · · · ৮ কাছ:

ে ব্দত্তএব উত্তর বিঃ ২। ৩ ব্দর্থাৎ ২ বিদা ৮ কাঠা।

ভূমির এত হাত দৈর্ঘ্য এত হাত বিস্তার কত কালি

ইইবে প্রশ্ন হইলে, যে কেবল বর্গহস্ত দারা কালি নির্দেশ

করিতে হয় এমত নহে, বিহা, কাঠা, ছটাক দারা কালি

নির্দেশ করাই রীভি। এখন এক বর্গ বিঘাতে ৬৪০০ বর্গ

হাত। যদি এক বর্গ হস্তকে ১ গণ্ডা ধরা যায়, তাহা হইলে

১ বিঘার ৬৪০০ গণ্ডা হইবেক। কিন্তু ৬৪০০ গণ্ডার ২০

কাহন। স্মৃতরাং ১ বিঘার ২০ কাহন হইবে।

তাহা হইলেই, প্রেরপ এক কাহনকে ১ কাঠা ও

১ পণকে ১ ছটাক ধরা ঘাইতে পারে। বর্গহস্ত

धतिहा कालि कतिवात ममन्न यमि देवी छ विस्तात विचा ও काठीय निथिত थात्क. धवः कानि वर्ग इन्छ हावा নির্দেশ করিতে হয়, তাহা হইলে প্রথমতঃ বিঘা ও কাঠা প্রভিত্তিক রৈথিক হাতে পরিবর্ত্তিত করিতে হয়।

আর্ঘ্যাতেই লিখিত হইয়াছে যে, ভূমি ৮০ হাত লগা হইলেই ভাহাকে রৈখিক এক বিঘা কছে। যে ভূমির ৮০ ছাত্ত দৈর্ঘা ও ৮০ হাত বিস্তার, তাহার কালি এক বিদা কহিয়া থাকে: স্মৃত্রাং ৮০ 🗴 ৮০ 🗕 ৬৪০০ বগ্ क्छ क्हें ल अक विधा कालि कथी ९ अक वर्ग दिया इस । পুনশ্চ, ৪ হাত লখা হইলেই এক কাঠা কছে: এবং এক বিদা লৈষা ও এক বিঘা বিস্তার হইলে বেরূপ এক বিঘা কালি কহিয়া থাকে: এক কাঠা দৈশ্য ও এক কাঠা বিস্তার হইলে সেই রূপে ৪০০ বর্গ কাঠায় এক বর্গ বিদ্যা হইভ: कातन २० कोठी रिल्मा ७ २० कोठी विखात इंडेल अक वंश विचा अथवा এक विचा कालि इस । किन्त दिश्यक २० कार्राप्त ষেমন রৈথিক ১ বিঘা ধরা যায়, তেমনি ২০ কাঠা কালিভেও ১ বিখা কালি ধরা রীভি। স্থতরাং ১ কাঠা কালির পরিমাণ 😘 - ৩২০ বর্গ হস্ত হইল। তাজা হইলেই বে জুর্নির ১ विषा दिशा ७ ३ कोठी विष्ठात, छारात कानि ১ कोठी करी ষাইছে পারে: কার্ণ ৮০ 🗙 ৪ 🛥 ৩২০।

ক্ষেত্রফল ভিব করিবার সঙ্কেত গুভন্করের কাঠাকালি ও বিখাকালির আর্ব্যান্তে পরিন্ধাররূপে নিন্দিট আছে। ওভঙ্করের काँगेकालि ६ विधाकालित महित अहे ;--

কঠি। কালি। কাঠার কাঠার ধ্লপরিমাণ।
বিংশতি + গণ্ডার কাঠার প্রমাণ।
বিষাকালি। কুড়ো † বা কুড়োবা কুড়োবা লীজ্যে।
কাঠার ক্ডোবার কাঠা লীজ্যে।
কাঠার কাঠার ধ্লপরিমাণ।
বিংশতি গণ্ডার কাঠার প্রমাণ।

নিরম ১ম। গুণকের প্রত্যেক শ্রেণীস্থ রাশি দ্বারা গুণোর প্রত্যেক শ্রেণীস্থ রাশিকে গুণ কর, এবং ঐ রাশিদ্বরের একটা অধবা উভরটীই বিদা হইলে ২য় নিরমামুসারে গুণকল নির্ণর করিয়া বামে লিখ, অন্তথা ৩য় নিয়মানুসারে গুণকল নির্ণর করিয়া ভাইনে লিখ।

২য়। বিঘার বিঘার গুণ করিয়া বিঘা, বিঘার কাঠার গুণ করিয়া কাঠা, বিঘার পোরার পোরা, বিঘার ছটাকে ছটাক ইত্যাদি ধর।

তর। কাঠার কাঠার ৩০ করিয়া যত তত গণ্ডা, কাঠার পোরার যত তত কড়া, কাঠার ছটাকে যত তত কাকৃ, পোরার পোরার যত তত কাকৃ, পোরার ছটাকে যত তত শিকি কাকৃ বা ৫ তিল, ছটাকে ছটাকে যত তত সওয়া তিল। ৪র্ম। পোরার পোরার অধবা পোরার ছটাকে গুল না

<sup>\*</sup> এই সক্তেভ অবলম্বন করিয়া এ প্রাদেশে জমির কালি চির হইয়া থাকে। পূর্বে ''দশ বিশ গণ্ডায়'' বলা রীতি ছিল; এইক্ষণে ওভঙ্কর ব্যবসায়ী গুরুমহাশয়ের। প্রায় সকলেই বিশ প্রায় বলিয়া থাকেন।

<sup>†</sup> কোন কোন অঞ্চল বিঘাকে কুড়ো কছে।

করিয়া, পোরা ও ছটাক্কে ছটাকে আনিয়া একবারে ছটাকে ছটাকে গুণ করা স্থাবিধা, এবং শুণকল বত হইবে তত বার সওয়া ভিল ধরিয়া ভাইনে না লিখিয়া, তত কাক্ কালি ধরিয়া একবারে বামে লেখা স্থাবিধা। পরে ভৃতীর নিয়মালুলারে বে সকল গুণকল উৎপন্ন হইয়াছে, সেই সকলকে একত্র যোগ করিয়া যাহা হইবে, ভাহার পণ প্রতি কাঠা, বুড়ি প্রতি পোয়া, গণ্ডা প্রতি ১৬ গণ্ডা, কড়া প্রতি গণ্ডা, কাক্ প্রতি গণ্ডা, প্রতি ৫ তিলে কড়া ধরিয়া বামের গুণকল সমূহে যোগ করিছেই যোগকল নির্ণেয় ক্লেক্ত

উদাহরণ ৫ম। যে সমচভূচ্চোণ ভূমির দৈর্ঘা বিছা ১১ মুগুর এবং প্রস্থ বিঘা ২/২৮/ ভাহার ক্লেত্রফল কড?

778 7 19	
२/७॥	120
२२/	کرود
5/2	bud
nd	401
5192	
· I land	
* *10	
14 125	
SE I SUNSTEN	

হাহার কেএকল কও?

>১ বি: × ২ বি: —

২২ বি:, ২ বিদা ×

১১ কাঠা — ২২ কাঠা —

১ বি: ২ কা:, ২ বি: ×

৭ ছ: — ১৪ ছ, বামে

লিখ। পরে ৩ কাঠা ×

১১ বি: — ৩০ কাঠা —

১ বি: ১৩ কা: বামে লিখ।

পরে ৩ কা: × ১১ কা —

৩০ গণ্ডা — ১ পন ১৩

গণ্ডা ভাইনে লিখ। পরে

৩কা: × ৭ ছ: — ২১ কাক্

— ১ গণ্ডা ৫ কাক্ ডাইনে লিখ। পরে ১৩ ছ × ১১ বিঃ

— ১ ৪ ৩ ছঃ (১ ৪ ৩ পণ — ৮ কাহন ১৫ পণ, স্থ্ডরাং)

১ ৭ ০ ছঃ — ৮ কাঃ ১৫ছঃ বামে লিখ। পরে ১৩ ছঃ × ১১

কাঠা — ১ ৪ ৩ কাক্ (১০০ পণে ৬ কাহন ৪ পণ, আর

৪৩ পণে ২ কাহন ১১ পণ, ৮ কাহন ১৫ পণ, স্থ্ডরাং
১৪০ কাক্) — ৮ গণ্ডা ১৫ কাক্ ডাইনে লিখ। অবশেষে
১৩ছঃ × ৭ছঃ — ১১ বর্গ ছটাক — ১১ কাক্ কালি
(১১ পণ ৫ কাহন ১১ পণ, স্থত্রাং) ১১ কাক্ — ৫ গণ্ডা
১১ কাক্ একবারে বামে লিখ। ডানিলিকের ভণকলভালি
বোগ করার ১০ হইল, যাহার ২ পণে ২ কাঠা, ৩ গণ্ডার
৪৮ গণ্ডা ১০ পণ ৮ গণ্ডা, ১ কড়ার ১ × ৪ — ৪ গণ্ডা ধরিকো
২ কাঠা আম্ব পোয়া ১২ গণ্ডা হর, যাহাকে বামের ভণকল

সমূহে যোগ কর।

#### উক্ত প্রক্রিয়া এরপে আরও সংক্রেপ করা যার।

প্রথমে ২ বিছা × ৭ ছা দ ১৪ ছ, ১৪ ছ, নামে; হাছে শৃস্তা পরে ২ বি × ১১ কা দ ২২ কা, ১বি: ২ কা; ২ কাঠা নামে, হাছে ১ বি:; ২ বি: × ১১ বি দ ২২ বি জার ১ বি দ ২০ বি। তৎপরে প্রস্কাপে ১১ বি × ১০ ছ, এবং১১ বি

. × ७ कोंग ७९ कितिल वि २/२५८/ इत्र। (२२ वि ×

২ বি আর ধরা হইবে না, কারণ একবার ধরা হইরাছে)। অবশিষ্ট প্রক্রিরা পূর্বের মন্ত তাহা দৃষ্ট হইতেছে।

যে সমচকুকোণ দৈর্ঘ্যে ১১ বিঘা ও প্রত্যে ২ বিঘা, ভাহার कालि २२ वर्ग विषा; बाबात रेलर्ग >> विषा किन्द अन्द २ कोठी जाहात कानि वर्ग विषा ना हहेग्रा २२ काठी हहेरव। **ইলার দ্**ক্তি ক্ষেত্র অক্টিড করিরা দেখিলেই প্রতীভ হইবে। **ক** ধ**াৰ ঘ একটা আ**রড কেত্র, ইহার দৈর্ঘ্য ১১ বিদা, व्यक्त २ कार्रा । हेरात रिमीटक ১১ ভাগ कत, खारा इहेटन অভ্যেক ৰণ্ড দৈৰ্ঘ্যে ১ বিঘা ও প্ৰন্থে ২ কাঠা হইবে। অটিকাৰে ১ বিঘার রৈথিক পরিমাণ ৮০ হাড ও ছাই কাঁঠার রৈথিক পরিমাণ ৪ হাত করিরা ৮ হাত; অনস্তর শিক্তি বণ্ডের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থপরিমাণ গুণ করিলে প্রভীরমান हरेंद रा, थांछारकत कालि २ काठी कतिता नमुनात क्लाबर कानि २२ कार्श इटेरव ; यथा be xb=880=2 दर्ब काठी, त्वरहरू ०२० वर्ग शांख धक काठी हवा धक धर क्रे कार्ग क्रेटन अ थाल काब्ब काब्बर २२ कार्ग हरेटा। **अज्ञाल दि नमरुक्**रकारनेत<sup>ः</sup> निर्मा ७ विचा धवः श्राप्त । होंक, अन्नक्षा ७ × € = ७० है। वर्ग होंक हहेरव। স্বভরাং ভাষার কালি ৩০ ছটাক ইভ্যাদি। এই নিমিত্ত ''কুড়োবা কুড়োবা কুড়োবা নীজ্যে, কাঠার কুড়োবা, কাঠ। লীজে " অর্ধাৎ বিষায় বিষায় বিষা, বিষায় কাঠায় काठी रेखानि श्रतिएक वर ।

অপর, বেছেড়ু ২০ গণ্ডার ১ পণ, এবং ২০ ধূলে অর্ধাৎ ২০ বর্গ কাঠার ১ কাঠা কালি, এই নিমিন্ত যত বর্গ কাঠা হর, শুভরর বাবসায়ীর। লঘুকরণ সহজ্ব হইবে বলিয়া শুভ গণ্ডা ধরিয়া পণে পরিবর্ত্তিভ করেন, পরে যত পণ হয় ভত্ত কাঠা কালি ধরেন। যথা ৪ কাঠা × ১০ কাঠা কত কালি ? ৪ × ১০ = ৪০ বর্গ কাঠা (বা ধূল) ৪০ গণ্ডার ২ পণ, স্থভরাং ২ কাঠা উত্তর। এই নিমিত্ত "কাঠার কাঠার ধূল পরিমাণ, বিংশতি গণ্ডার কাঠার প্রমাণ" অথবা "কাঠার কাঠার যত ভত পণ্ডা" এবং তত গণ্ডার "পণ প্রতি কাঠা" ধরিতে হয়। অপর, যেহেত্ ২০ বর্গ কাঠার ১ কাঠা কালি, অতএব ৫ বর্গ কাঠার ১ পোয়া কালি, এই মিমিত উলিখিত রূপ ৫ গণ্ডার ১ পোয়া, বা "বৃড়ি প্রতি পোয়া" ধরিতে হয়। ১ বর্গ কাঠার ১৬ বর্গ হাত = ১৬ গণ্ডা কালি, এই নিমিত্ত "গণ্ডা প্রতি ১৬ গণ্ডা" (বা গণ্ডা প্রতি ১৬ জিল)

পূৰ্ববং ক্ষেত্ৰ অন্ধিত করিয়া দেখিলে প্রভীয়মান ছইবে যে, ৫ কাঠা × ৪ পোয়া = ২০ বর্গ পোয়া, ৩ কাঠা × ९ ছ = ২১ বর্গ ছটাক, ইত্যাদি, এখন বে কারণে এক এক বর্গ কাঠাকে এক এক গণ্ডা ধরা যায়, সেই কারণেই এক এক বর্গ পোয়াকে এক এক কড়া ধরিতে হয়, কেননা ৪ বর্গ পোয়ার ১ বর্গ কাঠা হয় এবং ৪ কড়ার ১ গণ্ডা হয়; এবং ঐ হিসাবে এক এক বর্গ ছটাকে এক এক কাক্ মরিছে হয়, কেননা ৪ কাকে ১ কড়া এবং ৪ টা বর্গ ছটাকেও ১ টা বর্গ পোয়া হয়, এই নিমিত "কাঠার পোয়ায় যত ভ্রম্ভ কড়া। কাঠার ছটাকে যত তত কাক্" ইত্যাদি।

া ব্যাস্থাৰ, বেহেডু ১ বৰ্গ পোৱা 🗕 ৪ বৰ্গ হাড 😑 ৪ গড়া

কালি, এবং যত বর্গ পোয়া হয় তত কড়া ধরা ধার, এই নিমিত্ত "কড়া প্রতি ৪ গণ্ডা" ধরিতে হয়, এবং ঐ হিসাবে "কাক্ প্রতি গণ্ডা" ধরিতে হয় ইত্যাদি।

ু কেত্র অন্ধিত করিয়া দেখ, যে সমচতুকোণ দৈর্ঘ্যে ৮ বিহা ৬ কাঠা ৭ ছটাক, এবং প্রান্থে ও বিঘা তাহার মধ্যে এই রূপ তিনটী সমচতুকোণ হয়;—একটীর কালি ৪ বিঘা 🗴 ৮ বিখা, আর একটার কালি ৪ বি x ৬ কা, আর একটার কালি ওবি × ৭ ছ। যদি প্রথমোক্ত সমচতুকোণের প্রস্থ चांत ७ काठी दुन्नि कड़ा गांग, जाहा हहेता पृष्टे हहेत्व (य, শমুলীয় বন্ধিত সমচতুকোণের মধ্যে এ তিন্টী সমচতুকোণ হইয়া আরও এই রূপ তিনটা সমচতুছোণ হয়; একটীর কাৰি ৩কা×৮বি, আর একটীর কালি ৩কা × ৬কাঠা, জার একটীর কালি ৩ কা 🗴 ৭ ছ। অভএব বন্ধিত সমচজু-জোণ ঐ ছয়টী সমচতুকোণের সমষ্টি। কি নিমিত্ত ভণকের প্রভ্যেক শ্রেণীয় রাশিঘারা গুণোর প্রভ্যেক শ্রেণীয় রাশিকে 🖦 করিতে হয়, ভাহার যুক্তি এখন স্পষ্ট প্রভীয়মান হট-ছেছে। এরণ গুণ করিলে বস্তুতঃ কোন প্রস্তাবিত সম-চ টুছোণকে কভক গুলি সমচ তুকোণে বিভাগ পূৰ্বক প্ৰছ্যে-কের ক্ষেত্রফল পৃথক পৃথক করিয়া নির্ণয় করা হয়; পরে সেই ক্লগুলির সমষ্টি লইলেই প্রস্তাবিত ক্লেত্রের কালি লব্ধ হর।

৯। যে জমির দৈগ্য ৎহাত ২ অঙ্গুলি, বিস্তার ঃ হাজ ৪ অঙ্গুলি, তাহার পরিমাণ কত বর্গ হস্ত ?

८ राज, २ जनूनि = ३२२ जनूनि,

8 a 8 a = 300 a

স্থান্তরাং, জমির পরিমাণ - ১২২ × ১০০ - ১২২০০ বর্গ জঙ্গুলি - ইন্নীত্র° \* বর্গহন্ত - ২১ টুনীত্রী বর্গহন্ত -২১ টুনীত্রী

্ এই প্রশাসীর স্থার এক প্রকারে সমাধান করা <mark>যাইতে</mark> পারে। যথা,

₹:—₩: «— ₹ 8 — 8 ₹•— b 2• 5 ₹

৭। একটা ঘরের মেজে ১৫ ফুট ১০ ইঞ্চল মা ও৮ ফুট ৪ ইঞ্প প্রস্থায়; প্রে ঘরের মেজে কড ফুট কালি ?

> 6 — 09 7 — P — 8 2 — 7 8

 <sup>\*</sup> সমচত্ছোণ ভূমির ক্ষেত্রফল ভির করা যেমন, কাপড়
ইডাদি অস্ত অন্ত সমচত্ছোণ সামগ্রীর পরিমাণ ভির করাও
 শেই রপ। এত হাত এত অঙ্গুলি দৈর্ঘ্য ও এত হাত এত অঙ্গুলি
 বিস্তার এরপ লিখিত থাকিলে অথবা উক্ত হইলে, প্রথমতঃ
 দৈর্ঘ্য ও বিস্তার উভয়কেই এক পরিমাণে আনিতে হয়, অর্থাৎ
 অঙ্গুলি পরিবর্ত্তিত করিতে হয়; ভাহার পরে, ঐ স্বরর ভণ্
 উরিলেই বর্গাঙ্গুলি কল ভির হয়। ঐ ফলকে, ২৪ × ২৪ ⇒ ৫৭৬
 দিয়া ভাগ করিলেই কত বর্গৃহস্ত ভাহা ভির হয়।

নপকানি করিবার নময় ১৩ হাত লক্ষা ও ১ হাত প্রস্থ ইইলে ১ হাত ধরে।

> "দীর্ঘে সপ যত হাত, প্রান্থ দিয়া পুর ভাত। ডেরো দিয়া হরে আন, সপকালি ভবে জান ॥"

ু ৮। যে বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল ৫০০ বর্গ হস্ত, ভাহার বাছর পরিমাণ কভ १

এথানে, বর্গক্ষেত্রের বাহু = V দৈর্ঘ্য × বিস্তার,
ক্ষর্থাৎ বর্গক্ষেত্রের বাহু = V ৫০০ = ২২.৩৬০৭ ফুট =
প্রায় ২২ ফুট ৪% ইঞ্চ।

- ৯। যে বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল এক একর, তাহার বাছর পরিমাণ কভ ? উ:। প্রায় ৬৯.৬ গজ।
- ১ । বর্গ ক্ষেত্রের পার্থ সকল কত পরিমাণের হইলে, উহার ক্ষেত্রফল ২।২ দীর্ঘ ও ১৮০ বিস্তৃত সমস্বায়ত ক্ষেত্রের সমান হইবে ? উ: । ১৬১,০৪৪ হাত ।
- ১১। এক ব্যক্তির ২৫০ হাত দীর্ঘ ৭২ হাত বিস্তৃত এক খণ্ড ভূমি ছিল, সে ৩০০ হাত দীর্ঘ এক খণ্ড সমান দরের ভূমির সহিত ঐ ভূমি বিনিময় করিল, ভাহার নূতন ভূমির বিস্তার কত? উ:। ৬০ হাত।
- ১২। যে উঠানের দৈর্ঘ্য ২০ ফুট ও বিস্তার ১৪ই ফুট ভাষার ক্ষেত্রকল কড ? উ:। ৩৭১৮ বর্গ গল ।
- ১৩। সকোণস্চীর ভূমি সমচভুরস্ন হইলে, যদি তাহার পার্বের পরিমাণ ৬৯০ ফুট হর, তাহা হইলে ঐ সকোণস্চী বে ভূমির উপর দ্বার্মান আছে, তাহার ক্ষেত্রফল কছ একর ?

১৪। যে দীর্ঘিকা ৬ৡ একর ভূমি ব্যাপ্ত, ভাহার এক দিকের পরিমাণ কড ? উ:। ১৭৩.৯২ গল।

১৫। যদি কোন মেজেতে প্রস্তর বদাইবার থরচ প্রস্তোক বর্গ গজে ৪ সিলিং ১০ পেন্স পড়ে, ভাহা হইলে যে ঘরের দৈর্দা ৪২ ফুট এবং প্রস্তু ২০ ফুট ১০২ ইঞ্চ ভাহাতে প্রস্তুর বসাইতে কত বার হইবেক ?

উ:। २৬ পাউও ১৮ সিলিং ৬} পেন্দ।

১৬। যে স্বায়ত ক্ষেত্রের পার্শাধ্যের পরিমাণ বর্ষার্থ ৩০০ হাত ও ২৭ হাত, তাহার সমান বর্গ ক্ষেত্রের এক পার্শের পরিমাণ কত ?

১৭। একটা চত্রত্র প্রাক্তনের পরিসর যদি ২৬ গজ ইঞ্ছর, এবং উহার ক্ষেত্রফল ৬৮০ বর্গ গজ ২ ফুট ২৫ ইঞ্ছর, ভাহা হইলে প্রাক্ষনটা যে সমচত্রত্রাকার ভাহা প্রমাণ কর।

 উ:। উহার দৈর্ঘ্য ২৬ গজ ৫ ইঞ্ছ

্রা এক থণ্ড গালিচার দৈর্ঘ্য ২৪ হাত ও প্রায় ই হাত;
আর এক থণ্ড গালিচার দৈর্ঘ্য ৮ হাত; এখন ইহার প্রায় কত হাত হইলে পূর্ব্বোক্ত গালিচার সমান হইবে।

छ:। ३ इ इ ।

১৯। একটা কুঠরির পরিমাণ ২৬ ফুট × ৩৫ ফুট; ২ ফুট ঃ ইঞ্চ চৌড়া বহরের গালিচা কড গল হইলে ভাহাকে চাফিডে পারা হাইবে?

२०। अकी नमहजूबस पत्रत्र रेनर्ग ३५ कृष्ठे ३ हेक.

যে মাহর ২ ফুট ও ইঞ্চ চৌড়া ভাহার কভ<sup>্</sup>গজা হইলে উহা আছোদিত হইবে ? উ:। ৫২ গজাও ইঞা।

২১। যদি উজ ঘর ১৩ ফুট ৪ ইঞ্চ উচ্চ হয়, আর উহার দেওয়াল কাগজে মুড়িডে হয়, ভাহা হইলে যে কাগজ ১ ফুট ৪ ইঞ্চ চৌড়া ভাহার কত গল আবশ্যক হইবে ?

উ:। ২**৫ গজ**।

২২ বিদি দরওয়ালা প্রস্তুত করিবার মজুরি প্রতি রুপ, কুটে ২ দিনিং ৩ পেল করিয়া পড়ে, তবে যে ছার পুড়ুই ৩ ইঞ্চ লমা ও ৩ ফুট ৬ ইঞ্চ চৌড়া তাহার মজুরি কড ছইবে ? আর ঞ দরওয়াজার গলনের কালি কড় ?

উ:। { মজুরি ২ পাউও ১৭ সিলিং ১ পেন্স। কালি ২৫ টু বর্গ ফুট।

২৩। বে সমচতুকোণ ভূমির কালি এক বিঘা ১৬ কাঠা ১৬ ছটাক এবং প্রস্থা ৯ কাঠা ৮ ছটাক, ভাহার দৈর্ঘ্য কত ? ৩ গণ্ডা ২ কড়া কালিকে বর্গ কুট কর ?

উ:। ৩ বিঘা ১৭ কাঠা ৮ ছটাক। ৭ বৰ্গ কুট ১২৬ ইঞা।
২৪। ৩ বিঘা ১২ কাঠা দীৰ্ঘ এমন এক সমচতুকোণ
ভূমির মধান্তবে একটা সমচভূরত্র পুক্রিণী আছে, এবং ঐ
পুক্রিণীর প্রত্যেক পাড়ে যে জমি আছে ভাহার প্রস্থা
১৮৮ সাভ কাঠা ভিন পুরা; ঐ পুক্রিণীর জনকর কড
এবং পাড় কভ ?
উ:। ৭ গঙা /১৬; ৪ গছার/৮
২৫। "চারি হাভ বর্গ 'ও "৪ বর্গ হাড, ইহাদের
আত্তর কভ ?

২৬। এক খণ্ড সায়তাকার ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ১৩৭৫ বিছ প্রস্তুত ১ বিছা; উহাজে কভ একর ভূমি সাছে ?

छै:। ১ धक्त ১ ऋछ २ (शान।

২৭। যদি প্রেডি বর্গ ফুটের মূল্য ও সিলিং ৬ পেস্স হর, ভবে যে ভূমির দৈর্ঘ্য ২৪ ফুট ও ইঞ্চ ও বিস্তার ৭ ফুট ৬ ইঞ্চ, ভাহার দাম কত ? উ:। ৩১ পা: ১৬ সি: ৬ পি:।

## ২য় সম্পাদ্য। ত্রিভুজ ক্ষেত্রের কালি।

১ম নিয়ম। ত্রিভুজ কেত্রের ক্ষেত্রকল স্থির করিতে হইলে উহার যে দিক হয় এক দিক মাপ কর, এবং ঐ দিকের সমুখীন কোণ হইতে উহার উপর একটা লম্ব টানিরা ভাহার পরিমাণ স্থির কর; ভাহার পরে, ঐ স্থায়র গুণকলের অর্ক্কে ল্টলেই ক্ষেত্রকল স্থির হইবে।

ক্ষেত্র সমকোণিক ত্রিভুজ হইলে ভুক্তপরিমাণকে কোটি পরিমাণ ছারা গুণ করিয়া যাহা হয়, ভদর্জ লইলে ক্ষেত্রকল

<sup>্</sup>ৰৰ্গ ক্ষেত্ৰের কৰ্ণ ব্যক্ত থাকিলে ভাহার ক্ষেত্ৰকণ নিৰ্ণন্ন করিতে হইবে।

নিরম। কর্ণপরিমাণকে বর্গ করিরা ভাহার ক্ষ**র্কে নইলেই** ক্ষেত্রকল স্থির হয়।

ষদি কোন বর্গ ক্ষেত্র বা রহসের হুইটা কর্ণ নির্দিষ্ট থাকে. ভাছা হইলে ঐ বর্গ ক্ষেত্র বা রহসের ক্ষেত্রফল এইরপে নির্ণীত ছুইবে।

নিরম। কর্ণব্রের গুণফলের অর্থেক নইলেই ক্ষেত্রকল ছিব হব।

ছির হর। যথা ক ধ প সমকোণিক ত্রিভুজের (১৮১ পৃষ্ঠার প্রতিকৃতি দেখ) থ গ কোটি ছারা ক খ গুণ করিরা অদ্যাংশ লইনে ক্ষেত্রকল ছির হয়।

ক্ষেত্র স্মকোণিক ত্রিভুজ না ছইরা জন্ত কোন আকারের ছইলে, লম্বাধার ভুজের পরিমাণকে লম্বপরিমাণ দারা গুণ করিরা যাহা হর তদর্জ লইলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়। যথা, কথ গ স্ক্ষকোণিক ত্রিভুজ ক্ষেত্রের লম্ব গ ঘ দারা কথ গুণ করিরা অর্জাংশ হইলে কালি হয়।

হয় নিয়ম। ত্রিভুজ কেত্রের ভিনটী দিকের পরিমাণ জানা থাকিলেও কেত্রুল স্থির হইতে পারে। তিন দিকের পরিমাণ একত্রে যোগ করিয়া ভাহার অর্জেক যাহা হইবে, ভাহা সভস্প করিয়া রাধ। ভাহার পরে, ঐ অর্জেক হইডে প্রভ্রেক দিকের পরিমাণ সভস্ত সভস্ত বিরোগ করিলে বে ভিনটী রাশি হইবে, সেই রাশিত্রর ও ঐ অর্জেককে পরস্পর ধারাবাহিক গুণ করিয়া, গুণফলের বর্গ মূল স্থির কর। ঐ বর্গমূল ত্রিভুজের ক্ষেত্রকল হইবে।

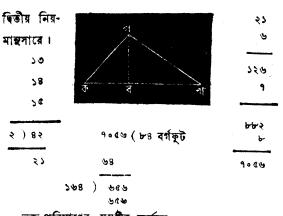
উদাহরণ ১। ক খ গ ত্রিভুজের ভূমি ক খ ৪২ ফুট এবং লম্ব গ ঘ ৩০ ফুট ; উহার ক্ষেত্রকল কভ হইবে গ

প্রথম নিয়মানুসারে ৪২ × ৩৩ → ২ ⇒ ৬৯৩; এবং ১৯৬ → ১ = ৭৭ বর্গগঞ্জ।

২। কোন জিভুজের কেন্তের ভূজ পরিমাণ বধাক্রমে ১৩, ১৪ এবং ১৫ ফুট, উহার কেন্তকল কর্ড
হউবে ?

### ভূমিশরিমার।

253



ভুজ পরিমাণের সমষ্টির অবর্দ্ধিক ২১ ২১ ২১ ১৩ ১৪ ১৫ অবশিষ্ট — — — ৬

ব্দত্তএব, ক্ষেত্রকল 🖚 ৮৪ বর্গ ফুট 🛨 🔊 🕳 ৯ ভী বর্গগঞ্জ।

৩। কোন ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ভুজপরিমাণ, ৩•, ৪০ ও ৫০ হস্ত, উহার ক্ষেত্রকল কত হইবে ?

এই উদাহরণে, ভূজপরিমাণের **সমষ্টি**র **অর্ছে**ক <del>=</del> ৩০ + ৪০ + ৫০

<del>\_\_\_\_ = ৬</del>• হস্ত ;

৪। কোন ত্রিজ্জ ক্ষেত্রের ভূমিপরিমাণ ৪০ কূট, এবং কোটিপরিমাণ ৩০ কূট হইলে, উহার ক্ষেত্রকল ক্ষ হইবে ৮ উ:। ৬৬% বর্গ গল।

৫। যে ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ভুজপরিমার্গ ২০ ৩০ এবং ৪০ কট, ভাহাব ক্ষেত্ৰকল ক্ষ হইবে ? উঃ । ৩২.২৭ বৰ্গ সজ।

ভা যে ত্রিভু**ল কোরের এক ভুল** ২**৮৪, ও শীর্ষ** কোণ হটতে ততুপরি বম্পরিমাণ ১া•, ভাহার ক্ষেত্রফল হির **छ**ः। विचा ऽभऽभवे । কর γ

্ণ। ৩২, ৪৮, ৬৪ হাত পরিমিত তিন ভুজবিশিষ্ট ত্রিভ্রের ক্ষেত্রফল অপেক্ষা, ১৫০ হাত দীর্ঘ ও ৪৫ হাত বিস্তুত আয়ত ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কত গুরু বা লযু ?

উঃ। ৬০০৩,৪ ইঞ্চ বর্গহন্ত গুরু।

৮। य ममकानिक जिल्ला कर्मनितमान २०२३ कृषे, ও ভূমিপরিমাণ ১০০ ফুট, ভাহার ক্ষেত্রফল কভ গ

छै:। ১২৫ वर्ग शका

৯। যে ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ভূমিপরিমাণ ১২১ গজ এবং কালি এক একর, ভাহার কোটিপরিমাণ কভ ? উ:। ৮০ থক। ১০। কখগ তিভ্জের ভূমি কথ ৯৪৫ নিয়া, এবং লয়

গ ব ১৮০ লিক্ক, উহার ক্ষেত্রফল কত ?

উঃ। ২ একর ১ রুড ২ পোল।

১১। বদি এক একর ভূমির দাম ৩৭০ পাউও হয়, ভাহা क्रहेत्त य खिरकांगाकात क्वाब्व ज्ञान १८७.६, ১১৯.६, এবং ৯২ ৫ গল ভাহার মূল্য কত গ

উ:। ৪১১ পা: ১৩ শি: ১০ পে:।

া ১২। যে বৰ্গ কেতের কর্ণপরিমাণ ৬ ফুট, ভাহার ক্ষেত্ৰকল কড় প উ:। ২৮ বর্গ কুট।

্১৩া বে মায়ত্ত ক্ষেত্রের কর্ণপরিমাণ ১০ ফুট এবং

একটা বাহর পরিমাণ ৮ কুট, ভাহার কেত্রফল কত ? উ:। ৪৮ বর্গ ফুট।

## ৩য় সপ্পা**ন্ত । ট্রাপিজৈড্ কেতের** কালি।

নিয়ম। ট্রাপিজৈডেব্র যে ছই বাছ সমান্তবাল দেই বাহন্বরের সমষ্টিকে, ভাহাদিগের অন্তর্গত লম্ব বেথার পরি-মাণ দারা গুল করিলে যাহা হয়, ভাহার অর্জেক লাইলেই ক্ষেত্রকল দ্বির হইবে।

সমান্তরাল ভূজদয়ের মধ্যে একটীর প্রান্ত হুইতে অপর্টীর উপর লম্পাত করিয়া, সমান্তরাল বাহুছয়ের সমষ্টির অর্ছেককে লম্মনারা গুণ করিলে গুণকল ক্ষেত্রের পরিমাণ হুইবে।

উদাহরণ ১। ক থ গ ছ ট্রাপিজৈড; গগ ও ক ছ ছইটী সমাস্তরাল ভূজ প্রস্পর ৭.৫ এবং ১২.২৫ ফুট, আর্ব থ গ ও ক ছ রেথাছয়ের জন্তর গঘ ১৫.৪ ফুট, উহাব জেঅফল কভ হইবে ?

20.90 20.90 20.8 20.8 20.90



र ) अक्षेत्रयः ( १९२,०१८ वर्ग कृते ।

২। যে টাপিজৈড্ কেত্রের সমান্তরাল বাহৰরের পরিমাণ ক্রমশঃ ২১ ফুট ৩ ইঞ্চ ও ১৮ ফুট ৬ ইঞ্ছ আর উহাদের শস্তর ৮ ফুট ৫ ইঞ্চ, ভাহার ক্ষেত্রকল কত গ

**डि:। ১৯१ वर्ग झ्टे, ॐ 8″ ७**″।

৩। কখগছ টাপিজৈড কেতে খেগ ও কছ হুইটা नमाबद्रान जूब यथाकारम ३.७ (हरून ७ ० (हरून এवः भ घ ৯.০৩৭ চেইন, উহার ক্ষেত্রফল কত ০

ष्टेः। २ धकत ३ क्रष्ठ १ (शान ।

৪। বে টাপিজৈড় কেত্রের ন্মান্তরাল বাছৰয়ের **श्रिमान मधाक्त्म ৮० धदः ७० निष्क धदः व्यक्त ৮৪० निष्क** ভাহার ক্ষেত্রফল কত ? है:। २ ऋछ ३८ (शान।

৪র্থ সম্পান্ত। ট্রাপিজিয়ম অর্থাৎ বিষম চত্ত্ব ক কেত্রের কালি।

প্রথমত:। ট্রাপিজিয়ম কেত্রকে কর্ণ রেখা ছারা ত্রিভুত্তকেত্রে বিভাগ করিয়া, ঐ ত্রিভুত্তকেত্রদিগের কেত্র-कन, भूर्सनिथिक इरे नियमात य कान नियमात बाता হির করিরা সমষ্টি করিলেই, ঐ কেত্তের বা ভূমির কেত্রকল च्त्र रत्।

কিছা, কর্ণ রেশার উপর অপর হুইটা সমূধীন কোণ হইতে ছইটা লম্ব টানিয়া, ঐ ছই লম্বের সমষ্টিকে কর্ণ রেখা দারা গুণ করিলে যে গুণফল প্রাপ্ত হওয়া যায়, ভাছার অর্কেক লইলেই ক্ষেত্রকল স্থির হয়।

ঘিতীয়ত:। টাপিজিয়ন কেতের সমুখীন সুইটা কোণ

ষদি পরস্পার পরস্পারের কোড়স্থ কোও হয়, অর্থাৎ উভ্নের যোগে যদি ছই সমকোণ ভূলা হয়; ভাহা ছইলে উহার চারিটী বাছর পরিমাণ যেগ করিয়া ভার অর্থেক হইতে প্রত্যেক দিকের পরিমাণ যতম যতম বিয়োগ করিয়া যে চারিটী রাশি হইবেক, ভাহাদের ধারাবাহিক ভণকলের বর্গ মূল ছির কর। ঐ বর্গ মূল ট্রাপিজিয়মের ক্ষেত্রফল হইবেক।

উদাহরণ ১। ক গ থ ছ বিষম চতুত্র কেন্তের কণ্রেখা ক থ ৪২ হক্ত এবং গুছ ও চ ছ ত্ইটী লম্ব্যাক্রমে ১৮ ৪ ১৬ হক্ত। উহার কেন্ত্রফল কত ?

3 <b>-</b> 3- 3- 3- 3- 3- 3- 3- 3- 3- 3- 3- 3- 3-	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
ত৪ সম <b>টি,</b> ৪২	\$ 0
200 0F	
<ul><li>কেত্রকন =</li><li>২) ১৪২৮ ( ৭১৪ বর্গহন্ত</li></ul>	Ď,

উদাহরণ ২। ক গ থ ছ বিষম চতুর্জ কেরেব ক গ, গ থ, ধ ছ ও ছ ক যথাক্রমে ১৫, ১৩, ১৪ এবং ১২ ছাত, এবং কর্ণরেথা ক থ ১৬ ছাত। উহার কেরে-কর করে।

<b>क ४</b>	30	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	<b>*</b> 38	
ক প	24			
গঘ	30	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	<b>क</b> ५८	,
	২) ৪৪ সমটি ২২ ২২ ২		২) ৪২ শ <b>ম</b> ষ্টি	
F <sub>2</sub>	20 20 2		79 78 75 57 57 <b>5</b> 2	
	<u> </u>	•	6 9 3	i ,44
			9	j.
	8२ <i>৯</i>		. 90 900	
		**	<u> </u>	
	৩৭৮ ২২		৩১∉ু ়	(1.3 ) 1 · 4
:37 <b>%</b>			53	
	969		৩১৫ ৬৩০	
V	رد = دردم	<b>V</b> 1 6566.	6976 = P.	<b>७</b> ७२७
* * *	विष्ट्राचन ट			•

🔻 ছ খ ত্রিভূব্বের ক্রেফল = ৮১.৩৩২৬

चाउँचन, कं श ब छ वितम

**ठकूक्** खंद क्विकत = ১१२.६२8**१ वर्ग इस्छ**। ৩। যে ৰিবম চতুৰ্ভ কেত্তের চারিটা বাছ যথাক্রমে २६, २७, २৮ ७ ०० रख अवः ममूरीन क्रेंगे कान शहरून শরশরের ক্রোড়ছ কোণ, ভাহার ক্রেফল কভ ?

্র উ:। বিভীয় নির্মান্সারে ৭২৩.৯৮৯ হস্ত।

৪। কোন বিষম চতুর্ভুত্ত কেত্রের দক্ষিণ দিকের শরিমাণ ২৭.৪০ চেইন, পূর্ব দিকের পরিমাণ ৩৫.৭৫ চেইন, উত্তর দিকের পরিমাণ ৩৭.৫৫ চেইন, পশ্চিম দিকের পরিমাণ ১১.৯৫ চেইন, এবং দক্ষিণ-পশ্চিম কোণ হইতে উত্তর-পূর্ব কোণ পর্যান্ত অক্সিড কর্ণ রেথার পরিমাণ ৪৮.৩৫ চেইন, ভাষার ক্ষেত্রফল স্থির কর্

উ:। ১২৩ একর ১১.৮৮৫৬ পোল।

৫। যে বিষম চতুর্জ ক্ষেত্রের কর্ণ পরিমাণ ১০৮ই ক্ট, এবং কর্ণের উপর পণ্ডিত হুইটা লম্বের পরিমাণ ৬৫ই ও ৬০ই কুট, ভাহার ক্ষেত্রকল কড ? উঃ। ৭৫৯ই বর্গ গজ। ৬। কোন বিষম চতুর্জ ক্ষেত্রের চারিটা ভূজপরিমাণ ৯২, ১৩, ১৪ ও ১৫ হস্ত এবং সমুখীন কোণ্ডর পরম্পর পরস্পরের ক্রোড়স্থ কোণ। উহার ক্ষেত্র্কন কড ?

डि: । ३४०.३३१ इस्ट ।

া ক গ থ ছ বিষম চতুর্জ কেতের ক গ-র
পরিমাণ = ৩১৪ কূট, গ থ-র পরিমাণ = ২৩২ কুট,
থ ছ-র পরিমাণ = ২২৮ই কূট, ছ ক-র পরিমাণ =
২৬৬ই কূট এবং কথ কর্ণের পরিমাণ = ৪১৭ই কুট, উহার
কেত্রকল কত?
উঃ। ৭০৭২ই বর্গ গজ।

৮। কগথছ ট্রাপিজিরম কেত্রের কর্ণ কথ = ২০ গঁজ, এবং ছচ ওগদ লম ছুইটী যথাক্রমে ৪.২ গজ ও ৩.৮ গজ; এইকণে ঐ কেত্রটীতে পাথর বসাইতে হইলে কড বর্গ গজ পাথর লাগিবে ? উ:। ৮০ মর্গ গজ।

### ৫ম সম্পান্ত। বিষম বছভুজ কেত্রের কাপি।

নিরম। বিষম বহুভূজ ক্ষেত্রকে ত্রিভূজ চচুর্ভুজানি ক্ষেত্রে বিভক্ত করিয়া, ভত্তৎ ক্ষেত্রের কল্জাপক সুত্র ছারা প্রভ্যেকের ফল নির্ণয় পূর্বক সমষ্টি করিলে কালি इहेर्द ।

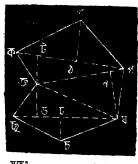
উদাহরণ ১ম। ক **ব গ ল চ ছ জ বিষম বছতুজ কে**ত্রের নির লিখিত কর্ণ ও লম্বের পরিমাণ নির্দিষ্ট আছে, উহার ক্ষেত্ৰকল কভাগ

季	গ	'este	¢.¢
•	Ą	==	4.3
<b>9</b>	গ	-	8,8
•		==	5.0
ঝ	ð	===	٦,٤

Б Б ==

२.७

১ यहः



২ য়ত:

৩ যুক্তঃ

<b>क</b>	শ	গ	9	বিষ্ম
PÀ	Q.	<b>.</b>	Ι,	<b>কেত্ৰ</b> -
4	ৰ স	মাং	กล	कतः

5.0

3.6 0.5

3.00

ৰ ঘ চছ বিষম চতুর্ভুজের কেত্র-ফল সমাধান কর। 30 . 80

জ প ঘ তিত-জের কেত্রকল

न्याधान कत्।

२.७

34.E

>१.०० = २ कंश कं (क्यांत्र कानि । >०.८० = २ कंप हर्ष के। >०.১२ = २ कंप कं विकृष्णित कानि।

२)०१.११ = २ कथ श घ इ व क विश्म वहसूरका कालि। ⇒ >৮,१৮৫ = कथ श घ ह इ व विश्म यहसूरका कालि।

ই। ক ৰ গ য জ পঞ্চকোপিক ক্ষেত্রের যদি ক প কর্ণের পরিমাণ ৪০ ছাত এবং উহার উপর পভিত থ ঠ ও জ ট ছইটা লম্বের পরিমাণ ক্রমশঃ ৮ ও ৯ হাত, জার জ গ কর্ণ ও ভছপরি পতিত ঘ ম লম্বের পরিমাণ ক্রমশঃ ও৮ ও ও হাত হর, ভাহা হইলে ঐ পঞ্চোণিক ক্ষেত্রের কালি কন্ত ?

০। কোন একটা বিষম বহুজুল কোত্রের প্রথম কুজের পরিমাণ ৪০ হাড, বিভীর কুল ১০০ হাড, কৃতীর কুল ৬০ হাড, চতুর্ব কুল ৭০ হাড, ও পঞ্চম কুজ ৮০ হাড়, এবং ভাহার প্রথম ও পঞ্চম কুজের অন্তর্কার্তী কোণ দইতে, বিভীয় ও ভৃতীর কুজের অন্তর্কার্তী কোণ পর্বাভ কোণ টানা বার ভাহার পরিমাণ ১৫০ হাড, ও শেরোজ্ঞ কোণ হইডে চতুর্ব ও পঞ্চম কুজের অন্তর্কারী কোণ পর্বাভ বেরেখা টানা বার ভাহার পরিমাণ ১২০ হাড। ক্ষেত্রটার ক্ষেত্রকল কভ ছির কর। উঃ। ৭৯৬২, ১ বর্ম হন্তঃ।

৬ঠ সম্পাদ্য। সমবাহ এবং সমকোণিক বছ-ভুজ ক্ষেত্রের কালি।

১ম নিরম। বছভুজ ক্ষেত্রের সমুদার দিকের পরিমাণ

একত্রে যোগ ছরিয়া, সেই বোগফলকে বছভুলের কেন্দ্র ছইভে ভাছার কোন বাছর উপর পতিত লম্বের পরিমাণের অর্কেকের দ্বারা গুণ কর ঐ গুণফল সমবাছক ও সমকোণিক ঘহভূদের ক্ষেত্রফল হইবে।

২য় নিয়ম। ২য় ভাগ **৪বঁ সম্পাতে**র নীয়ে বুভান্তর্গড় বছডুভের ক্ষেত্রফলের ব্য তালিকা দেওয়া গিয়াছে. रमरे छालिका रहेए উल्लिथिक क्या नरेश मयरकारिक ও সমবাদক ক্ষেত্রের বাহপরিমাণ ছারা ভাহাকে গুণ কর, এই ওণকল সমকোণিক ও সমবাছক ক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল क्ट्रेंचि ।

স্ত্র। যদি ব অক্র ছারা বহুভূজের এক বাহ, যথা ছ ক নির্দেশ করা যায়, বছভূজের কেন্দ্র মূহইতে ছ ঝ বার্ডে পতিত মাক লম্ব ক্ষর ছারা নির্দেশ করা যার, স অকর ছারা বছভূজের বাছসংখ্যা নির্দেশ করা যায়, এবং আজ্জর ছারা বছতুত্ব যত সংখ্যক হইবেক সেই সংখ্যার (২ ভাগ ৪র্থ শিশাদ্যের ভার্নিকার লিখিভ ) ক্ষেত্রফল ব্যক্ত করে যায়; **हारा श्रेल**.

चिक्रण = हे म×न×व, এवः क्लाक्रल = अ×व²ः <u> স্থল এবং ল = ২ কেত্রকল</u>

স্থল স্থল

বছড়ভার কেতাকল, ভাহার পরিমিতির জায়ত অধবা বাছ সকলের সমষ্টি ও বহুজুজের ভিতরে অভিত রুতের কর্কটের অর্ছেকের গুণফল ভূল্য।

ম ক যদি অন্তর্গত রুভের ব্যালার্ছ হয়, ভাষা হইলে মছ ব তিভুজের ক্ষেত্রফল — ছ ব × ३ ম ক।

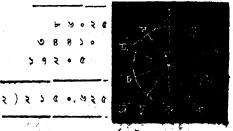
এইকণে বহুজুজ কেত্রের মুবিনু হুইতে ভাহার প্রত্যেক কোণে রেথা টানিলে প্রভীয়মান হুইবে যে, কেত্রে যত বাহ আছে তত্তলৈ ত্রিভুজ ও ভাহারা প্রভ্যেকে ম ছ ক ত্রিভুজের সদৃশ হুইবে: অভএব বহুভুজের কেত্রকল — বাহসংখ্যা × ছ ক × ই ম ক; কিছা বাহুসংখ্যা × ছ ক = প্রিমিতি।

🗠 বহভুজের ক্ষেত্রফল 🚎 পরিমিতি 🗴 🕏 ম क ।

উলাহরণ ১। যে সমবাতক ও সমকোণিক পঞ্জুদ্রের ছ ব ৰাজর পরিমাণ ২৫ ফুট ও ততুপরিস্থ ম ক লম্বের পরিমাণ ১৭.২০৫, তাহার ক্ষেত্রকল কত ১

#### ५म नियमाञ्चनातः ।

১ ৭. ২০ ৫ ২৫ × ৫ = ১২৫ = সমুদার বাছর সমষ্টি।



(क्किक्न = २०१ c. ७ ३ २ वर्ग कृते।

# ২র নির্মাল্পারে। তালিকা অনুসারে পঞ্চ ভূজের কেত্রফল = ১, ৭২ ০ ৫

3 2 C = 2 6 2

**▶ ₩ • २ ¢** 

0887

300200

### ক্ষেত্ৰকল = ১০৭৫.৩১২৫ বৰ্গ কুটা

হ। যে ষড়ভুজের বাছর পরিমাণ ২০ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল কত? উ:। ১০০৯.২৪ বর্গ ফুট।

গ বে সমবাছক ত্রিভুজের ভুজপরিমাণ ২০ ফুট,
 ভাহার ক্ষেত্রকল কত ?
 উং। ১৭৩.২০ বর্গ কুট।

৪। এক লমবাছক ছাইভুজের বাহর পরিমাণ ২০ কুট,
 ভাহার ক্ষেত্রকল কভ ?
 উ:। ১৯৩১ ৩৬ বর্গ ফুট।

৫। য়ে ড়য়ৢড়য়য় বাছয় পরিমাণ ৪৯৯৭০৫ ও তত্ত্বরি
 পাড়িত লম্বের পরিমাণ ৬, তাহার ক্ষেত্রফল কত ?

र्छः। ३५३.२३२।

শ্ব বড়ভুজের বাহর পরিমাণ ১৭ ফুট ৬ ইঞ্চ ও

কছপরি শতিক লত্বের পরিমাণ ১৮ ফুট, তাহার কেল্লেফল

উ:। ১১০২,৫ বর্গ ফুট।

া বে সমন্তিভূজের ভূজ এবং কোট ৮ ও ৬ হাত. ভাহার ভিতরে অভিড রুভের ব্যাসার্জের পরিমাণ কত? উ:। ২ হাত। ৮। যে ত্রিস্থানর ভূমি ১৮ হাড ও কর্ণ ৩০ হাড, ভাহার ভিতরে শহিত রুত্তের ব্যাসার্জ কত ? উ:। ৬ হাছ।

 ব ভুলাকোণিক ও সমবাছক দশভুজের বাছর পরিমাণ ২০ ছুট, ভাহার ক্ষেত্রকল কভ ?

উ:। ৩-११.৬৮ বর্গ কুট।

১০। বে সমবাছক ও ভূস্যকোণিক দশভূজের ক্ষেত্রকল ১৬ বর্গ কুট, ভাহার বাহুর পরিমাণ কভ ?

ছড়ীর স্ত্রাহ্নারে, বাছ বা ব = 1 ক্রেফল, অর্থাৎ,

१.७५६ = १.८८१ क्टे = १ क्टे ६.७ इ.४।

১১। কি কৃট বেড়া দিতে কৃট করা ৪ সিলিং ৮ পেজ ধৰচে বে সমবাহক অষ্টভুজাকতি বাগানের বেড়া দিছে ৮৪০ পাউণ্ড পড়িয়াছে, তাহার অন্তর্গত ভূমিতে কম্বর দিতে কভ বায় হইবে, যদি খোয়া দিবার ধরচ প্রতি বর্গ গল পিছু ১০ই পেজ হয়।

উ:। ৪৭৫২ পাউও ১৯ সিলিং ১ই পেন্স।

### १म मन्नीमा । इडक्क्ता कानि ।

কোন বৃত্তক্ষেত্রের ব্যাস বা ব্যাসার্থ জানা আছে, উহার ক্ষেত্রকল হির করিতে ইইবে।

>ম নিরম। ব্যাসকে বর্গ করিরা ভাষাকে ৩,১৪১৬

দিরা ৩৭ করিলে, ভণকলের চতুর্থাংশ বৃত্তক্তের কানি

ইইবে।

নিয়মান্তর। ব্যাসার্জের বর্গকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ করিনে উহা বৃদ্ধক্ষেত্রের কালি হইবে। যদি গণনার অভ্যন্ত স্থন্মত चावगाक ना इत, छाहा इहेल के वर्गक २२ मित्रा ७ করিয়া ৭ দিয়া ভাগ করিলে কালি স্থির চইবে।

কোন বুস্তক্ষেত্রের পরিধি পরিজ্ঞাত আছে, উহার ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে।

২য় নিয়ম। পরিধির বর্গকে . • ৭৯৫৮ দিয়া ৩৩৭ করিলে বৃত্তক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল হইবে; কিম্বা পরিধিকে বর্গ করিয়া ভাহার চতুর্থাংশকে ৩.১৪১৬ দিয়া ভাগ করিলে, ভাগকন बुख्यकात्वत्र कालि इटेरव ।

নিয়মান্তর। পরিধি য**ত** হইবেক, ভাহার **অর্জে**কের বর্গ করিয়া, ভাহাকে ৩.১৪১৬ দিয়া ভাগ কর। ভাগকন ব্যস্তের ক্ষেত্রকল হইবে। যদি গণনার অভ্যস্ত স্ক্রভা भारगाक ना इत्र. छाङा इहेला, के वर्गरक १ नित्रा अन कतिया २२ मिशा जाश कवित्वरे अधाश हरेता।

কোন বৃত্তকেত্রের পরিধি ও ব্যাস জানা আছে, উহার ক্ষেক্ত ছির করিতে হইবে।

৩য় নির্ম। পরিধিকে ব্যাস দিরা ৩৭ করিরা, ৩৭-ফলের চন্তর্যাংশ লও ; উহা রতের ক্ষেত্রকল হইবে।

্রুভের ব্যাসার্গাও পরিধি মাও প অক্ষর খারা ্নির্ন্তে কর ে আর ব্যাসের ৩.১৪১৬ গুণ পরিধি ড অকর হার নিৰ্দেশ করা ভাষা হইলে এই স্মত্ত্ৰিল পাপ হওয় शहेत। वश-

ফ বা ক্ষেত্ৰকৰ = ড × ঋ², এবং ঋ = । ক ;

শার ফ  $=\frac{9^2}{8\times 6}$  = ই ম  $\times$  প, এবং প =  $\checkmark$  ঃ ক $^{\circ}$  $\times$  ভ,

উদাহরণ ১ম। বে বৃত্তক্ষেত্রের ব্যাসার্ক ৫ কুট, ভাহার ক্ষেত্রফল কভ ?

্যম নির্মান্থ্যারে ক্ষেত্রফল = ৩.১৪১৬ × ৫<sup>২</sup> = ৩.১৪১৬ × ২৫ = ৭৮.৫৪ বর্গ ফুট।

ংর। যে বৃত্তক্ষেত্রের পরিধি ১৩২ হাড, তাহার ক্ষেত্র-ক্ষল কত ?

ভ্তমগণনা করিতে হইলে, ২য় নিয়মাছ্লারে,

<u> १००५</u> = ১०৮५.०० वर्गहर ।

ছুল গণনা করিলে, ক্লেত্রফল =  $\left\{\frac{202}{2}\right\}^2 \times \frac{9}{22}$ 

७७३ × २२ = ४०८७ × २२ = २२ = २०७७ वर्गवसः। १

আতএব, স্থুল গণনা ও হ'ল গণনায় বিস্তব প্রভেদ নাই।

এর। বে বুড্জেন্সের পরিধি ৮০ হাত ও ব্যাস ২৫,৪৬৪

কাত, ভাহার ক্ষেত্রকল কত ?

= 2. × 20.848 = 0.3.25 49 581

৪র্জ। বে বুক্তক্ষেত্রের পরিধি ১০.৯১৫৬ গল, ভাষার **स्थ्यक**न करु वर्ग कृष्ठे ? है: । ৮५.६৯৩०।

ংম। ৩৯, ৪৮ ও ৬০ হাত ভুজপরিমিত একটা ত্রিভূজ ক্ষেত্র, ৩০ হাত দীর্ঘ ও ২৮ হাত বিস্তৃত একটা বর্গ ক্ষেত্র, এবং ৩০ ছাত ব্যাসবিশিষ্ট একটা বৃত্তক্ষেত্র, এই তিনটীর याथा कान्गित क्लाकन छक ? छै:। अथमणित।

৬ঠ। বে বৃত্তক্ষেত্রের পরিধি ১৩২ হাত, ভাহার উ:। ১৩৫৪.৭ বৰ্গছন্ত। ক্ৰেফন কত ?

৭ম। যে বুত্তকেতের ব্যাস ২৮ হাত এবং পরিধি ৮৮ ছাত, তাহার ক্ষেত্রফল কড ? উ:। ৬১৬ বর্গ হস্ত।

**৮ম। বে বুডকেত্রের ক্ষেত্রফল এক একর, ভাহার** छै:। २८७ गद्ध ३ क्छे ३० हे हैं ए। পরিধি কড় ?

৯ম। যে সমচতুর্ভুন্তের কেত্রফল ১৮ বর্গ হাত ভছহিছ छे:। ७ शख। বুছের ব্যাস কত হইবে ?

क म थ बुखश (७३ क्या क न क थ ठान × ३ म क ; ∴ ক ধ অংশ বুভগরিধিতে বত বার ধারণ করে × ম ক ধ-র ক্ষেত্রকল - ক ধ অংশ বুত্তপরিধিতে যত বার ধারণ করে × कथ × हे म क, व्यर्श कथ श दुख्द क्लाक्स -ক ৰ গ পরিধি 🗴 🗦 ম ক।

अञ्चान। एव दृष्डत राग धक धकक, यनि छोरात পরিধি ড জক্তর ছারা নির্দেশ করা বার, ভাহা হইলে ৰ্যবহারিক জ্যামিতির ৭১ডি প্রতিজ্ঞান্ত্রপারে,

্ড:ক্ৰপ প্রিধি::১:২ম ক; : ক্ৰপ প্ৰিৰি - २ छ × म क ; ध्वरः शृत्कांक व्यक्तित्रा वाता क व अ ৰুভারে <del>কেতাকল —</del> কথগ পরিধি × ইমক — ২<sup>©</sup> ★ মক × ইমক — ভ × মক<sup>২</sup>।

৮ম সম্পাদ্য। তুই ঐককেন্দ্রিক রন্তের পরি-ধির অন্তর্গত অঙ্গুরীয় আকারের ভূমির ক্ষেত্র-ফল স্থির করিতে হইবে।

১ম নিয়ম। বছিবেইন ও অন্তর্বেইনের সমষ্টিকে বিস্তা-রের অর্ক্ষেক ছারা ওণ কর।

২য় নিয়ম। বহির্তিতর ও অভরুত্তের ব্যাস ছুইটীর সমষ্টিকে ভাহাদের বিরোগফল দিয়া ৩৪৭ করিয়া ৩৪৭-কলকে ৭৮৫৪ দিয়া ৩৪৭ কর ।

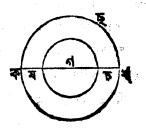
৩য় নিয়ম। বহিবেঁইন ও বিস্তারের **ভণকল হইছে,** ৩.১৪১৬ ও বিস্তারের বর্গের ভণকল বিয়োগ কর।

৪র্থ নিয়ম। অক্তর্বেষ্টন ও বিস্তারের **গুণফল** ৩,১৪১৬ ও বিস্তারের বর্গের গুণফল যোগ কর।

৫ম নিরম। বহির্ভের ও অন্তর্ভের ব্যাস ছুইটার বর্গের বিশ্বোগঞ্চলের চতুর্থাংশকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ কর।

শঠ নিরম। বহির তের ও অন্তর্গু তের ব্যাসার্ক ছইটার। বর্গের অন্তরকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ কর; কিফা বহির তের ক্ষেত্রকল হইছে অন্তর্গু তের ক্ষেত্রকল বিয়োগ কর।

প্র নিয়ম। বছির তের ৩ অন্তর্গু তের ব্যাসার্ক ছই-টার সমষ্টিকে ভাহাদের বি-রোগফল দিয়া গুণ করিয়া, ৩ণফলকে ৩.১৪১৬ গুণ করিলে অন্তরীয় আকারের ভূমির ক্ষেত্রফল স্থির হইবে।



উদাহরণ ১। ছইটা ঐককেন্দ্রিক বৃত্তের কাথ ও ঘাচ ব্যাসহর ২০ ও ১২ ফুট, ঐ হই বৃত্তপরিধির মধ্যপত অনুবীর আকারের ভূমির ক্ষেত্রকল কভ ?

ক গ -	- >•	\$.282%
चग - अ		₩8
বোগফল	29	ઽેર. <b>૯</b> ૨৮ <b>૭</b>
বিয়ো <b>গ</b> ফল	8	7PP.897
-		
ভাগকল	<b>⊌8</b>	२०১.०७२८ 🖚 🖚 विकास

২। ছইটা ঐককেন্দ্রিক বৃত্তের ব্যাসদ্বর যথাক্রমে ২০ ৩ ১০ হস্ত, ঐ ছইটা বৃত্তপরিধির মধ্যগত অঙ্গুরীয় আকারের ভূমির কালি কত? উঃ। ২০৫.৬২ বর্গ হস্ত।

থ অঙ্গুরীয় আকারের ভূমির বহির্বেপ্টনের ব্যাস
 কৃট ও অস্তর্বেপ্টনের ব্যাস ৪ কৃট, ভাহার ক্ষেত্রকল কভ।
 উ:। ১৫.৭০৮।

উদাহরণ ৪। যদি চ ছ জ ও ক থ গ ছই সমকেন্দ্রিক বৃত্তের বহির্বেষ্টন জ ছ চ ৬৬ হাড, জান্তর্বেষ্টন ক থ গ ৪৪ হাড এবং বিস্তার ক চ ৩



হাত হয়, তবে ঐ বেটনগরের অন্তর্গত ভূমির কালি কত ?
এখানে, ক্ষেত্রকল — (বহির্বেটন + অন্তর্বেটন)× বিজ্ঞার

= (১৬ + ৪৪) × ট্র = ১১০ × ট্র = १३° = ১৯২২
বর্গ হস্ত ।

- ৫। একটা অনুরীর আকার কেতের বহির্বেটন ৮৮
   হাড, অন্তর্বেটন ৪৪ হাড এবং বিস্তার ৭ হাত, উহার ক্রেফল কড দ্বির কর।
   উ:। ৪৬২ বর্গ হস্ত।
- একটা বাস্পীর ষজের পিটন প্রস্তুত করিতে হইবে

  মাহার ফাঁডের ক্ষেত্রফল ১১৯২ বর্গ গজ হইবে; এখন বদি

  পিটনের ধাড় ১ ইঞ্চ পুরু হয়, ভবে উহার জন্তব্যাদ ভ

  বছর্বেইনের পরিমাণ কভ স্থির কর।

উ:। } অন্তর্বাসপ্রায় ৩৯ ইঞ্চ।

বহির্বেটন ১০ ফুট ৮ই ইঞ্চ।

 १। একটা গোলাকার মন্দিরের ভিত্তির চৌড়া ১ কুট,
 শুলান্তরীণ মেন্দের পরিসর ৪৮ কুট, উহার ভিত্তির কালি কত ?
 উঃ। ১৫৩.৯:৮৪ বর্গ কুট।

৯ম সম্পাদ্য। কোন রন্তচ্ছেদকের ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে।

্রম নিরম। ব্যাসার্জকে বৃত্তচ্ছেদকের চাপের অর্থেক দিরা ৩৭ করিলে ক্ষেত্রফল ছির হয়; কিছা ব্যাসকে রুত্ত-ক্ষেদকের পরিমাণ দিয়া ৩৭ করিয়া, ৩৭ফলের চতুর্থাংশ লওঃ উহা বৃত্তচ্ছেদকের ক্ষেত্রফল হইবে।

২র নিরম। ৩৬০ অংশের সহিত ব্রতচ্ছেদকের চাপের পরিমাণগত অংশে যাদৃশ অন্থপাত; ব্রত্তের ক্ষেত্রকলের সহিছ ব্রতচ্ছেদকের ক্ষেত্রফল তাদৃশ অন্থপাত।

्ष्रिया क अर्थाय स्म्यक्त = हे अ × ग्रांग, अवः अ = २ क् ग्रांग উদাহরণ। গ ক ঘ গ বুভচ্ছেদকের ব্যাসার্ছ ১০ হস্ত ও জ্যা ক খ ১৬ হস্ত, উহার ক্ষেত্রফল কড १





> = 1 A

8 = 5 5

70 - P 25

ቀ8 <del>==</del> 42 ₽<sub>2</sub>

93.0083902

7.8

### · ) ca cas>9a2

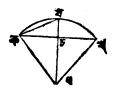
২) ১৮.৫১৮**০**৫৮৪ ক ঘ খ চাপ ৯.২৫৯০২৯৭ = চাপা**র্ছ** 

১• = ব্যাসার্ছ

শতএব গক্ষথ বৃত্ত-

क्लिएकत क्लिक्न ) = 22.020-229 वर्ग हता

২। কোন বৃত্তচ্ছেদকের চাপের পরিমাণ ১৬ অংশ এবং ব্যাস এ কুট; উহার ক্ষেত্রফল কত ?



### . ৭৮৫৪ = 🚡 ড (৩.১৪১৬ এর চড়ুর্বাংশ ) ১ = ৩<sup>২</sup>

৭.০৮৮৬ = সমুদার বৃত্তের কেতাকল।

এইকংশ, ২র নিরমান্থসারে, ৩৮০°:১১°::৭.০৬৮৬, অভএব
বৃত্তচেদকের কেতাকল,

৩০°:৮°:: ৭.০৬৮৬: ১.৮৮৪৯৬ বর্গ হস্ত।

ও। বে বৃত্তচ্ছেদকের চাপ ২০ এবং ব্যাসার্থ ১০ কূট, ভাহার ক্ষেত্রকল কভ ? উ:। ১১৯ বর্গ সভা।

৪। একটা বৃত্তচ্ছেদকের চাপের জ্ঞা ১২ ফুট, এবং
 ব্যাসার্থ ১৮ ফুট, উহার ক্ষেত্রকল কড ভির কর।

छै:। ১১० दे वर्ष कृष्टे।

ধ। বুভের ব্যাসার্ক ২৮৯ কৃট চউলে ঐ বুভের
 ১৮৭° ৩৭´পরিমিভ ছেদকের ক্ষেত্রকল কড হইবে ?

छे:। ১৫১৯8 वर्ग श<del>ण</del> ।

 ৬। বে বৃত্তক্ষেদকের ব্যাসার্ছ ২৫ ফুট এবং চাপের পরিষাণ ১৪৭° ২৯, ভাহার কালি কত ছির কর।

উ:। প্রার ৮-৪.৪ বর্গ ফুট।

१। বলি একটা বৃত্তচ্ছেদকের চাপের জ্ঞার পরিমাণ
 ২০ কৃট ও চাপের শর বা উচ্চতা ৬ কৃট হয়, তাহা হইলে
 উহার ক্ষেত্রকল কড হইবে ?
 উ: । ২০৮.৫৭২ বর্গ কৃট।

। বদি বৃত্তচ্ছেদক বৃত্তার্ছ অপেকা বৃহৎ হয়, ও ভাহার
লার পরিমাণ ১২ কৃট এবং ব্যাদের পরিমাণ ১৫ কৃট হয়,
 ভাহা হইলে উহার ক্ষেত্রফল কড হইবে 

 উঃ। ১২৪ই বর্গ কৃট।

কান বৃত্তচ্ছেদকের ক্ষেত্রফল ১ বর্গ ফুট এবং

ব্যাস ৫ কৃট; ঐ ছুত্তক্ষেদকের চাপের অংশপরিষাণ কত?
এখানে, সমুদার বৃত্তের ক্ষেত্রকল = ৫<sup>2</sup> × .9৮৫৪;
৫<sup>2</sup> × .9৮৫৪
∴ ১° পরিমিতি বৃত্তচেদকের ক্ষেত্রকল = \_\_\_\_\_\_\_,

১০। যে বৃত্তচ্ছেদকের ক্ষেত্রকন ১৮ বর্গ ফুট, ও ব্যাস
স্কুট, ভাহার জংশপরিমাণ কত । উ:। ১০১° ৫১´৩২´।
১০ম সম্পাদ্য। কোন বৃত্তখণ্ডের ক্ষেত্রফল
স্থির করিতে হইবে।

১ম নিয়ম। বৃত্তথণ্ডের চাপ ছারা যে বৃত্তচ্ছেদক হইডে পারে, ভাহার ক্ষেত্রকল পূর্ক সম্পাদের ছারা সমাধান কর; পরে বৃত্তথণ্ডের জ্ঞা ও বৃত্তচ্ছেদকের তৃইটা ব্যাস ছারা যে ক্রিভূজ ক্ষেত্র উৎপন্ন হর, ভাহার কালি করিয়া পূর্ক লন্ধ ক্ষেত্রকল ইইডে বিরোগ কর, বিয়োগফল বৃত্তথণ্ডের ক্ষেত্রফল হইবে।

২। রভধণ্ড সামির্ভ অপেকা বৃহৎ হইলে অবশিষ্ট রভধণ্ডের কালি নির্ণর করির। সমুদার রভের কালি হইডে বিরোপ কর, বিরোপকল উক্ত বৃহৎ খণ্ডের কালি হইবে।

উদাহরণ ১। য জ গ থ চ থ বৃত্তথণ্ডের জ্ঞা ঘ থ-র পরিমাণ ১২ ফুট এবং ব্যাসাগ গমবা থ ম ১০ ফুট হইলে, উহার ক্ষেত্রকল কড হইবে ১ এথানে, তাখনে গচ ও ধ গ-র
পরিমাণ ছির কর, জার দিতীর
ভাগের ৮ম সম্পাদ্যের দারা
দ গ ব চাপের দীর্ঘভার পরি—
মাণ নির্দেশ কর। পরে ১ম
নির্মান্ত্রসারে দ গ থ বৃত্থত্তের
পরিমাণ ছির করিতে হইবে, যথা:—



চম - √ থম² - থচ² = √ ১০² - ৬² = ৮, গচ = গম - চম = ১০ - ৮ = ২, এবং থগ = √ থচ² + গচ² = √ ৬² + ২² = ৬.০২৪৫৫৫; এডদ্যারা ঘ গ থ চাপের দীর্ঘতা

ই। গ্ৰহ্ম শুভৰতের অগ্ন কৃটিল রেথার পরি-মান ৩৭° ও ব্যাসার্ক ২৪ কৃট হইলে, উহার ক্ষেত্রকল ক্ষ কইবে গ্

ত। একটা বৃত্ত অভিছ কর বাহার ব্যাসার্ছ । অন-ভর ১৫ ব্যাসার্ছ লইর। আর একটা বৃত্ত এলপে অভিছ কর বে, ইছার পরিধি পূর্বে অভিভ বৃত্তের কেন্দ্র । কিনা গ্রামন করে; একংণ ছুইটা বুভের পরিধির অন্তর্গত ছানের বর্ণ পরিমাণ কভ ? छै:। ५३ ०१।

৪। যে বৃত্তথণ্ডের শর-পরিমাণ ২ ফুট এবং জ্যা ২০ कृष्ठे, राहात्र कालि कछ द्वित कत्र । 🔻 🕏: । २७.৮१०১৮ ।

ে। একটা বৃত্তথণ্ডের শর ১৮ ফুট, এবং ব্যাস ৫০ ফুট, ভিহার ক্ষেত্রকল কভ। छै:। ७०५ ७२०।

🖦। যদি একটা বৃত্তবণ্ডের জ্ঞার পরিমাণ ১৬ কৃট 🗷 ব্যাদের পরিমাণ ২০ ফুট হয়, তাহা হইলে উহার ক্ষেত্রফল ৰুত হইবে।

🧻 । 🛮 রন্তপরিধি ২৫ ফুট হইলে যদি রন্ত খণ্ডের চাপ 🏕 বুবের বড়াংশ হয়, তাহা হইলে বুত্ত খণ্ডের কালি কড ?

**डे:। ১.8७**১२ वर्ग कृष्टे।

৮। একটী বৃত্থতের জ্যা ৪০ ফুট ৩ শর ৮ ফুট হইলে, 🗣 होत् 🕶 क्रिक्त करू हरेति ? 💮 है:। २७৯,१७ वर्ग करें।

১১শ সম্পাদ্য। রভাকার মণ্ডলের ক্রেফল স্থির করিতে হইবে।

( বিভীর ভাগের ১০ম সম্পাদ্যের প্রতিকৃতি দেধ )

নিরম। মণ্ডলকে একটা বিষম চতুত্বি কেতে বিভাগ कत, यथा क व घ भ। भारत क व घ भ विवय हर्ज्ज्ञ **ক্ষেত্ৰৰ ও ৰ ক ছ ও** ক গ ছইটা বুত্তখণ্ডের কালি, ৩র ও ১ম শশাদ্যের বারা সমাধান করিয়া ক্ষেত্রকলগুলি বোগ কর, ৰোগকৰ মণ্ডলের কালি হইবে।

डेपारवर १। (व दुखाकात कक्रिवरचत विखात ३२ कृष्टे

২। একটা মগুলের ছুইটা সমান্তরাল জ্যার প্রভ্যেকের পরিমাণ ১০০ গল্প, এবং ব্যাসার্কের পরিমাণ ৭২ গল্প, ভাষার ক্ষেত্রফল কড ? উ:। ১৩৫০০ ট্রুবর্গ গল্প।

ও। যে বৃত্তাকার কটিবন্ধের ছুইটা সমান্তরাল জ্ঞার ক্রুডেকের পরিমাণ ২ই ফুট, এবং বাছার ব্যাসার্থ পরিমাণ ১ও ফুট, তাছার ক্ষেত্রফল কড স্থির কর।

উ:। প্রায় ৬‡ বর্গ ক্ট। ১২শ সম্পাদ্য। ক গ খ ঘ ক অর্দ্ধাচন্দ্রাকৃতি ভূমির ক্ষেত্রফল হির করিতে হইবে।

ক গ থ ঘ ক অর্কচন্দ্রাকৃতির চইটা চাপের জ্ঞান ক থ দারা বে ক গ থ ও ক ঘ থ বৃত্তথণ্ড উৎপন্ন চইরাছে ভাছাদের ক্লেঞ্জনন ১ম



সম্পাদার ধারা সমাধান কর। পরে বহিংছ বুভগণ্ডের ক্ষেত্রকল হইতে অন্তর্ম বুভগণ্ডের ক্ষেত্রকর্স বিরোগ করিলে স্ক্রিক্সাক্ষতি ভূমির কালি হইবে।

উলাইরণ ১। বে আর্কচন্দ্রাকৃতি ভূমির জ্যা ক খ >৪ কুট, এবং বাহার তৃইটী চাপের শর্বয় ৫ ও ৩३ কুট ভাহার ক্ষেত্রফল কভ ? উ:। ২০০ বর্গ কুট।

্ বে অর্ছচন্দ্রাকৃতি ভূমির জ্ঞাও ৪০ কৃট, এবং বাহার ইইট চাপের শরহর ৪ ও ২০ কৃট তাহার ক্ষেত্রকল কভঞ্

छै:। ४१.८७१ वर्ग गणा

## ১৩শ সম্পাদ্য বাদ্য বিভূজের ক্ষমন্তর্গত ও বঁহিঃছ রভক্তেরে কালি।

১ম নিরম। বিজ্ঞার বিভবিত ক্রেকলকে ভিনটী বাহর সমষ্টি ছারা ভাগ করিলে, ভাগকল ঐ ব্রিভ্রের ক্রেক্টের ব্যাসার্কের সমান হইবে। ক্রুরাং ক্রেক্টার্যাক্রারে ব্যাসার্কের বর্গকে ৩.১৪১৬ দিলা ৩৭ করিলে ঐ ব্রভের ক্রেক্টেল হইবে।

্র নির্ম। তিতুদের বাছতারকে পরস্পার গুণ করির। গুণকলকে তিতুদের বিগুণিত কেত্রকল বারা ভাগ করিলে, ভাগকল ঐ তিতুদ্ধের বহিঃস্থ বৃত্তকেত্রের ব্যাসের সমান হইবে। স্থতরাং ব্যাসার্দ্ধের বর্গকে ৩.১৪১৬ দির। গুণ করিলে শুণফুল তিতুদ্ধের বহিঃস্থ বৃত্তকেত্রের কালি হইবে।

প্র উদাহরণ। যে ত্রিভুজের ভূজ এবং কোটি বধাক্রমে ৮ ও ৬ হাত, ভাহার ভিতরে অন্তিত বুছের কান্তি কৃত ?

ত্তিত্তের কেত্রকল = ৮ x ৬ + ২ = ২৪: ত্তিত্তের অভগত রতের ব্যাসার্থ = ২৪ x ২ + (৩+৮ + ১০) = ২, বৃজ্জের কালি = ২<sup>২</sup> x ১৯১৯ = ১১ ৫৬৬৪ বর্গহস্ত ১১

্ত্র দি পুৰ বিজ্ঞের স্মি ১৮ হাত ও কর্ণ ৩০ হাত, ভাহাব ভিত্তরে অভিত কৃত্তের কাকি কড় ? উ: ৮ ১৯৮.০১৭৮ হাত। তর্গ বিজ্ঞান ক্ষেত্রের ব্যাক্রমে ৩, ৪৯ ও ৫ হইকে উহার বহিঃছ রুত্তের কাকি কড় হইবে ? উ: । ১৫.৭০৮০।

## ১৪৮ সম্পাদ্য । ব্রভাভাস কেত্রের কালি।

১ম নিয়ম। বৃত্তাভাবের ক্ষেত্রকল স্থির করিতে হুইলে উছার পরিষ্ঠ ও লখিষ্ঠ ব্যাসের গুণকলকে '৭৮৫৪ দিয়া গুণ ক্ষরিলেই হয়।

নির্মান্তর । বৃদ্ধান্তান ক্ষে-ত্তার লখিঠ ব্যাসার্থকে গরিঠ ব্যাসার্থ দিরা গুণ করিয়া গুণ-কলকে ৩.২৪১৬ দিরা গুণ করি-ত্তা, উচার ক্ষেত্রকল দ্বির হর।



উদাহরণ ১। যে বৃদ্ধাভাস কেন্দ্রের পরিষ্ঠ ব্যাস প্রত্থিত ৪ সন্ধির ব্যাস ৪ হাড়, ডাহার কালি কড় ?

्ः विभाजन, कानि-अप्रिकं गांचः 🗡 नृशिकं गांच् 😕 १५५६ ६ = ५ 🗶 ४ १ १५६६ = ३५.५-६३५ वर्षहत्त्व । ः

্ৰ প্ৰাৰ্থনিক সংখ্য একটা অভাকার পুশ্বীধিকার গরিষ্ঠ আন্ত্ৰভাৰ ক্ষী অ স্থানি ব্যাস ২০০ ক্ট, ক পুশ্বীধিকার কালি

ভাৰত ভাৰত বাৰ্টি গজ ± ১ একার ৩৯৬ বৰ্গ পৰা।
তা হৈ প্ৰভাৰতে পৰিচ বাৰি ২১৪ হাত এবং
পৰিচ বাৰি ১৯২ হাত, ভাহার কেত্ৰফৰ কড ?

### wxx#0.0501

ে ৪ া নে ব্ৰভাভাগের গরিষ্ঠ ব্যাস ৭ শরক অব্ধ ব্যবিষ্ঠাব্যাস ইভাগজ, ভাহার ক্ষেত্রকস ক্ষম্ভ ৮ উচ্চ। ২৫৪৮৮ বর্গ গজান্ত সূট।

ে ৫। কোন বৃদ্ধাভালের গরিষ্ঠ ও লচ্চিক বাানার্ক বধা-**ক্রমে ৪৯ ও ২৫, যে রভে**র পরিমাণ এই রু**ভাভা**দের সমান, ভাহার শামিব্যাসের পরিমাণ কড ? छै:। उदा

৬। বে র্ভাভাসের গরিষ্ঠ ও লঘিষ্ঠ ব্যাস যথাক্রমে ৪৪ ও ৩০ হাত, তাহার কেত্রফল কভ ় এবং যদি গরিষ্ঠ ব্যানার 🐗 আভ হইতে ১০ হাড দূরে পরিধি পর্যান্ত 👼 বিভ কর। যার, ভাহা হইলে ঐ লম্বেরই যা क्रियान कम्न क्रेट्र ?

ছিঃ। ৮০১.১ বর্গ হস্ত। লখ-১৮৬.৮৫ হস্ত। <del>্যকা সম্পাদ্য। কে</del>পণী • আকারের ভূমির ক্ষেক্স হিন্ন করিতে হইবে।

১ম নিরম। অক্টাত্তের পরিমাণকে ভূমিপরিমাণ ভারা খণ করিয়া, খণকলের অংশত্ররের হুই খংশ লইলেই ক্ষেপণী শাকারের ভূমির ক্ষেত্রকন ছির হন।

Griege S | W W কেশৰী আকালের ভূমির चकरत वा नकीधिक विस्तात क्र-न ६ वृष्टे धवा सेवात कृति क भ ३३ कृते, छेड़ात (कुछ-कत कर ?



• কেশৰী ক্ষৰীন, স্থতরাং ভাহার কালি নিরূপণ করা হংশাধা; অভএক কেপণী ক্ষেত্রের কালি করিতে হইবে এ প্রায়ে জেপনীর এক **গভের পরিমাণ** বুকাইবে।

এথানে, ক্ষেত্রকল = ह × ১২ × ২ = ১৬ বর্গ ফুট।
২। বে ক্ষেপণীর ভলবেথা ২০ ফুট এবং ক্ষমণ ও বা সর্কাধিক বিস্তার ১৮ ফুট, তাহার ক্ষেত্রকল কত १উ:। ২৪-বর্গ ফুট।
৩। যে ক্ষেপণীর ভলবেথা ১২০ হাত এবং সর্কাধিক
বিস্তার ১০ হাত, তাহার ক্ষেত্রকল কত ? উ:। ৮০০ বর্গ হস্ত।
১৬শ সম্পাদ্য। ক গছ ঘ ক্ষেপণীমগুলের

১৬শ সম্পাদ্য। কগছ ঘ কেপণাম**ওলের** কালি করিতে হইবে।

নিরম। ক্ষেপণীমণ্ডলের উভর পার্দ্ধের পরিমাণকে বিঘাত করিয়া একটা বিঘাত হইতে অপরটা বিরোগ কর। পরে ঐ বিয়োগফলকে ক্ষেপণীমণ্ডলের বিভারের বিশুল পরিমাণ ছারা গুণ কর, এবং ঐ গুণফলকে পার্দ্ধবিষের বর্গাস্তরের ভিন গুণ দিরা ভাগ কর। ভাগফল ক্ষেপণীমণ্ডলের কালি হইবে।

১। ক গছ ভ কেপণীমগুলের ক গ ও ছ ভ পার্ব বিধাক্ষে ৬ ও ১০ ছাত এবং বিস্তার থ চ ৪ ছাত, উহার ক্ষেত্রকল কড ।

ক্ষেত্ৰকৰ কড গ্ৰহ্ম বিৰোধকৰ ব

২। বে ক্পেণীমণ্ডবের প্রার্থবর বর্ষাম্ব ৬ ও ২০ কূট এবং দর্কাধিক বিস্তার ৩ ফুট, ভাহার ক্ষেত্রফল কড? উ:। ২৪ই বর্গ ফুট।

५०म मण्णीमा। महल वा वळाकांत्र दिशा দারা বেটিত বিষম ক্ষেত্রের কালি করিতে रहेरव।

🦠 **এখমত:। কে**ত্ৰ অপ্ৰশস্ত এবং লম্ব। হইলে নিম্নলিখিড ্রিয়**মটী অবলয়ন করিতে হইবে।** যথা—

🏎 কেতের দৈর্ঘ্যকে সমাভুর কতিপয় লম্ব রেথা ছার্ম বিভাগ করিয়া, প্রথম ও শেষ লম রেথার যোগার্ছপরি-- **মাণের** সহিত ঐ তুই রেখার মধ্যগত সমস্ত অভিত লম্ব রেখার পরিমাণ যোগ কর। পরে ঐ সোগফলকে বিস্তাব **অধাৎ লম্ব রেথাগুলির সাধারণ ব্যবধানপরিমাণ দারা ত**ণ कतिता अनुकन विषय क्लाबित कानि इहेर्व।

বিতীয়ত:। কেত্র অপ্রশস্ত ও লগা এবং উহার দৈগ্য অসমান্তর রেগানারা বিভাজিত হইলে, নিম্নলিখিত নির্ম-ত্তর অব**লম্বন** করিতে হইবে।

১ম। কেত্রের অন্তর্গত বিষয় চতুত্ত ও ত্রিভুজাদি ক্ষের পুথক পুথক কালি করিয়া সমষ্টি করিলে ক্ষেত্রকণ चित्र स्त्र ।

্বয়। কেত্রের সমুদার বিস্তার অর্থাৎ লম্ব রেখাগুলির পরিষাণ ক্লোগ, করিয়া, বোগফলকে বিস্তার রেখার সংখ্যার **বারা ভাগ করিলে, ভাগফল উক্ত কেত্রের বিস্তারের** গড় ছইবে; পরে ঐ গড় বিস্তারকৈ কেত্রের দৈর্ঘ্য দিয়া ৩৭ করিলে যাহা ছইবে ভাহাই কেত্রের কালি।

উদাহরণ ১। ক খ গ ঘ একটা বিষম ক্ষেত্র, ইহা ঘ ক, চ ছ, জ ব, ট ঠ ও গ থ পাঁচটা সমান্তর রেখা ছারা বিভাজিত হইয়াছে। যদি ঘ ক ৮.২ ফুট, চ ছ ৭.৪ ফুট, জ ব ৯.২ ফুট, ট ঠ ১০.২ ফুট, গ থ ৮.৬ ফুট এবং ইহাদের মধাগত ব্যবধান ৫০ ফুট হর, তাহা হইলে উক্ত ক্ষেত্রের কালি কভ স্থির কর।

व्यथम व्यवालीत भ्रम नियम धारा

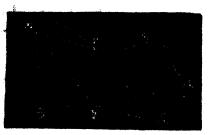
২ ) ১৬.৮ = বোগকল ৮.৩ = বোগাৰ্চ

काति = ১ १४०.० वर्गक्छै।

২। এক থানি অসরল তক্তা লবে ২৫ কুট এবং উছার জন ক্ষাক্তর লব বিভারের পিছিমাণ ১৭.৪, ২৮.৬, ১৪.২,

১৬.৫, ২০.১ এবং ২৪.৪ ইঞ্চ ইইলে, উক্ত অসরল জ্বনার কালি কড স্থির কর। উ:। ৩০২১ বর্গকৃট।

ভৃতীরতঃ। কেত্রের বিস্তার অধিক ও তাহার ধার অসরল হইলে, তাহাকে এরপ চতুর্জ অথবা ত্রিভুজাদি কেত্রে
বিজ্ঞাগ কর যাহাতে কার্য্যসৌকর্য্য হয়; অনস্তর ঐ চতুর্জ
ভূজ বা ত্রিভুজ সম্দায়ের কালি কর। পশ্চাৎ ঐ চতুর্জ
ভ ত্রিভুজাদির বাহ হইতে কেত্রের ব্রকাকার সীমাভাগে
কজিপর লম্ব পাত করিয়া যে কএক থণ্ড ভূমি হইবে; সে
সম্দারের কালি একত্র করিয়া উক্ত চতুর্জ ও ত্রিভুজাদি
কেত্রের কালিতে যোগ করিলে প্রকৃত কেত্রের কালি হইবে।
অত্যত্ত শুল্ম হিসাব করিতে না হইলে ভূমির দশ পনর
জারপার দৈর্ঘ্যের গড়ও দশ পনর জায়পার বিস্তারের গড় ধরিয়া,
পরশার শুল্ম করিলে যে ওণ্ডল হয়, তাহাই ধরা গিয়া থাকে।



উদাহরণ। কথ গঘচ ছ জ চিহ্নিত ভূমির কালি করিতে ছইলে, উহাকে কথ ছ জ ও থ গচ ছ ছইটা বিষম চতুর্জ ক্ষেত্রে এবং গঘচ তিভূজ ক্ষেত্রে বিভাগ কর। পরে কথ, ক'জ, চঘও গঘ হইতে ক্ষেত্রের বক্র নীমা পর্যন্তঃ কভিপর- লক রেখা পাত কর। জনস্তর ৪র্থ সম্পাদ্য বারা ক ছ এ বচ কর্ণ রেখার উপর লক পাত করিয়া ক ব ছ জ ও ব গ চ ছ বিবম চতুর্ভুল্লের কালি, এবং বিতীয় সম্পাদ্য বারা গ ব চ ক্রিভুল্লের কালি, পরে ১৭শ সম্পাদ্য বারা অবশিষ্ট ভুজ্জ ভুজ্জ অংশের ক্ষেত্রকল দ্বির করিয়া, সমুদার স্মৃষ্টি করিলে ক ব গ ঘ চ ছ জ চিহ্নিত ভূমির কালি হইবে।

### ১৮म मण्णामा। वद्रक्षिया कानि।

প্রতি বরজে ছইটা দারি অর্থাৎ ন্তন্ত থাকে এবং প্রত্যেক দারিতে বতগুলি পাণবৃক্ষশ্রেণী থাকে ভাহাকে মীরি অর্থাৎ থাম কহে। ভাহা প্রস্তে ছই মৃষ্টি ও দৈর্ঘ্যে ১০ হাত ৫ মৃষ্টি হইয়া থাকে। প্র মীরি সকলের মধ্য দিরা পাণবৃক্ষ ভূলিয়া দিবার অন্য এক হাত পরিদর ক্ষুত্র পথ থাকে ভাহাকে পিলী বলে। দশ্টী মীরির পর এক বড় পথ রাথে। দশ্ মিরীতে এক আনা হয়। সারিষর মধ্য দিরা বে বড় পথ রাথে ভাহাকে পোরা করে, ভারার পরিন্দর ১ হাত ও মৃষ্টি অর্থাৎ ১ হাত।

মীরির মধ্যে দৈশ্য আছে ছই মৃতি চকুটোপ ছালের চারি কোণে চারিট্র শিলাকা পুঁকিরা থাকে, তাকাকে বর বনে। অভ্যেক মীরিছে, এই ক্ষল ১০ ট্রানর সমার্ম ব্যবহানে অর্থাৎ ধ বৃত্তি অন্তর এক একটা দর স্থাপন করিয়া, সেই প্রোধিত শলাকা সমুদায়ের মন্তকে একটা দীর্ঘ কাতি বাঁধা বার: এবং ঐ পাঁচ মৃত্তি ব্যবধানে প্রভ্যেক পার্যে চারিটা শলাকা সমান অন্তর, অর্থাৎ এক এক মৃত্তি অন্তরে এক এক শলাকা পুঁজিয়া তাহাদের অগ্র, উপরিস্থ কাটির দহিত সংযোগ করিয়া দেওকা যার। প্রত্যেক পলাকার মূলে এক একটা পাণর্ক্ষ রোপণ করিয়া ঐ পলার সহিত বান্ধে। তাহাতে প্রত্যেক মীরিতে ১১২ টা পাণর্ক্ষ থাকিয়া বোল আনা বর্ষে ১৭১২০ টা পাণর্ক্ষ রোপিত হইয়া থাকে।

### বরজ পরিমাণ।

১০ দরে<sup>জন</sup> সমীর। সাক্ষর সাল

১০ মীরিতে ১ মানা কিমা পণ।

৪ আনাতে ১ চৌক।

৪ জৌকে ১ কাহন কিয়া বোল শানায় বরশঃ বরজ কালি।

বরজ মাপের কালি শুন সর্বজন।

দাগ সারি থাম জাগে করিবে পাতন ।

এ ভিন ক্রেতে গুণ যত থাম হবে।

থাম প্রতি চুই গুণা ধরিয়া লইবে ।

আসল যতেক গণ্ডা একুন করিয়া।

রিশাগঞা কি আমার নিধিবে বৃথিরা।

উদাই। বনি ভিম্বী বরজের প্রভাবনীতে এটা নারি ও
প্রতি নারিতে ও টা খাব খাকে, ভাহা হইলে কভ লান।
বরজাহইবে প

> 보 《 보 80 보 900, 900 X 2 = 3200,
 > > 2 + 52 보 90 연예 보 아니 명과 확인지 점점 연예!

# চতুর্থ ভাগ।

### ঘন পরিমাণ।

ভূমি পরিমাণ কালে কেবল দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ ধরিলেই চলে, কিন্ত পুন্দরিণী প্রস্তুত কালে কভ পরিমাণে মৃতিকা খনন করা হইল, তাহা নির্ণয় করিছে হইলে, কেবল দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ ধরিলেই চলেনা, দৈর্ঘ্য, প্রস্থ, গভীরভা এই ভিনই ধরা আবশ্যক; যাহার দৈর্ঘ্য প্রস্তুত্ত এই ভিনই ধরিতে হয় ভাহাকে ঘনক্ষেত্র করে। যে ঘনক্ষেত্রের ছর্টী পৃষ্ঠ সমচভূষোণ ধরাতল ক্ষেত্র, এবং যাহার দৈর্ঘ্য ১ হাত, প্রস্থ ১ হাত, এবং বেধ ১ হাত, ভাহাকে ১ মন হাত পরিমিত ক্ষেত্র করে।

# ঘন পরিমাণের ধারা।

२६×२६×२६ वा २४०२६ । चन जन्ति । १००४ वन रखा। १२×५२ ४१६ वा २१६७ ः चन स्टब्स्स स्टब्स्स । १००५ वन क्रिस् १७×७×७ वा ११० ः चन सूरहे । १००५ चन अक्से

> २११.२१८ चन हेट्ण ..... अन्तरा

## ১ম সম্পাদ্য। একটা সমকোণীক ও সমবাহক খন বস্তুর খনকল স্থির করিতে হইবে।

নিয়ম। সমকোণিক ও সমবাছক ঘন বস্তুর দৈর্ঘ্য বিস্তার 🗷 বেধের ধারাবাহিক গুণফল করিলে ঘনফল ভির হয়। ः अक अकृति रिपर्धा ७ अक अकृति विद्धात रहेल य রূপ এক বর্গজন্ধূলি হয়, সেই রূপ এক জন্ধূলি দৈর্ঘ্য এক অঙ্গলি বিস্তার ও এক অঞ্পূলি বেধ হইলে এক ঘন অঞ্পি कहा बात । अकठा कार्ष थल बाहात नकन शृष्टे नमह्जू कान, বদি এক অঙ্গুলি দীৰ্ঘ, এক অঙ্গুলি বিস্তৃত ও এক আকৃতি উচ্চ হয়, ভাহা হইলে উহার পরিমাণ এক ঘন अञ्चलि কহা যাইতে পারে। ঐ রূপ যে বস্তর দৈর্ঘ্য এক হন্ত, বিভার এক হন্ত, ও বেধ এক হন্ত ভাহার পরিমাণ এক चन रख। य रखत मिर्ग इरे रख, विखात इरे रख, अ বেধ ছুই হল্ত, ভাহাকে প্রথমত: সমান ছুই থণ্ডে ছেদ कतिता, धक धक बालत रेमरी पूरे रख, विखात पूरे रख ब (यह अक इस इस पूनकात के शक्कात का कारकारक ন্যান হুই খণ্ডে বিভাগ করিলে, এক এক খণ্ডের নৈর্ঘ্য इस् इस, विस्तात अक इस ७ (तथ वक इस इत ; वादः नर्मा प ৪টী খণ্ড হয়। ঐ ৪ পণ্ডের প্রভেক্ষকে আবার সমান ছুই খণ্ডে বিভাগ করিলে, এক এক থণ্ডের দৈর্ঘা ১ হস্ত, বিস্তার এক হস্ত ও বেধ ১ হস্ত হয়, অর্থাৎ প্রত্যেক খণ্ডের পরিমাণ > चनवर्ष वत्र, अवः मर्कल्य ৮ ही थल वत्र। एका बहेरलवे. खुरे रुख रेमर्पा बुरे रुख विखात ७ बुरे रुख व्यथ, ज

ঘনহন্ত হইল। ঐ রূপ, ষে বন্ধর ৩ হন্ত দৈর্ঘ্য, ৩ হন্ত বিন্তার ও ৩ হন্ত বেধ, তাহাকে ১ হন্ত দীর্ঘ, ১ হন্ত বিন্তৃত এ ১ হন্ত উচ্চ, ২৭টী সমান খণ্ডে বিভক্ত করা ঘাইতে পারে । কর্মাৎ যে বন্ধর দৈর্ঘ্য ৩ হন্ত, বিস্তার ৩ হন্ত ও বেধ ৩ হন্ত তাহার পরিমাণ ২৭ ঘন হন্ত। অভএব, স্পষ্ট প্রভীয়মান হইতেছে যে, দৈর্ঘ্য বিস্তার ও বেধের ধারাবাহিক গুণফল স্থির করিলেই, ঘনফল অর্থাৎ কালি স্থির করা হইল। তাহা হইলেই এক ঘন হন্তে, ২৪ × ২৪ × ২৪ = ১৩৮২৪ ঘন অন্ধূল হইল; এবং এক ঘন ফুটে, ১২ × ১২ × ১২ = ১৭২৮ ঘন ইঞ্চ হইল।

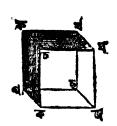
কোন প্রাচীর অথবা কোন বস্তুর ঘনফল দ্বির করিছে ইইলে, প্রথমতঃ তাহার দৈর্ঘ্য বিস্তার ও উচ্চতার পরিমাণকে এক শ্রেণীস্থ রাশি করিতে হয়। যদি ঘনফল এত
ঘন অফুলি হয়, তবে তাহাকে ১০৮২৪ দিয়া ভাগ করিলেই
কালি কভ হস্ত তাহা স্থির হইবে। কালি যন ইঞ্চ হইলে,
ভাহাকে ১৭২৮ দিয়া ভাগ করিলেই ঘন কুট হইবে।

স্তাঃ যদি দ অক্ষর ধারা ঘন বস্তুর পার্থের দৈর্ঘাতা, ঘ অক্ষর ধারা ঘনকল এবং প ধারা উহার পৃষ্ঠ নির্দেশ করা যার, ভাহা হইলে,

च = म. म = १/४, এবং শ = ७ × म।

উদাহরণ ১। একটা কাঠের গুঁড়ি যাহার সকল পৃষ্ঠই স্মচভূরন্ধ, যদি ২৪ ইঞ্চ দীর্ঘ, ২৪ ইঞ্চ বিস্তৃত, এবং ২৪ ইঞ্চ উচ্চ হয়, ভাহা হইলে উহার পরিমাণ কভ হইবে ? **⊕**₹4.

कृष्टे श्रेष १



चनकत = ১०৮२८ हैक

1765

২। যে সমবাছক ও সমকোণিক ঘন বস্তুর পার্থের পরিমাণ ২২ কুট, ভাছার ঘনকল কত ? উ:। ৩৯৪ ঘন গল ১০ কুট। ৩। যদি সমবাছক ও সমকোণিক ঘন বস্তুর পার্থের পরিমাণ ১৮ ইঞ্চ হয়, ভাছা হইলে ভাছার পরিমাণ কভ

৪। একটা চতুজোণাকার ওঁড়ির প্রভাক দিকের পরিমাণ ৬ কুট ৮ ইঞ্চ হইলে, উহার পরিমাণ কভ খন ঠুট হইবে দ্বির কর। উ:। ২৯৬ খন কুট ৩ ৬ ৮

বে চতুকোণ বান্ধের পরিমাণকল ৩৪৩ ঘন কুট
 ভাহার পার্থের দৈর্ঘ্য পরিমাণ কভ ?

শেষ স্থানুসারে প = ৬ × দ = ৬ × ৩ = ৫৪ বর্গকূট।

। দৈর্ঘ্যে ৫ হাড, প্রন্থে ৩।০ হাত, এবং উর্দ্ধে ৪ হাত
 একটী মশারি প্রস্তুত করিতে হইলে, ২ হাত বহরের কভ
 কাপড় লাগিবে ?
 উ:। ৪২৸ হাত।

৮। কোন সমকোণিক ও সবাহক ঘন বন্ধর এক দিকের পরিমাণ ২ ফুট ৬ ইঞ্চ হইলে, উহার ঘনফল কত হইবে ?

छे:। ऽ८.७२८ घन**क**िन

৯। যে ঘনপ্রস্তারের পার্স ৪ হাত, তাহার মৃল্য অপেকা হাহার পার্স ৮ হাত, তাহার মৃল্য কত অধিক? যদি প্রক্রি ঘনহস্তের মৃল্য আটি আনা করিয়া হয়। ইঃ। ২২৪ টাকা।

২য় সলাদ্য। আয়ত আকার ঘন বস্তর কালি।

নিরম। দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও উচ্চতা বা গভীরতার ধারা-বাছিক গুণফল স্থির করিলেই কালি বা ঘনফল স্থির হয়।

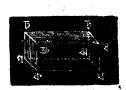
স্ত্ত। যদি দ অক্ষর ছারা দৈর্ঘ্য ৰ ছারা বিস্তার, উ ছারা উচ্চতা বা গভীরতা, ঘ ছারা ঘনকল, এবং প ছারা পৃষ্ঠ নির্দ্ধেশ করা যার, ডাই। হইলে,

 $\mathbf{v} = \mathbf{v} \times \mathbf{v} \times \mathbf{v}, \quad \mathbf{v} = \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v} \times \mathbf{v}}, \quad \mathbf{v} = \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v} \times \mathbf{v}}, \quad \mathbf{v} = \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v} \times \mathbf{v}}, \quad \mathbf{v} = \mathbf{v} \times \mathbf{v}$   $\mathbf{v} = \mathbf{v} \times \mathbf{v}$ 

উদাহরণ ১। একটা চতুকোণ থাম ২ হাত ২ অসুনি উচ্চ, ১ হাত ১৬ অনুনি দীর্ঘ ও ১ হাছ ৬ অসুনি বিভূত, ভাহার পরিমাণ কভ ঘন হস্ত ? এখানে, ঘনফল ঘ = দ $\times$ ব  $\times$  উ = ১ হাঃ ১৬ অং  $\times$  ১ হাঃ ৬ অঃ  $\times$  ২ হাঃ ২ অঃ = ৪০ অঃ  $\times$  ৩০ অঃ  $\times$  ৫০ অঃ = ৬০০০০ ঘন অঙ্গুলি = ইউট্ট্র ঘন হস্ত = ৪৯৪ট্ট্র ঘন হস্ত =

এই প্রশ্নের সমাধান নিম্ন লিখিত প্রকারেও হইতে পারে। ২ হাত — ২ অকুলি

٠, ز	- >» ,,
3,2	<del>-</del> 3
<b></b>	<b>-</b> ≻₹8
<b>.</b>	>>\$
٥,	- 6
•	-178
	74.95

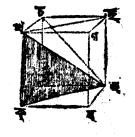


s — b = थाय s रे घन इस ।

ভূমি মাপে ষেরপ করা যায়, এই প্রক্রিয়াতে প্রথমত: সেইরপ করা গিয়াছে। তাহার পরে উচ্চতা ও দৈর্দার পরিমাণের গুণফলকে, বিস্তারের পরিমাণ দিয়া গুণ করাতে ঘনফল দ্বির হইরাছে। ১ হাত দৈর্ঘ্য ও ১ হাত বিস্তার হইলে ১ বর্গ হস্ত হয়, এই নিমিত্তে ২ হাত দৈর্ঘ্য ১ হাত বিস্তার, ২ বর্গ হস্ত ধরা গিয়াছে। ১ হাত দৈর্ঘ্য ও এক অকুনি নার বর্গ হস্তের হট্ট হয়, এই নিমিত্তে ১ হাত বিস্তার বিস্তারে বর্গ হস্তের হট্ট হয়, এই নিমিত্তে ১ হাত বিস্তার বিস্তারে বর্গ হির্মার হির্মার হাত্র হার হার গিয়াছে। অকুনি শব্দে গু ২ অকুনি নার ২ অকুনি দার্ম গুণানে হাতের

১৬ অনুনি বিন্তৃত হইলে ৩২ বর্গ অনুনি হয়, এবং ২৪ ২২৪ বর্গ অনুনে এক বর্গ হস্ত হয়, এই নিমিত্তে ২৪ অনুন্দর হাতে উহাতে ইয় অনুনি ধরা গিয়াছে। এইয়প করিয়া যে বর্গফল হির হইয়াছে, তাহাকে আবার বিস্তার নিয়া ৩০ করিয়া ঘনফল ছির করা গিয়াছে। ১ বর্গ হস্তকে ১ হাত দিয়া ৩০ করিলে ১ খনহস্ত হয়, এই নিমিত্তে ০ হাতে ও হাত ও কর্লে ১ খন হস্তের ১য় হয়, এই নিমিত্তে ১ হাত ও ১০৯ লাল ১৮ অনুনি ধরা গিয়াছে। আর এক বর্গহস্তের ১য় কে ১ অনুনি বিরা ৩০ করিলে, ১ হস্তের ২৪ ভাগের ১ ভাগ হয়, এই নিমিত্তে ১১৯ অনুনি ও ৬ অনুনে ২৪ অনুনের হয়, এই নিমিত্তে ১১৯ অনুনি ও ৬ অনুনে ২৪ অনুনের হয়, এই নিমিত্তে ১১৯ অনুনি ও ৬ অনুনে ২৪ অনুনের হয়, এই নিমিত্তে ১১৯ অনুনি ও ৬ অনুনে ২৪ অনুনের হয়, এই নিমিত্তে ১১৯ অনুনি ও ৬ অনুনের ১ ভাগের ১ ভাগার হয় অনুনি ধরা গিয়াছে।

২। একটা চতুৰোণ কাঠের গুড়ির দৈর্ঘ্য ক থ ৬ কৃট (পূর্ব প্রতিকৃতি দেধ) বিস্তার ক গ ২ই কৃট, এবং উচ্চড়া ধ ঘ ১ ট্র কৃট, তাহার পরিমাণ কড় ?



२७.२८० = कानि

- ত। একটা চভুছোৰ থাম ৩.৪ উচ্চ, ১০.৫ দীৰ্ঘ ও ৪.২ বিশ্বুত, ভাহার কালি কত ? ডি:। ১৪৯.৯৪।
- ৪। যদি একটা চতুছোণ প্রস্তর থতের দৈর্ঘ্য ৩ কৃট ইক, বিস্তার ২ কৃট ৮ ইক ও উচ্চতা ২ কৃট ৬ ইক হয়, ছাহা হইলে উহার পরিমাণ কড ঘন ফুট হইবে १ উঃ। ২১৯। ৫। একটা বর্গ পুছরিণীর এক বাহ ১২ গজ, উহা
- ধনন করিতে ৩০৬ ঘন গ**ল মৃতিকা উঠাইতে হই**য়াছিল। উহার গভীরতা কড ? উ:। ৭ রৈথিক ফুট।
- ু । যে চেয়ো ৫ ফুট ৬ ইঞ্চ গভীর, এবং ১০ ফুট ৮ ইঞ্চ চৌড়া, ভাহা দৈর্ঘ্যে কভ হইলে ভাহার কালি ৭০৪০ ঘন ফুট হইবে ? উঃ। ১২০ রৈথিক ফুট।
- १। একটা কাটা থাল ৭ ফু: ৩ ই: গভীর, ২০ ফ:
   ৪ ই: চৌড়া এবং ১০ মাইল লম্বা, ভাহাতে কত ঘন ফুট
   জল আছে?
   উ:। ৭৭৮৩৬০০ ঘনফুট।
- ৮। ছর ফুট উচ্চ, এবং ৪ ফুট চৌড়া, একটা ধার রাধিয়া দৈর্ঘ্য ১৫ গজ, উচ্চঙা ৭ ফুট এবং বেধ ১৩ ইঞ্চ এমন একটা প্রাচীর প্রস্তুত করিতে হইলে, যে ইটের এক এক থানির আর্ভন ১০৮ খন ইঞ্চ, তাহার ক্তগুলি লাগিবে ?

**डे:। ৫०**88 थाना हेंটे।

৯। প্রতি ঘন কুটের ম্লা ১ সিলিং ৪ পেন্স হইলে, বে কড়িকার্ঠ ১৮ কুট লমা, ১ ফুট ৮ ইঞ্চ প্রেম্ব, এবং যাহার লল ১ সুট ৬ ইঞ্চ, তাহার মূল্য কড়?

षे:। e शाउँ e शिनिः।

১০। যদি এক বর্গ গল মাটি কাটিতে ৮ পেন্স মন্ত্রি পড়ে, ৬০ ফুট লম্বা, ৫ ফুট ৬ ইঞ্চ চৌড়া এবং ১০ ফুট ৪ ইঞ্চ গভীর একটী থাল থমন করিতে কত মন্ত্রি লাগিবে দ

উ:। ও পাউত ও দিনিং ২র পেশ।

১১। ক ঘছ ধ সমকোণিক ও সমবাহক হন ব**ন্ধর** কর্ণ জ ও হাত (পূর্ব প্রতিকৃতি দেখ), উহার ঘনকল কত ?

এধানে, ক ঘ জ ৩ জ ক থ ছুইটা ত্রিভুজ সমকোণিক, ছুতরাং, ক জ<sup>2</sup> = ২ ক ঘ<sup>2</sup>, এবং ধ জ<sup>2</sup> = কধ<sup>2</sup> + ক জ<sup>2</sup> = কধ<sup>2</sup>  $\times$  ২ ক ঘ<sup>2</sup> = ৩ক ঘ<sup>2</sup>;

∴ ৩ কঘ<sup>২</sup> = ৩<sup>২</sup>, এবং কঘ=√০;

∴ কঘ°, কিসা ঘনকেত্রের কালি = ৩। ০।

১২। একটা চৌবাজা ৭ ফুট ৬ ইঞ্চ লখা, ১ ফুট ৯ ইঞ্চ চৌড়া এবং ৩ ফুট ৬ ইঞ্চ গভীর, ইহাতে কড খারী জল আছে ?

১৩। দীর্ঘ প্রস্থ ও গভীর প্রত্যেক দিক্ ১৬ হাড একটী গর্ভ আছে, এবং দীর্ঘ প্রস্থ ও গভীর প্রত্যেক দিক্ ৪ হাড আর একটা গর্ভ আছে, শেষোক্ত গর্ভটা পূর্ব্বোক্ত গর্ভের অপেকা কড ক্ষুদ্র ?

১৪। এক রাজমিন্ত্রীর সহিত এই বন্দোবন্ত হইয়াছিল বে হলর হাত অর্থাৎ ১০০ ঘন হাত (১ হাত ওলার ১ হাত উচ্চ ও ১০০ হাত লখা) গাঁথনি হইলে ১ টাকা পাইবে। এখন ৪০ হাত দীর্ঘ, ১০ হাত প্রেম্ব, ভিত ১॥ হাত. উচ্চ ১০ হাত একটা ঘর প্রস্তুত হইয়াছে। ভাহার মধ্যে ৫ হাত উচ্চ, ২ হাত ওপার ১০ টা হার আছে। রাজমিত্রী কত টাকা পাইবে ? উ:। ১৩॥ টাকা।

১৫। কোন পদার্থের দৈর্ঘ্য প্রস্থ ও বেধ প্রছেত্রেই ৯ কুট, ভাহার সমুদায় পৃষ্ঠকল কত ? উ:। ৪৮৬ বর্গকূট।
১৬। যদি এক কিউবিটের পরিমাণ ১৮ ইঞ্চয়, ভাহা
ছইলে ৬৪ ঘন কিউবিটের মধ্যে কড ঘন ফুট থাকিবে ?

উঃ। ২৬৮ ঘন ফুট।

১৭। কতকণ্ডলি মজুরের সহিত এই চুক্তি হইয়াছিল বে, ভাহারা ১৬ কিউবিট লম্বা ১৬ কিউবিট চৌড়া
৩ ১৬ কিউবিট গভীর এরপ চারিটী চৌবাচ্চা নীল দিয়া
পরিপূর্ণ করিবে; কিন্তু তাহা না করিয়া তাহারা ৪ ঘন
কিউবিট ৮ টী চৌবাচ্চা পরিপূর্ণ করিয়াছে। তাহারা কি
চুক্তির সমুদার কার্য্য সম্পন্ন করিয়াছিল ? যদি না করিয়া
থাকে তবে কভ কর্ম বাকি ছিল ? তৈ:। है।

১৮। ভূমি ১ কাঠা দীঘ ও এক কাঠা প্রস্থ হইলে এক বর্গ কাঠা হয়, কিছ ২০ কাঠা দীর্ঘ ২০ কাঠা বিভূত হইলে কেন ২০ বর্গ কাঠা কালি না হয় ভাহা প্রমাণ কয় ?

১৯। যে লোহ চতুকোণ থামের দৈর্ঘ্য ৩৬ ফুট, বিস্তার ১৪ ফুট এবং বেধ ১২ ফুট, ভাহার পরিমাণ কভ ঘন ফুট? এবং প্রভ্যেক ঘনফুটের ওজন ১৮০ পাউও হইলে সমুদার বামের ওজন কভ হইবে?

উ:। ১১০৮৮ ঘনকুট এবং ওজনে ৮৯১ টন । ২০। দৈৰ্ঘ্যে ৩২ কুট, বিস্তাবে ১২ কুট এমত এক আর- ভাকার চৌরাঞ্চাঃকড ফুট গভীর হইলে ১৯২০ ঘনফুট জল ধরিজে পারে ?

্য স্ত্রান্ত্রসারে পভীরভা =  $\frac{\pi}{r \times a} = \frac{5 + 5 \cdot 6}{95 \times 5 \cdot 6} = 6 \cdot \frac{\pi}{5}$ 

ে ২১। ংৰে সিন্দুক ৩ই ফুট দীৰ্ঘ, ২ ফুট বিভূত এবং ১ ই স্ট গভীর, ভাহাতে কভ বৰ্গ ফুট সেগুণ কাঠ লাগিয়াছে ? 🕬 🤲

শেষ স্থারুদারে পৃষ্ঠ (প)

২৩। হন্দর কুট অর্থাৎ ১০০ ঘনকুট বাঁথনী হইলে
১৮০ বেডন দিতে হইবে যদি এই রূপ নিরম থাকে;
ভাষা হইলে ২৫২ কুট দীর্ঘ, ২ কুট ৪ ইঞ্ বিস্তৃত ও
১৮ কুট উচ্চ প্রাচীর গাঁথনীর কত বেডন দিতে হইবে ?
উ:। ১৭১৮/১৬%।

২৪। ১২৫ ফুট দীর্ঘ, ও ফুট বিস্তৃত, ৯ ফুট ১০ ইঞ্চ উচ্চ প্রাচীরের মধ্যে যদি ৫। ফুট উচ্চ ৩। ফুট ওসার ৮টা জানালা থাকে, তাহা হইলে কড ফুট গাঁধনি ইইয়াছে?

ুর সম্পাদ্য। পুইল বা শুস্তের ঘনফল

নির্ণয় করিতে হইবে।

मित्रम। अनर या खरखत चनकन चित्र कतिए स्टेरन,

ভাহার নিমন্থ বা পার্মন্থ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল দ্বির করির। উচ্চতা বা দীর্ঘের পরিমাণ দিয়া গুণ করিছে হর।

স্থান্তর বেইনের বর্গের চতুর্বাংশকে ৩.১৪১৬ অথবা জতান্ত স্মতা আবশ্যক না হইলে <sup>2</sup> দিয়া ভাগ করিলে যাহা হয়, ভাহাকে উচ্চভার পরিয়াণ দিয়া শুণ করিলেও হয়।

পহল বা শুস্তের পৃষ্ঠফল হির করিতে হইবে।

ি নিরম। প্রহল বা স্তন্তের ভূমি বা পার্শ্বের বেইমের পরিমাণকে দৈর্ঘ্য ঘা উচ্চতার পরিমাণ ছারা গুণ করিলে উহার পৃঠদেশের কালি হয়।

বিদি শুলের উভর প্রান্ত ও পৃঠের ফল ছির করি-বার জাবশ্যকতা হয়, তাহা হইলে পূর্ক নির্মাহ্লারে যে পূর্তকল স্থির হইবে, তাহাতে ছই প্রান্তের পরিমাণ যোগ করিতে হইবে।

কল; ব অক্ষর ছারা বেইন, ঘ অক্ষর ছারা কেজ-কল; ব অক্ষর ছারা বেইন, ঘ অক্ষর ছারা ঘনকল ও প অক্ষর ছারা পুঠ নির্দেশ করা যায় ছাহা হইলে,

$$\mathbf{v} = \mathbf{v} \times \mathbf{r} = \frac{\mathbf{v} \times \mathbf{r}}{\mathbf{v}}, \quad \mathbf{r} = \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v}} \quad \mathbf{v} = \mathbf{v} \times \mathbf{r} + \mathbf{v}$$

২ ব = পহলের পৃষ্ঠ মার ছই পাঞ্রা; আমর প = ছ 🗴 জ (ভূমির ব্যসাভা) ×দ = ভভের ন্যুক্তাকৃতি পৃষ্ঠ—ছই পার্য।

আরত কেত্রের কালি আর স্তন্তের পৃঠকল ছির কর। উভয়ই সমান, কারণ একটী নলকে চিরিয়া সমধ্রাতন করিলে নেই সমধরাত্তন একটা জায়ত ক্ষেত্রের সমান হইবে। জতএব জায়তক্ষেত্রের ছই পার্শস্থ বাছ স্তন্তের উদ্ধ পরিমাণ ও ভূমির পরিধির সমান হইবে।

উদাহরণ ১। ক ধ গ ত্রিপহল বস্তুর ক ধ দৈর্ঘ্যের পরিমাণ ১২ কুট এবং সমবাহক ভূমির প্রভ্যেক ভূমের পরি-মাণ ২ই কুট, উহার ক্ষেত্রফল কভ ? ১ ম স্ত্রাহ্মসারে, (১৮৯ পৃঠার ভালিকাহ্মসাবে সমবাহ ত্রিভূম ক্ষেত্রের কালি।)

. ৪ ৩ ৩ ০ ৬ কু = (২১) ২ . ৫ ৯ ৮ ০ . ১ ০ ৮ ২ ৫ খ = ২ . ৭ ০ ৬ ২ ৫ পাৰো র কালি দ = ১ ২ দৈখ্য

**উ:। ७२.३१८ धनक्**छे।



২। পলহের তলম্বক্ষেত্র ৫, ৪ ও ৩ ফুট ভুজবিশিষ্ট ত্রিভূজ, এবং উচ্চতা ১০ ফুট, তাহার ঘনফল কত ?

**डे:। ७० धनक्**छे।

া ৰট্ পলহের তলত্তকেত্ত ১ফুট ৬ ইঞ ভূজবিশিষ্ট তিজ্জ, এবং দৈখা ৮ ফুট, তাহার খনফল কড ?

**डे:। १७.१७७ घनकृते।** 

৪। বে গোল থামের বেটন ৫३ ফুট ও উচ্চতা ২০ ফুট ভাহার ঘনফল কভ ? দিতীয় স্ত্রাহ্নারে, ঘ =  $\frac{3^2 \times \vec{r}}{8 \times 6}$ 

। विकास ७८८.४८ = ४०८०० × ०९ × ६(६०)

ে। যে পাতক্ষার নিমন্থ রভের ব্যাস ২ হাড, ও গভীরতা ৮ হাড, তাহার ঘমকল কত ? এথানে, রভের ক্লেক্রকল = (১²) × ০.১৪১৬ = ৩.১৪১৬ বর্গহন্ত, সূত্রাং কুপের ঘনকল = ৩.১৪১৬ × ৮ = ২৫.১৩২৮ ঘনহন্ত।

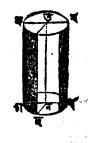
ঙা একজন বাজমিত্রীর দহিত এই বন্দোবস্ত হইয়া ছিল, বে ইট্ শুর্কি, চুল দে দিবে, এবং ১০০ ঘন ফুট গাঁথনি হইলে ১০০০ টাকা পাইবে। ৫০০ ফুট দীর্ঘ, ২॥ ফুট বিস্তৃত, ১৪॥ ফুট উচ্চ প্রাচীর গাঁথনি হইয়াছে। ভাহার মধ্যে ৫ ফুট উচ্চ, ৩ ফুট প্রসার ২২টা জানালা এবং ৬॥ ফুট উক্চ, ৪ ফুট প্রসার ১০ টা দরজা; অপর গোল থাম ২৫ টাও গাঁথনি হইয়াছে, এক একটার বেইন ৬ ফুট ও উক্চভা ১২ ফুট। রাজমিন্ত্রী কত টাকা পাইবে ৪

©: 1 २१२० Nd 3 0 35 म 1

৭। ১৫ ছাত উচ্চ ০ ছাত বেষ্টন একটা গোল থাম মুড়িছে ই ছাত ০ অঙ্গুলি ওসারের কত কাপড় লাগিবে ?

ष्टेः। २५<mark>५६</mark> शख।

►! বে গোল থামের ভলন্থ বৃত্তের ব্যাস ২ ফুট ৩ ইঞ্
ও উচ্চতা ১৬ ফুট, ভাছার নুজোকৃতি গাত্রের ঘনকল কত ?
এথানে, শেষ স্ক্রান্থসারে প = ত × অ × দ =
৩.১৪১৬ × २३ × ১৬ = ১১৩.০৯৭৬ বর্গফুট।



১০। প্রতি ঘনকুটের মজুরি ৩ শিলিং৭ই পেকা হইলে, বে কুপের ব্যাস ৩.৭৫ ফুট এবং গভীরত। ২২.৫ ফুট, ভাহা খনন করিতে কত মজুরি লাগিবে ? জি:। ১ পা: ১৩ শি: ৪ই পে:।

১১। বে কৃপের পরিধি ৫৪ হাত, গভীরতা ২০ হাত, ভাহাতে কত থারী জল আছে ? উ:। ৪৮ৡ থারী।

৪ র্থ সম্পাদ্য। স্থচী বা সকোণস্থচীর ঘন-ফল স্থির করিতে হইবে।

১ম নিরম। তলস্থ কেতের কেত্রফলকে উচ্চভার পরি: মাণ ছারা গুণ করিয়া, গুণফলের ভৃতীয়াংশ লইলেই স্থানী বা সকোণ স্থানীর ঘনফল দ্বির হয়।

নিয়মান্তর। স্টার ভূমির বর্গপরিমাণকে উচ্চভার ভূতী-বাংশ হারা গুণ করিলে গুণফল স্টার ঘনফল হইবে।

২র নিয়ম। স্থচী বা সকোণস্চীর পৃষ্ঠকল ছির করিছে ইউনে, অপ্রতাগ ছওঁতে তলা পর্যন্ত পৃষ্ঠদেশের যে পরিন্
মান, তাহার বারা তলার প্রধিকে গুণ করিরা গুণফলের
মধান লইতে হয়।

रखा च = देथं × म,थ = —, म = —, এবং

প= 
ব × দ ( শীৰ্ম কোণ হইতে পৃষ্ঠদেশক্রমে ভূমির দূরত্ব )

উলাহরণ ১। যে স্চীর তলস্থ রুত্তের ব্যাদ ক গ ২ ই ফুট এবঃ উচ্চতা ঘ চ ১২ ই ফুট, তাহার ঘনকল কত ?

धर्यात, २३  $\times$  २३ =  $\S \times \S \times \S = 5$  = 5 = 5 5 5 5

পরে कृभित कालि ३. २०५ ১ ২ 🛊 💳 😈 চ

७) ७ ३ . ७ ६ ৯ ७ १ ६ ( २०.४६७)२६ = ऋहीत्र

বৈ সকোণস্থীর ভলস্থ কেত্র ১৮, ২৪ ও ৩০ হাত ভুলবিশিষ্ট ত্রিভুল, এবং উচ্চতা ৩৬ হাত, ভাহার ঘনকল কত ? এখানে ভলস্থ সরল রৈথিক ত্রিভুজ ক্ষেত্রর ক্ষেত্রকল =

$$\times \left(\frac{5}{2p+58+20},-58\right) \times \left(\frac{5}{2p+58+20},-20\right) \right\} =$$

```
    ✓০৬×১৮×১২×৬ বৰ্গহন্ত =    ✓০৬ × ০৬ × ০৬
    वৰ্গহন্ত = ৬×৬×৬= ২১৬ বৰ্গহন্ত ;
```

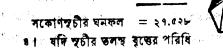
ষত এব, প্রশ্নোলিথিত সকোণস্থীর ঘনকল = ২ ১ ৬ × উক্ত হার পরিমাণ ৩৬ = ২১৬ × — = ২১৬ × ১২ = ২৫১২ ঘন হত।

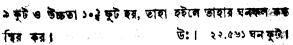
৩। যে সকোণস্চীর তলম্ব ক্ষেত্র ২ <u>ক্ট ছুম্ববিশিট</u> পঞ্<del>চুম্ব ক্ষেত্র ও উচ্চতা ১২ ক</del>ৃট, ডাহার ঘনকল ক**ড**়

ভারিকার্সারে পঞ্জুত্র কেতের কেত্রকর 🖚 🕟 🕟

১.৭২**০৫** ১ ট্রান্ডর বর্গ = ৪

ভাষাত্ত কোনে কালি = ৬.৮৮২ ভাষা উচ্চতার ভূতীয়াংশ = ৪





ধ। বে সকোণ স্থাীর ভূমি ওইক ভূজবিশিষ্ট বড়ভূজ কেত্র, ও উচ্চতা ৬.৪, তাহার ঘনকল কত ?

है: । ५:०৮ पनकृष्टे

৬। যে স্চীর ভলস্থ রভের বাদে কগং কুট, এবং কাহার চালুদিকের দৈষ্য বা শীর্ষকোণ হইতে পৃঠ্যেশক্ষমে ভূমির দূরত চ গ ১৮ কুট, ভাহার পৃঠ্যুক কত ? ৩.১৪১৬ ৫ ব্যাস ১৫.৭০৮০ পরিধি ১৮ ১২৫৬৮৪

২) ২৮২.৭৪৪ (১৪১.৩৭২ বর্গ ফুট = পৃষ্ঠকন।

৭। বে স্চীর অগ্রভাগ হইতে তলা পর্যন্ত পৃষ্ঠদেশের
পরিষাণ ২০ ফুট, এবং তলম্ম বৃত্তের পরিধি ৯ ফুট, ভাহার
পৃষ্ঠকন কঁড।

ত:। ৯০ বর্গ ফুট।

৮। একটা স্থচীর অগ্রভাগ হইতে তলা পর্যন্ত পৃষ্ঠ-লেশের পরিমাণ ৫০ কুট, ও তলস্থ র্ভের ব্যাস ৮ ক্ট ৬ ইঞ্চ, ভাহার পৃষ্ঠকল কড ? উ:। ৬৬৭.৫৯ বর্গ ক্ট। ৯। বে সকোণস্থচীর ওলস্থ ক্ষেত্র ৫ ক্ট ভ্রাবিশিষ্ট, রম্মান্তক বিজ্ঞা ও ঘনফল ৬২ই ঘন ক্ট, ভাহার উচ্চতা উ:। প্রায় ১৭ কুট ৪ ইঞ্চ।

১০। বে স্চীর ঘনফল ৮ ঘনছুট, এবং উচ্চতা ২ কুট, আহার ভলত বুভের পরিধি কড ? উঃ। প্রার ১২.২৮ কুট।

১১। বলি প্রভারে ঘন ফুটের ওজন ১৭০ পাউও হয়,
ভাষা হইলে বে প্রভারনির্মিত স্থানীর ভলস্থ ক্ষেত্র ১ ফুট ৩ ইক ভূমবিশিক্ত বিজ্ঞাও বাহার উক্তভা ১০ ফুট, ভাহার ওজন কড হইবে ? উ:। ১ টন ১৮২ পাউও।

# ৫ম সম্পাদ্য। সূচীর বা সকোণসূচীর প্রকাণ্ডের

#### ঘনফল স্থির করিতে হইবে।

স্থানির বা সকোণস্থান উপরিভাগে কডকটা না থাকিলে, অর্থাৎ ভাহার উপরিভাগ হইতে ভূমির সমান্তরাল করিয়া কিয়দংশ কাটিয়া ফেলিলে যে ধণ্ড অবশিষ্ট থাকে, ভাহারু নাম প্রকাণ্ড অথবা মস্তকশূন্য স্থানী বা সকোণস্থানী।

নিয়ম। তলন্থ ও উপরিম্ব ক্লেত্রের ক্লেত্রেলের সমষ্টিতে ঐ হুইটী ক্লেত্রেলের গুণফলের বর্গ মূল যোগ কর, এবং বোগফলকে উচ্চতার পরিমাণ দিয়া গুণ করিয়া ভাহার চুতীয়াংশ লও। গৃহীত তৃতীয়াংশ প্রকাতের অর্থাৎ মন্তকশ্ন্য স্তীর বা সকোণস্চীর ঘনফল হইবে।

নিয়ম। তলস্থ ও উপরিস্থ রুত্তের ব্যাসার্থনরের বৃর্পের সমষ্টিতে ঐ সুই ব্যাসার্থনরের ওপকল যোগ কর, এবং বোগ-কলকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ করিয়া যাহা হটবে, সাহাকে পুনন্দ উচ্চতার ভৃতীয়াংশ দারা গুণ কর, ভণকল হটীর প্রকাণ্ডের অনকল হইবে।

সকোণস্চীর তলন্থ ক্ষেত্র সমবাহক বহন্তুর ক্ষেত্র হইলে, তাহার প্রকাণ্ডের ঘনকল নি

ি নিয়ম । তর্ত্ত ও উপরিস্থ ক্ষেত্রের বাছ্ছয়ের বর্ত্তর শম্প্রিডে উহাদের গুণক্ষ যোগ কর, এবং যোগক্ষতক বছভূদসংক্রান্ত তালিকায় লিখিত বছসংখ্যক ক্লেত্রর ক্লেত্র-কল দারা গুণ করিয়া যাহা হইবে, তাহাকে পুনশ্চ উপ্তভার ভূতীয়াংশ দারা গুণ কর, গুণকল সকোণস্চীর ঘনফল হইবে।

স্থচীর বা সকোণস্থচীর প্রকাণ্ডের পৃষ্ঠফল স্থির করিতে হইবে।

নিরম। স্টীর বা দকোণস্টীর প্রকাণ্ডের পৃষ্ঠকল ছির করিতে হইলে, অগ্রভাগ হইতে তলা পর্যন্ত পৃষ্ঠদেশের যে পরিমাণ, ভদর্জ দারা তলস্থ ও উপরিস্থ ক্লেত্রের বেষ্টনের সমষ্টিকে গুণ করিলেই হয়।

উনাহরণ ১। যে স্চীর প্রকাণ্ডের তলন্থ বৃত্তের ব্যাস ২৮ ইক, উপরিস্থ বৃত্তের ব্যাস ২০ ইঞ্চ এবং উচ্চতা ২০ ইঞ্চ, ভাহার ঘনক্ষণ কড় ?

<b> </b>	२ ৮	₹ •
	٠ د	` ર •
2.58		8
	9 7 8	
168	8 • •	
	3 188	
	. 2 4 3 4 =	53 0.585e
	> 0 > 0 5	
	3988	
	3 0 8 20 8	
4 1 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	2866	
	8 0 4.0 9 3 3	and the second
	3 e ==	Barri

२० = **डेकडां** बनकल = ১১৩১, ८৮৪० घन हेका প্রকারান্তর 1 ১৪ (ব্যাসার্থ) × ১৪ = ১৯৬, ১৪ × ১০ = ১৪০, ১০ (ব্যাসার্থ) × ১০ = ১০০, ১৪১ + ১৯৬ + ১০০ = ৪০৮; ৪০৬ × ৩,১৪১৬ = ১০৬৯, ৭৩৭৬; ১০১৯,৭০৭৬ × ২০ + ৩ = ১১৩১,৫৮৪০ ঘনইশা

২। বে সকোণস্থার প্রকাণ্ডের নিরস্থ ও উপরিস্থ ভাগটী সমবাহক পঞ্জুজ ক্ষেত্র, উপরিস্থ ক্ষেত্রের বাহর পরিমাণ ৬ ইঞ্চ, নিমের ক্ষেত্রের বাহর পরিমাণ ১ ফুট ৬ ইঞ্চ, এবং উচ্চতা ব ম ৫ ফুট, ভাহার ঘনকল কত ?

5 br	78	<b>9</b>	
79.	<b>y</b>	. •	23
-	•	-	1 1 1
\$88	\$ o b−	<b>3</b> 6	111
26	· ৩২ <b>৪</b>	•	
<b>0</b> ; 8	৬৬		1, 7, 4.
	*****		
	৩) ৪৬৮		1 7
	-		
			•

১৫৬ যোগ পরিমাণের ভূতীরাংশ। ১.৭২০৫ তালিকায় লিখিত ক্ষেত্রকল।

**₽**9•₹€

23b.32b. NG (**\$**00

588 { ১২ ১১১.৮৬২৫ | **অফাতের বনক্র**। ১২ ১১১.৮৬২৫ | **অফাতের বনক্র**। ১.৩১১৩৭৫ ঘন মৃট = সংকাপস্চীর প্রকারান্তর। ১.৫ × ১.৫ = ২.২৫, ১.৫ × .৫ = .৭৫,
.৫ × .৫ = .২৫; ২.২৫ + .৭৫ + .২৫ = ৩.২৫,
৩.২৫ × ১.৭২০৫ (তালিকার লিখিত কেলেকল) = ৫.৫৯১৬২৫,
এখন ৫.৫৯১৬২৫ × ৫ + ৩ = ৯.৩১৯৩৭৫ ঘন কৃট।

ত। যে স্টীর প্রকাণ্ডের ডলম্ব বৃদ্ধের ক্ষেত্রকল ৮ বর্গ হাত, উপরিম্ব বৃদ্ধের ক্ষেত্রকল ২ বর্গ হাত এবং উচ্চতা উ হাত, তাহার ঘনকল কত ?

এখানে, তলম্ব বৃত্তের ক্ষেত্রফল = ৮ বর্গহস্ত,

উপরিছ ইতের কেত্রফল = ২ বর্গহস্ত, উহাদের ঋণকৰের বর্গ মূল = V৮×২= ৪ বর্গ হস্ত;

#### वस क्षा = १६ स्मर्छ।

া বে প্তরিশীর উপরিভাগটী সমচত্ছোণ, এবং ভবালীও সমচতুষোণ, সকল দিক্ চাল, উপরের ক্ষেত্রকল ৯০ বর্ম হয়, ভলার ক্ষেত্রকল ৪০ বর্গ হস্ত এবং গভীরভা ১২ হাত, ভাষার কালি কড? উ:। ৭৬০ ঘন হস্ত।

ব্যক্তাপত্তীর উপরি ভাগ কভকটা বাদ গেলে বেরূপ হর, বে সকল পুষরিণীর সকল দিক্ ঢাল ভাহারও আকার জ্বরূপ, কেবল উপরিভাগ নীচে ও ভলা উপরে, এই আজেদ। মতএব, এরূপ পুষরিণীর কালি করিতে হইলে সংক্রেপিত্তীর কালির মত করিলেই হর। ৫। যে পৃষ্
রিণীর সকল দিক্ ঢাল, উপরি ভাগ ও

ভলা সমচত্কোণ, উপরি ভাগের একদিকের পরিমাণ ২০

হাত এবং গভীরতা ১৫ হাত, তাহার ঘনকল কড ?

छः। ११৮१५.३१ धन रखा

পু্ছরিণীর কালির অপর একটি নির্ম **আছে** ভাহা এই,—

উপরিশ্ব ও তলম্ব ভাগের দৈর্ঘ্যের বোগফলকে ওত্তথ ভাগের বিস্তারের যোগফল হারা ওণ কর, পরে উপরের ও তলার ধারাতলিক ক্ষেত্রফল দ্বির করিয়া, ভাহার বোগ সমষ্টিতে পুর্ব্বোক্ত ওণফল যোগ কর, এই বোগফল ও হারা ভাগ করিয়া গভীরতা হারা ওণ করিলে পুহরিণীর কালি হয়।

৬। বে পৃষ্ঠিণীর উপরিভাগেল দৈর্ঘ্য ক খ ১২ হাড, ও
প্রেস্থ ক গ ১• হাড, ওলাটীর দৈর্ঘ্য
চ ছ ৬ হাড, ও প্রেস্থ চ ল ৫ হাড
এবং গভারতা ট ঠ ৭ হাড, ভাহার
কালি ব জ ৪

কালি বড় ।

১২ + ৬ = ১৮, ১০ + ৫ = ১৫, ১৮ × ১৫ = ২৭০, ১২ × ১০ = ১২০,

৬×৫ = ৩০; এখন ২৭০ + ১২০ + ৩০ = ৪২০, ৪২০ + ৬ = ৭০,

৭০ × ৭ = ৪১০ ঘনহাত।

ইটের পাজার ইট নির্ণয় করিবার জন্ত পূর্ব্বোক্ত নিয়ম

ৰারা পাঁজার কালি করিয়া, এক থানি ইটের দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও উচ্চতাকে পরস্পর গুণ করিয়া যে ফল হইবে, ভ্যারা পাঁজার কালিকে ভাগ করিলে বে ফল হইবে, ভাহাই ইটের সংখ্যা।

শ। যদি ইটের দৈর্ঘ্য ১৮ অনুনি, প্রস্থ ১১ অনুনি ও উচ্চতা ও অনুনি হয়, তাহা হইলে যে পাঁজার উচ্চতা ১০ হাত, তলার দৈর্ঘ্য ৮ হাত ও প্রস্থ ৫ হাত, আর উপরের দৈর্ঘ্য ৬ হাত ও প্রস্থ ৪ হাত, তাহাতে উক্ত প্রকার কত গুলি ইট আছে ? উঃ। ১৮২৬ বান।

# বাঁধ মাপিতে হইলে নিয়লিখিত নিয়মও

# ব্যবহৃত হইয়া থাকে।

বিভারে করা ও উপারের ওসার বা বিস্তারের সমষ্টিকে করিলে যে ভাগকল হইবে, তাহা আর বিভার করিলে ও উচ্চভার ধাবাবাহিক গুণকল নির্ণয় করিলে করি করিলে করি হইবে, ভাহাই বাঁধের কালি।

ি বে বাঁথের দৈল্য ৩০০ হাড, ডলার বিভার ১২ বাহ, ডপারের বিভার ও হাড এবং উচ্চডা ১০ হাড, ডাহার কালি কড ? উ:। ২৪০০০ হাড।

আনেক ছলে পুকরিনী, রান্তা, নদীভীরত্ব বাঁধের ধারে বে নিরমে চাল হইরা আইনে, ভাহা এক প্রকার অন্ত্রপাভ ধারা প্রকাশিত হর।

मान कर श क दौर, श क । क ह कह काम होन हरेश क ।

চ বিন্দুতে ভূমি দংলগ্ন হইয়াছে। বাঁধের ভূমির ক ও চ বিন্দু হইতে ক ধ বা চছ বাঁধের উচ্চ- থ গ জ ছ

তার সমান হুই লম্ব উদ্ভো- ক

বন কর। এইক্ষণে গথ ও কথ এই ছুইটী অনুপাত লইরঃ
গ ক ঢাল প্রকাশিত হইরা থাকে। ক চ ভূমি যদি সমতল
হয়, তাহা হইলে গ ক ও জ চ ঢাল সমান হইবে, কারণ
বাঁধের ছুই পার্মই এক প্রকার পদার্থ দারা নির্মিত হইয়াছে।
পরীক্ষাদারা দেখা গিয়াছে যে, যদি কোন বাঁধ অথবা রাস্তা থোরা
দারা প্রস্কৃত হয়, তাহা হইলে গ ক চ কোণ = ৪০° হইবে।
যদি বালি দারা প্রস্কৃত হয়, তাহা হইলে < গ ক চ = ২২° ,

মাট ··· ,, ··· & = ২৮° ,,

কৰ্ম ·· ,, ·· & = '১৬° ,

প্ৰস্তুৱ ··· .. & = ১৯° ,

কিন্ত < গ ক চ = < ক গ ধ, ... ক গ ধ কোণ ৰ ক গ কোণ অপেক্ষা প্ৰায়ই লন্ত, কখন কখন সমান হয়; ভুতরাং ধ গ, ক খ অপেক্ষা প্ৰায়ই বড়, কচিৎ সমান হয়। বিদি গ ধ = ক ধ, তাহা হইলে ঢালের অহুপাত ১:১ হইবে। ২ গ ধ = ক ধ, ,, ,, ২:১ ,, ৩ গ ধ = ক ধ, ,, ,, ১ই:১ ,,

本 5 = 9 新十 4 9 十 年 更 = 2 可(可及 可配列医×4本十 9年)

। বে বাঁধের ছই দিকই চাল, তলার বিস্তার ১৬ হাত,
 উপরের বিস্তার ৩ হাত, উচ্চতা ১২ হাত এবং দৈর্ঘ্য ৫১২ হাত,
 ভাহার ঘনকল কত?
 উ: । ৫৮৩৬৮ ঘনহন্ত।

ছই দিকেই চাল, এমন বাঁধের কালি স্থির করিতে 

ক্ইলে, ভলা ও উপরের বিস্তারের সমষ্টির অর্ধাংশকে উচ্চতার 

বারা গুণ করিরা, গুণফলকে দৈর্ঘ্যের পরিমাণ দারা গুণ 
করিতে হয়।

২০। বে বাঁধের তলার বিস্তার ২৫ হাত, উপরের বিস্তার হাত, উচ্চতা ২০ হাত ও দৈর্ঘ্য ৫৯৫৬ হাত, তাহা প্রস্তুত্ত করিতে যদি ৫০০০ টাকা লাগিয়া থাকে; ভাহা হইলে. ২১৯২ হাত দীর্ঘ, ১৬ হাত উচ্চ, ১৫ হাত তলা ও উপরে ওহাত বিস্তৃত এমন বাঁধ প্রস্তুত করিতে দেই হারে কত লাগিবে?

১১। বে স্চীর প্রকাত্তের তলন্থ রুভের পরিধি ২০ ফুট, উপরিম্ব বুভের পরিধি ১০ ফুট, ও উচ্চতা ২৫ ফুট, ভাহার জঃ। ৪৯৪.২১৬ ঘনফুট।

২২। বে স্থচীর প্রকাণ্ডের তলত্ব রুত্তের ব্যাস ৮ কুট, উপবিস্থ রুত্তের ব্যাস ৪ কুট, ও উচ্চতা ১৮ কুট, তাহার বনকল কড়। ৫২৭.৭৮৮৮ ঘনকুট।

১৩। বে গোল পুছরিণীর সকল দিক চাল, ও নাহার উপরের পরিধি ৫০০ হাত, ও নীচের পরিধি ৩২০ হাত, এবং গভীরতা ১৮ হাত, ভাহার কালি কত ঘন হস্ত।

छै:। २३३७८० यन इछ।

১৪। ১০ হাত উচ্চ ১৪ হাত প্রস্থা ও ১ মাইল দীর্ঘ একটা বাঁধ প্রস্তুত হইল; যদি ইহার ছই দিকের ঢালের অক্সাভ ১ই:১ হয়, তাহা হইলে এই বাঁধ প্রস্তুত করিবার নিমিত্ত কত বিঘা জমি জয় করিতে হইয়াছিল?

বাঁধের ভূমিসংলগ্ন প্রস্থ = ১৪ + ২ × ১ই × ১০ = ৪৪ হাত।
... ৪৪ × ৩৫২০ বর্গহন্ত জমি ক্রেয় করিতে হইবে,...

১৫। যে সকোণস্চীর প্রকাণ্ডের তলস্থ ষড়ভূজের বাহর পরি-নাণ ১৮ ইঞ্চ, ও উপরিত্থ ষড়ভূজের বাহর পরিমাণ ১২ ইঞ্চ, এবং উচ্চতা ৬ ফুট, তাহার ঘনফল কত ? উঃ। ২৪.৬৮ ঘনফুট।

১৬। কথ গ চছ বর্গ দকোণস্থচীর প্রকাণ্ডের তলছ সমচভূকোণ ভূমির বাছ কথ-র পরিমাণ ৬ কুট, ও উপরিস্থ সমচভূকোণ ভূমির বাছ ছজ-র পরিমাণ ৪ কুট, এবং ভাকভাগ

হইতে তলা পর্যান্ত জ ক পৃষ্ঠদেশের পরিমাণ

२० कृष्टे, इहात शृष्ठकन कड ?

৬ x 8 = 28 } তলস্থ ও উপরিস্থ ৪ x ৪ = ১৬ } ক্ষেত্রের বেটন।

৪০ = যোগফল

७० = ई हेकहा

১) ४०० ( ४४ ई वर्तशब्द = शृहेकन ।



১৭। একটা বড়তুলাকৃতি কীর্তিস্তত্তের তলম্ব বড়তুল কেত্রের বাহর পরিমাণ ৭ই কূট, ও উপরিম্ব বড়তুল কেত্রের বাহর পরিমাণ ২ই কূট, এবং অগ্রভাগ হইতে তলা পর্বাত্ত পৃঠদেশের পরিমাণ ৭৪ কূট, তাহার পৃঠফল কত্ত পার যদি প্রতি বর্গকৃট রঙ্গ করিতে ১ শিলিং ৩ পেন্স পড়ে, ভাহা হুইলে উক্ত কীর্ত্তিস্ত রঙ্গ করিতে কত ব্যয় হুইবে ?

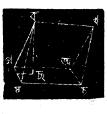
উ:। २२२० वर्गकृष्टे, এবং ১৫ পাউণ্ড ৮ শিলিং ৪ পেন্ধ।

৬ঠ সম্পাদ্য। কাজ্লার ঘনপরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

নিরম। ঢালদিকের বিস্তার ও পৃষ্ঠ দেশের দ্বিগুণ পরি-মাণ একতা যোগ করিয়া স্বভন্ত রাখ, তাহার পরে কাজলার উঠিতাকৈ স্থামির বিস্তার দিয়া গুণ করিয়া যাহা হইবে, ভাহাকে উপরিউক্ত যোগফল ছারা গুণ করিলে গুণফলের বড়াংশ কাজ্লার ঘনফল হইবে।

উদাহরণ ১। যে কাজ্লার উন্নতি ক ছ ১৪ ইঞ্, পার্ব ক খ ২১ ইঞ্, ও ভূমির দৈখ্য ঘ চ ৩২ ইঞ্, ও বিস্তার গ ঘ ৪৯ ইঞ্, তাহার ঘনপরিমাণ কত ঘনকুট।

२) ७१	8∮. 78
	69
<b>-4</b>	٩.
<b>36</b> 88	300
100	76
4.4	910
	₫•8



3826

भ ८००० २ ५०२.० चम **३क छ:।** २ १९.७१०

١٤ ١٥٠٥١٥

.१३७१३० चन कृष्टे छै:।

২। যে কাজ্লার মুখের দৈর্ঘ্য ও উচ্চতা এবং ভূমির দৈর্ঘ্য ও বিস্তার প্রত্যেকে ২ ফুট, তাহার ঘনকল কড?

**डि: । 8 चनकृ**ष्ठे ।

ত। থপ ধ দ আয়ভাকার কাজ্ব নার ভূমির দৈর্ঘ্য থপ ১০ হাড, বিস্তার প ন বা ত ধ ৭ হাড, ও উন্নতি প ত যা থক ৮ হাড, উহার বনকৰ কত?



এই প্রশেষ্ঠ প্রদ্কাজ্লা অকটী প্রলুহইবে ও থপন বক

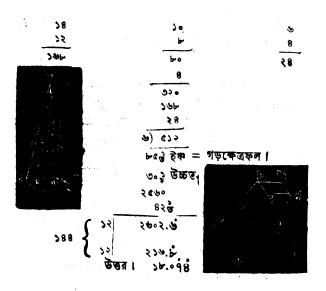
চতুৰোণাকার খন বন্ধর অর্থেক হইবে, স্বভরাং, ক্রিক্টি খনবন্ধর খনকব্য = ১০ × ৭ × ৮ = ৫৬০ ; ∴ থ প ধ দ ক্রিয়ার সমকব্য = ३৫ ৬০ = ২৮০ হাত।

## ব্য সন্সাদ্য। কাজ্লার প্রকাণ্ডের ঘনফল স্থির করিতে হইবে।

কাৰ্নার উপরিভাগে কতকটা না থাকিলে অর্থাৎ উপরি-ভাগ হইতে একটা কাৰ্না বাদ গেলে বেরুপ, আকারটা হয়, ভাষার স্বন্ধক হির করিবার নিয়ম এই।—

নিয়ম। তলত্ব ও উপরিত্ব ধারাতলিক ক্ষেত্রকলের বৃষ্ধীতি ভত্তরের মধ্যত্ব সমান্তরাল ছেলকের ক্ষেত্রকলের চত্ত্বি বোগ কর, এবং বোগকলের ষড়াংশকে উচ্চতা দিয়া ওণ করিলে কান্ত্লার প্রকাণ্ডের ঘনকল ত্বির ইইবে।

উদাহরণ ১। যে প্রস্তারের উপরিভাগটী ১৪ ইক দীর্ব ও ১২ ইক্ষ বিভূত একটা আয়ত কেত্র, ও ভলাটা ও ইক দীর্ব ও ৪ ইক বিভূত একটা আয়তকেত্র, এবং বাছার উচ্চতা ৩০২ কুট, ও মধাস্থ সমাস্তবান কেত্রের দৈল্পা ১০ ইক ও বিভার ৮ ইক, ভাহার কেত্রকল কত?



উশাহরণ ২ ৷ ক ধ প জ চ জারতাকার কাজ্লার প্রকা-থের ভূমির দৈর্ঘ্য ক ধ বা চ ব ১২ হাড, এবং বিস্তার ক চ বা ধ ব ৭ হাড, আর উপরিস্থ কেত্রের দৈর্ঘ্য ছ জ বা ধ প ৮ হাড, ও বিস্তার গ জ বা ঘ ছ ৪ হাড, এবং উক্তরার জ ৬ হাড, তাহার ঘনকল কড ?

ও। ক খ গ জ চ স্চীর প্রকাতের তলস্থ বৃত্তের ব্যাস ক গ ৪ স্ট, উপরিস্থ বৃত্তের ব্যাস চ জ ২ কুট, এবং উর্তি ন ম ১৮ ফুট, ইহার খনকল কভ ৪ এখানে, তলম বৃত্তের কালি = ৪<sup>২</sup> × . ৭৮৫৫,

উপরিস্থ বৃত্তের কালি =  $2^2 \times .9 \times 8$ , প্রুষ্ট পার্শ্বের মধ্যস্থ ছেদকের কালি =  $9^2 \times .9 \times 8$ 

ভুই পার্শ্বের মধ্যস্থ ছেদকের কালি = 🍑 🗙 . ৭৮৫৪:

∴ স্চীর প্রকাত্তের ঘনকল = ভ × ১৮ (৪²+ং³+ঃ।। ১৭৮৫৪ = ১৩১.৯৪৭ ঘন কৃট।

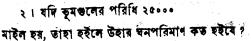
৮ম সম্পাদ্য। বর্জুলের ঘনফল স্থির করিতে **ছইকে**।

নিয়ম। বর্তুলের ব্যাসের ঘনপরিমাণকে ৫২০৯ দিয়া কর্প করিতে হয়; অথবা উহার ব্যাসার্জের ঘনকে ৪.১৮৮৮ দিয়া ৩৭ করিতে হয়। গণনার স্থাতা আবখাক না ইইলো ইই দিয়া ৩৭ করিলেই হয়।

নির্মান্তর। বর্তু লের ব্যানের ঘন পরিমাণের ষষ্ঠাংশকে ৩.১৪১৬ দিয়া ৩০ করিলে, ওণফল ঐ পদার্থের ঘনকল হইবে। এই নিরম হইতে প্রতীত হইডেছে যে, ব্যাসার্থের ঘনকে ৩.১৪১৬ দিয়া ৩০ করিয়া ওণকলের 🖁 লইলে ঘনকল নির্দারিত হইবে।

উদাহরণ ১। যে বর্তুলের ব্যাস ১২ কুট, ভাহার ঘনকল কভ ?

১২♥ × .৫২৩৬ = ৯০৪. ৭৮০৮ ঘনকুট।



छै:। २७०७ वर अहरू वन महिन्।

৩। বে বর্জুলের ব্যাস ৪ হাত, ভাষার ঘন্তল কড ? উ:। ৪৩.৫২ ঘনহক্ত 🛊 ৪। ১০ ইঞ্চ ব্যাসবিশিষ্ট ৫০০ কামানের গোলা প্রস্তুত করিতে হইবে, এইক্ষণে ২৪ কুট ২ ইঞ্চ দীর্ঘ, ৩ কুট ৪ ইঞ্চ বিস্তৃত ও ২ কুট ৬ ইঞ্চ উচ্চ একটা লোহার চাপ গলাইলে, উজ্জনংখ্যক গোলা প্রস্তুত করিতে লোহার অকুলান পড়িবে কি কিছু অবশিষ্ট থাকিবে। যদি অবশিষ্ট থাকে, ভাহা হইলে ইহার ছারা দৈখ্য বিস্তার ও বেধ ভিনেই ২ ইঞ্চ এমন ক্ষাটা লোহ শশু প্রস্তুত হইতে পারিবে ?

উ:। ৫০০ টা গোলা প্রস্তুত হইয়া প্রস্তাবিভর্মপ ১০৭৭৫ টা লোহধণ্ড হইবে ও যৎকিঞ্চিৎ অবলিট থাকিবে। ৫। যে বর্জুলের ব্যাস ৫০ ইঞ্চ, ভাহার ঘনফল কভ ? উ:। ৬৫৪৫০ ঘন ইঞ্চ।

ত। বে কাঁপা গোলকের বহিঃছ ব্যাদ ৯ ফুট ও যাহার লল ২ ইক, ভাহার ঘন পরিমাণ কত ?

এবানে অন্ধর্যাস = ১ — ও = ও কুট। বহিঃ হ বর্ত্বের ঘনকল = ১° × .৫২৩৬, অন্তরত্ব বর্ত্তের ঘনকল = (১°)° × .৫২৩৬, অতএব কাপা গোলকের ঘনকল = (১°)° × .৫২৬ = ৪০,৮৬ ঘনকুট।

- १। ७, ७ ७ ६ अमूनि वात्रिविषिष्ठे जिन्ने तीह वर्जुन शना-हैसा अकी वर्जुन अफ हहेन, हेरात बात करा है:। ७ अमूनि।
- ৮। ৩ইক ব্যাসবিশিষ্ট একটা দীদের পোনা গলাইয়া 🛊 ইক ব্যাসবিশিষ্ট করটা ছিটাঞলি প্রস্তুত হইতে পারে ? উ:। ১৭২৮।
- একটা বর্জুল বেটন করিয়া ভভ নির্মাণ করিলে বর্জুলটার ঘনকল বে ভভের ভৃতীয়াংশ হয় তাহা প্রমাণ কর ?

# ৯ম সম্পাদ্য। বর্জু লখণ্ডের ঘনকল স্থির করিতে হইবে।

নিয়ম। ভূমির ব্যাসার্জের বর্গকে ভিন গুণ করিয়া ভাহাতে উচ্চতার বর্গ যোগ কর, পরে যোগফলকে উচ্চতার পরিমাণ দিয়া গুণ করিয়া, গুণফলকে .৫২৩৯ দিয়া গুণ করিলে ঘনফল দির হয়।

নিরমান্তর। বর্জুলের ব্যাসের তিন শুণ হইতে বর্জুলখন্তের উন্নতির বিশুণ অন্তর কর, পরে অবশিষ্টকে উন্নতির বর্গ দার। গুণ করিয়া গুণকলকে '৫২০৬ দিয়া গুণ করিলে ঘনফল ছির হর।

উদাহরণ ১। যে বর্জুলথণ্ডের ভূমির ব্যাসার্দ্ধ ৮ ফুট, এবং উচ্চতা ৪ ইঞ্চ, তাহার ঘনফল কত ?

jo-	8	·(20%	. 图
سو	8	<b>⊬</b> €२	84 F
	-	<del></del>	1 milion of the second
₩8.	>0	<b>३</b> ०४ १२	्य ।
৩	<b>58</b> 2	30906	1
	-	87 <b>44</b> 68	A Company of the Comp
795	₹04	<del></del>	₹}
	8	800.4002 =	= উত্তর।
	-		
	<b>₩</b> ೨२		• • • • • • • • • • • • • • • • • • •

২। যে বর্ত্ লথণ্ডের ভূমির ব্যাস ২০ ফুট, ও উদ্ধৃতা ৯ ফুট, ভাছার খনফল কড স্থির কর ? উ: 1 ১৭৯৫.৪২৪৪ খনফুট। ৩। বর্ত্তাের ব্যাস ১২ ফুট হইলে উহার বে গড়ের উরতি

ত। বস্তুদের ব্যাস ১২ ফুট হইলে উহার বে থাওের উরাত ত ফুট, তাহার ঘনকাশ কড ?
উ: ১৪১.৩৭২ ঘনকুট।

- ৪। যে বর্জুলথণ্ডের ভূমির ব্যাস ৮.৬১৬৮৪ ও উচ্চতা ২ বুকুট, তাহার ঘনকল কত ? উ:। ৭১.৫৬৯৫ ঘনফুট।
- থা বর্ত লের ব্যাস ৪০ হাত হয়, তাহা হইলে উহার
   থে থণ্ডের উন্নতি ৫ হাত, তাহার ঘনকল কত ?

छै:। ১४७३.३ हाउ ।

## **১০ম সম্পাদ্য। বর্জু লমগুলের ঘনফল স্থির** করিতে হইবে।

নিয়ম। তলম্ব ও উপরিম্ব র্ত্তাকার ক্লেত্রের ব্যাসার্চ্চের বর্গ ও উচ্চতার তৃতীয়াংশ একত্রে সমষ্টি করিয়া উচ্চতা-পরিমাণ মারা গুণ কর, পরে ঐ গুণফলকে পুনক্চ ১.৫৭০৮ দিরা গুণ করিলে বর্ত্তুলমগুলের ঘনফল ছির হয়।

উদাহরণ ১। যে বর্জু নমগুলের তলন্থ রুত্তের ব্যাস ১২ ইঞ্চ, ও উপরিছ রুত্তেব ব্যাস ৮ ইঞ্চ, এবং উচ্চত। ১০ ইঞ্চ, ভাহার ঘনক্ষণ কভ ১

বর্জুলমগুলের ঘনকল = ৮৫% × ১০ × ১.৫৭০৮ = ১৩৪০.৪১৬ ঘনইক।

২। বে বর্জুনমগুরের তলম্ব রাজের ব্যাস ১২ কুট, ও উপরিম্ব রুজের ব্যাস ১০ কুট, এবং উচ্চতা ২ কুট, তাহার বনক্ষ কড ?
উ:। ১৯৫.৮২৬৪ ঘনকুট। ৩। বে পিপের আকার বর্তুনের মধ্যমগুলের মড, যদি তাহার উদ্ধি ও অধঃস্থ ব্যাসময়ের প্রত্যেকের পরিমাণ ৫ ফুট, ৮ ইঞ্চ, এবং গভীরতা ৫ ফুট হয়, তাহা হইলে ঐ পিপেতে কত গেলন ফল ধরিতে পারে ? উ:। ১১৯৩ই সেলন।

১১শ সম্পাদ্য। বর্ত্ত্ব ও বর্ত্ত্বপত্তের **রাজ্ঞণ্ঠ-**্র

ফল 🐞 স্থির করিতে হইবে।

নিরম। বর্তুলের পৃষ্ঠকল স্থির করিতে ছইলে, বার্রানের বর্গকে ৩.১৪১৯ দিয়া গুণ করিতে হয়। সর্কাধিক পরিধিকে ব্যাসের ছারা গুণ করিলেগু হয়।

নিয়ম। বর্ত্রধত্তের বা বর্ত্রমণ্ডলের পৃষ্ঠকন ছির করিতে হইলে, সন্ধাধিক পরিধিকে বর্ত্রধণ্ড বা বর্ত্রমণ্ডলের উচ্চতা ধারা ওপ করিতে হয়।

छनाइत् ऽ। य वर्ख् त्वत वान २ क्रूहे, खाझा १९६ कन कड १ शृक्षकन = २² × ०.১৪১७ = ३२.०७०६ वर्शक्षे। २। य त्वानत्कत वान २ क्ष् २० ३४०, खाझा शृक्षकन कड १ छै:। २०.२२ वर्शक्षे।

- ৩। যে গোল প্রস্তরণিপ্রের পরিষি ও কুট, ভাহার পৃষ্ঠকন কড ? এখানে, পৃষ্ঠকন = ৪<sup>২</sup> + ৩.১৪১৬ = ৫.০৯২৮ বর্গকুট।
- 8। विन क्मश्रालंद (सक्निश् वा वान १००१) साहेन ७ পরিথি २०००० साहेन हम्न, जाहा हहेल छहात शृक्षेकन क्छ हहेर्द १ छै:। ১৯৮৯৪৩१० वर्ग सहिन।

শরা অধায়ৄধ হইয়া থাকিলে য়য়ড় পৃষ্ঠ হয়; উয়ভাগে

ঢ়য় করিলে আকাশকে কৃজ দেখায়।

৫। যদি বর্তুদের ব্যাস ৪২ ইঞ্ছয়, তাছা হইলে
 ইফ ভাছার পৃঠকল কত ?

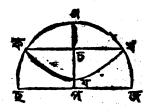
**डि:। ১১৮१.৫२८৮ दर्गरेक।** 

ও। যদি বর্জুদের ব্যাস ১২ই কুট হয়, তাহা হইলে বে মন্তব্যের বিকার ২ কুট, ভাহার পৃষ্ঠকল কভ ?

উ:। ৭৮.৫৪ বর্গফুট।

## ্3২শ সম্পাদ্য । গোলাকার উক্তুর ঘনক্ষ স্থির করিতে হইবে।

নিরম। টুকুর দৈর্ঘ্য ক ধ-কে ত্রিঘাত করিয়া ভাষার বভাংশ লও, শরে ক প ধ বৃত্তধন্তের ক্ষেত্রকল ও টুকুর কেন্দ্র হইতে বৃত্তের কেন্দ্রের



দূরক্পরিবাধ ৩৭ করিয়া অভর কর। অনভর বিয়োগফলকে

৩:১৪১৬ দিয়া ৩৭ করিলে গোলাকার টকুর ঘনফল ছির হর।

উদাহরণ ১। যে গোলাকার টকুর দৈর্ঘ্য ক খ ২৪ কুট ৩ মধ্যত্ম ব্যাল গ ঘ ১৮ কুট, ভাহার ঘনক্ষ কভ গ

পরে, ৩র ভাগের ১০ম সম্পাদ্যের দারা, শর বা উচ্চতা = ১ + ২৫ = .৩৬; ইহার স্বর্গীয় থণ্ডের ক্ষেত্রকল ২২৫৪৫৫, .২৫৪৫৫ × ছ ফ্ল<sup>২</sup> ( = ২৫<sup>২</sup> ) = ১৫৯.০৯৩৭৫ = ক গ থ থণ্ডের ক্ষেত্রকল। এইক্ৰেচণ = গপ — গচ = <sup>টুৰ</sup> — ১ = ৩.৫, জাধবা ২চণ = ৭1

অভএব ঘনফল = ( है क थ । — ২ চপ × ক গ थ । থণ্ডের ক্ষেত্রফল ) ভ = ( है ২৪ । — १ × ১৫৯. • ১৯৭৫ ) × ৩.১৪১৬ = ৩৭৩৯ ই ঘনফুট।

২। যে চক্রাকার টকুর দৈর্ঘ্য ৬ ফ্ট, এবং মধ্যস্থ ব্যাস ২ই ফ্ট, তাহার ঘনফল কত ? উ:। প্রায় ১৬ই ঘনফুট ঃ

১৩শ সম্পাদ্য। কুলালচক্রাকার বস্তুর ঘন-

#### 

নিয়ম। কুলালচজের বেধ ও আন্তর্ব তের ব্যাদের সম-টিকে বেধের বর্গের ছারা ওণ করিয়া, ওণকলকে পুনশ্চ ২.৪৬৭৪, অধ্বা ৩.১৪১৬ এর বর্গের চছুর্বাংশ দিয়া ওণ কর।

উদাহরণ ১। যে চাকের বেধ ২ ই**ঞ্ ও অভর্বতেরী** ব্যাস ১২ ইঞ্, ভাহার খনকল কত ?

এথানে ঘনকল = (১২ + ২) × ২<sup>2</sup> × ২.৪৯৭৪ ক ১৩৮.১৭৪৪ বৰ্গ ইঞ।

২। যে অঙ্গুরীয়ের বেধ ৪ ফুট, ও অভার্থতের ব্যাস ১৬
ফুট, ভাহার বনকল কত? উ:। ৭৮৯.৫৬৮ বর্গ ফুট।

১৪শ সম্পাদ্য। কুলালচক্রাকার বস্তর পৃষ্ঠ-

#### ফল স্থির করিতে হইবে।

নিয়ম। অন্তর্গতের ও বহির্গতের ব্যাসার্থ সুইটার সমষ্টিকে ভাহাদের অন্তর অথবা অঙ্গুরীয়কের বেধ দিয়া গুণ করিরা, গুণফলকে ৯.৮৬৯৬ অর্থাৎ ৩.১৪১৬ এর বর্গ দিয়া গুণ কর। উদাহরণ ১। যে ক্লালচক্তের অস্তরন্থ ও বহিঃস্থ ব্যাসার্থ বধাক্রমে ৬ ও ৮ ইঞ্চ, ভাহার পৃষ্ঠকল কভ ?

ধ্যথানে পৃষ্ঠকল = (৮+৬) (৮ — ৬) x ১.৮৬১৬ = ২৭৬.৩৭৮৮ বৰ্গ ইঞ।

২। যে অজুরীরের বেধ ৪ ইক ও অভর্তির ব্যাস ১৬ ইক, ভাহার ফনকল কত १

**डि:। १५३.९७৮ वर्ग हेक**।

# ১৫শ সম্পাদ্য। বর্জুলাভাসের ঘনফল স্থির করিতে হইবে।

অর্থরভাভাদকে ব্যাদের উপর রাথিয়া দকল দিকে সুরিয়া আনিলে যে আকারটী হয়, ভাহার নাম বর্জুলাভাদ \*। ভিষের আকার বর্জুলাভাদ।

নিরম। অর্জবৃত্তাভাস যে ব্যাসের উপর দণ্ডায়মান শাকিরা সকল দিকে খুরিরা আইসে ভাহাকে বর্গ করিয়া অপর ব্যাস দারা ওণ কর, পরে গুণফলকে .৫২৩৬ দিরা গুণ ক্রিলে ঘনফল দ্বির হর।

্ উদাহরণ ১। বে অগ্নরুতাভাস আপন লখিঠ বাাসের উপ্র দণ্ডায়মান হইয়া সকলদিকে খুরির। আসিলে একটা

বর্ত্ত লাভাগ ছই প্রকার;—বুডাভাগ আপন গরিষ্ঠ ব্যাদের উপর দণ্ডারমান থাকিয়া মুরিয়া আদিলে যে আকারটী হর, তাহাকে অব্লেট বর্ত্ত লাভাগ কহে; বুডাভাগ আপন লখিষ্ঠ ব্যাক্তার উপর দণ্ডারমান থাকিয়া মুরিয়া আদিলে বে আকারটী হর, তাহাকে প্রোনেট বর্ত্ত লাভাগ কহে।

বর্জুলাভাদ জন্মে, যদি ভাহার গরিষ্ঠ ব্যাস ৫০ হাত ও লিখিষ্ঠ ব্যাদ ৩০ হাত হয়, ভাহা হইলে ভাহার ঘনকল কত?

30	. ૯૨ ૭৬	4
ಅಂ	80000	
200	₹ <i>\</i> ;₩1000	
<b>4•</b>	২০৯৪৪	<b>्रव</b>
94	3:26.63 0000	र रुवर्ग

২। যে অর্দ্ধ বৃত্তাভাস গরিষ্ঠ ব্যাসের উপর দণ্ডায়মান থাকিয়া দকল দিকে ঘ্রিয়া আসিলে একটা বর্জুলাভাস জয়ে, যদি ভাহার গরিষ্ঠ ব্যাস ৫০ ইঞ্চ ও লঘিষ্ঠ ব্যাস ৩০ ইঞ্চ হয়, ভাহা হইলে ভাহার ঘনফল কত?

উ:। २२.१२८१ धन कृते।\_\_\_

#### ১৬শ সম্পাদ্য। কেপণীস্তস্তের ঘনকল স্থির করিতে হইবে।

কেপনী ক্ষেত্র আপন মেকদণ্ডের উপর দণ্ডারমান থাকিরা দকল দিকে যুরিয়া আদিলে যে আকারটী উৎপর হয়, ভাহাকে ক্ষেপনী স্তস্ত কহে।

নিরম। ভলত বৃত্তের ব্যাসের বর্গকে দর্কাধিক বিস্তার বা মেকুদগুলারা গুণ করিয়া গুণফলকে .৩৯২৭ দিয়া গুণ কর।

উদাহরণ। যে ক্ষেপনীস্তন্তের নিমন্থ ব্রভের ব্যাস ২৪ হাত, ও সর্কাধিক বিস্তার ৪২ হাত, তাহার ঘনস্পল কত ?

€: | 3000. 53681

১৭শ সম্পাদ্য। কোন গুরুজের উচ্চতা এবং ভূমির পরিমাণ পরিজ্ঞাত থাকিলে, তাহার পৃষ্ঠকল ও ঘনকল নিরূপণ করিতে হইবে।

নিয়ম। ভূমির পরিমাণফলকে দিগুণ করিলে পৃষ্ঠকল নিরূপিত হয়, এবং তাহাকে উচ্চতার ছুই তৃতীয়াংশ দারা গুণ করিলে ঘনফল নিরূপিত হয়।

উদাহরণ। যে গুলুজের ভূমির ব্যাস ৬০ ফুট, ভাহার পৃষ্ঠফল ও ঘনফল কত ? উ:। পৃষ্ঠফল ৬২৮.৩২ বর্গগঞ্চ। ঘনফল ২০৯৪.৪ ঘনগঞ্জ।

রত্তাকার, গথিক অথবা র্ত্তাভাসাকার থিলান ছাদের কুক্ত পৃষ্ঠের পৃষ্ঠকল নিরূপণ করিতে হইবে।

নিয়ম। দৈগপেরিমাণকে প্রস্থপরিমাণ দারা গুণ করিলে থিলানের পৃষ্ঠকল নির্ণয় হয়।

উদাহরণ। যে ব্লভাকার সেত্র দৈখা ১৪০, উচ্চতা ৩৫ ও বিস্তার ১২ কুট, ভাহার কুক্ত পৃষ্ঠের পৃষ্ঠকল কভ হইবে ?

উঃ। ১৯৪৪,ও বর্গ ফুট।

## **১৮শ সম্পা**দ্য। জাহাজের বোৰাই নিরূপণ করিতে হইবে।

নিরম। জাহাজের মেরুদণ্ড অর্থাৎ দৈর্ঘাপরিমাণ বত ফুট হইবে, ভাহাকে আড়কাঠ অর্থাৎ প্রস্থাপরিমাণ দার। তুণ করিয়া, তুণকলকে পুনশ্চ আড়কাঠের এইপরিমাণ দার। ্রণ করিয়া ৯৪ দারা ভাগ করিলে যে ফল হইবে, ভঙ টন বোঝাই জানিবে।

উদাহরণ ১। কোন অর্থবেপাতের মেরুদণ্ড ৭২ কৃট ও আড়-কাঠ ২৪ কৃট, ঐ পোতের বোঝাই কড ? উ:। ২২০ ই টন। ২। যদি কোন আহাজের মেরুদণ্ড ৬০ কৃট ও আড়কাঠ ২০ কৃট হয়, তবে উহাতে কড টন বোঝাই ধরিতে পারে ?

छे:। ১२१**३**ने हैन।

### নৌকা মাপ কালি।

"দীর্ঘে নৌকা যত হাত, প্রস্থ দিয়া পূর তত।

চাড়া বিশুণ করিয়া একুন, হাত প্রতি মন পরিমাণ।"

১৯শ সম্পাদ্য । রজ্জুর ওজন নিরূপণ করিবার

নিয়ম ।

নিয়ম। রক্ষুর বেড়ের বর্গ দৈর্গপরিমাণ ছারা গুণ করিয়া, গুণকলকে ৪৮০ দিয়া ভাগ করিলে যত হয়, তত হন্দর রক্ষুর গুলন জানিবে। রক্ষুপরিমাণ তাহার বেড়ের ছারা নির্দেশিত হয়, যথা ছই ইঞ্চের রক্ষুবলিলে রক্ষুর বেড় ছই ইক্ষ জানিবে।

উদাহরণ ১। এক শত কেথম লম্বা, তিন ইঞ্চ বেড়, এমত রক্ষুর ওজন কত ? উঃ। ৩<sup>২</sup> = ৯×১০০ = ৯০০ + ৪৮০ = ১ হান্দর, ৩ কোরাটর ১৪ পৌও।

२। ১२० क्विम लेका, ७ हेक त्राएव त्रञ्जूत क्विमें .कर १ एः। ३ हस्त्रा

২০ শ সম্পাদ্য। ধান্য রাশির মাপ। নিরম। ধান্ত রাশির পরিধির পরিমাণকে ৯ ছার্ ভাগ করিলে বে ভাগফল প্রাপ্ত হওয়া যায়, ভাহা ধান্ত রাশির মধ্যের উচ্চতা, পুনর্কার পরিধিকে ৬ ছারা ভাগ করিয়া, ভাগফলের বর্গ উচ্চতাপরিমাণ ছারা ওপ করিলে বে ফল প্রাপ্ত হওয়া যায়, তাহা ধান্তের \* থারী।

উদাহরণ। এক ধান্ত রাশির পরিধি ৫৪ হাত, ইহাডে কড ধারী ধান্ত আছে ?

ে উ:। ৫৪ + ১ = ৬ হাত উচ্চ। পুনৰ্কার ৫৪+৬=১; শাস্ত রাশি = ১ × ১ = ৮১ × ৬ = ৪৮৬ হাত।

## ২১শ সম্পাদ্য। অসরল ঘন বস্তুর ঘনফল নির্ণয় করিবার নিয়ম।

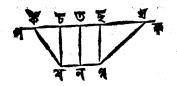
অসরল ঘন বস্থাকে সমান্তরাল থও ছার। কভিপর সংশে বিভাগ করিয়া নিম লিথিত প্রণালীতে প্রক্রিয়া করিলে ঘন-কল স্থির হয়।

শেষের খণ্ডদয়ের সমষ্টিতে, মাঝের খণ্ডগুলির সমষ্টির দিশুণ যোগ কর, এবং ঐ যোগফলে শেষ ও মাঝের খণ্ড সমূহের মধ্যখণ্ডগুলির সমষ্টির চতুগুণি যোগ কর, পুনশ্চ এই বোগ-ফলকে, কোন খণ্ড ও ভাহার অব্যবহিত পরের মধ্যখণ্ডের সাধারণ দূরছের ভৃতীয়াংশ দারা গুণ করিলে দনফল দ্বির হয়।

উদাহরণ ১। যে থাতের ৩০ হাত অন্তর তিনটী তির ভিন্ন স্থানের পরিমাণ যথাক্রমে ৪, ৩ ও ৫ হাত, এবং ঐ ভিন্ন স্থানের গভীরতা যথাক্রমে ৩, ২ ও ৪ হাত, আর ঐ ভিন্ন থণ্ডের ভলস্থ বিকার ২ হাত, তাহার ঘনকল কভ ?

খারীর দীর্ঘ প্রস্থ ও গভার সকল দিকেই এক হাত খাকে।

#### ঘনপরিমাণ 🔝



এই প্রশা, প্রভাকে খণ্ডগুলি ট্রাণিজৈড হওরাতে; ১ম খণ্ডের ক্ষেত্রকল =  $\frac{1}{2}$  (8 + 2)  $\times$  ৩ =  $\frac{1}{2}$ , ২য় খণ্ডের ক্ষেত্রকল =  $\frac{1}{2}$  (0 + 2)  $\times$  ২ =  $\frac{1}{2}$ , ৩য় খণ্ডের ক্ষেত্রকল =  $\frac{1}{2}$  ( $\frac{1}{2}$  + 2)  $\times$   $\frac{1}{8}$  =  $\frac{1}{2}$ 8,

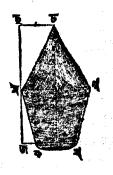
১ম মধ্যগভের ক্ষেত্রফল =  $\frac{3}{2}\left(\frac{8+9}{2}+2\right) \times \frac{9+2}{2} = 9\frac{6}{5}$ 

ংর মধ্যথণ্ডের ক্ষেত্রফল = ই  $\left(\frac{s+c}{2}+2\right) \times \frac{2+c}{2} = a$ ;

আর সাধারণ দূরত্ব = ৩০ + ২ = ১৫ হাত;

∴ সমুদার থাতের ঘনফল = 😽 (১+১৪+৪(৬‡ +১)২ × ৫ = ৪৮২.৫ ঘন হাত।

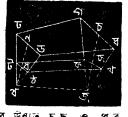
উদাহরণ ২। কথ গ চ ঘ
একটা ঘাদের গাদা, ইহার
ভলস্থ বৃত্ত ক থ-র পরিধি ৪০
হাত, গ ঘ ছাইচের নিকটের
পরিধি ৬০ হাত, তলা হইতে
ছাইচ পর্যান্ত ও ছাইচ হইতে
চূড়াপ্র পর্যান্ত উভরের পরিমাণ প্রভাবেক ১৫ হাত,
এইক্ষণে প্র গাদার ঘনকল কত ?





এই প্রশ্নে, ৩য় ভাগের ৭ম সম্পাদ্যের নিয়মান্থসারে ক থ থণ্ডের পরিমাণকল প্রায় ১২৮ হাত, ঘ গ থণ্ডের পরিমাণকল প্রায় ২৮৮ হাত, এবং চ চিফ্লিড থণ্ডের ক্ষেত্রকল শ্না। ক থ ও গ ঘ থণ্ডছরের মধ্যবর্তী থণ্ডের পরিধি = ই (৬০ + ০) = ৩০; এই হেতু ক থ গ ঘ-র ঘনকল = প্রায় ২০০ হাত, ও ঘ গ চ-র ঘনকল = প্রায় ৭২ হাত। শঘানের গাদার ঘনকল = १३ ১২৮ + ০ + ৪ (২০০ + ৭২) + ২ × ২৮৮ } = ৪৪৮০ ঘন হাত।

০। মনে কর, ক থ গ ড ট ঠ লোহবন্ধের এক থগু, ইহার ভূমি গ ঘ ড চ, ক থ ঠ ট লোহবন্ধের ধরাতলের সমান্তবাল। লোহবন্ধের বিস্তার ক থ বা ট ঠ ৩০ ফুট, দৈহ্য



খ ঠ ১ চেইন বা ৬৬ জুট, মস্তকের উরাত চছ ও প ব যথাক্রমে ৮ ও ৬ জুট, আর ঢাল ১३ জুট: ১ জুট। এইক্ণণে এই লোহবন্ধ থণ্ডের ঘনফল কত ?

এই প্রান্নে, গঘ = ৩০ + ১২৮ × ২ = ৫৪, আডএব ক ধ্ ঘ গান্ন ক্ষেত্রকল = ২ (৩০ + ৫৪) ৮ = ৩৩৬ |
এরপে টঠড চনর ক্ষেত্রকল = ২৩৪ | এইক্ষণে মধ্যথণ্ডের
ক্ষেত্রকল ছির করিডে হইলে, গড় উচ্চতা = ২ (৮ + ৬) =
৭, ও মস্তকের গড় বিস্তার = ৩০ + ১২ × ৭ × ২ = ৫১,
∴ মধ্যথণ্ডের ক্ষেত্রকল = ২ (৩০ + ৫১) ৭ = ২৮৩.৫।
ক্ষেত্রএব ৪র্ছ ভাগের এম সম্পাদ্য ছারা সমুদার লোহবস্থাধণ্ডের

ক্ষেত্ৰকল = 👸 { ৩৩৫ + ২৩৪ + ৪ × ২৮৩.৫ } = ১৮৭৪ ছ ৰনফুট।

৪। বে লোহবন্ধ খণ্ডের উচ্চতা ২ চেইন অন্তর হইলে, •,
১০, ৩০, ৪০ ৪০ ফুট, বন্ধের বিস্তার ৩০ ফুট, এবং ঢাল ৪ ফুট ই
১ ফুট হয়, তাহার ঘনফল কত ? উ:। ১৪৯৬০০০ ঘনফুট।
২৩শ সম্পাদ্য।

যাহার পরমাণু সমস্তের সল্লিবেশ নিবিড় সেই দ্রব্য অধিক ঘন। কোন নির্দিষ্ট পরিমিত স্থানের মধ্যে কোন কোন দ্রব্যের অধিক পরমাণু থাকিতে পারে, কাহারো বা অপেকা-কুত কম থাকে। একটা বোতলের মধ্যে যত পারা থাকে, শেই বোভলের মধ্যে তত জল থাকিতে পারে না; **জা**র জল যত থাকিতে পারে, তৈল তাহা অপেকাও অল্প থাকে। অভএব, ইহা অনায়াদেই দিদ্ধান্ত করা ঘাইতে পারে যে. बै ভিন দ্রব্যের মধ্যে পার। সর্বাপেকা অধিক সাম্র, ভাহার নীচে জল, ভাহার নীচে তৈল। এক ঘন ইঞ্চ প্রমাণ স্বর্ণ বত ভারী, সেই প্রমাণ ভাষ তত ভারী নয়, এবং নৌহ ভাষ অপেকাও অল ভারী। অভএব সর্পে প্রমাণু সমস্ত যত নিবিড় তামে তেমন নয়, এবং লৌহে তাহা **অপেকাও** অর। স্তরাং, ঐ তিন ধাতুর মধ্যে, স্বর্ণ সর্কাপেকা অধিক শাস্ত্র, ভাষ্ণ শাস্ত্রভার দিতীর, এবং লোহ ভৃতীয়। কোন ব্ছ অপেকা কোনু বন্ধ ভারী, ভাহা অবগত হইবার নিমিত এক স্থানর নির্ম নির্দারিত হইয়াছে। ৪০ ভাপাংশ প্রমাণ নির্মণ জলের প্রভাকে ঘনকুট ওজন করিলে ডাক্তরি মাপের ১০০০ আউন্ভর, স্ভরাং অন্ত বস্তর প্রত্যেক ঘনকট ১০০০

আউন্ত অপেকা যত ৩৭ ভারী হয়, তাহা তত হাজার অহ ছারা নির্দেশ করা যায়। নিম্নে ৪০ তাপাংশ প্রমাণ নির্দ্ধন ছলের এক ঘনফুট ১০০০ অঙ্কদারা নির্দেশ করিয়া, অস্তান্ত দ্রব্যকে তাহাদের গুরুত্ব ও লঘুতের ন্যুনাধিক্য অনুসারে ভদস্ক্রপ অঙ্কদার। নির্দেশ কর। গিয়ছে।

গ্লাটিন্য	२५८१०	থড়ী	२२६२   २७६१
শ্বৰ্ণ	<b>১৯२</b> ७०	বেলে মৃত্তিকা	ን৯৮৪
পারদ	20800	গজদন্ত	<b>५</b> ५२७
<b>দী</b> দক	३५७७१	বারুদ	598¢
রৌপ্য	>0890	বালি	३०२०
ভাষ	5000	পাথ্রেকয়লা	2050   2000
ঢালাপিত্ল	₽800	তার	7700
हेग्भाड	9600	বুক্কাষ্ঠ	2000
লোহ	9900	সমুদ্রের জল	3000
ঢালালোহ	9058	নিৰ্মালজল	2000
টিন	१७२०	মেহগ্নি কার্চ	১৽৬৩
গ্রানাইট প্রস্তর	4240	एक के	<b>3</b> 08
কাচ	٠.٠٠	বিচ ঐ	৬৯০
শেত প্রস্তর	२ १००	কার 👌	e09
মৃত্তিক।	२३७०	ছিপি	₹ 8 0
<b>रे</b> डेक	2000	বারু	১.২

১। এক খণ্ড খেড প্রস্তর ১২ ফিট দীর্ষে, ৩ ফিট প্রক্রে, এবং এক কট উচ্চে, উহা ওজনে কভ ?

ध्याम श्रेष्ठातत घनकन = ३२ × ० × ३३ = €8

चनकृष्ठे। श्रान्ततत श्राष्ट्रिक चनकृष्ठे श्राप्ततः २१०० कार्षेत्र इहेल, नमूनात्र श्रान्ततत श्राप्तत = १८ घनकृष्ठे = १८ × २१०० कार्षिम = ১১১२.९ পाউछ।

২। এক থানি কার কাঠের কড়ির দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও বেশ্ব বথাক্রমে ২০ কুট, ৩ ইঞ্চ, ও ৯ ইঞ্চ, ভাহা ওজনে কভ ?

ष्टेः। ১२৯.७ **शाउँछ।** 

থ শীসকের নল 
 র ইঞ্চ পুরু, ও যাহার ভিতরের
 হিল্রের ব্যাস ২ ইঞ্চ, তাহার এক ফুট ওজনে কত হইবে 
 ?

छै:। ४.१ शांडेखा

- ৪। যে ঢালা লোহ ১ ইঞ্চ পুক, ও যাহার ভিতরের ছিল্লের
   ব্যাস ৬ ইঞ্চ, ভাহার এক কুটের ওজন কত ? উ:। ৬৭.৪৫ পাউত।
- ৫। এক খণ্ড বিচ কাঠ ওলনে ৩০০ পাউণ্ড হইলে ভাহার ঘনফল কভ হইবে ?

এক ঘনফুট বিচ কাষ্টের ওজন = ৬৯০ আউজ।

- ∴ উক্ত কাষ্ট্ৰণতে ঘনকুটের সংখ্যা = ৩০০ × ১৬ ৯৯০ = প্রায় ৭ ঘনকুট।
- ৬। যে লৌহ থণ্ডের ওজন ১ টন, তাহতেে কভ খন-ফুট লৌহ আছে। উ: । ৪.৯৫৫ ।
- १। যে পয়নালার দৈয়্য, প্রস্ত ও বেধ য়য়াক্রমে ৯০, ৩ ও ২ ফুট, তাহা খনন করিতে কত গাড়ী য়য়িকা উঠি-য়াছে? মনে কর প্রত্যেক গাড়ীতে ১ৡটন য়য়িকা ধরিতে পারে।
  উ:। ২৬.০৩।
- ৮। যে ঘোড়া > ই টন বোকাই লইয়া ঘাইতে পারে, সে কভ ঘনকুট ওক কাঠ লইয়া যাইতে পারে ? উ: । ৫৭.৫৫ ।

### नाना विषयिनी छेनारत्रगमाना।

প্রতি কুটের মূল্য ২ই পেন্স হইলে, যে ভক্তার দৈর্ম ১২ কুট ৯ ইঞ্চ, এবং প্রস্থান কুট ৩ ইঞ্চ, ভাহার মূল্য কভ ?
উ:। ৩ সিলিং ৩ই পেন্স।

ভক্তা অসরল হইলে দৈর্ঘ্যপরিমাণকে, গড় বিস্তারপরিমাণ মারা গুণ করিলে কালি ছির হয়।

- ২। যে কড়ি কাঠের দৈর্ঘ্য ১৮ ফুট ৬ ইঞ্চ, মোটা ও সর্
  দিকের বিস্তার যথাক্রমে ১ ফু: ৬ ই: ও ১ ফু: ৩ ই: ভাহার
  দনকল কত গ

  উং। ২৮.৬১৭১৮৭৫ ফুট।
- ৩। যে কড়িকাঠের দৈর্ঘ্য ২৪ই ফুট, এবং গড় বিস্তার এ বেধ প্রত্যেকে ১.০৪ ফুট, তাহার ঘনফল কড ? উ:। ২৬ই ফুট।

কড়িকাঠের প্রস্থ ও বেধ অসরল হইলে, গড় বিস্তার, এ গড় বেধ পরস্পর গুণ করিয়া, গুণফলকে পুনশ্চ দৈর্ঘ্যপরিমাণ ছারা গুণ করিলে ঘনফল ছির হর।

 । বে বৃক্তের ওঁড়ি দৈর্ঘে ৩২ ফুট, ও ছাল বাদে মধ্যের পরিধির পরিমাণ ৫ ফুট, তাহার ঘনকল কত?

্ এথানে গড় পরিধির চতুর্থাংশের বর্গ = (ৼৢ) <sup>২</sup> = ৼৢ৾ৼৢ৾, :: মনফল = ৼৢ৾ৼৢ৾ × ৩২ = ৫০ ঘন ফ্ট,

৫। বে বৃক্ষের ভঁড়ির দৈর্ঘ্য ২৪ ফুট, এবং মোটা ও সরু
 দিকের পরিধি ষথাক্রমে ১৪ ও ২ ফুট, ভাহার ঘনকল কত ?
 উং। ৯৬ ফুট।

ুরক্ষের গুড়ির মধ্য স্থানের বা গড় পরিধির চতুর্থাংশের স্বর্গকে দৈর্ঘ্যপরিমাণ ধারা গুণ করিলে ঘনফল স্থির ইয়।

- ७। यनि जिनका मिल्ली ७ पूरे कान मक्ट्रा ১২ वर्गमक পরিমিত স্থানে পাথর বদাইতে পারে, আর মিল্লীর রোক ই সিলিং ও মজুরের রোজ ৩ সিলিং হয়, ভাহা ইইলে এক বর্ণগজ স্থানে পাথর বসাইতে কত থরচ পড়িবে গ
  - ৫ জন লোকের প্রাতাহিক বায় = ১৮ সিলিং।
  - :. ১২ বর্গ গজ পাথর বসাইবার বার = ১৮ দিলিং 1
  - .. এক বর্গ গজের বাার = 👯 = ১ দিঃ ৬ পে:।

পাথর বদাইবার মিল্লীর হিদাব বর্গ গজ বা বর্গ ফুটে ধরা হইয়া থাকে।

१। यनि श्रेडिशम तक कतिएड आर्र वास इस, छोड़ा इहेरन रि गृहित डेक्ड डा, रिमर्था ও विस्तात यथाकरम ১७ कृते ७ हेश. ৩১ ফুট ৪ ইঞ্চ ও ২০ ফুট, সেই ঘরের ভিত্তি ও ছাদ রক্ষ করিভে কভ খরচ হইবে ? छै:। ४००८ होका।

রঙ্গের কাজ বর্গপজে ধরা হইয়া থাকে।

- ৮। প্রতিবর্গ গলে বদি ১৮ মজুরি হয়, তবে বে দেওন बीलाब পরিমাণ ১৮ 🕏 🗴 ১२ हे कृते, তাহা बन्न कतिएक कछ ব্যন্ত হইবে গ **डे:।** २५/८।
- ১। একটা ভিনতলা বাটার এক দিকে প্রভিত্তে ভিনটা করিয়া জানাল। আছে, ইহাদের বিস্তার ৩ ফুট ১১ ইঞ। প্রথম তলের জানালার দৈর্ঘা ৭ ফুট ১০ ইঞ্চ, বিভীয় ভলের रेनिर्ग ७ कृष्ठे ৮ हेक, ७ कृष्टीत ज्लात रेनिर्ग १ कृष्ठे ३ हेका **बहेक्ट** यनि श्राडिवर्गकृष्ठे काठ वनाहै एड ১৪ लिख श्राह इत्र, छोर। रहेल थे करतकी बानानात्र काठ वनाहेख कड वात छै:। ১৩ পाউও ১<u>২</u> मिनिः ১०≩ পে**म** । रहेर्व १

🦟 কাচ বসাইবার মিন্ত্রীর হিনাব ফুট, ইঞ্চ বা সংখ্যার হিসাবে श्रदा रहेश बादक ।

১০ | প্রত্যেক বর্গ গলে ১০ আনা ধরচ হইলে, ২৫ ফুট এইক দীর্বে, ও ১২ ফুট প্রন্থে, একটা ঘরের মেজেতে পাধর छै:। २०१० छोका। রসাইতে কত খরচ পড়িবে ? লাগ্র বসাইবার মিন্ত্রীর হিসাব বর্গ গজে ধরা হইয়া থাকে। ্যা। যদি প্রতি বর্গ গজে । ৮০ আনা বায় হয়, তবে

🤹 মাইল দীর্ঘ ও ৪৭ ফুট প্রস্থে, একটা রাস্তায় থোয়া দিতে छै:। ७२१० छोका। কত থরচ পড়িবে গ

১২। ধগ একটী পর্বভোপরি এক কীর্ত্ত-ন্তম্ভ, উহার উচ্চতা নিরু-পণ করিতে হইবে। खतील जामिन, मन কর, খ হইতে ঘ পর্যান্ত ৫০ ফট পরিমাণ করি-

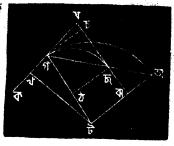


ब्राष्ट्र धवः घ रहेरा क १० कृष्ठे श्रीतमान कतिहारही, धवः कानमान यह बाता श व थ कान ७ श क थ कान यथान ৪১° ও ২৪° পরিমাণ করিরাছে। এইক্লণে ঐ কীর্ভিস্তন্তের উচ্চতা কত ? छ:। १५ इटे।

্ ১৩। ভিনটা বর্গ কেত্রের পার্বপরিমাণ ষ্থাক্রমে ৬,৮ 🗢 २८ कृष्टे, हेशामत स्काबकालत नमहित जुना स्काबकन বিশিষ্ট বৰ্গ ক্ষেত্ৰের পাৰ্খ পরিমাণ কড হইবে ? উ:। ২৬ ফুট।

38 । " आँठ इन्छ वर्ग " e " b वर्ग इन्छ " ইहाराव অন্তব কত ? উঃ। ৫৬ বর্গ ছাত।

ু ১৫। কগ ও ঝ ছ पुष्टे किक किशा त्लोक-বন্ধ গিয়াছে, এইক্ণে এই গুইটী দিক অন-বছিন্ন কু**টিল** রেখার দারা সংযুক্ত করিতে इडेरव ।



১৬ ৷ ১২ ছাত উচ্চ দেওয়ালের নীচে এক নৰ্দ্দা আছে-উহার বিলভেডি ৯ হাত, নৰ্দমা ছাড়িয়া কত হাত দুরে মই কেনিনে উহার ঠিক মাথার উপরে পড়িবে ? উঃ। ১৫ হাত। ্রি ১৭ । যে আয়ত ক্ষেত্রের দৈশ্য ৩৬ কুট ও প্রস্থ ২৫ কুট, ভাহার কেত্রফলের সমান কেত্রফলবিশিষ্ট যে বর্গ ক্ষেত্র ভাহার পার্ব পরিমাণ কত ? छै:। ७० कृते अ

্রা একটা ১০ অসুলি পরিমিত কাটি ভূমিতে ঠিক নোজাভাবে প্রোধিত করা গেল, উহার ৬ অঙ্গুলি মৃত্তিকার मरबा थाकित्ल. दवना धकाँगत्र मगत डेशत अर्क अष्ट्रनि शांश निष्त, अवेक्टर दा वेहेकालस्त्रत शांश के नमस्त ে হাত হইরাছিল, তাহার উচ্চতা কত ? উ:। ৪০ হাড ।

ু ১৯ ৷ একটা চোক্ষের ব্যাস ৫ ফুট, এই চোক্ষটা কড় পভীর ইইলে ৮০ গেলন জল ধরিতে পারে ? মনে কর শ্রন্তি शिनास्त २१ १.२१८ वन हैक वन शरत । है: | १.५८१ हैका।

২০। যে বুত্তের ক্ষেত্রফল ৩৯.২৭ বর্গ ফুট, ভাহার বাছিরে এবং ভিতরে অঙ্কিত বর্গ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের অন্তর উঃ। ২৫ বর্গ ফুট। **₹**⑤ 9

২১। একটা টাপিজৈড ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল ২৮ বর্গ ফুট, এবং ভাহার হুইটী সমান্তরাল বাহর পরিমাণ যথাক্রমে ৬ জ ৮ কুট, এই ছুইটী বাহর অন্তর কভ ? উঃ। ৪ ফুট।

২২। यनि পৃথিবীর ব্যাস ৮০০০ মাইল হয়, এবং ইহাক অভান্তরে ৫ মাইলের পর সমুদায় পদার্থ তরল হয়, তাই। হইলে भिथितीत कर करण पर पमार्थ अर्थ कारह । छैं। श्रीय प्रहें !

২৩ ৷ এক ঘন হক্ত প্রিমিত স্থানে যদি ১৯ মণ জল ধরে, ভবে যে ঘন পাত্রের অভ্যন্তরের এক পার্ষের পরিমাণ ২ হা: ৬ আঃ, তাহাতে কত জল ধরিবে । উঃ। মণ ১৮/১।

২৪। এক বুভাকার ছর্গের চতুষ্পার্ছে ১৩ গজ বিস্তুত একটী থাত আছে, এখন সুর্গের পরিধিপরিমাণ ৭০৪ গ**জ** হুটলে, ঐ থাতের ক্ষেত্রফল কড় হুটবে ? 🕏:। প্রায় ২ একর।

২৫। যে ক্লেরে বর্গফল ১৪ বর্গ **হস্ত ৩৬ বর্গ অঙ্গুলি**, ভাছার ঘনকল ১০ ঘন হস্ত ৭৫৬০ ঘন অঞ্চলি হইলে, উচ্চ-ভার পরিমাণ কত হইবে গ उ:। ১৮ **अव**नि ।

২৬। ৩ ইঞ্চ ব্যাসবিশিষ্ট একটা দীদের গোলা হইতে 🤰 ইঞ্চ ব্যাদবিশিষ্ট কয়টা ছিটা প্রস্তুত হইছে পারে ? 🐯ঃ। ১৭২৮।

২৭। যে গৃহের দৈর্ঘা, বিস্তার ও উচ্চতা যথাক্রমে ৩৬ কুঃ, ২৪ কঃ ও ২০ ফুট, দেই ঘর মুডিতে কভ বর্গ গর্জ মধ্যাল লাগিবে ৷ ঘরের মধ্যে একটী জানালা আছে, ভাছার

छै:। २∦ हाङ।

দৈব্য ৬ ফুঃ, ও বিস্তার ৫३ ফুঃ ও ছুইটা ধার আছে তাহাদের উভয়ের পরিমাণ ( १३ × ৩° ) ফুট। উঃ। ২৫৬% বর্গ গল । २४। हेक = ३ महिन (इतन 8 वर्ग कृष्टे 8 वर्ग हैक এক থানি কাগজে কোন গ্রামের মানচিত্র অন্ধিত হইল। 🐠 আমের বর্গ পরিমাণ কত বিঘা ? উঃ। ১১২২৮৮০/০ বিঘা। ২৯। যে প্রাচীরের দৈর্ঘা ২০ গজ, প্রস্থ 🗣 🕫 🕏 ভিত বা বেধ ১৪ ইঞ্চ, দেই প্রাচীর গাঁথিতে ৯ ইঞ্চ দীর্ঘ 🖦 ইঞ্চ আছ, ও ২ই ইন্স বেধের কত ইষ্টক লাগিবে ? উঃ। ১১৫২০ ঃ ৩০। ৪০ হাত বাাদবিশিষ্ট একটা গোলাকার **হর্গের** চতুর্দিকে, ১০ হাত প্রস্ত ২ হাত গভীর একটা গড়ধাই খনন কর। হইল। দদি ঐ গড় খাইয়ের ছুইদিকের ঢালের **অস্তুপাত ১**ই: ১ হয়, ভাহা হইলে ঐ গড়ের চ**ভূদিকে** কভ ঘন হাত মৃত্তিকা খনন করা হইল ? উ:। ২১৯৯.১২ ঘন হাত। ৩১। যে চৌৰাচচা দৈৰ্ঘোং৪ ফুট ৮ ইঞা, প্রেছে ১২ ফুট ৯ हैक, ভাহ। হইভে কভ ঘন ফুট জল বাহির করিয়। দিলে সম্ভ टिश्विकात १ कृष्टे अल किया गाइटव १ छै:। ७१८३ धन कृष्टे। ৩২। একটী বর্গ ক্ষেত্রের পার্খ পরিমাণ ৫০ **গজ, ভদ্ভর্গত** আই ভুজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কভ হইবে ? উঃ। ২০৭১ বর্গ গঞ্জ। ৩৩। যে চতুকোণ গর্ভ দীর্ঘে ১০ই ছাত, প্রন্থেত হাত ১৮ **অসু**লি, ও গভীরে ৩১ হাত, তাহাতে য**ভ লল** ধরে, আর একটী গর্ভেও ভত জল ধরে, শেবোক্ত গ<del>র্ভ</del>টী দৈর্ঘ্যে ১১% হাত, প্রন্থে ৪ই হাত; স্থির কর উহার গভীরত। **केंड** ३

তে বছৰেণ কৰে ১৯১৮ জন কুট কৰি, ভাছাতে কছ ইট লক্ষা নামাইলে মাজী পাজনা নাইৰে ? উঃ 1 ১২ কুট ।

তবা বে চৌপহলের উচ্চতা ৪১ কুট, এবং ভ্ৰির এক পার্বের

ক্ষিমার ১২৫ কুট, ভাহার পৃঠকল কত ? উঃ । ৩৮.০৬২ বন কুট ।

তবা হটীর ডলছ ক্ষেত্র ৪ ফুট ব্যাসবিশিষ্ট রুড, অবং

ক্ষিমান কুট, ভাহার পৃঠকল কত ? উঃ । ৩৭.৬৯৯ খন ফুট ।

তবা ক্ষিমান কিন্তুল কান প্রমান কর যে, কোন বর্তুলের খন প্রিমান

ক্রিক ট্নির উপর সমান উচ্চকরিয়া একটা আছে, বিজ্ঞানৰ্কুলাৰ্ক অভিত হইল। স্চী ও বর্জনাৰ্কের সম্প্রী ক্রিকেক কর অভ্যন ?

ত কা চল্লের ব্যাস ২১৮০ মাইল হইলে, ভাহার স্থানকর উঃ। ৫৪২৪৬১৭৪৭**৫ ঘন মাইল।** ১৯৮০ বে গোলার পরিধি ১৫.৭০৮ ইঞ্চ, ভাহার পুঠকন উঃ। ৭৮.৫৪ বর্গ ইঞা।

্ <sup>3</sup> । বে ইন্দারার বহিন্দিকের ব্যাস ১২ হাত **ও মধ্যন্ত্রাস** বিষয় প্রথা পতীরতা ১৪ হাত, তাহা প্রস্তুত করিছে ১২ ক্ষান্ত বীর্দ্ধ, ৬ অসুনি প্রস্থা এবং ৩ অসুনি বেধ বে ইট্ সমান্ত করু রাগিবে। উ: ১ ২৩৪৮<u>২ ইট</u>ক।

• १६। যে বাজস্থার মূলের পরিধি ৬৬ হাত এবং উচ্চতা ১২। বিজ্ঞান্তাতে কত থাড়ি ধান্ত আছে ? উ: 1 ১৭৫২ বাজি ধান্ত।

# পঞ্মভাগ

## জরীপ।

ক্ষেত্রের মধ্যে কোন পদার্থ কি ভাবে অবস্থিত, সেই ক্ষেত্রের পরিমাণফল কত, এবং ভূপুষ্ঠের কোন স্থান কত উন্নত, এবং কোন হ'ন কত নিমা, এই সকল বিষয় যে উপাধ খারা স্থিনীকৃত হয়, তাহাকে জ্বনীপ কহা যায়।

কোন ক্ষেত্রের সামা, তাহার উপরিস্থ পদার্থ সমূহের।
ক্ষরিছিতি, এবং সেই ক্ষেত্রের অথবা তাহার এক এক
অংশের বর্গপরিমাণ নির্ণয় করিয়া, তৎসমুদার বহু মানসন্ত ক্ষরেশ্যর করিয়া কাগজের উপর অঞ্জিত করিলে যে প্রতিকৃতি প্রকাশিত হয়, তাহাকে প্লান অথবা নকা কহে। এই নকা স্থপতিদিগের কার্যো নিতান্ত আবহাক হয়। যদি ক্ষুদ্র মান-দণ্ড ছারা এই নকা অঞ্জিত হয়, তাহা হইলে তাহাকে মাপি অথবা মানচিত্র কহা যায়। ইহা ভুগোলপাঠক ও ভ্রমণ্ড কারিদিগের কায়ে লাগে।

এক স্থান হইতে অন্ত স্থান প্রয়ন্ত একটি রক্তে। প্রস্তুত্ত করিতে হইলে, তক যে সেই ভূমির প্রান প্রায়ন করিছে। হর এমত নহে, কোন স্থান কত উল্লুল বা অবন্যত ভাইছার জানা আবশুক; এবং জরীপ ছাবা ছিব কবিখ ভালনুসারে। কাগজের উপরে যে প্রতিরূপ অস্তিত হয়, ভাসাকে সেই ভূমির সেক্সন, থণ্ড) কহে।



শুন্ধন, রশি, কিতা, য**তি, কাড়যতি, ধ্বজা**, দিক্দর্শন য়ন্ত্র, গ্রহণ কোণবীক্ষণ যত্ত্ব, এই করেকটা যত্ত্বের সাহায্যে ভূমি করা বার। ক্ষুদ্র ক্ষুদ্র ভূমি নকল জরীপ করিছে ক্ষিক্দর্শন বা কোণপ্রদর্শন যত্ত্তের সাহায্যের আবশ্যকত। হয় না কেবল চেইন বা শৃন্ধাল ও জরীপাঁকিতা দারা ভাষা সম্পন্ন হইয়া থাকে।

জরীপীকিতা, স্থা বা চর্ম হারা নির্দিত হইয়া থাকে।
ইহা দৈর্ঘে ১০০ জুট, এবং প্রত্যেক জুট ১০ সমান জংশে
বিভাজিত। ইহার এক প্রান্তে একটা ধাতুনির্মিত অঙ্গুরীয়
ও অপর প্রান্ত বা ধাতুনিম্মিত কটুয়ার মধ্যে একটা
শলাকায় আবদ্ধ থাকে। ঐ শলাকা কটুয়া ভেদ করিয়া
একটা হাত্দের বঙ্গে যুক্ত থাকে, তাহা খুরাইলে ফিতা
কটুয়ার পার্যন্ত হার দিয়া আধার মধ্যে প্রবিষ্ট হইয়া শলাকায় জড়াইয়া যায়, এবং অঙ্গুরীয়টা ধারণ পূর্ব্বক টানিলেই
কটুয়া হইতে ফিতা বহির্গত হইয়া থাকে।

অমিনারী রশি, রজ্জু বা চর্ম দারা নিমিত হইরা থাকে।
ইহা দৈর্ঘো ৪০ গজ বা ৮০ হাত, এবং ২০তি অংশে
বিভাজিত। প্রত্যেক অংশকে কাঠা কহে। রশির এক
প্রাক্ত হইতে প্রত্যেক ৪র্থ কাঠাতে ৮ বা ১০ অঙ্গুলি দীর্থ
এক এক থণ্ড চম বা রজ্জু ঝুলান থাকে, তাহাকে ফুলি কহে।
কাঠার স্থানে ৫ টা অঙ্গুলিবিশিষ্ট মণিবন্ধের ভার
এক এক থণ্ড চম বাহং থাকে, তাহাকে পাঁচট কতে।
১০ কাঠাব স্থান, অর্থাব বিশ্ব মধ্যস্থলে, দশ অঙ্গুলি-



বিশিষ্ট করের স্থার এক থণ্ড চর্ম বুলান থাকে, ভাষাকে দশক কছে। বঙ্গদেশের প্রায় সর্বজ্ঞই এই রশি ব্যবস্থাক ইইয়া থাকে: যেথানে ঐ রশিব প্রচলন নাই, বাঁশের নদ ছারা জরীপীকার্য্য সম্পন্ন হইয়া থাকে।

জরীপে গতীর্গ চেইন নামক এক প্রকার महत्राहत वावश्वक इस, देश मिस्सा २२ शक, वार्था**ए ७७ करे** এবং ১০০ অংশে বিভান্নিত। প্রত্যেক অংশকে नि কছে: এক একটা লিঙ্ক অপর্টীর সহিত গুইটা বা ভিন্তা অঙ্গরীয় দার। আবদ্ধ ইইয়া একটী শুল্পল হয়। শুরুরার্থ এক একটা লিম্ব ৬ ভাহার উভয় দিকের যোজক অনুরীয়ের অব্বেক লইয়া এক কুটের 💝 কিয়া ৬২৯৯ = ৭.৯২ ইক্ট্র শৃত্বলের এক প্রান্ত হইতে প্রত্যেক দশম লিছে একটী বিতীয় দশম অৰ্থাৎ বিংশতি লিকে ছুইটা, তিংশৎ নিকে তিন্টা, চ্বারিংশৎ লিকে চারিটা অঙ্গলির আকারের চিক্ত मःनग्न शात्क. अकागर निष्ट व्यर्थार मुच्चात्वत मधावात्व একটা গোলাকার চিহ্ন আবদ্ধ থাকে। এই চিহ্নগুলি থাকাছে শৃষ্খলের লিঙ্ক দেখিবামাত্র একাদিক্রমে গণনা না করিয়াই ভাহার সংখ্যা বলা ঘাইতে পারে। শৃত্যন ধরিবার স্ববিধার নিমিত ভাহার ছইটা প্রায়ন্ত লিকে ছইটা বৃহৎ অনুবীয় আৰক্ষ থাকে। এই ছুই নিস্ক অপর নিস্ক অপেক্ষা ক্ষুদ্র, ধরিবার অনুষ্ঠীয় বা কড়া সংযোগে অপর লিছের সমান হয়; স্বভরাং একটা ধরিবার কড়া হটতে অপর্টীর প্রান্ত পর্যান্ত ধরিলে ভাষা এক জরীপীশুমার বলিয়া অভিহিত হয়। জরিপীশুমার

শবিক দিন ব্যবহার করিলে বাড়িয়া ঘাইবার সম্ভাবনা আছে, স্থতরাং ইহাকে মধ্যে মধ্যে পরীক্ষা করিয়া দেখা আবিষ্ঠাক।

জরীপে অপর এক প্রকার শৃষ্থল ব্যবহৃত হইয়া থাকে।
ইহা দৈর্ঘ্য ১০০ নিছ ও প্রতি নিজ ১ কৃট, স্থৃতরাং শৃষ্থলটী
১০০ কৃট লম্বা। ইহার ছই প্রান্তে ছইটী ধরিবার হাতল
শাছে। যে ছইটী প্রান্তম্ব নিছ এই হাতলে সংযুক্ত থাকে,
ভাহা অপর গুলি অপেক্ষা এত ক্ষুদ্র যে হাতলের সংযোগে
টিক এক নিছ পরিমিত হয়; স্থৃতরাং একটী ধরিবার হাতল
হইতে অপরটীর প্রান্ত পর্যান্ত ধরিলে এক জরীপীশৃষ্থল
বিনিয়া অভিহিত হয়।

এই শৃত্যল অপেক। গণীরের শৃত্যন অধিক কার্য্যোপযোগী;
স্থতরাং ইহাবারা ভূমি পরিমিত হইলে কেত্রফল অনায়াদে
নির্মারিত হইতে পারে।

্ঠ পাৰ্চ = ৫ । গজ = ১৬ ই ফুট।

8 년 = >% X 8 = % 5 页 = > 비행하

স্থভরাং যে বর্ণক্ষেত্রের এক পার্শ্বের পরিমাণ ৪ পার্চ, ভাষার কালি এক বর্গ শৃত্যল।

৪ x ৪ = ১৬ বর্গ পার্চ = ১ বর্গ শৃষ্ণাল।
কিছ ১ একর = ১৬০ বর্গ পার্চ = ১০ বর্গ শৃষ্ণাল।

এইরপে কোন ভূমিব ক্ষেত্রফল বর্গ শৃত্থল ধারা পরি-মিজ হইরা ১০ শংখ্যার ধার। বিভাজিত হইলে একরে পরিণ্ড ইইভে পারে।

#### TOTAL CAPACITATIONS OF THE STATE

১ বর্গ শুখাল = ১০০ × ১০০ = ১০০ কর বিভাগ ১. ১০ বর্গ শুখাল = ১০,০০০ × ১০ = ১০০,০০০ হৈ বিভাগ কোন সংখ্যাকে ১০০,০০০ খারা বিভাগিত করিছে ১০ কল উৎপন্ন হয়, ডাইন দিক হইতে পাঁচটী অভেন বিভা ক্লিক চিয়ু দিলে সেই কলই উৎপন্ন হয়।

কোন ভূমির ক্ষেত্রকল বর্গ লিখেতে নিজিট প্রাজিত ভাইন দিক্ হইতে পঞ্চম ও যঠ অংকর মধ্যে দশ্যিক টিনিবেশিত করিলে, একরে পরিণত হইতে পারে । বিশ্ব করিলে হার প্রাপ্তি হইতেছে।

উলা:। কোন ক্ষেত্র গণীরের চেইন ছারা পরিমিত ছইন নৈর্ব্যে ৯,৬৫ সুখ্বল, প্রেছে ৪.২৫ সুখ্বল হইলে, ভাহার ক্ষেত্র-কল কত হইবে ?

১.৬৫ শৃষ্ট্রল = ৯৬৫ বিছ 🕯 ৪.২৫ ফ্র = ৪২৫ ফ্র ৪৮২৫ ১৯১০

৪১০১২৫ বর্গ লিস্ক।

এই ভণফলের ডাইন দিক্ হইতে পাঁচ আছের প্রীত্তি ক্রীনিক চিন্ন নিবেশিত করিলে ৪,১০১২৫ একর হয়। এই ক্রীনিক সংগ্রকে ৪ দার। ওণ করিলে ৪

০.৪০৫০০ **রুত উৎসাহ বঢ়**। এবং ইহাকে ৪০ হার। গুলু করিলে ৪০

39.२००० वर्ग शाई द्या

ভাতএব, ভূমির ক্লেএফল ৪ একর ০ রছে ; ১৬.২ পার্চ। বিক্তে ১ একর = ৪০.৫৬০ বর্গ ফুট। যদি .প্রেলিজ ভূমি ১০০ শত ফুট শৃত্যল বারা পরিমিত হইত, তাল্তা হইলে উহার দৈর্ঘ্য প্রস্তুত্বে গুণ করিয়া, গুণকলকে এক শৃরে পরিশত করিবার নিমিত্ত ৪০৫৬০ সংখ্যার ধারা বিভক্ত কল্টের্ডে ইইড; কিছ ইহা প্রেলিজ প্রক্রিয়ার, জর্থাৎ গন্টারের শৃত্যল বারা ভূমি পরিমাণ করিয়া ক্লেএফল নিরূপণ করিলার সমর ডাইন দিক্ হইডে পাঁচটী অল্কের পরে দশমিক্ চিয় নিবেশ করার ভায় সহজ নহে

## 😎 নৃত্যলভারা জরীপ করিবার নিয়ম।

কোন কেত্র গুদ্ধ শৃদ্ধল দারা জরীপ করিতে হইলে, ঐ
ক্রেকে বহু গুলি ত্রিভূজ কিখা চভূভূজাকারে বিভক্ত করিছে
পারা যায়, ভাগ করিতে হয়। পরে দর্কাত্রে ভূমির দীমা জরীপ
করিয়া ভাষার জন্তর্গত ত্রিভূজ দমুহের বাছর পরিমাণ জরীপ
করিবে। কোন ক্রেত্র জরীপ করিছে হইলে, কোন নির্দিষ্ট
ভান হইতে জরীপ আরম্ভ করিয়া, ভূমি যতনূর দরল থাকিবে
ভভন্তর মাপ করিবে। পরে দেই স্থান হইতে জন্যদিকে মাপ
ভারন্ত করিতে হইবে; এই রূপে যতক্ষণে, প্রথম যে স্থান
হইতে কার্য্য আরম্ভ করা হইরাছিল, দেই স্থানে উপন্তিত না
হইবে, ততক্ষণ পূর্কোক্র প্রণালীতে কার্য্য করিতে হইবে। এই
প্রকল স্থানকে ইংরাজীতে টেশন করে; আমরা ইহাকে
নির্দান স্থান বা থাক বলিয়া উল্লেখ করিব। প্রথম নির্দান

ষ্ঠান হইতে অপর কোন নিদর্শন স্থান স্পষ্ট লক্ষিত হইবে বলিয়া প্রভাকে নিদর্শন স্থানে এক এক গাছি য**ষ্টি বা নিশান** (কাণ্ডা) প্রোথিত হয়। এই নিশানগুলি ভূমিতে ঠিক লম্ব-ভাবে নিহিত হইয়াছে কি না ভাহা জ্রীপ স্থামীনকে প্রীক্ষা ক্রিয়া দেখিতে হইবে।

এক নিদুর্শন স্থান হইতে অপর নিদুর্শন স্থান স্থরীপ করিতে হইলে, অবীপ আমীনের এক জন বৃহকারীর প্রয়োদ জন হয়। জ্বীপ আমীন, জ্বীপাঁফিত। বা শৃত্থলের মূল ধারণ প্রস্তৃক, প্রথম নিদর্শন স্থানে দণ্ডায়মান থাকেন, এবং -তেকারীকে শুভালের অগ্রভাগ ধরিয়া দিতীয় নিদর্শন স্থানকে চাক্ষা করিয়া ভদভিম্থে দরল রেখাক্রমে বাইতে হয়। काরी ভাহার বাম হকে দশ গাছি শর ≉ শইয়। যায়। যথন 🚃 খাল সম্পেরপে প্রদাবিত হয়, সহকারী তাহার অগ্রভাগ অর্থাৎ কড়া লইয়া ভূমির উপর দৃঢ় রূপে ধরিয়া থাকে। শৃত্যল দিতীয় নিদর্শন স্থানের সহিত সমস্থতে পড়িল কি না. ভাহা দেখিবার জন্য জরীপ আমীন নহকারীকে ভাহার বাম অথবা দক্ষিণ দিকে সরিতে কছেন, অনন্তর শৃত্যল পাছটী ভূমির উপর সরলভাবে পড়িলে, সহকারী কড়ার প্রান্তে একটা শর ভূমির উপর লম্ভাবে নিহিত করে। তদনত্তর জ্রীপ আমীন শরের কাছে আসিয়া শর গাছটা তুলিয়া লন, এবং

শ এই শরকে আমীনের। বলকা বা ফরকা কহিয়া থাকে।
 ইহা দৈর্ঘ্যে এক হাতের কম। ইহার এক মুথ স্বচাল, ও অপর মুথ বাঁকান আংটার মত।

অবশিষ্ট ভূমির পরিমাণার্থে পুনর্কার পূর্কমত প্রক্রিয়া করিতে থাকেন। যথন দেখেন যে নয় গাছি শর ভাহার হস্তে আদিরাছে, এবং দশম গাছটী অপর গুলির ন্যায় ভূমিতে নিহিত্ত হইরাছে, তথন সহকারীকে আর অগ্রসর হইতে না কহিয়া, ভাহার হস্তত্তিত শৃত্থালের এক প্রান্ত আপনি ধরিষা দশম শরেব কাছে উপন্থিত হন, এবং সেই স্থান চিক্লিত করিয়া চিঠাতে ১০০০ অর্থাৎ লিক্লের সংখ্যা লিখিয়া পুনরায় ভাহার হাতে পূর্কমত শরগুলি দেন, এবং যতক্ষণ লক্ষ্যা নিদর্শন স্থানে উপস্কিত না হন, ততক্ষণ পূর্কোজ প্রণালীতে কার্য্যা করেন। জরীপ করিবার সময় শৃত্থালের পার্যন্থ পদার্থ ও ক্ষেত্রসীমার অবস্থিতি নিরূপণ করিবার জন্যা, তৎসমুদায় পদার্থ হইতে শৃত্যালের উপর জরীপীফিত। ছারা লম্পাত করিতে হয়, এবং চিঠায় লম্বের পরিমাণ লিখিয়া রাখিলে, তদ্পুটে ক্ষেত্রের নক্ষা অনায়াসে প্রস্তুত হইতে পারে।

শৃষ্ণলকে নয়ত্বে ব্যবহার করা কর্ত্রা। অত্যস্ত টানিলে লিক্ক নকলের মধ্যগত অঙ্গুরীয় নকলের মুখগুলি প্রক্ষের বিয়োজিত হইয়া শৃষ্ণলের পরিমাণ বৃদ্ধি করে এবং ভূমিব পরিমাণের স্বত্যে হয়।

বদি শৃষ্থলের পরিমাণ টানাটানি করিয়া এক ইঞ্চর্দ্ধি ইইয়া পড়ে, ভাষা ইইলে ভূমির পরিমাণ মত শৃষ্থল হুইবে, প্রভাকে শৃষ্থলে ১ইঞ্চ পরিমিত অধিক ভূমি শৃষ্থল ভূক্ত হইয়া ভূমিব প্রকৃত পরিমাণের লাঘ্য করিবে। আবার মদি শৃষ্থল সমক্রেপে প্রশারিত না হয়, অর্থাৎ কিছুমার

সঙ্চিত থাকে, ভাছা ইইলে পরিমের রেধার পরিমাণ বৃদ্ধি ইইবেক। ইহা নিম্নলিথিত উদাহরণ হারা প্রদর্শিত হইভেছে।

যদি কোন শৃল্খলের পরিমাণ প্রাকৃত পরিমাণ অপেক্ষণ ১ ইঞ্চ র্দ্ধি প্রাপ্ত হয়, এবং ভদ্ধারা কেবল ছুইটী স্থানের মধ্যগত দূরত্ব পরিমাণ করিয়া ছুই মাইল হয়, ভাষা হইলে এ দুরত্বের প্রেক্ষত পরিমাণ কত ১

২ মাইল = ৫.২৮০ × ২ = ১১.৫৬০ ফুট। প্রাজ্যেক শত্-কুটে এক ইঞ্চ পরিমিত অধিক ভূমি ধরা হইলে, ১১.৫৬০ ফুট ভূমিতে কত অধিক ধরা হয় ?

১০০ ঃ ১১৫৬০ = ১ ঃ অতিরিক্ত ভূমির পরিমাণ।

ু: অতিবিক্ত ভূমির পরিমাণ = <sup>১</sup>১৫° = ১১৫.৬ ইঞাণ = ১৪.৪৫ ফট।

এইরপ যদি শৃষ্ণানের পরিমাণ প্রকৃত পরিমাণ ক্সপেক্ষা কর হর, কিন্তা শৃষ্ণাল প্রকৃতরূপে প্রদারিত না হয়, তাহা হুইলে ভূমির পরিমাণ প্রকৃত পরিমাণ অপেক্ষা বৃদ্ধি প্রাপ্ত হয়। এই কোর সংশোধন করিতে হুইলে, ভ্রান্তিমূলক পরিমাণের সমষ্টি নিরূপণ করিয়া, পরিমিত রেখার পরিমাণ হুইতে বিযোগ করিলে যাহা অবশিষ্ট থাকে, তাহাই ভূমির প্রকৃত পরিমাণ।

## শৃথল পরীক্ষা করিবার উপায়।

এই ভ্রম নিবারণ করিবার নিমিত্ত শৃষ্থালকে সর্বাদা পরীক্ষা করা কর্ত্তব্য। এই ভ্রম সংশোধন ভিন প্রকারে হইতে পারে। প্রথমতঃ; দৈর্ঘে ৬ ফুট এবং দলে চারি দিকে এক ইঞ্চ স্থুল, ছই গাছি ইম্পাত নিৰ্দ্বিত দণ্ড, ফুট ও ইঞ্চির চিহু অভিত করিয়া মধ্যে মধ্যে ভদ্বারা শৃত্থালের পরিমাণ পরীক্ষা করিতে হর। দিভীরভঃ; কোন সংশোধিত শৃত্ধলের সহিত ঐকঃ করিয়া দেশিতে হয়। তৃতীয়তঃ; কোন প্রাচীরে, কি ছাদে, কি ভূমির উপর ছুইটা গোঁজ এরূপে প্রোথিত করিতে হইবে ষে, ভাষাদের মধ্যপত দূরত্ব ১০০ এক শত ফুট হয়। এবং ঐ ছই গোজের ঠিক মধ্যস্থানে অপর একটা গোঁজ প্রোথিত कतिल, धकरी लाख इहेल ज्ञान पूत्र ६० निक इस । এইকণে শৃত্যলকে প্রতিদিন গোঁজ সকলের দ্রত্বের সহিত্ত ঐক। করিয়া দেখিতে হইবেক। কিছু দিন ব্যবহৃত হইয়া পুরাতন হইলে এবং দয়তে ব্যবহৃত হইলে শৃন্ধালের আর অধিক সংশোধন আবশুক হয় না।

#### চিঠার বিবরণ।

ভূমির পরিমাণ নির্ণয়ের কাগজকে চিঠা কছে। জ্বরীপ করিবার সময় যে গ্রাম অথবা স্থান জরীপ করা যায়, ভাহার অভ্রূপ চিত্র প্রস্তুত হইতে পারে না। তজ্জন্য তৎকালে শুব্দাল বা কোণবীক্ষণ যত্রছারা ভূমির কোণের যে অংশ ও দীর্ঘ প্রস্থাদির যে পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়, ভাহা চিঠাতে পরিকার क्रां निधिष्ठ इत्र। भारत खतीभ ममाश्च इट्रांन এट हिठी হইতে নক্ষা প্রস্তুত হইতে পারে।

िठीत जामर्न अन्हार ध्यमनिंख इहेरत। हिठी विलास পত্রারত হইয়া থাকে, অর্থাৎ ভাহার নিম্ন দেশ হইভে লিখিতে

আরম্ভ করিতে হয়; কারণ ভূমি মাণ কালে অবীপকর্ভাকে ক্রমশঃ অগ্রবন্ধী হইতে হয় : স্মৃতরাং চিঠার অঙ্কপাড় সেই নিয়মে ক্রমশঃ নিম্ন হইডে উর্জে হইয়া থাকে। চিঠাকে ইংরা-জীতে ফিল্ড বুক কছে। এই পুস্তকেব প্রতি পৃষ্ঠার ভিন্টী করিয়া স্তম্ত থাকে, বিতীয় অর্থাৎ মধ্য স্তম্তে ভূমির দৈশ্য-পরিমাণ লিখিত হইয়া থাকে; এবং চেইন হইছে ভূমির দক্ষিণ ও বামদিকে যে সমস্ত লম্বপাত করা হয়, ভাহার পরিমাণ উচ্চ স্তান্তের দক্ষিণ ও বামদিকের অর্থাৎ প্রথম ও তৃতীয় হাস্ত লিখিত হয়। প্রতি পৃষ্ঠার নিম্নদেশ হইন্ডে লিখিতে আরম্ভ করিয়া বেমন ক্রমশঃ জরীপ চলিতে থাকে, সেই রূপ ক্রমাগছ উद्धिमित्क ष्मञ्जभाज कतिया याहेराज इत्र । क विद्विज ज्ञान, ध চিহ্নিত স্থান ইত্যাদি "● ক'' "● ধ" এই রূপ সাছেতিক চিত্র ছারা লিখিত হইয়া থাকে। জ্বরীপের সময় চেইন বা শুখাল কোন দিকে যায় ভাষা দশীইবার জন্য চিঠাপুস্তকে '' পन्तिम, '' ''পূर्वत्'' ''পূर्व्ताखतं' ''निक्किन-পশ্চিম,'' এই ऋश নিথিতে হয়। কোন কোন স্থলে "পূর্ব্বোতর "ইত্যাদি । লিখিয়া এই রূপ চিত্র (৩২৯ পৃষ্ঠা ৭ ম প্রতিকৃতি ক্রষ্টবাং) निश्चिक इंडेया शास्त्र।

কথন কথন চিঠার জার একটী অভিরিক্ত স্তস্ত বাংজ্ব থাকে, ইহাতে মন্তব্য কথা লিখিত হইয়া থাকে। যদি কোন থাকের সম্বন্ধে সংখ্যা ব্যবধানাদি ব্যতিরিক্ত জন্য কোন কথ। লিখনের আবশ্যক হয়, ভবে ভাহা মন্তব্য ঘরে লিখা যায়, অর্থাৎ যদি কোন থাকের স্থান বিশেষরূপে নির্ণয় করিয়া লিখিতে হয়, তবে নিকটবভী কোন ইমারত বা বৃহৎ বৃক্ষ বা দীর্ঘিকার শহিত ভাহার যে কোণের অংশ পরিমাণ (বিয়ারিং) ও ব্যবধান ভাহা মন্তব্য ঘরে লিখা যায়। যথা--''অনুক পংগাক থাকের নিকটে অমুক মন্দির বা বৃক্ষ বা ৰাটী আছে ভালার ব্যবধান ও বিয়ারিং এত '''।

ু যে জমী জ্বীপ হইবে, ভাহার তুই দিকের সীমার সহিত শার্যক কুই মৌজার দীমার যে বিরারিং ভাহাও মন্তবা ঘবে লিখিত হয়। যথা—''এই থাক হইতে পাৰ্মস্থ অমুক অমুক रमोकात मधा निया এक वियातिः मुखे मौमा छनियाह। " পার্যন্তিত প্রত্যেক মৌলার দীমা নিজ মৌলার যে থাক হইতে আৰক্ষ হইনা যত থাক পৰ্য্যন্ত বিস্তৃত আছে তাছার বিবরণ। ৰখা—"অনুক নৌজা এভ সংথাক থাক হইতে এভ সংথাক থাক পৰ্যান্ত বিস্তৃত আছে। "

্রাপের সময় উত্তরাদি দিকের নাম সম্পূর্ণরূপে লিথিতে ছইলে অধিক সময় ও অধিক কাগজ লাগে, এজনা সাঙ্কেতিক অব্দর বারা বিধিত হইয়া থাকে। যথা—উত্তর ছলে ''উ'' **দক্ষিণ্যনে "দ" ই**ত্যাদি লিখিড হইয়া থাকে। "ভ" নিধিনে ভক্ত, অৰ্থাৎ অত্তে যে জমী জরীপ হইল ভাছার; আর ভ-র সহিত যে দিকের প্রথমাক্ষর যোগ হইবে, তাহার সেই পিক বুকাইবে। যদি দিকস্থচক দাক্ষেত্ৰিক অব্দরের नुर्द्ध " कि " कि " ना " तथा यात्र, हाहा इहेल छेन्न ज्या কি পার, অর্থাৎ সেই ক্ষেত্র ডিঙ্গাইয়া বা পার হইয়া অমুকদিকে श्यम वृक्षाहरत। यथा-

ভ উ—জর্থাৎ যে জনী জ্বলীপ হইল ভাহার উক্তর।
ভ নৈ ক্র ভাহার নৈপত। ন ভিদ ক্র ভাহা ভিকাইয়া দক্ষিণ।

কোন কোন স্থানে ''তউ,'' স্থলে ''তছ,'' ( অর্থাৎ তৎ উত্তর তর্ত্তর ) লেখারও বাবহার আছে। ডি দ, না লিথিয়া কিতা পার বা ছই কিতা পার ও অধিক দ্ব হইলে অল্ড্রা দর এরপথ লিখা যার।

চিঠাতে যে দকল চিহ্ন ব্যবস্ত হয়, ভাহা এই। ৩ এই চিহ্ন থাকিলে নিদৰ্শন স্থান ব্যাইবে।

চিঠাতে একটা পশ্ম বা প্রভাক। চিন্ন থাকিলে ভাগাকে মিনার অথাৎ তেদীমানার ভঞ্জ বুঝায়। (২য় ও ০য় প্রভি-কৃতি জাইবা)। ছইটা পশ্ম বা প্রভাক। চিন্ন থাকিলে ভাগাকে ভোথা অথাৎ চাবি দীমানাব ভঞ্জ বুঝায়। (৪গ ৪ ৫ম প্রভি-কৃতি জাইবা)।

এক নিদর্শন শ্বান হইতে জুমির মধ্য দিয়া অপর নিদর্শন শ্বান পর্ব্যক্ত যে রেথা অস্কিড



ক্র, অর্থাৎ যে বেগাধার। পরিমাণের স**লেই ভল্পন ইয়, ভাইনেক** প্রামাণিক রেথা কংক।

বে রেথা কেবল শৃঙ্খল দারা পরিমিত হয়, তাহাকে জারীপী রেখা বা শৃষ্থাল রেখা কছে। দিগদর্শন যন্ত্রদারা বিয়ারিং লইয়া যে রেথার জরীপ হয়, তাহাকে বেয়ারিং রেথা কছে।

জরীপ করিতে করিতে যদি কোন রাস্তা, নদী, জগবা বাগানের উপর দিয়া চেইন যায়, তাহ। হইলে চিঠাপুস্তকে স कार निधिष्ठ इटेर्व, छोटा श्रमा अमिक इटेर्व।

অস্বন্দেশে জরীপীচিঠার শীর্ষদেশে অর্থাৎ নম্কার উপরিভাগে **अव्यादकार जानामी, माग, मीर्थ, क्षक, मादा, क्रिमिन निधिएक** হয়। আসামীর নিমে যে প্রজার জমী তাহার নাম. ও দাগের নিমে যত সংখ্যক ভূমি জরীপ হয়, ক্রমশঃ ভাহার সংখ্যা; ভূমি যে পরিমাণে দীর্গ ভাষা দৈর্ঘোর নিম্নে এবং প্রস্তের বে পরিমাণ তাহা প্রস্তের নিমে লিখিতে হয়। সারা শব্দে ভূমিন পরিমাণ। কালি করিয়া যে মানের ভূমি তাহার অঙ্ক সভিব भीत পড़ित, के ভূমি বাস্ত कि উवाञ्च कि वाशां हेगानि त প্রকারের হয়, ভাহা জিনিদের নিমে লিখিতে হইবে। আস্থানী ও দাগ নক্সার এক ঘরেও লিথা যাইতে পারে, ভূমির চতু:-সীয়া আসামীর নামের নিমে অথবা দর্ম নিমে লিখিবার বাঁতি।

त्कान क्रमौत देश कि श्रेष्ठ (पैठाकांश कि वक थाकितन, ছুটু 春 ভিন মাপে ভাষা জ্বীপ করিয়া, ঐ ছুই কি ভিন মাপের আৰু দুমটি করিয়া গড় হিসাবে (এবরেজ মতে) দৈর্ঘ্য ও আছে ধরা হইয়া থাকে। এ প্রকার মাপকে লোভে बिका (उडिविया करर)

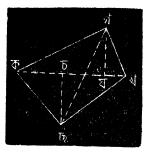
প্রথম জরীপের পর ছিডীয়বার যে জরীপ হর, ভাছাকে

পরতল জরীপ কছে। কিতা শব্দে জমীর থও। জমাই জমী শব্দে সকর জমী। ছোড শব্দে আবাদ। হৈমন্তিক ধান্ত ্য ভূমিতে হয়, ভাহাকে শালী জ্মী কহে। হরিৎখণ্ড, জ্বর্থাৎ ৈহমন্তিক ধানা ভিন্ন, আভ ধান্ত ও অন্ত শস্তাদি যে ভূমিডে হয়, তাহাকে স্থন। ভূমি কহে। শালি ও স্থনা জমী চাবি প্রকার; প্রথম, দিতীয়, তৃতীয়, চতুর্থ শ্রেণীর ভূমিকে চলিভ পারক ভাষার, আউওল, গুরেম, শ্বরেম, চাহারম কহে। বস-বাদের ভূমির নাম বাস্তঃ গো সমূহ যে ভূমিতে চবে, ভাহাকে ্গাচর কছে। পুষ্করিণী, দীর্ঘিকা, ভোবা, প্রভৃতিকে জলকর, এবং মৃত গরু ফেলিবার স্থানকে ভাগাড় বলে। অনাবাদ ও পতিত জ্মী যাহার কর ধার্ঘ্য নাই ভাহাকে থাস্থামার কহে। রান্তা থাস্থামার মধ্যে গ্ণা। বান্ধ্র সংলগ্ন যে ভূমি ভাইাকে উল্লন্ধ, এবং বিপ্রস্থামিক নিম্বর ভূমিকে ব্রন্ধোত্তর কছে। এক গ্রামের জমী অপর গ্রামের মধ্যে ও শেষোক্ত গ্রামের জমী পর্কোক্ত গ্রামের মধ্যে থাকিলে ঐ জনীকে পিতলগোলা কছে। বাগাৎ অর্থাৎ বাগান, বাঁশ থাকিলে বাঁশবাগাৎ লিথে।

## শৃখল ও ক্রেশযন্ত এবং শুদ্ধ লার। জরীপ। বিষমাকার ক্ষেত্রের জরীপ।

ক্ষেত্র বিষমাকার হইলে ভাহাকে ত্রিভুক্ত ক্ষেত্রে বিভাগ করিয়া জরীপ কারতে হয়।

ক গ থ ছ একটা বিষ্মাকার ক্ষেত্র; ইহার জরীপ, নদ্ধা ও ক্ষেত্রকল ভির করিতে হইবে। ক চিহ্নিত স্থানে মাণ
আনমন্ত করিয়া কথ অভিমুথে
কিন্তুদ্ব যাইয়া তথায় কুশ
দণ্ডের একটা ছিদ্র কথ রেখার
সমস্তে রাখিয়া অপর ছিদ্র
দিয়া দেখিলে, যদি ছ চিহ্নিত
স্থান ও এই দিতীয় ছিদ্র এক



রেথার পতিত হয়, তাহা হইলে ঐ স্থানে কথ রেথার লহ+

মনেকর, ক গ থ ছ ভূমির ক হইতে থ যে দূরহপরিমাণ ভাষা মাপিতে হইবে। ক গ-কে শৃষ্ণল রেথা কলনা করিয়া এই রেখা দিয়াই মাপ চালাইতে হইবে। ক থ শৃষ্ণল রেথা মাপিবার সময়ে ভূমির বাকগুলি নির্ণয় করিবার নিমিন্ত, প্রথমতঃ ঐ রেখার কোন্ কোন্ স্থানের বামে কি দক্ষিণে বাকগুলি আছে ভাষা নিরূপণ করিতে হইবে। পরে উহার সেই স্থানের কত বামে কি কভ দক্ষিণে বাকগুলি আছে ভাষা নিরূপণ করিতে হইবে। অতএব বাকগুলি নির্দেশ করিবার জন্ম অথে মাপটা শৃষ্ণল রেখার উপরে হইবে, অর্থাৎ ক হইতে ঘতদূর মাপিয়া শৃষ্ণল রেখার উপরে হইবে, অর্থাৎ ক হইতে ঘতদূর মাপিয়া শাসিয়া বাকটাকে বামে কি দক্ষিণে দৃষ্ট হইল, ভাষা নিরূপণ করা; পরে মাপটা শৃষ্ণল রেখার সেই স্থান হইতে বাকের শেষ স্থামা পর্যান্ত মাপিলে যত, ভাষা নিরূপণ করা; এই রূপ ভূই ভূইটী মাপ লইতে হয় বলিয়া, ভূমির বাকগুলির ঠিকানা শৃষ্ণল রেখা মাপিবার সঙ্গে সঙ্গেন পরে স্থানে নির্দেশিত হয় । এই উদাহরণে ভূমির বাক প্রথম চ স্থানে পরে স্থানে নির্দেশিত হইরাছে ১০

শৃত্থল রেথার বামে কি ডাহিনে যে মাপ লইতে হয়,
 ভাহাকে লয়মাপ কয়ে।

চ ছ কর্মনা করিব। এ লাখের পরিমাণ নিরূপণ করিতে হইবে।
বিদি ঐ স্থান হইতে ছ স্থান কুশদণ্ড ধারা সমস্তরে দৃষ্ট না ।
ইয়. ভাহা হইলে জরীপকর্তা কথ কর্ণ বেথার কিঞ্চিৎ অরে
বা পশ্চাতে যাইয়া পরীক্ষা করিবে। পরে ক চ দ্রুছের
পরিমাণ স্থির করিয়া চিঠা পুস্তকের মধ্যস্তস্তে লিখিতে হইবে,
ত ছ চ লাখের পরিমাণ নিরূপণ করিয়া দক্ষিণ দিকের স্তর্ভে ।
বিখিতে হইবে। এই রূপে ক ঘার দ্রুজ নিরূপণ করিয়া
মধ্য স্তান্তে লিখিতে হইবে। এবং গ ঘালাখন পরিমাণ বামাণ
শার্ষন্ত স্তে লিখিতে হইবে। ইভাাদি—

যদি ক চ = ৮০, চ ছ = ১১০, ক ঘ = ২২০, ঘ গ = ১২০, এবং ক থ = ৩৪০ নিম্ক হয়, তাহা হইলে চিঠা পুত্তকে নিম্ন লিখিত প্রণালীতে লিখিতে হইবে।

বাম লম্ব	কর্ণ রেথা	मकिंग राष
0	৩৪০ থ 👁 পধ্যন্ত	
250	२२०	
	p	220
•	क 🛭 हटेएड	•

পূর্ব্বোক্ত ক্ষেত্রের নক্স করিতে হইবে। একটী মানদণ্ড ক্ষণ্ড, লইরা ভাহার হুই ইঞ্চে ১০০ লিক্ক ধরিরা ক চ একটী বেথাপাত কর, যাহা উক্ত পরিমাণে ঐ দণ্ডের ৮০ লিক্কের ক্মনি হুইবে। অপর, ঐ পরিমাণে চ স্থান হুইতে ১১০

লিঙ্ক পরিমিত চছ একটা লম্ব রেখা টান, ও ক ঘ রেখাকে १२० लिक्टर नमाम करा। श्रूमण, ১२० लिक्ट श्रिमिछ च ग् জার একটী লম্ব টান এবং ক খ-কে ৩৪০ লিক্কের সমান কর। भारत क ह, हथे, थ श, ७ श क मःयुक्त कतिला, क ह थ शे প্রতিকৃতিটা ক্ষেত্রের ঐ পরিমাণে অন্তরূপ চিত্র হইবে।

এতদারা, কছথ গ ক্লেকের কালি ৩র ভাগের ১র্থ সম্পাদ্য ছারা = ३৩৪০ × (১১০ + ১২০) = ৩৯২০০ वर्गनिष = > ऋष २२.৫७ (शान।

২। নিম্ন লিখিত ক্ষেত্রের জরীপ 🛭 ক্ষেত্রফল দ্বির করিছে इहेर्य।

থ দ রেগার পরিমাণ শ্বির করে, এবং চ ও ছ স্থানছয়ের मूत्रफ ठिठा शृक्षक लिथ, वथा.

	<b>७</b> म পर्याञ्ड	
	थ म = ১০৯१	
हर्य = ६५६	थ 🗷 = 980	
5 च = ७ <b>०</b> २	<b>4</b> ₽ = >>∘	
্ৰম	थ • इरें छ প्रकृतिक	

### **ह ७ ४ इ दिवम** स्कारक

\$ 400 \$ 8 40 \$ 8 40 \$ 8 40 \$ 8 90 \$ 8 90 \$ 900 \$ 90	* * * * * * * * * * * * * * * * * * * *
%0 >08 &	<b>১০৯</b> ৭ :
<b>্চ</b> পহ	986
₹∘৯88∘	Bissa Westerna
\$ ) 6890.a	००२ == इन्ह
	ছ দ ধ ক্রিভূজে
8,२ <b>8</b> १ <b>৫</b> २.¢	asa
8	<b>30</b> ₹ == <b>5 7</b>
	-
٠ ٢ • ۵ ه .	22%
8 ∘	, ২৯৭৫
	396e
७,৯७,8००	distribution of the same of
٥٠ <u>١</u>	₹°৯83°
2622000	7 484 = 4 g
76200	>> = <b>4</b> 5
25.29200	

ছ ব দ ধ কেতেব কেতেফল = ৪ একর । রুড ৩ (পাল ১৮ গ্রহ।

#### ত্রিভুজ ক্বেত্রের জরীপ।

ু নিম্ন লিখিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটী ক্ষেত্রের নামা ও ক্ষেত্রফল স্থির কর।

	🛮 অ পর্যান্ত	
শ্রামাণিক	<b>2</b> ►8	্রথ1
	🕏 আ হইতে	
	🏻 ক পৰ্য্যন্ত	
	3588	
🤥 অ	900	
	গ চিক্লের	বামদিকে গমন
	🛮 গ পৰ্যান্ত	L.
	bes.	
	খ চিক্লের	বামদিকে গমন
	🛭 থ পর্যান্ত	
	১৩৩৮	
	>000	
<ul><li>all</li></ul>	<b>500</b>	
জারস্ত	ক চিফ্লে	পূৰ্বে গমন
কেন চি	त्रख्यातात	

ক্ষেত্র বিভূজাকার কইলে, ভাহাব প্রভ্যেক কোণে এক একটা প্রজা প্রোথিত করিয়া, ভাহার প্রভাকে পার্থ পরিমাণ কর। পবে অভত্তঃ ভাহার



ছই পার্ছে নিদর্শন স্বরূপ ছইটা স্থল চিক্লিড করিয়া, তাহা-দের পরস্পর দ্রত অর্থাৎ ব্যবধান নির্ণয় করিয়া, সেই নিদ-র্শন স্থানব্যকে সংযুক্ত কর, এই রেখাকে প্রামাণিক রেখা কছে; কারণ ইছার দারা কালি বিশুদ্ধ হইয়াছে কি না ভাহা প্রমাণ করা যায়।

ক ধ গ ত্রিভূজটী অন্ধিত হইলে যদি আ আ প্রামাণিক বেখা ৩৮৪ লিক্ক হয়, তাহা হইলে প্রভীত হইবে যে ক্ষরীপে কোন এম নাই; এবং গ ঘ লম্বের পরিমাণ ৭৭০ লিক্ক হইবে। অতএব ক খ গ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল = ১৩৬৮ × ৭৭০ + ২ = ৫.১৫১৩০ = ৫ একর ২৪ পোল।

জরীপ বিশ্বর হইরাছে কিনা জানিবার নিমিন্ত, ত্রিভূন জের শীর্ষ কোণ হইতে ভূমির মধ্যস্থান অথব। ইহার নিকটন্ত কোন বিন্দু পর্যান্ত এক একটী মাপ দিবে। নক্ষা অভিভ করিবার সময়ে ত্রিভূজগুলি অস্কিত করিয়া, ঐ মাপগুলির শহিত মিলাইলে জরীপের বিশুজ্ঞা নির্মাণিত হইবে।

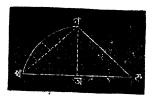
কোন ভূমির চতুংসীমা মাপ করিতে হইলে, প্রতি শৃথাল রেখার শেষে এক একটা যোষক রেখা লইতে হয়। বলি ভিনটা শৃথাল রেখা ঘারা ভূমির চতুংসীমা পূর্ণ হয়, ভাহা হইলে একটা যোষক রেখা, চারিটা শৃথাল রেখা ঘারা চতুং-শীমা পূর্ণ হইলে ছুইটা ঘোষক রেখা, পাঁচটা হইলে ভিনটা বোষক রেখা, লইলে চলে। শেষে যে যোষক রেখা এছণ করা বায়, লেইটাকে প্রামাণিক রেখা কচে।

া নিম্ন লিখিত চিঠার সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে এক বিভুলাকার কেত্রের নয়। ও কেত্রকল ভূির কর।

	৩০০ ক 🕲 পর্যাস্ত গ হইতে ডাইন দিকে
۰	৩৫০ গ 😉 পর্য্যন্ত
99	₹ ₹ €
8 0	<b>١٩</b> ٥
२ ०	<b>b</b> -0
	প হইতে ডাইন দিকে
	৫০০ থ 🛭 পর্য্যন্ত
<b>প্রা</b> মাণিক	२० 🕶 👽 পर्याञ्च
	ক হইতে পশ্চিম দিকে

तिथा जा म = १७२

এই চিঠা পুত্তকে ভিনটী
শৃষ্থল রেথা ছাছে। এক
শৃষ্থল রেথার পরিমান সং পুর্ণ ছইলে মধ্যে হুন্তে একটা
রেখা টান, যথা, কথ শৃষ্থল



রেধার ক ও থ হুই নিদর্শন স্থানের ব্যবধান পরিমাণ করিয়া
আন্ধিত হইয়াছে। জরীপ আমীন ক চিত্রিত দীমার উপনীত হইয়া ডাইনদিক দিয়া গ অভিমুখে গমন করে। ইহা
চিঠা পুস্তকে '' ধ হইতে ডাইন দিকে " লিখিত হইয়াছে।
প্রামাণিক রেখার পরিমাণ, জরীপ বিশুদ্ধ ইইয়াছে কি না
ভাহা জানিবার জন্য লিখিত হইয়াছে।

প্রতিকৃতি নিদাশন। বে সমান ক্ষংশের মানদণ্ড ছই ইক ১০০ লিকের সমান, তাহা দারা ক ধ গ একটা ত্রিভুক্ত ক্ষিত কর, ইহাতে ক ধ = ৫০০, খগ = ৩৫০ এবং কগ রেখা = ৩৩০ লিক। পরে ধ গ পর রেখার উপর লম্বণ্ডলি টান দ্বরীপ্ বিশুদ্ধ হইয়াছে কি না জানিবার জনা ক হইতে ২৫০ কিছ লপু. বথা, ক অ, এবং আ গ সংযুক্ত কর। যদি আ গ ২৩০ লিছ হয়, তাহা হইলে ক্ষেত্রের জরীপ ঠিক লিখা হইয়াছে। গণনা নৌকর্যাের নিমিত্ত গ বিন্দু হইতে কথারেখার উপর একটী লম্বপাত কর; এই লম্ব ২৩০ লিছা।

গণনা। ২ △ ক থ গ = ৫০০ × ২৩০ = ১১৫০০০ থ গ বেণার উপর লম্ব ছারা যে সকল ত্রিভূজ ও বিষম ক্ষেত্র উৎপন্ন হইয়াছে ভাহাদের ক্ষেত্রফলের সমষ্টি = ১৬৬৮০

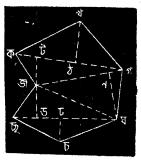
> ক্ষেত্রকল = ২ রড ২৫,৩৪৪ পোল = ৬৫৮৪∙ বহুভুজ কেত্রের জরীপ।

। নিয়লিথিত পরিমাণ হইতে একটা কেত পাত কর,
 এবং তাহার কেতফল ভির কর।

	🗨 থ পৰ্য্যন্ত	.,
	०२०	
B	२৮৮	b. ₽
<b>₩</b> >5 •	२०७	• 4 4
	ছ চিল্লে গমন	.57
	🛛 জ পৰ্যাম্ভ	
	880	27 8 44
<b>ষ</b> ২৩০	>02	4
	গ চিল্লের বাম দিকে	
	● গ পর্যান্ত	
	400	
4 >6.	870	<b>8</b>
₹ 5	206	200
আরম্ভ	ক ভানে •	পূৰ্বাদিকে গমন

প্রতিকৃতি নিকাশন। নিয়ন্ত ক্ষেত্রটী তুইটী বিষম ক্ষেত্র 🗣 একটা ত্রিভুঞ্জ ক্ষেত্রে বিভাগক্বত হইয়াছে, ক থ গ জ, জ খ চ ছ ও গ জ খ। ক গ কৰ্ণ রেখা অছিত কর: ইহার পরিমাণ ৫৫০ লিছ। ক হইতে ১৩৫ লিছ শইয়া ১৩০ লিছ পরিমিত ট জ একটী লগ টান; ও ক হইতে ৪১০ লিক্ক লইয়া ১৮০ লিক্ক পরিমিত ঠখ একটী লক্ষ টান। এইক্ষণে কথ, থ গ, গজ এবং জ ক সংযুক্ত কর; এতভার। ক থ গ জ প্রথম বিষম ক্ষেত্রটী উৎপন্ন হইবে।

পরে গজ রেখায় গহইতে ১৫२ निष्ठ नहेशा । ছान ২৩০ লিক পরিমিত একটী শেষ টান: গ্ৰ ও ঘঞ আছিতে কবিলে গজাঘ ত্রিভূম্বটী নির্মিত হইবে। পরিশেবে. জ-কে কেন্দ্র



कतित्रा ख फ = ১२० वामार्फ लहेशा धकरी हाल निर्माण কর, এবং ঘ-কে কেন্দ্র করিয়া ড ঘ = ৩১৪ ( = ৫২০ — ২০৬) ব্যাসার্ছ লইয়া আর একটা চাপ অন্ধিত কর, ইহা পূর্ব আছিত চাপকে ড বিন্দুতে ছেদ করিবে। ড বিন্দু দিয়া ৫২০ লিছ পরিমিত একটী কর্ণ রেখা টান, যথা, ঘ ছ! **बहे दिश्वीत १४% निष्ठत निक**र्ण इहेट ए ए नपनि होनिया. च ठ, ठ इ धदः इ च मः मुक्क कतिता क्वाबना माधा क्हेरव।

	জরীপ ।	<b>195</b>
500	88•	
>F•	২৩০	<b>b.•</b>
-		-
ەرد	<b>५७२•</b> •	<b>₹••</b>
000	₽₽•	42.
>0000	707500	) a 8 • • •
:060	ক্ষেত্রফলের দ্বিগুণ	
>90800	১৭০৫০০ কঘ গা	व विशय (किंक्)।
	১০১२०० घन छ	
	>08000 ₹5 €	জ বিষম ক্ষেতা।
	٤) ٥.٩٤٩٠٠	

১.৮৭৮৫० = ১ वः, ७ दः २०३ (शाः।

৬। নিম্নলিখিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইডে একটা ক্ষেত্রের নক্ষা ও তাহার ক্ষেত্রফল খির কর।

		🛛 क পर्गाष्ठ	,	
		<b>٥</b> ٠٤•		
É	89.	<b>42</b> 0	\$	A STATE OF THE STA
	*	ەدھ	2. 5	
4	૭၃ •	ere	\$	
গ	90	38•	वा	
·	•	950	৩৫০ খ	
	<b>লার</b> ভ	ক স্থানে	शृद्ध गमन	

		• ••	•		- ( - 010
ক আন প তিত্য।		গ	ব্দাই	घ वि	यमं ठकूर्ज्ञ।
ক আ = 88•		घ	₹	==	<b>७</b> २०
ष्मा श = १०		জা গ	र्ग	=	90
90400		াগক		=	೨৯۰
घ है छे इ दिस्य ठङ्क्षा।		আই		=	>8€
ष है = ७२• *					>>00
<b>ছউ</b> = 89∘					>600
Marries and Marrie					৩৯০
বোগ = ৭৯০				-	
300 = 55					69000
	ह डे	क जि	্ৰ ভূৱ	· 本	মধ কিছুজ
৩৯৫০		= >			च = ७১৫
		= 8			વ = ૭૬٠
- Commence of the Commence of	र ७			4	4 - 040
₹80≱40		۵:	٥ • ٥		3696.
ष्य श क के विषय क्र्यूड़िक।		œ۶			28¢
<b>छार्थ = ೨৫</b> ०	-				***************************************
<b>₹</b> 5 = 00		৬১১	00	7.	>>-50
<u></u> ⇒ 5	জ	ত্রভুজ	1 4	कटक	त्त्र विश्वन।
(यांगकल = ४०० छ ने	=	850			30 bro 0
<b>ज में</b> = २৯৫ ह में	=	¢ o			@ \& @ @ o
			-		₹80≥€0
222000	२०	000			٠٠٥ دھ
₽ 75					270560
प्र					222000
					₹ 0 € 0 •
कर रहे हैं	व्ह				২) ৬৩৮১৫০
व्यं व्या					0.53096
	c <b>y</b> 3	<b>(4</b> )	ফল	= 0	একর • রড
			, ( - )		েই পোল।

# कदीश। ७६३

# কুটিল ক্ষেত্রের জরীপ।

৭৷ নিম্নলিখিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইছে একটা ক্ষেত্রের

नश	ও কে	ত্রফল স্থির করি	তে হইবে।	
		©ধ পর্য্যন্ত		
	•	200		
E	22	960	34	
ej	<b>4</b> 9	<b>5</b> 58	<b>G</b>	D R
E	40	62.	5	
ড	90	. 58 •	5	\$  \$  \$  \$  \$  \$  \$  \$  \$  \$  \$  \$  \$  \$
र्ड	<b>6</b> 8	२२०	घ	10
ř	৬২	80	গ	₩ H
	•	0.0		jp 0
<b>8</b>	রম্ভ	ক স্থানে	গমন পূর্বে	
				इ र्र = ४८
ৰু গ	= 8		গ ট = ৬১	
ा है	= <i>৬</i> ২	,	<b>a</b> 2 = 28	<b>5 €</b> = 9•
				-
	2	•	286	248
	290	গ	B = >90	च क =: ३२•
	242	•	950	)>8b*
			३०२२ .	
			782	

2666€

<b>488</b>	ন্তেব্যবহার।	৫ম ভাঃ
<b>፱ = ੧• •</b>	इ.ह = ৮৮	ष्व = ११
₹ 5 = <b>&gt;&gt;</b>	<b>4</b> 9 = 69	ৰ ভ = ৯১
Special Control of the Control of th	Ann Contraction	<b>Contraction</b>
202	>04	786
₽ € = >9·	夏寧 = \$28	百寸二 202
distant deliverable	Market Angerton consents	all trades of the suppose of the
270 po	46.	286
76.	२३०	980
Charles Charles and Address of the Charles of the C	284	28⊱
२ <i>७</i> ४-७•		
	2926	<b>२२७</b> ८৮
ক্ষেত্রফলের দ্বিগুণ।		
२ १৯०		ৰ খ = ১৭০
₹4€4•		<b>₹</b> = >>
7F8F•		No. of Concession, consequently
<b>₹७</b> ₽%•		59·
>126.		\$60·
₹ ₹ 38 ►		Control of the Contro
7684.		2081•
2) 5.25896		

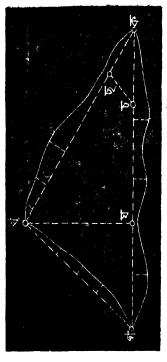
<sup>•.</sup>৬৪৭০৯ = • একর ২ রুড ২০ পোল I

## জরীপ ৷

# ৮। নিম লিখিড চিঠা হইতে একটী ক্ষেত্রের নক্ষা ও ক্ষেত্রকল ছির কর।

١,	transaction of the control of the co	
	ক প্র্যান্ত	
	२००४	•
į	2000	98
প্রামাণিক	78-00	(इस) ह ह = ०१)
	১৬৫০	309
1	3830	۵۰
	2550	288
	F(0 0	৩০
	850	220
	000	•
	🛮 গ হইতে	বামে
ľ	🛛 গ পর্যাস্ত	
	১৩৪৬	
br s	<b>\$09</b> ₹	
235	908	
46	804	
i	. 0 0	
	थ इहेए छ	বামে
	📵 খ প্র্যান্ত	
-	১৯৪৬	0
	>8>.	29
	<b>&gt;</b> 2 • •	303
	2000	225
<b>●</b> 5	3900	
<b>~</b> ×	a २ ०	0.0
	900	
<b>অ</b> ্রন্ত	🛾 ক দাগে	शमन वेशान

**ক্ষেত্রটী সন্ধিত ক**রিয়া চ ছ প্রামামিক রেখ माणिया एवितन छेहार পরিমাণ ৩৫১ লিফ **हरेद ७ थ घ म**त्पह পরিমাণ ১০৫৬ লিভ **ष्ट्रेरा**; मुख्दाः कथः ত্রিভূজের ক্ষেত্রকল = ক গ X 4 4+3 = 2055275 ৰৰ্গলিয়। ইহাতে কথ ও ক গ রেখাদ্বয়ের পাৰ্শস্থ ভূমির ক্ষেত্র-দল ৩২৭৮০৮ বর্গলিক যোগ করিয়া, যোগফলে থ গ রেথার পার্শস্থ ভূমির ক্ষেত্রফল (১০০৩০৮)

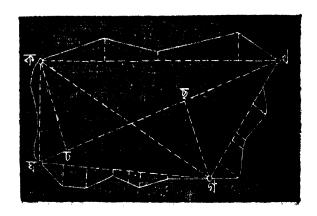


বাদ দাও, ভাহা হইলে ১৫৪৯৬৪২ বর্গলিক্ক অবশিষ্ট शकित्व।

স্ত্রাং ক ধ গ ভূমির ক্লেত্রফল = ১৫.৪৯৬৪২ বর্গলিছ = ३० धक्र ७ श्रीय २ क्छ।

১। নিম্নলিখিত নক্ষা দেখিয়া, আনুমানিক পরিমাণ দিরা. একটা চিঠা নিথিয়া ভাহার ক্ষেত্রফল স্থির কর।

এই ক্ষেত্র পরিমাণ করিতে হইলে, প্রথমতঃ ক ও গ স্থ বিষম চতুর্ভুদ্ধের বিশুণ ক্ষেত্রকল স্থির করিয়া, ভাহাতে

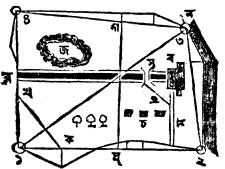


বহি: ছ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলগুলির দিগুণ যোগ করিলেই, এ ক্ষেত্রের দিগুণ ক্ষেত্রফল প্রাপ্ত হওয়া যাইবে। ক গ রেখাটী দারা ক্ষেত্রটী ষথার্থরূপে জরীপ ও অঙ্কিত হইল কি না, ভাষা জনামাদে জানা যাইতে পারে। যদি চিঠা পৃস্তকে লিখিত ক গ রেখার পরিমাণ অঞ্চিত ক্ষেত্রের ক গ রেখার পরিমাণের সহিত মিলে, ভাষা হইলে জরীপ ঠিক হইয়াছে, জন্তথা পরতল জরীপ করা উচিত।

২০। নিম্নলিথিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটা ক্ষেত্রের নূজা ও তাহাব ক্ষেত্রফল স্থিব করিছে হইবে।

gentlerer i san propri er en genegen erstend i sersondand de	1	1
বামদিকের লম্ব	শৃষ্খল রেখা	ডাইনদিকের লম্ব।
	৯৫০ 📦 ৩ পৰ্য্যন্ত	
স	090	— স
প্রামাণিক	>8 a	রেখা क थ = ७०१
	🛮 ५ इटेएड	
	७२० 👽 ১ পर्गाञ्च	o   5br
	৪০০ খ পদ্যন্ত	•
	२७०	০ ৪০ রাস্তাপধ্য
	>6.0	20  30
	\varTheta ৪ হটভে বামে	:
	৮১০ 👽 ৪ পর্যান্ত	•
	V	२8 — म
	7.60	80
	৩ হইতে বামে	
	৫৬০ ৩ ৩ পৰ্যাম্ভ	
	8.0	७०।१०। नमील्यास
	🛛 ২ হইভে বামে	
	৮৬০ 💩 🕻 পদাস্ত	
<b>\$•</b>	۵۰.	
8.	000	
বেছা মিলিভ	8j~ •	
বেড়া পার	<b>⊙</b> ∉ •	বাহিৰে
	২০০ ক পৰ্বাস্থ	bo >
	🔸 ३ हेर्ड	<b>भू</b> र्व

এই চিঠা পুস্তকে জন্ধিত পাঁচটা শৃষ্থাল রেখা ও ১ ও ২ ও ৩ এবং এই তুইটা ত্রিভুজের ভুজস্থানীয় হইরাছে। ক্ষেত্রের চতুদিকে বেড়া আছে এবং প্রথম লম্বের নিকট বেড়ার যে রূপ আকার হইরাছে ভাহা দর্শাইবার জন্ম > চিফুলেওরা হইরাছে। শৃষ্থাল রেখায় ৪৮০ লিস্কের পার্যে "বেড়া মিলিত" বলিয়া যে লেখা আছে, ভদ্বারা বুঝিতে হইবে যে, বামলিকে যে বেড়া আছে ভাহা উহার সহিত প্রশামে মিলিত হইয়াছে। যে স্থানে বেড়া পার হওয়া গিয়াছে, যথা ৩০ ও ও নিদর্শন স্থানের মধ্যে গ চিদ্ধিত স্থান, তথার শৃষ্থাল রেখার উভয় দিকে রেখা টানা হইয়াছে। যেখানে বেড়ার এক প্রান্ত অবধি অপর প্রান্ত পর্যন্ত সরল ভাবে আছে,



তথার ঐ রেখাগুলির পার্বে দ এই অক্ষর প্রদক্ত হইরাছে; যথা চিঠা পুস্তকে ৩০০ লিঙ্কের উভরদিকে প্রদর্শিত হইরাছে। গ ওঘ ছইটা স্থানের অবস্থিতি শৃন্ধাল রেখায় নিরূপণ করিয়া গ ঘ দরল বেড়াটা নকাতে অক্ষিত হইতে পারে।

যেথানে ফাড়ঙলি মুখাল রেধার উ্তপর লমভাবে উত্তো-

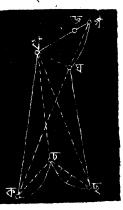
লন না করিয়া বেড়ার অভিমুখে অক্কিত হয়, তথায় --- এই চিছু প্রদন্ত হইয়া থাকে। যেমন ৩০ ৩৪ নিদর্শন স্থানে স্থিত ৩০০ **লিক্টের নিক**ট ২৪ ব্যবস্থত হইয়াছে। এই উদাহরণে क थ श्रीमानिक त्रथा; हेशत देशा ७ हेश (यथात ७) ৩০ কর্ণ রেখা ছেদ করিয়াছে ভাহার পরিমাণ শেষ শৃত্যল রেখায় লিখিত হইয়াছে।

🐵১ 🗪 ৩০ ৩০ 👁০ 👁১ 👽৪ ছুইটী ত্রিভুজের 🐵১ 🗣 😑 ৮৬°, ৩২ ৩০=৫৬°, ৩১ ৩৪=৮১°, ৩৪ ৩১=৬২°, এবং ৩১ ৩৩=৯৫০ লিক। ১০০ লিকে ২ ইঞ্চ কল্পনা করিয়া ঐ ছুইটা ত্রিভুজ অন্ধিত করিয়া ৩১ ৩০ কর্ণের উপর লম্বপাত করিলে, উহারা যে প্রভাকে ৫০১ ও ৫২৪ লিম্ক ভাহা প্রভীয়মান হইবে। এবং এতদারা ৩১ ৩২ ৩৩ ৩৪ টাপি-জিয়ম ক্ষেত্রের কালি অনায়াদে স্থিরীকৃত ইইবে। এখন ৩১ ক ও ৩৪ থ, যথাস ২০০ ও ৪০০ লিকের সমান করিয়া ক থ যুক্ত কর । পরে কম্পাস ছারা ক খ রেখা মাপিয়া নিদিট্ট মানদ্র ছইতে ইহার পরিমাণ নির্ণয় কর। জরীপ ছারা ক থ রেখার পরিমাণ যে ৩০৭ লিঙ্ক স্থির হইয়াছে, মানদণ্ড ভারা যদি সেই পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়, ভাহা হইলে জরীপ বিশুদ্ধ ইইয়াছে ইহা নিরূপিত ইইবে। অন্তথা জরীপে ব্যতিক্রম ষ্টিয়াছে ইহা অবশ্র স্বীকার করিতে ছটবে। অনন্তর ৩১ च= ৪৮০, ও ৩৩গ=৩০০ লিক্টের সমান লট্ট্রা গ ষ যুক্ত কর। তৎপরে প্রথম চারিটী শুঞ্চল রেখা হইতে যে যে লম্ব উত্তোলন করা গিয়াছে ভাষা कहिक कतित्म क्लाबत नका ममाधा रहेता।

১১। পার্যন্থ ১ম প্রতিকৃতি ও

िक्री माडि अखीशमान इहेरव या, शूता-ভন প্রথান্ত্রদারে ক্ষেত্রটী জরীপ করিতে অনান ১১ টী রেথার প্রয়োজন হই-য়াছে; কিন্তু নৃতন উৎকৃষ্ট প্ৰথায়-সারে কেবল ৪ টী রেখা কল্পনা করিলে জরীপ কার্য্য সম্পন্ন হইতে পারে। যথাজ থ. থ গ ও গজ এই তিনটী রেখা দ্বারা যে জ থ গ ত্রিভুজ উৎপন্ন হইয়াছে ভাইা দর্কাগ্রে জরীপ করু এবং চ কোণের অভিমুখে বা ও ন জুইটা নিদুৰ্শন স্থান রাণিয়া যাও। পরে বাচছ জরীপ কর। এই প্রামা-ণিক রেখা দারা জ ধ গ ত্রিভুজ বিশুদ্ধ काल करील इहेन किना काना शहरत. ও ঘ ছ বেড়া যে অভিমুখে চলিয়াছে ভাহাও নিরূপিত হইবে।কৃটিল বেড়ার গতি নির্ণয় করিতে হইলে, কতিপন্ন লম রেখা অন্ধিত করিলেই হইবে। এই রূপে পুরাতন প্রথামুদারে জরীপ করিভে যত রেখার প্রয়োজন হয়, ন্তন প্রথামুসারে ভাহার ডিন ভাগের এক ভাগ হইলে জরীপ প্রক্রিয়া সম্পন্ন হইতে পারে।

পুরাতন প্রথা।



নুতন প্রথা।

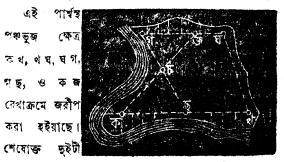


		1
	<ul><li></li></ul>	কৰ্ণ প্ৰভাগমন
	<ul><li>⊚ ছ পর্যন্ত</li><li>১৯৬৯</li><li>⊙ খ-র বামে</li></ul>	<b>क</b> र्
	থ পর্যম্ভ      খ      খ      খ      খ      খ      খ      শ	কৰ্ণ
	ত ঘ পর্যান্ত     ১৬৬৪     ত ক-র দক্ষিণে	कर्ग
83	ক পৰ্য্যন্ত      ক পৰ্য্যন্ত      ক       ক        ক       ক       ক        ক        ক        ক        ক         ক        ক         ক	
) · (	<ul> <li>⊙ চ পর্যন্ত</li> <li>⁴ • • • • • • • • • • • • • • • • • • •</li></ul>	
	© च পर्यास • च পर्यास ••• ••• ग-त मिकल	( ত ছ পর্যান্ত ১৬০ 9 বেড়ার দৈর্ঘ্য।
	© গ পর্ব্যস্ত ১৫০ ৬০. ৩ খ-র দক্ষিণে	্ ভ জ হইতে © ঘ পৰ্যান্ত ৫১১ প্ৰামাণিক রেখা।
ার <b>ভ</b>	© ধ পর্যন্ত ১৬৯. ১০০ © ক হইডে	উভরে পমন।

ক্লেকন ১৩ একর্ ১রাড ৭ পোল।

# নদীর উপকূল জরীপ।

১২। কোন ক্ষেত্র জরীপ করিতে হইলে সর্বাঞ্চে ঐ ক্ষেত্রের চতুদিকে বেড়াইয়া কোন্কোন্ছলে নিদর্শন স্থান করিলে স্থবিধা হইতে পারে এমত করিবে। যে যে স্থানে নিদর্শন স্থানের উপযুক্ত বলিয়া বোধ হইবে, সেই দেই স্থলে এক একটী ষ্টি প্রোথিত করিবে। মনে কর, ক নিদর্শন স্থান হইতে ধ নিদর্শন স্থানের অভিমুথে শৃত্থল ছারা জরীপ করিতে হইবে। ফ থ সরল রেথাক্রমে থ যষ্টির সমুখে বা পশ্চাতে নিশান প্রোথিত করিবে। যেমন ক হইতে ক্রমশঃ থ অভিমুখে জ্বরীপ করিতে করিতে অগ্রনর হইবে, দেই নঙ্গে শৃত্থালের দক্ষিণ পার্যন্থ মদীর ভীর হইতে শুভালের উপর লম্বপাত করিয়া ভাষার পরিমাণ চিঠাতে নিপিবে। লম্বপাত এরপে করিতে হইবে, অর্থাৎ প্রতি লম্বের মধ্যে এমন ব্যবধান রাখিবে যে, তাহাদিগের অঞ্জভাগ যোগ করিলে একটা সরল রেধা হয়। নত্র। অস্কিত করিবার সময় চিঠা পুত্তক দেখিয়া লম্ব উত্তোলন করিলে, এবং দেই সকল লম্বের आष्ट्रक्षित मःयुक्त कतिया नितन, अदिक्त समीत आकात हम ।



রেখা চ স্থানে অবচ্ছেদিত হইরাছে। এই কেত্রটীর জ্রীপ ও নক্স। অন্তিত করিতে হইবে।

প্রথমতঃ নদীর কূলের সন্নিকটে ক চিহ্নিত স্থানে জরীপ ব্যারস্ত করিয়া থ অভিমুথে গমন কর। ছ চিহ্নিত নিদর্শন স্থানে উপস্থিত হইয়া ইহার পরিমাণ লিখ, এবং থ চিত্নিত **স্থানে উপস্থিত হইয়া ক** থ-র দূরত্ব ও কথ রেথার উপর বে লম্বপাত করা হইয়াছে ভাহার পরিমাণ লিথ। এই রূপে ধ হইতে থ ঘ রেখা মাপিয়া যাও এবং ঘ গ পরিমাণ কালে ঘ জ-র পরিমাণ্ড লিথিয়া রাখ। অনভর গ ছ পরিমাণ কর ও গ হইতে চ চিহ্লিত স্থানের দূরত লিখিয়। রাথ। পরিশেষে ছ হইতে ক অভিমুখে যাইয়া ক জ পরিমাণ কর ও ক হইতে চ চিহ্নিত স্থানের পরিমাণ লিখ। ু এই ক্ষেত্র জ্বীপকালীন প্রভাক রেখার উপর যে **লম্ব**পান্ত করা যায় ভাহারও যে পরিমাণ লইতে হইবে ইহা বলা वहिला।

্রচিঠা হইতে কছ, ছচ 8 চক্তিনটী রেথার পরি-মাণামুদারে একটা ত্রিভূজ অন্ধিত কর। পরে, কছ, কচ ও ছাচ নিশিষ্ট পরিমাণামুদারে থ, জা ও পা পর্যান্ত বন্ধিত কর। এই ক্লণে বদি গল রেধার পরিমাণ চিঠায় নিথিত পরিমাণের সহিত মিলে, তাহা হইলে জরীপ ক ছ চ প গ চ জ ত্রিভুজনর সম্বন্ধে যে বিশুদ্ধ হইয়াছে ভাহা ৰপ্ৰমাণ হইল। অপর গ অ-কে ঘ পর্যান্ত প্রসারিত করিয়া প খ-র পরিমাণ যদি চিঠার লিখিত পরিমাণের সহিত মিলে, ভাছা হটলে সমুদার জরীপ বিভন্ধ হইয়াছে জানিবে, নচেৎ পরতল জরীপ আবশ্রক।

১৩। কথ গঘ একটী প্রশস্ত মাঠ জরীপ করিতে হইবে। অঞা কথাক হইভে থ থাকের অভিমুখে শৃত্থল ধারা জরীপ কর, এবং বাম-

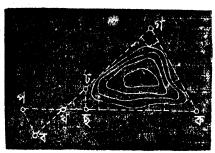


পার্যস্থ বক্র রেথার অবস্থিতি ক্রমশঃ শৃত্যলের উপর রশি ছারা লম্পাত করিয়া নির্ণয় কর। যথন থ থাকে আসিয়া উপস্থিত হইবে, তখন সেই স্থানে জ্বীপ কাৰ্য্য শেষ করিয়া, भूनतात्र के व्यनानी व्यवस्था शृक्षक क्रमात्रात्र थ ग. ग घ छ ঘক জরীপ কর। পরে চারিটী রেখা জরীপ হইলে কগ কৰ্ণ রেখা ও ভতুপরি থ ও ঘ হইতে পতিত, থছ ও ঘচ ছইটী লম্ব রেখা জ্বরীপ করিতে হইবে। কুগুরেখা জ্বরীপ করিবার উদ্দেশ্য এই যে, ইহার হুই দিকত্ব হুইটা ত্রিভুজের অবস্থিতি জানা ঘাইবে; স্মুতরাং তাহা অন্ধিত করা সহজ হইরা উঠিবে, ও থছ ও ঘচ হুইটা ল'ফ রেখার জ্বীপ করিবার উদ্দেশ্য এই যে, ইহাদের দ্বারা জরীপের বিভন্ধতা कामा राहेट भारत ; यथा, श्रथमण्डः क श कर्पत पृष्टे पिरक হইটী ত্ৰিভূজ অন্ধিত করিলে একটী চতুৰ্ভুজ ক্ষেত্ৰ অন্ধিত **ब्हेर्दा अहे कर्दा कैंग्रिकम्शाम बादा ४ इ ७ घ ह दिथाबुर** ' মাপিয়া নির্দিষ্ট মানদও হইতে ইহাদের পরিমাণ কন্ত নির্ণর কর। পরে জরীপ হারা ধছ ও ধচ রেখাহয়ের

যে পরিমাণ স্থির হইয়াছে, মানদণ্ড দারা যদি দেই পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়, ভাহা হইলে জরীপ ঠিক হইরাছে বলিতে হইবে।

১৪। মনে কর কথ, থ গ ও গ ক তিন্টী রেখাক্রমে একটী পুষরিশীর চড়ুঃদীমা জ্বীপ করা হইরাছে। এই ক্ৰেজরীপ ঠিক হইল কি না তাহা জানিবার নিমিত, চছ

একটা রেখা ছারা খক ও খগ সংযুক্ত কর; যদি চছ রেথার পরিমাণ অভান্ত ক্ষ হয়, ভাহা इहेरल गथ ७



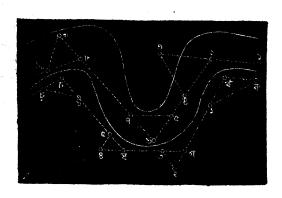
ক খ-কে ব ও প পর্যান্ত বুদ্ধি করিয়া থব ও থ প-কে গ খ 😕 ক থ-র জৃতীয়াংশের সমান কর। নক্ষা অস্কিত করিবার শময় প ব রেথার পরিমাণ, চিঠা পুতকে লিখিত মাপের সহিত यनि धेका दत, जादा दहेता जतील ठिक दहेताछ, অন্তথা প্রতল জ্বীপ আবেল্যক।

# বন, বাদা, পুছরিণী, রাস্তা প্রভৃতি জরীপ।

১৫ ৷ গজের ছই ইফ এক চেইনের স্থানীয় জ্ঞান করিয়া চিঠা পুস্তকে লিখিত নিমেব সংক্ষিপ্ত বিবৰণ হইতে একটা রাস্তার নকা প্রস্তুত কর।

<b>সংযোগ</b>	১৬০ নাগাইত ১০ দাগ	রেখা ৩১০ ৩৯ = ১৬০
9,5	a o	788
<b>অ</b> !রম্ভ	<b>৩</b> ৮ গমন বামে	
	৬৫০ নাগাইত ৯ দাগ	
	৫০০ নাগাইত ৮ দাগ	560
•	800	780
\$00	200	80
<b>সংযোগ</b>	>50	त्रथा <b>७</b> १ <b>०</b> ८ = ১৯०
þ0	<b>€</b> o	
সারস্ত	<b>⊛</b> ৬ গমন ডাইনে	
೨	৪৫০ নাগাইত ৬ দাগ	
৯০	৩১০ নাগাইভ ৫ দাপ	<b>%</b> 0
<b>সংযোগ</b>	২৪০ নাগাইত ৪ দাগ	द्धियां 👓 ८ 🗣 🗢 🔾 २ २ ०
৬০	200	> • •
আরম্ভ	<b>৩</b> ২ গমন বামে	
	৪৫০ নাগাইত ৩ দাগ	
বেড়াপার	৩৫০	বাহির দিকে
<b>৮</b> 0	২০০ নাগাইত ২ দাগ	۵۰
¢ o	200	<b>5</b> 8
8°	•	<b>च</b>
<b>জা</b> রন্ত	<ul> <li>পাগে গমন পশ্চিমে</li> </ul>	

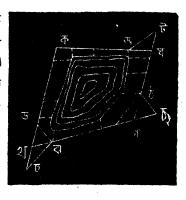
এই স্থানে জরীপ ১ দাগে আরম্ভ করিয়া ২, ৩ দাগ পর্যান্ত জরীপ করিয়া ছুই পার্ছের লম্বগুলির পরিমাণ



লিখিতে হইবে। পুনশ্চ ২ দাগে আসিয়া ২ দাগ হইতে ৬ দাগ পর্যান্ত শৃক্ষক রেধার পরিমাণ লিখিতে হইবে; আর দিতীয় শৃক্ষক রেধা প্রথম শৃক্ষক রেধার সহিত সংযোগ করিবার নিমিত্ত ৪ দাগ হইতে ৩ দাগের দূরত জরীপ করিতে হইবে; আর ৭ দাগ হইতে ৫ দাগ পর্যান্ত যে ব্যবধান ভাহা দিতীয় ও তৃতীয় শৃক্ষক রেধার সংযোগে বে কোণ উৎপন্ন হয় ভাহার পরিমাণ হইবে।

এই প্রণাণীতে প্রধান প্রধান নগরের রাস্তা সকল জ্বরীপ হুইরা থাকে।

১৬। বাদা কিমা বন জ্বরীপ করিতে হইলে, ভাহাকে ত্রিভুজ্ জারা বিভক্ত করিয়া জ্বরীপ করা যাইতে পারে না, ভাহার চড়ংসীমা জরীপ করিছে
হর। কিন্তু কেবল চড়ুংসীমা জরীপ করিয়া
যাইলে শৃত্যলের গতি
অর্থাৎ কোথায় কোন্ভাবে গিয়াছে জানা
যায় না; স্মৃত্যাং নক্ষা
অন্ধিত হইতে পারে না,
অভএব কেবল শৃত্যল



ঘারা কোণ নিরূপণ করা যায় এরূপ উপায় অবলম্বন করা উচিত।
মনেকর, কথা ছ একটা ফলল জমি জরীপ করিছে

ইইবে; ইহার ক, থ, গ, ঘ, চারিটা নিদর্শন স্থান! এইক্ষণে
ক নিদর্শন স্থান হইছে থ পর্যন্ত জরীপ করিয়া চ পর্যন্ত

শুল্ধাল বৃদ্ধি কর; এবং চ স্থানে একটা ধূজা পুভিয়া
থগ জরীপ করিয়া যাও, পরে থ গনর মধ্যে বা একটা
বিন্দু নির্দেশ করিয়া চ বা জরীপ কর, ভাহা হইলে থ চ বা
একটা ত্রিভুজ নিন্দিষ্ট হইবে। এই রূপে গ ছ ঠ ত্রিভুজ
নিন্দিষ্ট হইলে ঘ বিন্দুর অবস্থিতি জানা যাইবে; স্থতরাং
আর ত্রিভুজ অক্ষত করিবার আবশ্যকতা থাকে না।
কিন্ত জরীপ ঠিক হইল কি না জানিবার জন্ম ঘটরা
উঠে যে, কগরেগা চ বিন্দু পর্যন্ত বৃদ্ধি করিবার যো
নাই, ভাহা হইলে ক থ রেথায় ভ এক বিন্দু নির্দেশ কর,
৬ ধ গ রেথায় বা বিন্দু নির্দেশ কর, পরে ভ বা জরীপ

করিয়া লও, তাহা হইলে ড থ বা ত্রিভুজ নির্দিষ্ট হইবে এই রূপে যথন যেমন স্থবিধা হ'ইবে, তখন তদলুসারে প্রস্তাবিত ছুইটা প্রণালীর অন্তছর অবলম্বন করিয়া কার্য্য কবিছে হুইবে।

১৭। কোন প্রশস্ত মাঠ অথবা গ্রাম জরীপ করিতে হইলে, জ্বীপ আমীন সর্বাত্তে সেই মাঠ অথবা গ্রামের চতুদ্দিকে বেড়াইয়া দেখেন যে কোন কোন স্থল নিদর্শন স্থান বলিয়া ভির করিবেন। নিদর্শন স্থানগুলি এরপ স্থানে করিতে হইবে ষে, শৃত্খলের উভয় পার্মন্থ দ্রব্যের অবন্থিতি **ন্থির করিতে যেন ২০০ ফিটের অধিক লম্ব গ্রহণ করিতে ন** হয়, কারণ লম্বগুলি ১০০ ফিটের অন্ধিক লওয়াই সহজ এবং সক্ষত। যদি কথন শৃত্থল হইতে ২০০ ফিট অপেকা অধিকতর দূরবর্ত্তী দ্রবোর অবস্থিতি নিরূপণ করিতে হয়, জাহা হ**ইলে শৃ**চ্ছালের উপর ত্রিভুক্ত অঙ্কিত করিলে তং-কার্ব্য সম্পন্ন হইবে। মনে কর, কথ শৃষ্থল হইতে (৩৩৬ পৃষ্ঠার প্রভিক্তি দেখ) গদ্রব্যের অবস্থান নিরূপণ করিতে হইবে। ক খ. ক প ও খ গ এই তিন্টীর পরিমাণ কত ভাগ ন্তির কর: পরে কথগ ত্রিভুজ্ব অন্ধিত করিলে গ বিন্দুর ব্দর্থাৎ গ দ্রব্যের অবস্থিতি নিরূপিত হইবে। গুই পাছি শৃত্যালের সাহায্যে ভূমির উপর কি রূপে ত্রিভুজ জঙ্কিত

লম্ব ওলির দূরত্ব অধিক হইলে জ্বরীপীফিতা ছারা এবং অৱ হইলে ফুটে বিভক্ত ১০ ফুট লম্বা ষষ্টি দারা পরিমিত হুইয়া থাকে।

করিতে হয় তাহা ১ম ভাগে প্রদর্শিত হইরাছে। নিদর্শন স্থানগুলি স্থির হইলে সেই সেই স্থানে একটা খুঁটা প্রোথিত করিবে। পরে খুঁটার পশ্চান্তে কিমা সম্মুখে নিশান প্রোথিত করিয়া পূর্ব্ব মত জরীপ করিবে।

শৃৠলের সম্মুখে নদী ব্যবধান পড়িলে তাহা

### পরিমাণ করিবার নিয়ম।

১৮। জরীপ করিতে করিতে শৃত্যালের সমূথে বাটী,
নদী, ব্লদ ইভাাদি বাবধান পড়িরা থাকে, এমনছলে শৃত্যাল কথনই ভাহার মধ্য দিয়া চালাইতে পারা বার না, স্মুভরাং কতকগুলি উপায় ছারা ভাহা ভাতিক্রম করিতে হয়। সেই সকল উপায়ের মধ্যে কয়েকটা নিয়ে প্রদর্শিত হইতেছে।

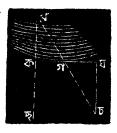
মনেকর, কার শৃত্ধলের অভিমুখে ব্যবধান পছিরাছে, ইহাকে অভিক্রম করিতে হইবে।

ক ক শৃত্যালের উপর ক ও ক বিন্দু হইতে ক ঘ ও কপ চ্ইটী সমলত নিকাশন কবিয়া, যভক্ষণ না ক'ধ-র



ব্যবধান অভিক্রান্ত হইবে, তভক্ষণ ঘ গ সরল রেথাক্রান্তে করীপ করিয়া ঘাইবে। পরে ৮ ও ছ বিন্দু হইতে ক ঘ বা ক গ-র সমান করিয়া চ থ ও ছ জ হইটা লম্ম উডোলন করিয়া থ জ সরল রেথাক্রামে জরীপ করিয়া যাও। থ জা, ক বা-র সহিত সমস্তান্তে থাকিবে ও ক জ ও ঘ ছ ছইটা রেশা বমান হইবে।

১৯। মনে কর, ক ছ শৃত্থালের
শন্ধ্যে নদী ব্যবধান পড়িরাছে, এই
নদীর পরিসর ছির করিতে হইবে।
নদীর অপর পারে যাইরা থ একটী
নিশান প্রোধিত কর। ছ ক শিকলের
উপর ক ঘ লম্বপাত কর। ক ঘ-কে



গ বিন্দুতে সমন্বিধণ্ড করিয়া ইহার উপর একটা নিশান নিক্তি কর। পরে ঘ বিন্দুতে ক ঘ-র উপর একটা লম্বপাড কর, এবং ধ গ সরল রেথাক্রমে নিশান পুতিয়া যাও, মনে কর ধ গ ও ঘ চ, চ বিন্দুতে ছেদিত হইয়াছে। ঘ চ পরিমাণ করেছ,তাহা হইলেই নদীর পরিসর ছিরীকৃত হইল; কেননা ঘ চ = ক থ = নদীর পরিসর।

্ ३.१) থ ঘ শিকলের সম্মূথে নদী ব্যবধান পড়িরাছে; মলীর অপের পারে থ ঘ রেথার সমস্থত্তের ক একটা নিশান

প্রোক্তি কর। ধর্ম রেশার উপর
ধ ল একটা লখপাত কর, এবং
ইহাকে বহু বৃদ্ধি করিলে ক্রিধা
হর বৃদ্ধি কর। মনে কর ধ গ =
১০ হাত। ক গ রেখার উপর
পুরিক্তে গ ঘ একটা লখ উভোঘুন কর মনে কর, গর ও ক ঘ,
বৃদ্ধিরুদ্ধে মিলিড হইরাছে। ধ
ক্রিক্তে মিলিড হইরাছে।



en শ প্রতিজ্ঞার ১ম অলুমানালুসারে নির্ণয় ইইতে পারে, মধা, ক গ ল সমকোণিক ত্রিভূজ, শুভরাং ঘ ধ × ধ ক = ধ গ<sup>2</sup>, : ধ ক = ৪০০<sup>2</sup> + ৩০০ = ৫০০ ট্ট হাত।

২১। বলি ধ ধ রেধার সমুধে কোন ব্যবধান পছে, ভাহা হইলে এইরপে অভিক্রম করিতে হইবে। নদীর ভীরে ৪০০ হাত পরিমিত একটী সরল রেধা ধ গ পাত কর। স্থাবিধা মত ধ ঘ রেধায় চ একটী বিন্দু নির্দেশ করিয়া ধ চ পরিমাণ কর ( = ৩০০ হাত ); চ বিন্দু দিয়া ধ গ-র সমাজ্ব-রাল চ ছ অভিত কর, মনে কর চ ছ ও ক গ রেধা ছ বিন্দুতে মিলিত হইয়াছে, পরে চ ছ পরিমাণ কর ( = ৩০০ হাত )।

ক চছ ৩ কেখগ জুইটা তুল্যকো**ণিকজিছুল, সুত্রুং** চছ:খগ::চক:খক, কিখা ৬০০:৪০০:: ক**ধ**+
৩০০:কং, অভিএব কধ = ৬০০ হাত।

২২। কগচ শৃত্বল রেধার সমুথে নদী পজিরাছে। নদীর পরিসর চছ, চছ-র পরিমাণ নির্ণয করিছে হইছে।

গ চ এক গাছি পৃথ্যলের মধ্যমান ঘ।

অ স্থানে একটা নিশান প্রোধিত
করিরা, চ ঘ ও ঘ গার উপর চ জ ঘ
ও ঘ ব গ ফুইটা সমবাহক তিত্ত
আহিত কর, এবং জ ও ব স্থানে
নিশান প্রোধিত কর। পরে ছ জ
ও ঘ ব সরল রেবাক্রমে ছ জ ট ও
ভ ট ফুইটা রেবা পাত কর। ইহা-



দের সম্পাত বিন্দু ট ছানে একটা নিশান পোঁত ৩ ট পরিমাণ কর। এখন জ ব ট ও ছ চ জ ফুইটী সদৃশ তিভুজ क्हेब्राष्ट्रः चुख्ताः हेवः कवः । ह चः ह हः किन्द कव = हम = हम = ०० निह : व छ : हम : : हम : ह छ = P 45 005 ₹€00

विनि व है > ६ निष्क इत्र, जाहा इट्टेन नहीत পরিসর ह छ = ১৯% निक श्हेरव।

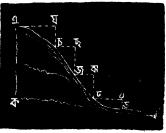
শুখলের সম্মুধে ব্যবধান পড়িলে ভাহা অভিক্রম করি-ৰার অন্যান্য উপায় ১ম ভাগে প্রদর্শিত হইয়াছে। ৫১, ৫২ 🛎 ১०२ शर्था मुहेवा ।

## ক্রেমনিমভূমির জরীপ।

 ২৩। সমতল ভূমি জ্বীপ করিতে করিতে সম্বুধে উন্নত অথবা কমনিয় ভূমি পড়িলে, পূর্ব্বোক্ত প্রণালী অনুসারে জরীপ করিলে প্রকৃত পরিমাণ অপেকা বেশী হইবে; শ্রভরাং ভদস্পারে নকা প্রস্তুত করিলে সমুদায় ভূল হইয়া बहिर्दा मान कर कथ र अकी क्रमनित्र कृषि, अदर अ र, কুৰ আপেকা বুহৎ; স্মুডরাং নকা প্রস্তুত করিবার সময় এ খ-র পরিমাণ জানিলে চলিবেক না. ক খ-র পরিমাণ बार्ये कतिए हरेरव। हेश य अनानी अवनयन कतिहा शार्य बहेता थात्क. जाश नित्र अमर्गिक श्रेरकता

্ৰ চিষ্কিড ছানে শুন্সল য়ড দূর লোজা করিয়া পারা ৰার টানিরা ধরিতে হইবে। বোধ কর ঘ পর্যন্ত শুশ্রন সোজা ধরা হইয়াছে। পরে দ্বস্থানে একটা ওলনদড়ী

কুলাইয়া দিয়া উহা যে
ভানে ভ্মিতে দংলয়
ভইবে, তথা (চ) হইতে
শৃত্থল ধরিয়া পুনর্কার
পূর্কোক্ত প্রকারে কার্য্য
করিতে হইবে। যে
প্রাক্ত ধ বিন্দুতে



২৪। জরীপ করিয়া পূর্ব্বে এডকেশে চিঠা লিখার ব্রেক্তর্থ রীতি ছিল ছাহা নিয়ে প্রদর্শিক হইতেছে। জরীপীচিঠা মৌজে বলরামপুর, পরসংথ গিরিগড়

জমীদার জমীদার জ্বপ্রসন্ধনারায়ণ দেব। কাঠাকুড়া ৮০ হাতের মাপ।

জীরামছ্লাল চক্রেবর্তী জরীপ আমীন। জীকাশীনাথ দাস মুহুরী।

সন ১২৭৯ সাল তারিখ ১০ই হইতে ১৫ই অএহায়ণ।

### দিনায়**লক্জ**মী। বিভারিথ ১০ই অগ্রহায়ণ। রোজ রবিবার।

অধ্যে আরম্ভ গ্রামের বায়ুকোণে গোপালপুরের সীমানার কালীনাথ মুজির ভালুকদারের জমাই জমীর দক্ষিণ পূর্বে।

আসামী দাগ উদং পূংপঃ সারা জিনিস
মং ১। প্রজা গণেশকলে ১৮০ ১॥২ ২৮১ ধানি আউ এল।
মং ২। তদ। প্রজা ঐ ১/১ ॥০ ॥১ ধানি দোএম।

নং ৩। তপ্। প্রজা হলধরমগুল ১।৩১॥৪২।৩ বিদায় ॥৩ পালান ১।৩

কৈ: । ব্যবসা। তাইন লাঙ্গল | বলদ | গাভী | দ্রী | পুরুষ | লায়েক | চাষ ১ ২ ১ ৪ ৪ ৪ । নালায়েক | থানা

নং । তপ। জোত হলধর মতল ২/১ ২/৪ ৪॥ ধানি জাউওল কৈ:। ইহার ৩৬ জাইলে ও দাগ মধ্য ভূইটী জাত্র গাছ জাছে।

নং ধা তপু। ভোড বলরাম পাল ১।২ ২।১ ৩/২ ধানিদোএম কৈ:। দাগমধ্যে একটা কুলের গাছ আছে।

নং ৬ তপ। মোত ঐ ১/০ গড় ১/৪। ২াতঃ বাগাৎ ১/০

कि:। हेरात छे न छरत भात काविनभूततत स्मि। छम्भू मन्नामीत छावा। फ्रम्मीनरुकिकर

ব্যবসা বলদ পাড়ী মহব্য হী লাবেক নালাবেক খানা বহুল চালার ৪ ৪০ ৪ ১ ১ নং १। তপ্**উ। জোত** রামকিশোর স্থ্রেধর দং ১৮০ ১॥২ বাজে চাক্সনিয়া বাস্তা।

#### ভদসীল হকিকৎ

হ্যবন্ধ	ভাইনপুরুষ	ही	ना (युक	নালায়েক	ধানা
প্ৰজাতীয়	<b>o</b> `	د	2 (	<b>\ \ \ \</b>	<b>3</b> '

নং ৮। তদ। জোত রামকৃষ্ণ কৃত্তকার ১/০২/০২/০
বাজ ১৸৽
পালান।

ইহার ত দ কাবিলপুরের জমির মধ্যে সন্ন্যাসীর ডোবা।

ব্যবসা তাইন পুরুষ শ্লী লায়েক নালায়েক খানা
স্বন্ধাতীয় ৩ ২ ২ ১ ১

শদ্য হরিশ্চক্র মিত্র গোমস্তা ও রামকৃষ্ণ মণ্ডল প্রভৃতির মোকাবিলায় জরীপ হইল। ইতি।

এইরপ দিন দিন জরীপ করিয়া চিঠা প্রস্তুত হইরা থাকে। একওয়াল জমি।

মানামী	শ্মিকবি	জেরজমি	72158
নং ১	. ૨૫১	1	ेक कित्र ९
ર	#2	হাজীয়া	36158
9	২10	পৰাভকা	
8	81.0	চাকরাণ	
a	ંક/ર	নাধেরা <b>জ</b>	
•	ે <b>રા</b> ં	দেবোত্তর	
٩	285	<b>রক্ষো</b> ভর	
<b>~</b>	٤/.	<b>बेह</b> ्यान	100
er Mig	25151	গরপত্তনি	

### নিরিপনাষা।

<u>শাসামী</u>	क्रिक्षि	নিরিধ অমিদারী প্রতিবিঘা	নিরিথ রাইয়ড়ি <b>এ</b> তিবি	রুক ড ভামনুষ্যবি	ভং
ধানি আউওল	915	<b>۱</b> ۱	او	बी	<b>}</b>
ধানিদোএম	ঙাঙ	,	a	পুরুষ	ડર
দারি আউওল	2101	۵	211	গাভী	Œ
চাৰি বাস্থ	10	રા	٠	লায়েক	•
উদান্ত	į.	<b>ર</b>	₹ 11	নালায়েক	9
পালান	>10	31	>14	খানা	•
বাজেচাক্রিরা	বাহ্ব ৩৷২	8	<b>a</b> 1	नाकन	۲
ৰাগাৎ	3/0	¢	91	বৃহদ	৬
* ,	>b() I				

#### 26/51

## থাকবন্ত সংক্রান্ত জরীপের নিয়ম।

থাকবন্ত জরীপ তিন প্রকার, যথা দীমাবন্দী জরীপ, মচালওয়ারী জরীপ, কেত্রবন্টক জরীপ।

কোন মৌজার চড়:দীমা জরীপকে দীমাবন্দী জরীপ কহে। মৌজার অন্তর্গত অনংলগ্ন টুকরা জমির জরীপকে মহালওরারী জরীপ কহে। মৌজার অন্তর্গত পরস্পর সংলগ্ন টুকরা জমির জরীপকে ক্ষেত্রবর্টক জরীপ কহে।

কোন মৌজা বা কেত্র যে পর্যান্ত বিভূত থাকে, সেই বিভূতির শেষকে ঐ মৌজা বা কেত্রের সীমা কছে; এবং নেই শেষ রেথা দরল হইলে ভাহাকে লাইন বা দরল দীমা বলে।

মৌজার এক সরল সীমা হইতে জপর সরল সীমা আরম্ভন্থলে, যে যে কোণ উপস্থিত হয়; সেই সেই কোণে মাটির স্তস্ত অর্থাৎ থাক প্রস্তুত করিয়া মৌজার চতুঃপার্ধ বেইনপূর্বক, ভাহাকে সন্নিহিত অপর মৌজা হইতে পৃথক্ করিতে হয়, এই পৃথক্ করার নাম সীমাবলী করা।

ছই সীমানার থাককে ধুঁই, তিন সীমানার থাককে মিনার ও চারি সীমানার থাককে ভোখা বলে। ধুঁই ছই হাছ, মিনার তিন হাত ও ভোখা চারি হাত উচ্চ হইয়া থাকে।

থণ্ড জমি সীমাবন্দী করিতে হইলে শুস্ত প্রস্তুত না করিয়া, এক একটা বাঁশ পুতিরা, এক এক থাক কল্পনা করিয়া শইছে হর, ও প্রত্যেক থাকের সঙ্গে তাহার পশ্চাতের থাকের যে বিয়ারিং ও ব্যবধান তাহা লিখিতে হয়।

কোন প্রাম চকবন্দী জরীপ করিতে হইলে, প্রামের বায়ু কোণে তেলীমানার জরীপ জারস্ত করিবে। বদি বায়ুকোণে ভিন প্রামের লীমা সংযোগ না থাকে, তবে কিঞ্চিৎ দক্ষিণ বা পূর্বেষ ঘাইয়া, যেখানে প্রামজ্জের লীমা পাওয়া যায়, সেই ভানে আরম্ভ করা উচিত। মৌজার দিকে বাম হাত রাথিয়া ভাহার চতুর্দিক জরীপ করিতে হয়। নিদর্শন স্থান গুলিতে ক, খনাম না দিয়া ১, ২, ৩ প্রভৃতি নম্বর দিতে হয়।

কোন মোজা ছই কিয়া ততোধিক মহালভুক্ত হইলে, প্রথমতঃ মোজার দীমাবন্দী করিবে। তৎপরে যে মহালের কমি অধিক, তাহা ছাড়িয়া বক্তী বতু ধতু মহালের ক্ষমি পৃথক পৃথক দীমাবন্দী করিয়া একাদিজমে সংখ্যাপাড় করিবে। এই সকল থতু জমিকে চক্ কিয়া হকা অধ্ব টুকরা লমি কহে।

্ৰএক মৌশার মধ্যছলে বদি শপর কোন মৌশার টুকুরা

জমি থাকে এবং ঐ টুকরা হইতে প্রথমোক্ত মৌজার সীমা শত্যন্ত দূর হয়, তাহা হইলে দীমাবন্দীর কোন থাক হইতে बे জমি একবারে দেখিতে পাওয়া মার না। অভএব সীমা-ৰন্দীর কোন থাক হইতে ক্রমে দশ দশ বিছা বা ভাহার নান অন্তরে এক এক থাক কলনা করিয়া, দৃষ্টি করিছে করিতে ঐ অসমর এক কোণ দৃষ্টি করিবে। ভাহাতে এ শমির স্থান নিরূপিত হইবে। এই প্রক্রিয়াতে যদি থাক টেড়া বেঁকা হইয়া পড়ে তাহাতে ক্ষতি নাই; কেননা 🔄 শকল থাকের বিয়ারিং ও ব্যবধান লওয়া যাইবে ও তদ্টে নক্সা উঠিবে। অনস্তর, ঐ টুকরা জমির উপর উক্ত কোণ হইতে দৃষ্টি করিডে করিতে অগ্রসর হইরা, ভাহার অপর कां वा थाक लका कतिया वियातिः अवश वावधान नहेताः এবং বারশার এই প্রক্রিয়াছারা টুকরা জমির দীমা শ্বির করিবে। যদি টুকরা জমির পূর্ব্বোক্ত কোণের অপর দিক হইতে বড় মৌজার জার এক থাক লক্ষ্য করিয়া, অগ্রসর **इहेरड इहेरड** विज्ञातिः ७ राज्यान श्रद्ध शृक्षक छेक्क शास्त्र উত্তীর্ণ হইয়া তাহাকে টুকরা জমীর সহিত যোগ করা যায়. ভাষা হইলে ভাষাকে ষোগবিয়ারিং করে।

্র টুকরা ক্ষরি চড়ুংগীমা ক্রীপের সলে মৌজার চড়ুংগীমা জরীপের বোগ করিবার নিমিত, টুকরা জমির যে পার্য মৌলার নিকটবর্ত্তী, তথায় এক নিশান স্থাপিত করিয়া মৌলার শীমানার এক পার্ধ হইতে নিশানের বিয়ারিং কইছা উভয়ের অন্তর্গত দূরত্ব পরিমাণ মাপিতে হয়। টুকরা জনিটা বলি লার একটা বড়**ুটুকরার মধ্যে থাকে, ভাহা হইলে ভা**হার চভূংশীমা জরীপকে এই বড় টুকরার চভূংশীমা জরীপের সংস্কে দোগ করিতে হয়।

মোজার দীমাবন্দীর চিঠা প্রথম লিথিয়া, টুকরা জামির
চিঠা পৃথক্ লিথিতে হর, কেননা মৌজার দীমাবন্দীতে
চিঠার চারিটী ঘর থাকে, কিন্ত টুকরা জামির চিঠাতে পাঁচটী
ঘর। প্রথম ঘরে টুকরার দংখাা, দিভীর ঘরে টুকরার
থাকের দংখাা, ভভীর ঘরে বিয়ারিং দংখাা, চভূর্য ফরে
বাবধান দংখাা এবং পঞ্চম ঘরে মন্তব্য কথা, অর্থাৎ দীমাবন্দী যে থাক হইতে আরস্ত ও যে থাকে দমাপ্ত হয়, এবং
দেই টুকরা যে মহাল ভূক্ত ভাহার বিবরণ লিখা ঘায়।
টুকরা জামির দীমাবন্দীতে প্রত্যেক থাকের দলে, ভাহার
পশ্চাতের বিয়ারিং ও ব্যবধান লিথিবার রীতি আছে,
মত্রাং নক্ষাতে সেই টুকরার হান নির্ণয় করিবার জার্ভ
যে থাক হইতে প্রথম দৃষ্টি করা যায়, কিহা যোগ বিয়ারিং
লওয়া যায়, ভাহার বিয়ারিং ও ব্যবধান লেথার আরভ্রম
হয় না, কেবল সেই থাকের দংখা। লিথিয়া পূর্কোক্ত হুই
ঘরে শ্না দিতে হয়।

মৌজাভূজ প্রত্যেক মহালের নম্বর (সংখ্যা) ও মালিক লথলিকার এবং প্রত্যেক মহালের টুকরা নির্ণয় করা ইন্ডাাদি
বিবরণ ১২টা ঘরবিশিষ্ট একটা ফর্দ্ধে নক্সার নীচে লিখা
যায়, তাহাকে ওয়াজবল আরম্ভ কহে। তাহার প্রথম ছরে
থাকবন্ডের নম্বর; দিতীয় ঘরে পরগণার নাম; ভূতীরে মৌভার নাম; চভূর্বে মৌজার লিখিত মহালের নম্বর; পঞ্চমে
ভৌজির লিখিত মালিক ও হাল দুখ্লিকারের নাম; বক্তি

व्यक्तिक महात्मत हरकत मःथा ; मश्चरम त्राक्षत हिंह ; अष्टरम ভিন্ন গ্রামের ছিটা জমি যাহা নিজ গ্রামের গর্ভে আছে ভাহার বিবরণ; নবমে নিজ প্রামের ছিটা জমি যাহা ভিন্ন শ্রামের গর্ভে আছে তাহার বিবরণ; দশমে চতুঃদীমা অর্থাৎ পার্থবর্তী মৌজা দকল যে থাক হইতে আরম্ভ হইরা যে থাকে সমাপ্ত হয় তাহার বিবরণ; একাদশে মণ্ডল কর্মচারীর নাম; দাদশে মস্তব্য কথা অৰ্থাৎ যে দকলে আপত্তি থাকে, এবং আপত্তি উপস্থিত হইয়া যে দীমাংদা হয়, তাহার বিবরণ निया इस्।

ষ্পষ্টম ঘরটা আবার চারিটা ক্ষুদ্র ঘরে বিভক্ত হয়। ভাহার প্রথমে ভিন্ন প্রামের থাকবস্তার লিখিত নাম, দ্বিভীরে ভিন্ন মহালের নাম, ভৃতীয়ে চকের ভাইন, চভূর্থে রচেব विवयन ।

িনবম ঘরটা ভিনটা ক্ষুদ্র ঘবে বিভাক্তিত হয়। প্রথম ঘরে নিজ মহালের নাম ও সংখ্যা, দ্বিতীরে চকের ভাইন, ভৃতীরে ৰে প্ৰামের গৰ্ভে আছে, তাহার নাম।

ক্ষেত্রবন্টক বা ক্ষেত্রবট জরীপকে হাতাবন্দী ধসড়া জরীপ কছে, এবং প্রত্যেক মহালের জমি একবারে ষভটুকু মাপ করা যায়, তাহাকে হাতা কছে।

্হাতাবন্দী খদড়া জরীপে, প্রথমতঃ রীতিমত মোজার নীমাবলী করিবে, ভাহার পর নীমানংলগ্ন প্রভ্যেক হাভার विश्वीतिः 😉 वावधीन नहेशा नीमावन्ती कतिशा शहेरव। অনস্তর মধাবতী অর্থাৎ অবশিষ্ট প্রভোক হাতর দৈর্ঘ্য ও পরিশর কেবল শৃত্বল ছারা পরিমাণ করিয়া করীপ করিবে।

ভাহাতে '' তপ'' 'তদ' ইড্যাদি শক্ষারা **প্রত্যেক হাড়া** ছইতে অন্য হাতার দিক্ নির্ণীত থাকিবে।

মৌজার বায়ু কোণ হইতে আরম্ভ করিয়া ক্রমে হাডাবন্দী করিয়া যাইবে, এবং প্রত্যেক হাডার ছই পার্থের বিয়ারিং ও বাবধান পূর্কেই নির্ণীত হইয়াছে, বলিয়া, কেবল জন্য ছই পার্থের বিয়ারিং ও ব্যবধান নির্ণয় করিয়া, হাডাবন্দীর চিঠাতে ঐ হই পার্থের বিয়ারিং ও চতুম্পার্থের দৈর্ঘ্যপরিমাণ লিখিবে।

হাতাবন্দী জরীপের চিঠা সভস্ত; ভন্মধ্যে বিয়ারিং ভাব। যে জরীপ হয়, ভাহার চিঠায় ১৬টী ঘর থাকে, এবং ভন্ত শৃত্যল গারা যে জরীপ হয়, ভাহার চিঠায় ১২টী ঘর মাত্র থাকে। যথা,—

২ম নিদর্শন স্থানের (ষ্টেসনের) সংখ্যা (নঙ্গর), ২য় দাগের সংখ্যা, ৩য় দিকের নির্ণয়, ৪য় জিলা ও প্রগণার নাম, ৫ম মহালের নাম ও সংখ্যা এবং মালিক ও হাল দ্থিলাকারের নাম, ৬য় কুষকের নাম, ৭য় দৈশ্যবিয়ারিং, ৮য় দৈর্ঘ্যের মাপ, ৯য় প্রস্থবিয়ারিং, ১৽য় প্রস্তের মাপ, ১১শ ষ্টেলন বিয়ারিং, ১২শ বাবধান (ডিষ্টান্দা), ১৩শ ক্ষেত্রকল, ১৪শ জ্বাম্মর বিবরণ, ১৫শ শস্যাদির নির্ণয়, ১৬শ মস্তব্য কথা।

্ম লাগের, সংখ্যা ( নম্বর ), ২য় ভৌজির \* সংখ্যা, ৩ছ

<sup>\*</sup> কালেইরীতে ভৌজি নামে থাতাতে জমির যে নম্বর নিধা থাকে, ভাহাকে ভৌজি নম্বর কহে এবং যে ব্যক্তি খাজনা নের ভাহাকে মারিক কহে। জমি মালিকের স্থিকারে না থাকিছা সুন্য ব্যক্তির অধিকারে থাকিলে হাল কথ্যকার কহে।

महोत्नत नाम, वर्ष मोनिक ७ होन नथनिकोत्तत नाम, १म कृष्टकत नाम, ७४ निरकत निर्वत, १म निर्वा, ५म खन्ह, २म कोनि, ३०म कमित वियतन, २১म मन्तानित विवतन, २२म मस्रवा कथा।

ক্রোড়পত্তে ক'ৰ পৃষ্ঠার চড়ুঃসীমার মাপ ও চড়ুঃসীমা সংলগ্ন টুকরা জমিগুলির মাপ লিথিবার প্রণালী প্রদর্শিত ছইরাছে। গ পৃষ্ঠার সীমাসংলগ্ন ব্যতীত জন্যান্য টুকরার মাপ লিথিবার প্রণালী প্রদর্শিত হইরাছে।

্থাকবন্তার রীত্যস্থসারে মৌজা কিম্বা ক্লেত্রের বায়ু কোণ চইন্ডে প্রথম নিদর্শন স্থান আরম্ভ করিতে হয়; এবং মৌজা বামে রাধিয়া প্রত্যেক সরল সীমা কিম্বা লাইন হইতে, অন্য সরল সীমা আরম্ভ ছলে যে কোণোৎপত্তি ছইবে, ভথায় অঙ্গারের এক একটী স্তুপ করা হয়; এবং এই রূপে ক্রমে ক্রমে এক এক নিদর্শন স্থান অর্থাৎ স্তম্ভ প্রস্তুত হইরা থাকে। প্রথম নিদর্শন স্থাম প্রস্তুত হইলেই ভাহার উপর দিগদর্শন হন্ত্র স্থাপন করিবে, এবং দিভীয় নিদর্শন স্থান যে স্থলে নির্মিত হইবে, সেই স্থলে নিশান থাড়া করিয়া. কভ বিয়ারিং লক্ষ্য করিবে। ক্ষনভুৱ, প্রথম নিদর্শন ছান হইতে ভিতীয় নিদর্শন हान वर्ष विद्या वावधान जाहा मुख्यन हाता शतिमांव कतिरव, वार्वः क्रिके विद्यादिः क्षवः वावधानभविमान ७ व्यवस निम-ৰ্মি ভামের দংখ্যা চিঠাতে লিখিতে হইবে। ছৎপরে 🕯 নিশানের স্থানে বিভীয় নিদর্শন স্থান প্রস্তুত क्रवाद, धवः छाराव छेलत निग्नर्गन यक वनारेश पूर्व निविष्ठ विकासिर वृद्धे के निवर्गनद्यान श्रद्धक वरेशार्व in a second

কিনা, অর্থাং পূর্ব নিদর্শন স্থানের লক্ষিত বিয়ারিং ওছা রূপে লওয়া গিয়াছে কি না, ভাষা পরীক্ষা করিয়া, ভথা ছাইতে ভৃতীয় নিদর্শনক্ষান লক্ষ্য করিবে; এবং ভাষার বিয়ারিং ও ব্যবধান ও ছিতীয় নিদর্শন স্থানের সংখ্যা চিঠাতে লিখিবে। এইরূপে প্রভাকে নিদর্শন স্থান হইতে জনা নিদর্শন স্থান লক্ষ্য ও ভাষার ব্যবধান পরিমাণ করিয়া মৌজা বেইনপর্বাক শেষ নিদর্শন স্থান ছইতে প্রথম নিদর্শন স্থান লক্ষ্য করিয়া জরীপ স্মাপ্ত করিবে।

শীমার বাহিরে অনতিদ্রে বাটা, বৃক্ষ, নদী, রাস্থা, মন্দির প্রভৃতি যে কোন স্থায়ী চিত্র থাকে, তাহা লক্ষারা অথবা কোন কন্ত হইতে লক্ষা করিয়া, তাহার বিয়ারিং ও দ্রম যত হয়, তাহা চিঠার মন্তব্যের মরে লিখিবে, এবং নক্ষা অন্ধিত করিবার সমর ঐ চিত্র সকলের প্রভিত্নতি উহার ষথামানে চিত্রিত করিতে হইবে। ভবিষ্যতে দীমা লইরা বিবাদ উপস্থিত হইলে, তদ্বারা বিশেষ উপকার ইতিত পারে।

কোন মহালের ভূমি পৃথক পৃথক চকবলী রূপে দ্রিকী বন্দন হইরাছে। ঐ ভূমি কোন্ দরিকের কন্ত, ভাহা আনিতে হইলে, মোট প্রাম থাক করণানতর বৃদ্ধিনীয়ার কোন লাগে দিগ্দর্শন যন্ত্র বসাইরা, ভণা হইছে সহালের বে বে ভানে প্রত্রপ অমি আছে, ভাহা পৃথক পৃথক থাক করিলেই বাহার বন্ধ কমি ভাহা নির্ণন্ন ইইছে পারে।

াৰে মানদণ্ড ৰারা জ্বীপ ক্রিতে হয়, ভাহার প্রিমাণ চিঠার শিরোভাগে লিখিতে হইবে।

া চিঠার শীর্বদেশে ও ওয়াজবল আরজের সমস্ত কাগন্ধে মৌজার নাম স্পষ্ট করিয়া বড় **অক্ষ**রে লিখিতে হইবে। ইহার বাম ভাগে ছোট অকরে জেলার ও দক্ষিণ ভাগে পরগণার নাম ও উপরে থাকবস্থার নম্বর এবং নীচে থানা ও মুন্দেকের মোতালক লিথিবে; এবং বে সন ও মাসের ষত তারিখে জরীপ সমাপন হর তাহা বিভিতে হইবে। এডডির যে দকল ব্যক্তির সম্মুধে জ্বরীপ হইয়া থাকে, ভাহাদেরও নাম লিখিতে হয়।

ুফর্দের (টেট্মেটের) ধানেস্মারির ঘরে হিন্দু মুস্ল-মান লোকসংখ্যা ও পতিত জমীর সংখ্যা মুখার্থরূপে হিলাব করিয়। লিখিতে হইবে। প্রতি প্রজার ছবের मःथा। व निथित, अवः वां है कि अक चत्र वेनिया धतित्व।

্র এক মহালের চকের মধ্যে অন্য মহালের ছোট কোন জমি মাকিলে প্রথমত: সমুদায় মাপিয়া শেষে মধ্যবর্তী টুক্রা মাপিবে। ্রপ্রথম থাকবস্তের আরস্তে মৌজার বায়ুকোণ জ্বরীপ আরম্ভ করার রীতি আছে, যদি ঐ বায়ু কোণ ভেসীমানা ইর, তবে চিঠার মস্তব্য ঘরে একটা পদ্ম চিহ্ন দিবে অথবা এই লিখিবে 'অমুক মৌজার শেষ সীমার অমুক মৌজা আপ্ত'; কিছ বদি অধ্য নখনে তেসীয়ানা না হয়, ভবে

मोबा कतील बाइक रुउन्नत हो। विवन भूदर्स बै

''मप्क सोमा ७ भद्रशंग शाख''।

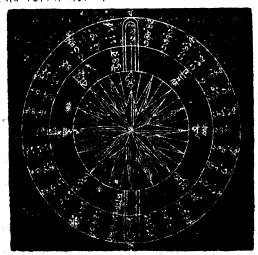
বৌলার প্রকাশাস্থনে এই বিবরণে এক খণ্ড বিজ্ঞাপন স্লাইরা দিতে হইবেক যে, নিজ মৌজা ও মৌজার সীমার বহিঃছ জমীর অধিকারীগণ জরীপ কালে উপন্থিত থাকিরা আপন আপন অধিকারভুক্ত ভূমির বথার্থ রূপে সীমা দেখাইরা দের ও কোন আপত্তি থাকিলে তাহাও উপন্থিত করে, নচেৎ জরীপ সমাপনে এক সপ্তাহের মধ্যে আবেদম না করিলে পশ্চাৎ তাহার কোন আপত্তি গ্রাহ্ম হইবেক মা।

ইতি পূর্ব্বে শুদ্ধ শৃগ্ধল দ্বারা জরীপ করি-বার নিয়ম প্রদর্শিত হইয়াছে, এইক্ষণে দিগ্-দর্শন যন্ত্রদারা উক্ত কার্য্য যেরূপে সম্পন্ন হইয়া থাকে তাহা উল্লিখিত হইতেছে।

দীমাবন্দী করিবার সময় থাকের নিদর্শন স্করণ যে কয়লার স্থপ অথবা যটি স্থাপিত হয়, ভাহার উপর দিগ্দর্শন যয় সমানভাবে স্থাপন করিতে হয়। দিগ্দর্শন যয়হারা এক থাক হইতে অন্য থাক যত জংশ ভাহা নিরূপিত হয়। শৃত্যাল বা টেপদারা থাকের ব্যবধান পরিমিত হইয়া থাকে। মানদও ও পরিমাপক দারা নয়া প্রস্তুত হইয়া থাকে।

দিগ্দর্শন বত্র ছই প্রকার, সামান্য ও মৌকুরিক। সামান্য দিগ্দর্শন বত্র এক থানি গোলাকার চাঁদা (পরকল অর্থাৎ অংশপট্ট) ভাছার পরিধিতে ৩৬০ অংশ বা বিরারিং চিত্রিত থাকে ও ঠিক মধ্যছলে একটা স্থচী সংলগ্ন থাকে, এবং স্চীর অঞ্চাগে একটা চুষক শলাকু। ভাশিত হয়, সেটা নিয়তই উত্তরাভিমুথে থাকে। চাঁদা থানি কাচের ঢাকনি-বিশিষ্ট একটা গোলাকার কোটার মধ্যে নিহিত থাকে।

किछि शाल, 810 देश वामिविभिष्टे अवर आध देश বা কিঞ্চিদধিক গভীর। কৌটার বিপরীত ধারে ছই খানি हाति खड़ न मीर्च काँथा वीकन हुकी (नाइँह) नम्रजात প্রোধিত থাকে। ছিন্তের ভিতর দিয়া নিয়ের সামগ্রী দেখিতে পাওয়া যায়। একটার বীক্ষণ চঙ্গীর ছিদ্র অধিক চৌড়া, সেই ছিন্তের মধ্য দিয়া এক গাছি ভার সংলগ্ন থাকে। को होत्र शर्ज अकथानि होना आठी निया मःनव थाक। যে বীক্ষণ চন্দীর মধ্য দিয়া সরু তার আছে, চাঁদার উত্তর ভাগটী ঠিক তাহার নিমে থাকে। এই যন্ত্রটী একটী আধার পেঁচ ছারা কার্ছের এক ত্রিপদির উপর স্থাপিত থাকে। যথন ষম্ভটী ব্যবস্থাত হয়, তথন পেঁচটী আঁটিয়া দিলে উহা ত্রিপদির মস্থকের উপরে থাকিয়া চতুর্দ্ধিকে যুরে, অথচ উহার পড়িয়া ষাইবার সম্ভাবনা থাকে না



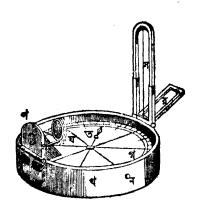
শারকম্করেন্ট অর্থাৎ সোলাকার বন্ধর পরিধি
৩৬০ ভাগে বিভান্ধিত বলিয়া কল্পনা করা যায়, এবং
প্রান্তেক ভাগ অংশ বলিয়া অভিহিত হয়। অংশ সহজে
পণনা করিবার জন্য উত্তর দিক্ হইতে আরম্ভ করিয়া একাদি
ক্রমে সংখ্যাপাত দ্বারা পরিধি বেষ্টনপূর্বক পুনন্দ উত্তরদিকে ৩৬০ সংখ্যাতে সমাপ্ত হইয়াছে। সেই অংশ চিক্তিত
গোলাকার একথণ্ড চিত্রপট, দিগ্দর্শন যয়ের শলাকার নীচে
থাকে ভাহাকেই পরকল বা চাঁদা অথবা অংশপট্ট কছে।
ভদ্যারা দিকের বিয়ারিং নির্ণীত হয়। এভদ্যতীত আরপ্ত এক
থণ্ড চিত্রপট পরকল সংজ্ঞা প্রাপ্ত হয়, ভাহাকে নক্ষার পরকল
কছে। ভদ্যারা নির্ণীত বিয়ারিক্রের নল্লা প্রস্তুত হইয়া থাকে।

দিগ্দর্শন যন্তের পরিধির অষ্টম ভাগ অর্থাৎ ৪৫° অংশ বাবধানে এক এক দিক্ কল্পনা করা যায়। বথা, উত্তর হইতে ৪৫° অংশ বাবধানে ঈশান কোণ, ভাহা হইতে ৪৫° বাবধানে পূর্ব্য দিক। এই রূপ পর্যায়ক্রমে প্রভ্যেক দিক্ ৪৫° বাব-ধান থাকাতে, ঈশান কোণে ৪৫°, প্র্কিদিকে ৯০°, জন্নি-কোণে ১৩৫°, দক্ষিণে ১৮০°, নৈঞ্জ কোণে ২২৫°, পশ্চিম-দিকে ২৭০°, বায়ুকোণে ৩১৫° এবং উত্তরে ৩৯০° সমাপ্ত হইয়াছে।

দিগ্দর্শন বাস্তর পরকল ও নক্সা করিবার পরকল এই উভর পরকলই তুলা, কেবল অংশ সংখ্যা বিপরীত ভাবে অভিভ হয়, অর্থাৎ দিগ্দর্শন বাস্তর পরকলে বামাবর্জে এবং নক্সা করিবার পরকলে দক্ষিণাবর্জে অংশসংখ্যা অভিত হয়।

# মৌকুরিক দিগ্দর্শন যন্ত্র

ভূমি জরিপ করিবার পক্ষে সামান্য দিগ্দৰ্শন যাত্ৰ অপেক্ষা মৌকু-ब्रिक मिशनर्गन यञ्च অধিক কার্য্যোপযোগী প্রবিশুদ্ধ। এই প্রকার যালে ফুচীটী অংশ-भारते महिक मानग शांक. धवर भागवडे



স্থানীর সহিত ঘূর্ণিত হয়। সামানা দিগ্দর্শন যজের সহিত এই দিগ্দর্শন যন্ত্রের সকল অংশেই এক্য আছে, কেবল ৰে নিবন্ধন ইছার নাম মৌকুরিক দিগ্দর্শন যন্ত্র হইরাছে এছলে ভাহার বর্ণনা করা যাইভেছে।

্ৰ এই যত্ত্ৰে একটা বীক্ষণ চুঙ্গী থাকে। ঐ বীক্ষণ চুঙ্গীর মধ্যে একটা ভার আছে। এই বীক্ষণ চুঙ্গীর বিপরীত দিকে **শাভূনির্থিত আধা**র মধ্যে মুকুর থানি সংস্থাপিত **থাকে**। এই মুকুর সাহায্যে জরীপ আমীন, লক্ষ্য বস্তু এবং **লক্ষ্য**-ৰশ্ব ও দিগুদর্শন যজের স্কীর সহিত রেখা কল্পনা করিলে যে কোণ হয়, ভাহা যুগপৎ দর্শন করিতে পারেন। সামান্য मिश्मनीन यज्ञ बाता कान वस नका कतिए रहेल, জরীপ জামীনকে চুগীন্থিত ভারকে এরপে স্থাপন করিছে

ছষ যে, সেই ভারের সমস্তান্ত রেখা কল্পনা করিলে, ঐ রেখা লক্ষা বস্থার ঠিক মধ্যস্থল ভেদ করিয়া যায়, এবং ঐ রেখা ও চুস্ক স্থানীর সংযোগে যে কোণ হয় ভাহার পরিষাণ দেখিয়া নিরূপণ করেন।

মৌকুরিক দিগ্দর্শন যাত্রের গুণ এই বে, চুলীর মধ্যক্তিও ভার লক্ষ্য বন্ধর সমস্ততে স্থাপন করিলে, অংশপটের কোন না কোন অংশ লক্ষ্য বন্ধর সমস্তত্তে স্থাপিত হয়। স্থ্নীর কম্পন নিবৃত্তি হইলেই দর্শক সেই চুলীর মধ্য দিয়াই লক্ষ্য বস্তুর কোণের অংশ পরিমাণ নির্ণয় করিতে পারেন।

কোন নিদর্শন স্থানের উপর টেসীন (দিগুদর্শন কর ছাপন করিবার ত্রিপদ্বিশিষ্ট আসন) ছাপন করিয়া ভাহার উপর দিগদর্শন যন্ত্র বদাইবে। অনভর ভিতীয় নিদর্শন স্থানে নিশান প্রোথিত করিয়া দিগ্দর্শন যজের नीरहत रीक्न हजीरङ हक्क्मिया डेशरतत हजीत भशामिया র্থ নিশান সমস্থতে ককা করিতে হইবে। তাহাতে আমী-नित गरक गरक यञ्चक शतकरमात **উ**खत मिक मिक्कानार ई পুরিরা সেই লক্ষিত দিকে বাইবে। কিছ বল্লের স্থানী দর্মদাই উত্তরাভিমুধে থাকে, স্মৃতরা উত্তরের কাঁটার নীচে বাম পার্শ্বের বে বিয়ারিং আইসে, সেই বিয়ারিং नेकिं प्रिकेत विश्वातिः इट्टेंग। धट्टे ज्ञाप धक निर्मर्गन ভান হইতে অন্য নিদৰ্শন ভান লক্ষ্য করিয়া ভাহার दिशातिः निर्गतं कतित्व इहेर्ति । खत्रीत्मतं नमत् तः शिक्ह विका करा बाँकिक माः मिन् मर्गम बर्द्धक विश्व भारकरमह ৰা চালার যে রেখা**টা** চুম্বক শলাকার <sub>•</sub> মুখের নিয়ে পতিভ

ছরু দেইটাই বিয়ারিং স্থির করিয়া লিখিতে হইবে। যথা, দ্বীনান কোণ লক্ষ্য করিলে, পরকলের উত্তর দিক দক্ষিণ পার্বে ৪৫° অঞ্জনর হয়। ভাহাতে বামপার্বস্ক ৪৫° বিয়ারিং উত্তরাভিমুখে শলাকার নিমে আইসে। এইরূপ পুর্বাদিক লক্ষ্য করিলে ৯০ বিয়ারিং হয় ইত্যাদি। কিছ মক্সা করিবার সময় পরকল উত্তর দক্ষিণে রীভিমত বসিয়া খাকে। ভাহাভেই ঐ ৪৫ ও ৯০ বিয়ারিং বামপার্যে দুট ছয়। বাস্তবিক ঐ ৪৫ বিয়ারিং দক্ষিণ পার্খে একাদিক্রমে श्वमा कवित्व केनाम कांग, खबर ३० विहाबिर श्वमा किट्टिन পুর্বাদিক পাওরা যার। এই রূপ বায় কোণ লক্ষ্য করিলে, मित्र मर्मन यज्ञम् अतकलात छेखत निक् मिक्नावर्ष्ट धकानिकस्य ৩১৫ বিয়ারিং অঞ্জনর হর: ভাহাতেই বামপার্ভের ৩১৫ विश्रातिः मृष्टे इश्न, এवः উত্তর দিক मृष्टि कतिता राज्ञत উত্তরদিক ৩৬০ বিয়ারিং অঞ্জসর হইয়া পুরিয়া পুনরার উত্তর श्चिरक खाडेरम ।

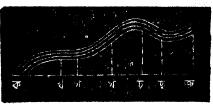
ি দিগদর্শন বাহের পরিধি ৩৬০ জংশে বিভক্ত হইর। ছাছার ৩৬০ বিরারিং ছইরাছে। কোন বিরারিকের টিক বিশরীত পার্বে যে অনা বিয়ারিং থাকে, তাহাকে পূর্বোজ विश्वतिक्षत्र शान्छ। वा विश्वतीष्ठ करह । यथा, ১ विश्वतिक्षत शान्को ১৮১ विद्यादिः ७ ३० विद्यादिस्त्रत शान्को २१० विवादिः ।

্ৰ পান্টা বিয়াৰিজের বাবধান ১৮٠° অংশ হয় বলিয়া ৪ অব্যাহিত প্রারিং পর্যায়ত কেন্দ্রান বিরারিকের পান্টা सुक्ता कार्यगुक, छाहारक ১৮० साथ करित्वहे हत। अवः

১৮০ জংশের উর্দ্ধে যড় বিরারিং হয়; ভাহার পাল্টা একাদিফ্রামে ডাভ হইরা থাকে। কেননা ৩৩০ বিরারিজের উর্দ্ধি
আর বিরারিং নাই। জাভএব ১৮০ বিরারিজের উর্দ্ধে ৩৬০
বিরারিং পর্যান্ত যে কোন বিরারিজের পাল্টা লইতে হইবে,
নেই বিরারিং হইতে ১৮০ বিরারিং বিরোগ করিলে, ভাহার
পাল্টা দ্বির হয়। যথা, ১৮৯ বিরারিজের পাল্টা ১৮০
বিরোগ ছারা ৯ বিরারিং দ্বির হয়।

১ম নিদর্শন স্থান হইতে ২য় নিদর্শন স্থান লক্ষ্য করিলে যত বিয়ারিং দৃষ্ট হইবে, দ্বিভীয় নিদর্শন স্থানে দিগ্দর্শন যত্ত্ব স্থাপন করিয়। প্রথম নিদর্শন স্থান লক্ষ্য করিলে, যদি সেই বিয়ারিং দক্ষিণের কাঁটার নীচে দৃষ্ট হয়, ভাহা হইলে জানা যায় য়ে, প্র্কনিদর্শন স্থানের লক্ষিত বিয়ারিং বিভব্ধ ইইয়াছে। এই রূপে জরীপ হইয়া থাকে।

একটা নদীর পার্শস্থিত অস-রল ভূমির নক্সা অন্ধিত করিতে ভইবে।



ক চিক্লিড বিন্দুকে নিদর্শন শ্বান করিয়া তছ্পরি ত্রিপদ ভাপন করিয়া দিগ্দর্শন যন্ত্র সরলভাবে বসাও। পরে জ চিক্লিড ভানে একটা পতাকা লম্বভাবে ধর। জনভর দিগ্দর্শন ধরের নীচের বীক্ষণ চুলীর ছিন্ত দিয়া এফপে দেখ যে, উপরের বীক্ষণচুলীর মধ্যবর্তী ভারের সম্মত্ত্রে বিন প্রাকাদশুদী সম্বিধ্তিত ব্যাহার বোধ্ হর। পরে দেখ যে, দিগ্দেশন যত্ত্রের গর্ভন্থ চুসক শলাকার মুখের
নিম্ন ভাগে চাঁদার অঙ্কিত অংশসংখ্যার মধ্যে কোন্
সংখ্যাটী পড়িরাছে। যে সংখ্যা পড়িবে সেইটী চিঠার
মধ্যের ঘরে নিদর্শন স্থানের উপর লিখ। এখন ঐ চিঠা
দুষ্টে ক্ষেত্রের নক্সা এবং ক্ষেত্রফল স্থির করা যাইতে
পারে।

Œ.

5

Б

ম্ব

5

র্থ

	⊚ জ পৰ্যান্ত
>> 9	420
383	900
२२७	400
<sub>3</sub> 202	900
-	200
98	700
	00
\$4 J	
17.	97¢.
<b>লা</b> ৰ্ভ	<b>⊚</b> क
1940 000	1 ,

প্রতিক্রতি নিকাশন!

একতা কাগজে একটা

চিব্ল বিধ্যাক। পরে

ক চিহ্লে কোণনান
গজ স্থাপন করিয়া

বিয়ারিং অনুসারে পরিমাণ স্থির করিয়া ক জ

একটা রেথাপাত কর।

ভানস্তর জরীপে সে যে

লম্ম উত্যোলন করা

ভইযাতে, চিঠা দেখিয়া!

শৈই সেই লম্বের ছানে ক জ রেথার উপর এক একটা চিই লাও: এবং ঐ চিহ্নগুলি হইতে চিঠায় লিখিড পরিমাণার সারে লম্ব উত্তোলন কর। এখন ঐ লম্বগুলির শীর্ষদেশ দিয়া রেখা টানিলে নদীর প্রতিরূপ আছিত হইবে। পর্কে যে। নির্মাল্যারে ক্ষেত্রফল দ্বির হইয়াছে, সেই রূপে ইছার প্রিমাণ ছির করিলে ৯৬২৫০ বর্গ মাইল হইবে। দিগ্দর্শন ব্য় ও শৃথাল উভ্য ছারা যে জারীপ করা যায়, জার ভঙ্কা

গমনপ:

শুন্ধন দারা যে জরীপ করা যায় এ ছুয়েরই চিঠা এক প্রকার, কেবন এই মাত্র ভেদ যে, দিগ্দর্শন যন্ত্র ও শুন্ধান উভয় দারা জরীপ করিলে চিঠাপুস্তকে জংশের অন্ত সকল লিখিত থাকে, শুন্ধন দারা জরীপ হইলে চিঠাপুস্তকে অংশের অন্ত সকল লিখিত থাকে না। মনে কর শুন্ধান রেখা পূর্ব্ব পশ্চিমাদিকের অভিমুখে আছে। এই শুন্ধান রেখা উত্তর-দক্ষিণাভিমুখে কোন রেখা দারা মধ্যে অবিভিন্ন হইলে যে কোন হয়, তাহার পরিমাণ অর্থাৎ বিয়ারিং ৯০°। যদি পশ্চিমাদিক হইতে প্র্কাদিকের অভিমুখে জরীপ হইতে থাকে, তাহা হইলে চিঠাপুস্তকের মন্তব্য কথা লিখিবার ঘরে বিয়ারিং ৯০° লিখিতে হয়। যদি পূর্ব্বাকিক হইতে পশ্চিমাদিকের অভিমুখে জরীপ হইতে থাকে, তাহা হইলে ২৭১° লিখিতে হইগে।

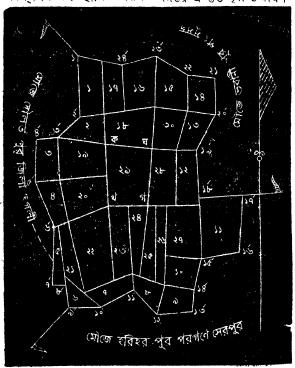
#### ক্ষেত্রবন্টক জরীপ।

মৌজে শ্যামপুর, পরগণে গোপালনগর।\*
জিলা হুগ্লি। থানা নেত্রকোণা।

জরীপ সন ১২ ৭৯ সাল ১৩ই অগ্রহায়ণ। এলাকে মহকুমে প্রীল্প্সীযুক্ত উপেন্দ্রনারায়ণ দিংহ রায় বাহাদুর। কৃত প্রীকালীমোহন বিশ্বাস আমীন। ৩০ ফুট শৃচ্ছালের মাপ। নিয়ন্ত মৌজা ক্ষেত্রবট রূপে জরীপ করিতে হটলে,

ক্ষেত্রবন্টক মরীপের চিঠার শীর্ষনেশে পূর্ক্ষাক্ত বিবয়ণটা
লিখিতে হয় ।

অত্যে মৌজার বায়ুকোণে তেদীমানার স্তস্তের ১ দাগে দিগ্দর্শন যন্ত্র স্থাপিত কর। অনন্তর ঐ স্তন্ত পূর্ব ও দক্ষিণ



ভাগে ১ চিহ্নিত ক্ষেত্রের যে সীমা আছে, ঐ ছুই শীমার প্রান্তে অর্থাৎ ক্ষেত্রের ঈশান ও নৈক্ত কোণে এক একটী নিশান ধর। এইক্ষণে ঐ নিশানম্বয় । ঞ্জে একে লক্ষ্য করিয়। যে ছুইটা বিয়ারিং হয়, ভাছাদের में था यथा करम हिठीत रेमर्घा ७ श्रम विश्वाति एवं पत

লিখ। পরে শৃত্বল ছারা চারি দীমা পরিমাণ করিয়া যে ছুই সীমার বিয়ারিং লিথিত হইয়াছে, সেই ছুই সীমার অর্থাৎ উত্তর ও পশ্চিম সীমার পরিমাণ উপরিভাগে, ও ভাহার নিম্নে ষ্থাক্রমে দক্ষিণ ও পূর্ব্ব বাছর পরিমাণ দিক-স্থাচক সাঙ্কেতিক বর্ণ সহকারে দৈর্ঘ্য প্রস্থু রশির ঘরে লিখ। অনভর ঐ ভান হইতে মৌজার সীমার ২ চিহ্নিত নিদুর্শন ছানের, অর্থাৎ পরে যে ক্ষেত্র পরিমাণ করিতে হইবে, ভাহার বায়কোণে ২ দাগে ছাপিত শুস্ত লক্ষ্য করিয়া যত বিশ্বারিং . হয়, তাহা থাকবিয়ারিকের ঘরে, ও শৃত্থল ঘারা ১ হইতে ২ পর্যন্ত মাপিয়া যত দূরত হয়, ভাহা ব্যবধান (ডিটান্স) পরিমাণের ঘরে লিথ। এখন দিগ্দর্শন যন্ত ভুলিয়া ২ চিহ্নিত স্তম্ভে স্থাপিত কর, ও তথা হইতে ২ চিহ্নিত কেন্ত্রের উত্তর পশ্চিম সীমার বিয়ারিং লও, ও ৩য় ক্ষেত্রের বায়ুকোণ শক্ষ্য করিয়া ভাহার বিশ্বারিং ও ব্যবধান পরিমাণ কর। এই ক্লপে দৃক্ষিণ অভিমুখে যত দূর যাইতে হয়, তত দূর প্র্যুষ্ট अভি ক্লেরে বায়ুকোণে দিগ্দশন যত্র স্থাপিত কর। দিক্ পরিবর্ত্ত করিয়া পূর্বামূথে যাইতে হইলে প্রতি ক্ষেত্রের নৈশ্বতি কোণে, উত্তরমূথে যাইতে হইলে অগ্নি কোণে, ও পশ্চিম मूर्थ याहेरा हरेता मेगान कार्त मिश मर्गन यह शांतिक কর, ও দেই দেই স্থান হইতে যে তুই সীমা প্রাপ্ত হওয়া যায় তাহাদের বিয়ারিং গ্রহণ কর। এই রূপ ক্রমশঃ এক এক বন্দ জমী জরীপ করিয়া পুনর্কার মৌজার বায়ুকোণের প্রথম স্তম্ভে আনিয়া মিলন কর। ভিতর হকা জরীপের সময় জার দিগ্দর্শন যন্ত প্রয়োগ করিতে হইবে না, ওদ শৃত্যল

দার। জরীপ করিলে চলিতে পারে। এইরপ পরস্পর
দারিহিত ক্ষেত্রগুলি জরীপ করিলে চিত্র করিবার সময়
কোন ব্যাঘাত হইবে না। বে সন্নিহিত ক্ষেত্র পূর্বে জরীপ
হইয়াছে, ভাহার কোন দিকে যদি পূর্ব পরিমাপের ছই
দীমাবিশিপ্ট জমী না পাওয়া যায়, তবে লট্কা মাপ করিবে,
অর্থাৎ দেই খণ্ড (কিতা) উল্লেজন পূর্বক সন্নিহিত বা দূরবর্ত্তী যে ক্ষেত্রের হুই বাহ পরিমাণ করা আছে, দেই ভলে
মাপ আরম্ভ করিবে। আর যত দাগের জরীপ যে দিকে
বে কোণ হইতে আরম্ভ হয়, তাহা চিঠায় লিখিতে হইবে।

## টুকরা জমীর চিঠা।

্মনে কর ক থ গ ঘ এক থণ্ড টুকরা জ্মী, ইহার চিঠা বিধিতে হইবে। (৩৮৬ পৃষ্ঠার প্রতিক্ষতি দেখ)।

চকের নং	(ष्टेमन नः	বিয়ারিং	ব্যবধান	মন্তব্য কথা।
२३	9	×	×	আরম্ভ ৩
	क	ەھ	>#2	মিল ক।
	ধ	720	ンノもほ	মহাল নং ২৯
	গ	৯৽	5121	
	व	৩৬৽	ンノミル	
	ক	290	अश	•

থাকবন্ত জরীপে যে ভূল হয় তাহা রেবেনিউ সর্কে হারা সংশোধিত হইয়া থাকে। অর্থাৎ থাকবন্তের আমিনের। জরীপ করিয়া গেলে রেবেনিউ সর্কের আমিনেরা জরীপ / করেন। হলি থাকবন্তের আমিনদের জরীপ রেবেনিউ সর্কের জরীপের সঙ্গে মিলে, অথবা না মিলিয়া হলি শতকে ধ ভার অনধিক কম বেশী হয়, ভাহা হইলে থাকবত্তের সরীপ গ্রহ্য হইয়া থাকে।

সীমাবন্দীর চিঠা।

		*	
११ (ष्टेनन	বিয়ারিং	বাবধান	মস্ভব্য কথা।
2	22-2	วทอ	১ নং
ફ	ર≎૯	พว	মৌজে ভবানীপুরের শেষ
೨	২ ৬ ৭	No	
8	১৮৩	512	দীমায়, মৌ <b>জে দৌলভপুর</b>
a	2.30	>॥२	
<b>5</b>	22-2	2No	জেলা হগলী প্রাপ্ত।
9	دھ	101	
ь	১৭২	l 9	
৯	৯০	3/No	৯ নং উক্ত মৌদ্ধা ত্যাগ,
٥٤	<b>ి</b>	3/3	3 41 0 3 64141 0)111
>>	509	3/on	মৌজে হরিহরপুর প্রাপ্ত।
25	<b>b</b> -9	3/ミリ	Cities Clara Za miles
30	<b>b</b> -	Nol	
78	25	หว	
20	৮২	210	7.
2.5	۵	วหอ	
39	२७४	>1२॥	১१ नः উक्त सीका छात्र,
36-	200	:110	
۶۵	৩২	215	মৌজে ভবানীপুর প্রাপ্ত।
२०	905	シンショ	
<b>\$</b> 5	२११	3/0	
રર	२৯৯	3/211	
રડ	२ ৫ १	5/2 B	
_ २8	২৮৩	১ ৩	

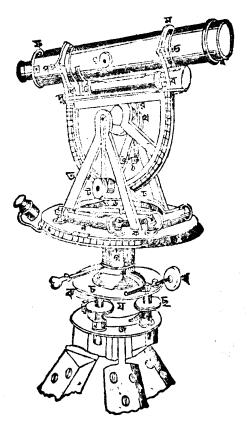
চিঠা গোদেহারা করিতে হইলে প্রভার ঠিকের নীছে। টিয়াত কাটিতে হয়। কোন কোন স্থানে প্রতি সপ্তাহে এক এক থণ্ড সাপ্তাহিক কাগন্ধ প্রস্তুত করার রীতি আছে। এই কাগন্ধের শীরোভাগে "সাপ্তাহিক কাগন্ধ মৌদ্রে" ইত্যাদি লিথিয়া, ঐ গোলেহারার সাত সাত দিনের কাগন্ধ নকন করিয়া দেওয়া যায়, অথবা কোন্ কোন্ ভারিথে কত দাগ ও কত জ্মী জরীপ হইয়াছে ভাহাই নির্দ্দিষ্ট করিয়া সাপ্তা-হিক কাগন্ধ প্রস্তুত হইয়া থাকে।

প্রামের বিবিধ প্রকারের জমী ও মোট জমীর অবস্থা উত্তম রূপে জ্ঞাত হওরা ধার, এরূপ কাগজকে একোরাল বা খতিরান কহে। নানাবিধ জমী প্রত্যেক হারদরে প্রজাবিলি হইরা যে জমা ধার্য্য করা যার, তাহাকে জমাবন্দী কহে।

জমাবন্দী প্রভৃতি দকল কাগজের দদর ফর্দে শুদ্ধ শিরোনামা লিথিত থাকে, এবং তাহার নীচে মোট যত ফর্দ কাগজ তাহার পত্রাঙ্কের দংখ্যা লিথিতে হয়।

জমাবলী শেষ হইলে, তাহা বিশুদ্ধ হইয়াছে কি না জানিবার জন্য গোসেহারা বা একোয়ালকে প্রজার স্বরূপ করিয়া তাহার একটা জমাবলা করিতে হয়। ঐ জমাবলার সহিত, তেরিজের ঐক্য হইলে জমাবলার প্রতি নন্দেহ থাকে না; জনৈক্য হইলে বিরূপ্যারি পরতল করিয়া মিল করিতে হয়। জমাবলা মিল হইলে জমাজসায় (ভূমির করের) মবলগ বাদ্ধিয়া (সমষ্টি করিয়া) প্রজাদিগের নাম স্বাক্ষর করাইয়া লইতে হয়। এই জমাবলা দৃষ্টে আদায় (প্রাপ্তি), তহ্সিল লোভ) ও জমাওরাদিল বাকি প্রভৃতি সম্লায় কাগজ্ঞা ভ্রত্ত হয়। থাকে।

### কোণবীকণ যন্ত্ৰ।



এই যদ্রধারা তৃইটা লক্ষ্য বস্তুর ধারাতলিক কোণ ও যে যে কোণ দারা তাহাদিগের উচ্চতা নির্ণয় হয়, তাহার পরিমাণ নিরূপণ করা যায়। এই যদ্রটা তিন স্কংশে

বিভান্ধিত। শীর্ষ কোণ পরিমাণার্থে শীর্ষ অঙ্গ, ধারাতলিক কোণ পরিমাণার্থে ধারাতলিক অঙ্গ, এবং দমান্তরাল পাত্রময়। এই হুই থানি পাত্রের মধ্যে যে থানি নীচে থাকে, ভাহাতে একটা আধারপেঁচ (ফিমেলস্কু) আছে, সেই পেঁচের মধ্যে শিরোদওটী অনায়াদে বসাইতে পারা যায়। ঐ দওটী মেছগ্নি কাষ্টের ত্রিপদির উপর গ্রন্থি ছারা এরূপ কোশলে দম্বদ্ধ আছে যে, পায়া ডিনটী একতা করিলে একটী গোল ষষ্টির আকার ধারণ করে, ও প্রেদারিত করিলে ভূমি সমতন না হইলেও স্থদ্ত রূপে স্থাপন করা যাইতে পারে।

ড ও ন ধারাতলিক অঙ্গটী চুইটী বুতাকার ফলকে নির্মিত। ঐ ছইটী ফলক এরূপ ভাবে সংস্থিত যে, একটা ব্দপর্টীর উপর সমান ভাবে বসিতে পারে। নিমন্থ ফলক উপরিস্থ ফলক অপেক্ষা কিঞ্চিৎ বৃহৎ, এবং ভাহার হে ভাগটী উপরের ফলকের বাহিরে পড়িয়াছে, ভাহা ক্রম-নিয় ও সেই ভাগে অৰ্দ্ধ অংশ ব্যবধানে এক এক চিহ্ন আছে। উপরিস্থ ফলককে অণুমাপক (ভার্ণিয়ার) কছে। ইহারও ধারের কিয়দংশ এরূপ ঢাল করা যে, ছই কলকের ক্রমনিয় ভাগ ঠিক উপর্যুপরি পড়িয়া যন্তের ধারাতলিক অকটা এক মন্তকশ্নারভাকার স্চীর স্থাকার ধারণ করে। এ ঢালাংশ স্থন্ন মাপের নিমিত্ত কলাতে বিভাজিত। উপরে বে পাঁচ ইঞ্চ পরিমিত কোণবীক্ষণ যন্ত্রের প্রতিরূপ প্রকাশিত হইল, ইহাতে ১৮০° অন্তর ছইটা অনুমাপক আছে।

ধারাতলিক অঙ্গের নিম্নস্থ ফলক একটা মেরুদত্তে সংৰদ। ঐ দণ্ডের নীচে একটা বর্তুল আছে, সেটা ফল-

কর কেন্দ্রস্থ গহরর মধ্যে স্থদূঢ় রূপে নিহিত। এই দণ্ড ইপরিস্থ সমাস্থরাল ফলককে ভেদ করিয়াছে। দণ্ডটী শূন্য-গ্র্ভ এবং ভাহার মধ্যে আর একটী শূন্যগ<del>র্ভ</del> দণ্ড আছে। এই আভান্তরিক দণ্ডে ধারাতনিক অঙ্গের উপরিস্থ বৃত্তফলক এরপে বংলগ্ন আছে যে, কোন নির্দিষ্ট ধারাতলিক কোণ নিকাশন করিতে গেলে, সমুদায় ধারাতলিক অঙ্গ পরি-চালনা ছারা হইতে পারে; এবং নিমুত্ত ফলক পেঁচ (ঝ) দিয়া আটকাইয়া কেবল মাত্র উপরের ফলক চালনা ছারাও উক্ত কোণ নিষাশিত হইতে পারে। ঘ চিষ্কে যে পেঁচ**টা** মাছে, এটা অল্ল অল্ল সরে। গলাপাস (প্ল) বদ্ধ করিয়া এই পেঁচ ছারা সমুদায় অঙ্গকে অল্লে আল্লে সরাণ যাইতে পারে। ধারাতলিক অঙ্গের পার্ধে আর একটা বন্ধক পেঁচ থাকে, ইহার দারা উপরিস্থ ফলক অধঃস্থ ফলকের সহিত বন্ধ করা যায়। যখন ছুই ফলক এই পেঁচে বন্ধ থাকে, তথন উপরিস্থ ফলককে নিমন্ত ফলকের উপরে চালাইতে হইলে স্পর্শনী পেঁচ (ঠ) ছারা আন্তে আন্তে সবাণ যাইতে পারে। ধারাতলিক অঙ্কের উপর ছুইটা স্থরাসামা যন্ত্র পরস্পর সম-কোণভাবে অবস্থিত থাকে, ও (ড) একটী দিগু দর্শন যন্ত্রও থাকে। এটা শীর্ষ অক্লের আধার স্তস্তদ্ধরের মাক থানে বসান থাকে। শীর্ষ অঙ্গের এক পৃষ্ঠে অংশ চিহ্ন থাকে। চিহ্ন ভলি বামদিকেও থাকে দক্ষিণদিকেও থাকে। ৩০ কলা মন্তব • হইতে ৯০° পৰ্যাম্ব এক এক অংশ চিহ্নিত থাকে। নিগ্দর্শন বছে বে অণুমাপক আছে, ভাহার ঘারা এই পৃষ্ঠ সাবার এক এক কলাতে বিভান্তিত হয়। অপর পৃষ্ঠে

লিছ চিহ্লিত থাকে; নভোন্নত ভূমি মাপের সময় প্রকৃত ধারাত্লিক দূরত নির্ণয় করিবার জন্য উল্লভ ও অবমত স্থানের কোণ পরিমাণ করিতে হয়। এই পরিমাণার্থ প্রতি শৃষ্থল হইতে যে থানে যত লিঙ্ক বিয়োগ করিতে হইবে, সেই লিক্ক সংখ্যাই এই পৃষ্ঠে অন্ধিত থাকে। এই অঙ্গ যথন (ত ক) আধারের উপর স্থাপিত হয়, ভখন ইহার মেরুদণ্ড ধারাতলিক অঙ্গের সহিত ঠিক স্মান্তরাল ভাবে থাকিবে। অভএব যথন ধারাতলিক অঙ্গটী ঠিক সমস্থলে স্থাপিত হইবে, তথন শীর্ধ অঙ্গটীও ধারাতলিক ভাব ধারণ করিবে। এই অবস্থায় শীর্ষ অঙ্গের ধরাতল, ইহার মেরু দক্ষের সম্বন্ধ লম্বভাব ধারণ করে।

শীর্ষ অংকর উপর একটা আড়া সংযুক্ত থাকে। ঐ আড়ার উপর দূরবীক্ষণ ধারণার্থ ইংরাজী অক্ষর ওয়াই আকারের ছুইটা আধার আছে, ও তাহাকে সংবন্ধ রাথিবার জন্য ছুইটা আলিক্সক আছে। ঐ দূরবীক্ষণের নিম্নে (ধ ব) একটা স্থ্রাসামা যন্ত্র এক প্রান্ত গ্রন্থি ছারা ও অপর প্রান্ত একটী চড়কীশিরা পেঁচ দারা সংবন্ধ থাকে। ধারাতলিক অঙ্গের মেরুদণ্ড একটা পেঁচ ছারা দৃঢ় করিয়া শীর্ষ অঙ্গকে অপর একটী পেঁচ হারা অল্লে অল্লে চালান <sup>-</sup> যাইতে পারে।

এই যত্র ব্যবহার করিবার পূর্কে ইহার অঙ্গ শামঞ্চাট্টো নিম্নলিখিত তিন্টী প্রক্রিয়ার প্রতি বিশেষ মনোয়োগ করিতে क्ट्रेट्य ।

## ১। স্থানপরিবর্তন ও লক্ষ্যের নিমিত দূরবীক্ষণের সামঞ্জ্য্য করণ।

দ্রবীক্ষণের অবচ্ছেদক তার (ক্রম ওয়াইয়ার) ও লক্ষ্য বস্তু যতক্ষণ এক দরল রেখায় না আইদে, ততক্ষণ পেঁচ ছার। মুকুরকে ও হাত দিয়া বীক্ষণ কাচকে ঘুরাও। এই প্রক্রিয়ার নাম স্থান পরিবর্তন (পারালাক্র), অনস্তর দূরবী-ক্ষণকে কোন দূরস্থ বস্তুর অভিমুথে রাথিয়া দেথ যে, উহার অবচ্ছেদক তারটী ঐ বস্থকে সমন্বিথও করে কিনা। পরে আলিষ্ঠক বন্ধন (প), যাহাধার। দূরবীক্ষণ ওয়াইয়ের মধ্যে আহদ্ধ থাকে, ভাষা শিথিল করিয়া দূরবীক্ষণকে মেরুদণ্ডের উপর ঘুরাও। এই সময়ে তারছয়ের সম্পাত বিন্দু যেন লক্ষা বন্ধর উপরে পড়ে, তাহা হইলেই সামগ্রস্য হইবে। নতুবা লক্ষা রেখা, চক্ষু এবং মুক্রের কেন্দ্ররে মধ্যস্থিত রেখার দহিত ঐক্য হইবে না। এই ভ্রম সংশোধন জন্য मृत्रवीकन्तक हेशात स्मन्द्र छे अत यूता ७, ७दः द চারিটী যোজক পেঁচ ছারা অবচ্ছেদক তার পরিচালিভ হয়, ভাহার একটা শিথিল ও সম্মুখেরটা বন্ধ করিয়া অর্থেক ভ্রম, এবং ঐ রূপ অপর পেঁচছয় ছারা ভ্রমের অপরার্দ্ধ সংশো-ধন কর।

#### ২। ধারাতলিক অঙ্গদামঞ্চ্য করণ।

দূরবীক্ষণ যজের পার। তিনটীকে সরাইয়া চকু ধার। যভ দূর পার। যায় উহাকে সমতল করিয়া স্থাপন কর। পরে পেঁচ (ক) থার। পলাপাস (প) শাঁটিয়াও অণুমাপক

কলক শিথিল করিয়া 🗳 ফলককে চতুর্দ্দিকে ঘুরাও; 🚁 পর্যান্ত দূরবীক্ষণ ঠিক সমান্তরাল ফলকের তুইটী পেঁচের উপরে আসিয়া না পড়ে। অনস্তর স্পর্শনী পেঁচ (ঠ)<sup>1</sup> খুবাইয়া দূরবীক্ষণের নীচে যে সাম্যয়ত্র আছে, ভাহার ক্ষোটককে ঠিক সেই যন্ত্রের মধান্তলে আন। পরে জণু मार्थक कलकरक चार्कक घुवाहेबा हुववीकारक शूनकी **শমান্তরাল ফলকের পেঁ**চছয়ের উপরে লইয়া আইস। ইহাতে সামাযজের ক্ষোটক যদি ঠিক মধ্যস্থলে ন **আইসে, তবে তাহাকে স্মা**ত্রা**ল ফলকের পেঁচ্ছ**য় খুরা-े ইয়া অর্দ্ধেক সরাইয়া আন, ও স্পর্শনী পেচ মুরাইয়া आंत आर्फ्क मताहेश हिंक मशाकृत आंमहम कता हर-বীক্ষণের উভয় অবস্থাতেই ক্ষেট্রক যন্ত্রের ঠিক মধ্যক্ষণে পাকিবে। যতক্ষণ ভাষা না হয়, পুনঃ পুনঃ ঐ রূপ প্রক্রিয়া করিবে। পরে অনুমাপক ফলককে পুরা-ইবা দুরবীক্ষণকে সমাত্রাল ফলকের জন্য পেঁচ ছায়েব উপরে আন, ও ঐ গেঁচ ছাবা পুনর্কার স্ফোটককে মধান্তলে লইরা আইন। এখন অনুমাপক ফলককে **চতুদ্দিকে যু**রাইলে ক্ষোটক মধান্তলে আগিবে। ইহাঙে প্রতীত হয় যে, আভাত্তিক মেকদণ্ড যাহার উপর অণ্-মাপক কলক যুরে, ভাষা সম্পূর্ণ দ্ধপে শীর্মস্থ হইয়াছে, **জার অণুমাপক** কলকের উপর যে সামায়ত্ত অব্ভিত<sub>্</sub> ্ত্পাছে, ভাষার ফোটক চুন্ধীর মধান্থলে আদিরা যন্ত্রনী শামঞ্জা ও মেকনগুটী শীৰ্ষত্ব ইইয়াছে। এই কাৰে অণু मां क कनकरक वक कांत्रश शनाभाग गिथिन कविंदा गांध,

এবং বহিংশ্ব মেরুদণ্ডের উপর যক্ষটীকে অল্পে আন নরাও, তাহাতে যদাপি কোটক সামাঘল্লের সম্পূর্ণ পরিভ্রমণ কালে এক অবস্থার থাকে, তাহা হইলে আভ্যন্তরিক ও বহিংশ্ব মেরুদণ্ড সম্যক্ প্রকার মিলিল বলিতে হইবে। যে হেস্কু উভরে এক সময়ে শীর্ষস্থ হইয়াছে। কিন্তু যদি ক্ষেটিক এক অবস্থার না থাকে, তাহা হইলে দণ্ডের ছই অংশ মিলিত হয় নাই, এবং এই দোষ যন্ত্র নির্মাতা ঘারা সংশোধিত হইছে পারে।

## ৩। শীষ অঙ্গের সামঞ্জস্য করণ।

সমতলের ফোটক নলের মধ্যন্থলে আসিলে দ্রবীকানের ওয়াই আকারের আধারের উপর তাহাকে এরপে
ব্রাও বে, তাহার এক প্রান্ত অপর প্রান্তের দ্বানে আইসে।
তাহাতে বলাপি ফোটক সেই স্থানে না থাকে, তাহা হইলে
সমতলের চড়কীশিরা পেঁচ দ্বারা অর্দ্ধেক সরাইয়া সেই দোর
সংলোধন কর, অর্থাৎ ফোটক ঠিক মধ্যন্থলে আন। এই
প্রকার বারস্বার কর, যে পর্যন্ত না সর্বতোভাবে উক্ত দোর
সংলোধিত হয়। পরে দ্রবীক্ষণকে দক্ষিণ ও বামদিকে
অর পরিমাণে ব্রাইলে, যদি ফোটক তাহার গতিপথের
মধান্থলে না থাকে, তবে সামাব্যের অন্য সীমায় বে পেঁচ
আছে, তাহা দ্বারা পার্বে শোধন করিতে হক্তরে। এই
সামঞ্জন্য বিধানে প্র্ককৃত সামঞ্জন্যের অন্যথা হইতে পারে,
ভাহা হইলে প্র্কের প্রক্রিয়াগুলি অতি সাবধানে প্রন্বশ্বন

ঠান করিতে হইবে। যে ক্ষুদ্র পেঁচ শীর্ষ অক্ষের অধুমাপককে
দিগ্দর্শন যত্ত্রের উপরিস্থ অধুমাপক কলকের সহিত সংযুক্ত করিয়াছে, তত্থারা অধুমাপকের শ্ন্যস্থল শীর্ষ অক্ষের শ্ন্য স্থালের উপর বসাও, তাহা হইলে শীর্ষ অক্ষ সংস্থাপন সর্কা ভোভাবে বিভদ্ধ হইবে।

#### পারাতলিক কোণ নিরূপণ।

যথন কোণমান যন্ত্র দামঞ্জদ্য হইল বলিয়া স্থির হইবে. ভাহার পায়া তিন্টী বিস্তার করিবে, ভাহা হইলে সামায়ন্ত্রের তুইটী ক্ষোটক প্রায় মধ্যস্থলে আসিবে ও ভাহাদিগের নিমন্ত ভাররজ্জু যে ছানের কোণ পরিমাণ করিতে হইবে, ঠিক ভাহার উপর খুলিতে থাকিবে। পরে আর আর পৌচ বন্ধ রাথিয়া (খ) পেঁচ ছারা সমুদায় যত্রকে শিথিল কর। अनस्टत অণুমাপক ফলক শিথিল করিয়া পূর্ব্ব নিয়মাত্মারে ধারা-ভলিক অন্নকে সমতল কর এবং সমুদার যত্ত্রকে বন্ধ কর: ও অতি সাবধানে অণুবীক্ষণ ও মিলন প্রেচ্ছারা অণুমাপকের ভীরকে অধঃ ছ কলকের ৩৬০° বা ০° অংশের উপর রাধ। পুনরার সমুদায় অঙ্গকে শিথিল করিয়া, ভাহাকে যে ছই স্থানের কোণ গ্রহণ করিতে হইবে, ভাহার বামে পুরাও, বে পর্যান্ত দূরবীকণের তারঅবচ্ছেদকবিকু লক্ষ্য স্থানের মিশান এত্তি কোন পদার্থের উপর না পড়ে। পরে (ক) পেঁচ ৰদ্ধ করিয়া (খ) পেঁচ মৃত্বভাবে পুরাইলে দর্কভোভাবে ঠিক হইতে পারে। জনম্বর তারজবচ্ছেদকবিন্দু, বিভীয়

লক্ষ্য স্থানের কোন বস্তুর উপরে যে পর্যান্ত না পড়ে, জাণুমাপক ফলককে শিথিল করিয়া ডভক্ষণ খুরাও। ডৎপরে
অণুমাপক ফলককে পূর্বান্ত বন্ধ ও সামঞ্জন্য কর, এবং কড
জংশ কোণ হইল ভাহা জাণুবীক্ষণ ও জাণুমাপক দারা
দেখিয়া স্থির কর। পরে জন্য জাণুমাপক দারা ঐ প্রকারে
কোণের জংশ স্থির কর। ঐ ভুই কোণের সমষ্টির গড়
ভ্যাৎ অর্ক্ষ্কে প্রাকৃত কোণ হইবে।

## শীর্যকোণ গ্রহণ।

পূর্বের নাায় যন্ত্রকে সমতল করিয়া অণুবীক্ষণ ছারা দেখ, যে শীর্ঘ অকের শ্ন্য ছান অণুমাপকের শ্ন্য ছানের সহিত প্রকা হইয়াছে কিনা। যদি হইয়া থাকে, তবে ষে পর্যন্ত ইহার অবচ্ছেদকতার লক্ষ্য বস্তর উপরে পতিত না হয়, দূরবীক্ষণকে ততকণ উল্লভ বা অবনত কর। পরে যন্ত্রন করিয়া সামঞ্জন্য কর। এখন যদি অণুমাপকের ভীর, দূরবীক্ষণের মৃক্র ও শীর্ষ বৃত্তের শ্ন্য অংশের মধ্যে পরে, তাহা হইলে যে কোণ্টা বাহির হইবে, তদারা লক্ষ্য বস্তু কত নীচে তাহা নির্দীত হইবে, অন্যথা শীর্ষ কোণ বাহির হইবে, অর্থাৎ যদারা লক্ষ্য বস্তু কত উর্দ্ধে আছে তাহা নির্দ্ধণ হইবে।

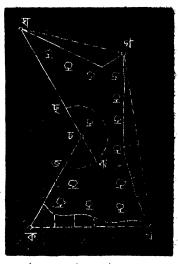
কোণবীক্ষণ যন্ত্রদ্বারা বন, হ্রদ, বন্দর, নদী, রান্তা, প্রভৃতি জরীপ করিবার নিয়ম।

(১) পৃশ্চাৎ বে একটা বনের প্রভিন্নপ প্রকাশিত হইল, ইহার নক্ষা ও ক্ষেত্রকল স্থির করিতে হইবে।

	-			
⊚ চ হই	ভৈ	৫৮° ২৩´ ⊚ ক পৰ্য্যস্ত	<ul><li>থ পর্যান্ত</li></ul>	ł.s.
	0	0 4 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6		•
⊕ घ इह	ভে	@ 2 L ≤87. ∘ ० ►	ক পর্য্যস্ত	
	0	© চ পর্ব্যন্ত ১৭৯০	,	
❷ গ হই।	তে	<b>⊕</b> 4 —	ত পর্যান্ত     ত্র     তি	
		© ঘ পৰ্য্যস্ত ১৮৯৮		
}}. `` <b>₹</b>	<b>99</b>	२००		
	•	• • •		
্ঞ থ হই ি	ভে	১১১ <b>°</b> ৩৯´ ⊚ গ ৗ	্তি <b>ঘ</b> প <del>ৰ্য্যস্তু</del>	
₹"\$" +		প্রথান্ত		
		२७१৮		
31	٥ ١	2800	·	
2;	4	p.00		
	•	*>*<*	0 = 04-	
<ul><li>क हहे</li></ul>	· •	ଁ ଡ଼ିଏଁ ୮	গ পর্ব্যন্ত     গ পর্ব্যন্ত     শ	
		🗨 ধ পর্যান্ত		
	•	२००२	e de la companya de l	
*	۱ ده	2 p- 0 a		
	•	>>•••		
<b>ર</b> •		<b>७</b> २•		
কোণের ল		₹ <b>₹ &amp;</b>		
ব্যার	1	⊚ ক হইতে	গমন পৰ্যস্ত	
	-	<del></del>		

বনের চড়্দিকে নিশানভালি এরপ সরল রেখাকমে ছাপিত কর বে, তথা হইতে ভ্মির সীমাভংগাতি রেখার উপর জনায়াসে লম্ব পাত করা যাইতে পারে, ও কোণবীক্ষণ যন্ত্র ছাপনের নিমিত্ত নিদর্শনভানতালি যেন উপযুক্ত ভ্মির উপর হয়। মনে কর, এই বনে কথ গ ঘ চ পাঁচটী নিদর্শনভান ও ইহার চিঠা উপরি লিখিত অলুসারে লিখিত হইয়াছে।

চিঠা হইতে স্পষ্ট প্রতীত হইতেছে যে,
নিয়া অন্ধিত করিবার
নিমিত্ত প্রথম ক থ রেখার পরিমাণ করা হয়।
পরে ক থ গ প্রথম কোণ
শ্রহণ করিতে হয়, ইহার
পরিমাণ ৮১° ২৯
শুভদ্বারা ধর্গ রেখা কোন্
অভদ্বারা ধর্গ রেখা কোন্
অভিমুখে বাইবে ভাষা
নির্দারিত হইভেছে।
ক থ গ কোণ পরিমাণ



কালে কোণবীক্ষণ বন্ধকে ঠিক ঘ বিন্দুর উপর বসাইরা নামঞ্জন্য কর। পরে ধারাতলিক ফলকছয়ের শ্নাবিক্ছয় ঠিক উর্বাপরি পড়ে এরূপ বন্ধ করিয়া, ও দ্রবীক্ষণের মুক্রকে ক @ নিদর্শনিস্থানে স্থাপিত পতাকার অভিমুখ করিয়া নুম্বার বন্ধকে বন্ধ কর। অবশেষে উপরের ফলককে শিধিক कतिया मृतरीक्न । क विमर्गन शास्त्र अखियु । वामिन शहेरा प्रक्रिय मिक मित्रा श्रीतिवालिक कत्र, जाहा इहेरल महे হইবে যে, ক থ গ কোণের পরিমাণ চিঠার লিখিত পরিমাণের महिल मिनित्त, अर्थाए ४३° २३ ट्रेट्र । এইরূপে প্রভীত হুইবে যে, গ ও ঘ নিদর্শন স্থানের কোণপরিমাণ ১১১° ৩৯ ৩৪৬° ৫১ ইইবে; ও খাগ, গাঘাও ঘাচ রেখাতার প্রত্যাকেই श्रुर्कदर्शी (तथात नामितिक वज्र हहेशा याहेरन। ह विमुख কোণ ২৪১° ৩৮ ; উহা ১৮০° অর্থাৎ অর্জবৃত্ত হ বা অপেকা বুহুৎ হওয়াতে দেখা বাইতেছে যে, চক রেখা দক্ষিণ দিকে शाहरत । পরিশেষে पृष्ठे इटेरिय या, क ⊚ निपर्णन शास्त्रत ভোগপরিমাণ ৫৮° ২০°, স্মৃতরাং ক থ রেখা চ ক রেখার বামদিকে বাইবে। এই রপ কোণের পরিমাণ ছারা জ্ঞাভ ক্রমা বায় যে, নৃতন রেখা পূর্বভন রেখার দক্ষিণ বা বামপার্থে বক হইরা বাইবে কিনা, অর্থাৎ কোণের পরিমাণ ১৮০ জাপেকা নান হইলে, নৃতন রেখা পূর্বতন রেখার বামদিকে धारः छम्एलका दृहद इहेरन मिक्न मिर्क बाहेर्द। शक्तत **भूना विभूगे अध्यव**र्छी त्रथात आतस एल हानिए कतिए हहेरव । অভএব চিঠাতে প্রথম বেণা ভিন্ন, অপর রেখা সমুদায়ের বিয়ারিং লইবার আবশাকতা থাকেনা।

### नकुमा ७ श्रांग र त्रा।

় নিৰ্দিষ্ট অভিমুখে ক থ রেখা পাত করিয়া, ভাহাতে নিৰ্দিষ্ট रेक्का चर्चा ९ २००२ निष्क हिहिए करा। शास किनियान शास्त्र क्स थ 🗣 निष्मीन शास्त्र डेलर बनार, 😉 ভাষার ঋতু পার্থ উক্ত কথ রেথার সহিত মিলিত করিয়া খ চিক্তে ৮১° ২৯ পরিমিত একটা কোণ গ্রহণ করিয়া একটা **किक्ट मांख। भारत थ विन्तु ७ উलिथिए किक्र मित्रा मिनिंडे** দৈৰ্ঘ্য অৰ্থাৎ ২৬৭৮ লিঙ্ক পরিমিত থ গ একটী রেখা পাৰ্ভ কর। এইরপে গ ও থ বিদৃশ্ব কোণ ভঙ্কিত করিয়া পর-বন্ধী রেথাছয় পাত কর। চ বিন্দুস্থ কোণ ২৪১° ৩৮ ; মুভরাং, চক রেখা অবশ্যই ঘ চ রেখার দক্ষিণে আসিবে ও চ বিন্দুতে যে কোণ নিকাশন করিতে হইবে, ভাহা ৩৬১ ← २८५° ७৮ = ১১৮° २२ इटे(व. এवং **চ क** द्रिश कड़िक করিলে তাহা মাপের আরম্ভ স্থান ক বিন্দুতে মিলিত হইবে, কিমা তাহার অত্যন্ত নিকটম্ব হইবে। কি**ন্ত** যদি চ ক রে<del>থা</del> क विमुख मिनिए ना श्रेश छाश श्रेष पृत्र পण्डि स्त्र, ভাহা হইলে কোণ গ্রহণ করিতে অথবা রেখা মাপ করিতে লম হইয়াছে বুঝিতে হইবে। বহতুল কেলের অভরে বাহ क ৰিঙণিত চতুকুন সমকোণ থাকে। স্মৃতরাং, এই নির্দিষ্ট ক্ষেত্রে ¢টা অন্তর্ভ কোণের সম# = ৫×২—৪=৩ ন্মকোণ=৯০°×৬=৫৪০° হটবে।

वशा,- थ विकृष कान-৮১° २ठ

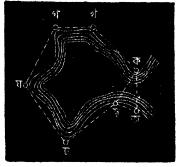
কোণ দহত্বে প্রমাণ ৫৪০°

পূর্ব্বোক্ত ফল হইতে প্রতীত হইতেছে বে, কোণগুলি বিশুদ্ধ ব্লপে গৃহীত হইয়াছে, কিন্তু যদ্দিচ ক রেখা ক বিন্দুতে না মিলে, তবে কোন রেখা পরিমাণ করিতে বা চিঠাতে

লিখিতে ভ্রম হইরাছে। এই ভ্রম জনারাদে সংশোধিত ছইতে পারে।

इस, विम ७ दूहर भूकतिवैद मांभ ७ नक्का कहिए कर्ता পূর্কোক্ত প্রকারে হইতে পারে।

২। পার্বে যে চিত্র-(काळ क्षेप्तर्मिक वहेत. ইহা একটা উপদাগর। अर्थवयात निवाशिक রাথিবার নিমিত্ত ইহার পরিমাণ করা আব-गाक।



এই চিত্তে জোয়া-

द्वत नमज छेलकूरनत नीमा व्यनिन्ड इरेडाहा। थ, ११, घ, घ इं ७ व करतको निवर्णन हात्न निगान हालन पूर्वक, क ⊚ **হটতে জ্**রীপ আর**ভ ক**রিয়া ঐ স্থানেই জ ক ছ কোণ প্রহণ कता अधार के दार्थाक शकार मिक खातादात हिंद्र পর্যান্ত বর্দ্ধিত করিয়া থ @ পর্যান্ত মাপিয়া ক খ গ কোণ बार्ग करा। बहेकाल कथावर्जी दार्थानमृत्यत छ कार्गकिनितं পরিমাণ গ্রহণ করা হইলে, ক ছ জ কোণ ও ছ জ ক কোণ গ্রহণ कतित्रा इ व तिथाक ब्लामास्त्रत कलत नीमा भर्गास र्वाइंड কর। জরীপের শঙ্গে সঙ্গেই সমুদার লখগুলির পরিমাণ य गृशेष हहेग्राह्म छोशे वना वाहना। धहेक्स शूर्त य दरमंत्र मन्नात छेगारतन दम्छत्र। रहेत्राष्ट्र, उपस्तान धरे छेन-সাগরের প্রতিকৃতি অন্তিত করা বাইতে পারেও কোণের বিস্তৃতি দারা রেখা সম্হের অভিমুখ জানা যাইতে পারে।
এই বন্দরের দার অর্থাৎ প্রবেশপথ অতি বিস্তৃত বলিয়া
ক ছ ও ক জ রেগাদ্বরের পরিমান প্রাপ্ত হওয়া যাইতে পারে
না বটে, কিন্তু এতদারা জরীপ কার্য্যের বিশুদ্ধতা অবগত
হওয়া যায়। অর্থাৎ ক, ছ ও জ বিন্দুন্থ কোন পরিমাণ
ক্রিয়া জরীপ ঠিক হইল কিনা তাহা জানা যাইতে পারে।

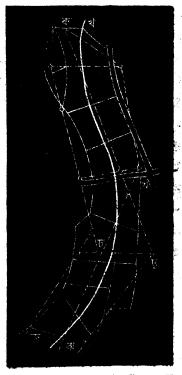
৩। কোণবীক্ষণ যন্ত্রখারা জরীপ করিয়া নিম্নলিথিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটী নদীর নক্ষা অভিত করিতে হইবে। (৩৫৮ পৃষ্ঠার প্রতিকৃতি দ্রষ্টব্য)।

< ঘচছ	ছ পৰ্যান্ত ১০০ ১০'৪°	9•. 9•
	চ ২ইতে	বামে
	চ পৰ্য্যন্ত ৪৩০	<b>C</b> •
	800	৯০
	>00	३२
< গ্ৰচ	১৩৩° স্বাহইতে	मिक्टि (
	ध পर्याख २४०	80
	₹00.	9.
< খগঘ	22¢*	•
	গ ইহতে	मक्दि
	গ পর্যান্ত ৩৮ •	>•
	२००	೨೦
	0	80
< কথগ	১১৩° ধ হইতে	বা <b>ৰ</b>
	थ अशिष्ठ >००	<b>ર</b> ૦ '
	•	80
আরম্ভ	ক হইতে	গমন প

ক ও ধ হইটা নিদর্শন স্থানে পতাকা স্থাপন করিয়া,
ইহাদের মধ্যগত দ্রজপরিমাণ ও ইহার উপর অভিত
লখের পরিমাণ নির্ণয় কর। পরে ধ স্থানে আসিয়া গ
চিহ্নিত স্থানে একটা নিশান প্রোথিত কর, এবং গ নিদর্শন
ম্থানে কোণবীক্ষণ যত্র স্থাপন কর, ও ক ধ গ কোণের মান
নিরূপণ করিয়া চিঠাতে "ক ও গ-র মধ্যগত কোণের মান"
বা " <ক ধ গ" এই বলিয়া লিধ। অনস্তর গ চিহ্নিত স্থানে
উপস্থিত হইয়া ঘ স্থানে একটা নিশান প্রোথিত কর, ও
ধ গ ঘ কোণের মান নিরূপণ করিয়া চিঠাতে লিখ। এই
রূপে অন্যান্য কোণের অংশপরিমাণ লিধিয়া বাও।

শমান আংশের মানদণ্ড ছারা ১৫০ ছাত পরিমিত একটী রেথা ক থ জছিত কর, এবং তাহার উপর লম্বণুলি পাত কর। পারে কোণমান গজের মধান্থল থ চিহ্নিত ছানে ছাপিত করিয়া, তাহার এক পার্থ ক থ রেথার উপর রাথ, এবং কথ গ কোণকে ১১৩° জংশ পরিমিত করিয়া লও। পুনশ্চ, কোণমান গজের মধান্থান গ চিহ্নিত ছানে রাথিয়া গ খ এরপে জাইত কর যে, থ গ ঘ কোণের মান ১১৫° হয়। এইরপে জন্যান্য শৃচ্ছাল রেথাগুলি জাঁকিয়া বাও।

৪। নিয়ে বে চিত্রক্তে প্রকাশিত হইল, ইহার মধ্যত্ব ধ জ ছুল কুটিল রেগাটা একটা লোহবন্ধ। ইহা ক ছ ১ম ডল রেগার ক ছানে আরক্ত হইরা ছ পর্যান্ত গমন পূর্বক গ ঝ প্রধান রেগার দিকে ফিরিয়াছে; এবং ইহাকে একবার উল্লেখ্যন ও আর বার প্রভালক্ষন করিয়াছে। গ ব রেধা ক ছ-র সহিত চ ছ প্রামাণিক রেখার মারা युक्त इहेग्राह्। अहै রূপে পরবর্তী প্রধান রেখা, গ বা রেখার সহিত সংযুক্ত করিয়া, লোহবন্ধ বৈ অভিমূথে বা ষভ দূর বিস্তৃত হউক না, জরীপ হইছে পারে । ৫। নিমে যে নদীর প্রতিকৃতি প্রদর্শিত ब्हेन. हेशत खतीश ও নকা করিতে হটবে। नमी य य दान বক্ত হইয়াছে প্রথ-मजः (नहे (नहे शांत



এক একটা নিশান প্রো।থত কর, যথা ক, খ, গ, ছ, ছ।
পরে ক খ সরল রেখা মাপিরা যাও ও ভাহার উপর যে বে
লছওলি উদ্ভোলন করা হইবে ভাহাদের পরিমাণও
গ্রহণ কর। যদি নদীর পরিসর বড় না হর, ভাহা হইলে
একটা শ্ন্যগর্ভ সীসার ধ্যোলার এক খণ্ড স্থ্রের
এক প্রান্ত- বাদ্ধিরা, অপর প্রান্ত হল্তে হারণপূর্কক
উ্তাকে জ্লেনিক্লিপ কর। জ গোল্বা ভাসিতে ভাসিতে

ननीत अवत वादत लीहितन, উशांक ग्रेनिया नहेसा ऋजि

মাপিলেনদীর পরিদর স্থির इस्र। कथ द्रिश माणिवार সময় 🛛 চ-তে একটা নিশান পুতিয়া যাও। এই স্থান হইতে নদীর দৈর্ঘ্যের অভিমুখ অনেক দূর পর্যান্ত লক্ষিত ছটুয়া থাকে। কথ রেখা মাপিয়া থ কোণ গ্ৰহণ করাতে তাহার পরিমাণ ১৮. অপেকা নান হও-ग्रांख क्षेत्रीं इरेखिइ य, ধ প রেখা বামাভিমূথে চলিয়াছে। जनखर, थ গ রেখা মাপিয়া গ কোণ গ্রহণ করাতে ভাহার পরি-মাণ ১৮০ অপেকা বেশী



হওরাতে প্রতীত হইতেছে যে, গল রেখা দক্ষিণাভিমুখে চলিরাছে। এইরূপে ছ পর্যান্ত মাপিরা, ছ স্থানে ছ চ রেখা ছারা যে কোণ হইরাছে ভাহা পরিমাণ কর। ইহার ছারা জরীপের বিভঙ্কতা নিরূপিত হইবে। যদি নদীর পরিষর বৃহৎ হয়, ভাহা হইলে নদীর অপর পারে ঘাইয়া পূর্কোক্ত রূপ প্রক্রিয়া কয়, এবং ধ গ রেখাকে বৃদ্ধিভ করে।

## উৎক্রফ্ট প্রথামুসারে চিঠা লিখিবার ধারা।

প্রার ৫০ বংসর হইল ভাক্তর রজ্তেম চিঠা লিখিবার পশ্চানিখিত উৎকৃষ্ট প্রথা প্রকাশ করেন; ইহা এইক্ণণে ইউরোপে প্রায় সর্বতি প্রচলিত হইয়াছে।

এই জরীপ অদি নদীর উপর যে সেতু আছে, ভাহার উত্তরপশ্চিম পার্শ্বর ভক্ত হইতে আরম্ভ হইয়া, উত্তর-পশ্চিমাভিমুথে এরূপে চলিয়াছে যে, তদারা ১ চিষ্কিত বন্টীর মধ্যে না পড়িয়া ভাহার ঠিক ধার দিয়া গিয়াছে। শুখাল রেখাগুলি বন্ধনীর অন্তর্গত সংখ্যাবাচক অন্তবারা নির্দেশিত হট্টরাছে, এবং কেত্রের কুদ্র কুদ্র অংশগুলি নির্দেশ করিবার জন্য শুদ্ধ নংখ্যাবাচক আন্ধ প্রেরোগ हरेबारक। ) हिङ्केष मुख्यल द्विशास २००, ১২७०, ১৮৯० २००८, २४१६, ७१२०, ध्वर ६१०० लिख्द एल निम्नेन ম্বান রাখা হইয়াছে। এই দকল নিদর্শন স্থান হইছে, বাম ও দক্ষিণ দিকে শৃত্ধল রেখা অন্ধিত হইতে পারে। এই ১ চিছিত রেখাটী সাভটী বেডা পার হইয়া ১৭২৬ লিছের নিকট শেষ হইয়াছে। এতদারা প্রতীয়মান হইবে বে, ১১ চিহ্নিত বাগান ও বাটীর দক্ষিণের বেড়া কোনু অভিমুখে গিয়াছে, তাহা ১ চিহ্নিত রেখার বাম দিকে ১৪২৪ লিছের নিকট নিৰ্ণীত হইয়াছে।

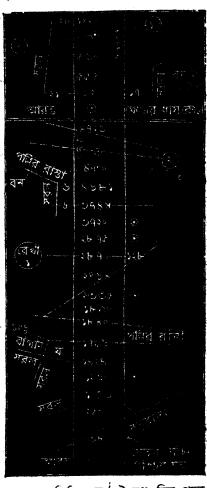
ছিতীর রেখা মৌজার উত্তরপশ্চিম কোণে স্পারস্থ হইর। ২৪ লিজের কাছে সীমা উল্লেখন পূর্বক ১ রেখার ৪৭০০ লিজের নিকট নিশুনি স্থানের মধ্য দিয়া গমন করিয়া, বঁড় রাভার

# र्छन्नि मारश्यत क्यीनाती क्रतीय।



পশ্চিম দিকস্থ বেড়ার নিকট শেষ হইয়াছে। এই রেথার

2 360 B OSF8 লিকের হানে নিদৰ্শন ভান াচ্ছিত করিয়া, ভথা ইইভে মৌজার উত্তর পার্শ্বের লম্ব উ-জোলন করা इरेब्राइ । ত্যু শৃঙ্খল রেখা ২য় রেখার ৩১৮৪ লিছের প্লাক হইতে আ-রক্ত হইয়া নক্ষি-ণাভিমুথে চলি-য়াছে। ইহা চি- ' ঠাতে এই রূপে চিক্লিড আছে, " আবেস্ত ⊚ ৩১৮৪লিক ." কোন রেখা मिक्न पिरक किविल ि धरे



চিহ্ন প্রদত্ত হয়, ও বামে ফিরিলে 🦳 এই রূপ চিহ্ন প্রদত্ত

হয়। ৩য় রেথা বড় রাস্তার সল্লিকটে অনেক দূর পর্যান্ত যাইয়া,

কিতা জ্মীর মধ্যে পল্লীর রাস্তা উল্লেখন পূৰ্বক, প্ৰথম রেখার ১২৬০ लिएकत ऋरन প্ৰিব রাস্থা ⊙ সরুল ৰে থাক আছে, তথায় 1960 আবিরা মি-লিভ হই-शहि। ३ ७ ৮ চিহ্নিত यात्र जभीत मधा-গত বেড়ার রাস্থা অভিযুখ এক-টী বোগ রে-থার দারা व्यविष्ठ हहे-शांद्ध। ७ ता-থার পরিমাণ ·0048 FIF अवंद ३ १६ ३ রেখার দহিত যুক্ত হইয়া একটা তিতুক উৎপন্ন ছইরাছে। ৪র্থ রেপা ১ম রেণার ২৫০ লিক্ষে কল্লিভ থাক হইতে জারস্ত হইয়া, ি দক্ষিণাভিমুখে পমন পূর্কক ২র রেথার

२०२१ निष्ड কল্পিত থাকে মিলিভ হই-श्राट्ड । ৫ম রেখা ৩য় রেখার ১৪২০ লিকে কৱিত থাক হইতে আরম্ভ হইয়া দক্ষিণাভিম্থে গমন পূৰ্বক ২ বেখার ২০৬০ ণিকে করিত থাকে মিলিভ इहेब्राइ । के ल भ বেখা জরীপ

করিলে, ১মরে-

ধার উত্তরপূর্ব লিকের সমুদায় রেখা জুরীপ ক্টল বলিতে ক্টাবে। হাব্য ্হ ১ মধ্যে হ'বেম রাবশ

৮ম রেখা ২য় রেখার মূল হইতে আমারক্ত হইয়া, দ্ফিল মু(ধ গমন প্ৰকাক জনি নদীর উত্তর কুলে সমাপ্ত 7.1 **रहेशाइ**। ৯ম রেখা (•) 330 ৮ম বেথার (3) 8950 निक ১৮ কল্পিড থাক 130 হইতে আরম্ভ क्ट्रेया. ১म द्विश्रात २०० লৈকে কলিভ থাকে মিলিভ 3.4 श्हेशाष्ट्र । য চিঠার অব-29. 50 শিষ্ট অংশ নিষে প্রদর্শিত হইল, কার বেডা প্রভৃতির প্রতি-क्रेल (एएस) ' (शन बा. .(व 0

কিয়নংশের নশ্ধী ওপরে দেওয়া ইইরাছে; পাঠক ভদশনে প্রতিরূপ আপনি কৃথিতৈ পারিবেন।

( 4 5 )	1	⊚ প্ৰ্যান্ত	৯০० मर्स्स (৮)
(55)		3099	mas 404) (a)
	ডি	১০৩২	বেড়া
	, 0		23
		950	49
			٥١
		⊚ হইতে	७१२० मर्सा ५
( \$5 )		<ul><li>পর্যান্ত</li></ul>	२४-१० मार्था (১)
( •• )		3658	
		2809	<b>4</b>
		> 80	93
		৮৯০	36
		<b>b</b> -50	0
		900	هره.
		690	৩৬
		२००	ar-
	ডি	98	বেড়া
		ত     ইংভ	১৭৪০ মধ্যে (৮) 🗇 🦈
( >0 )	<b>FG</b>	2398	বৈড়া
, ,		å	
		⊚ পৰ্যান্ত 🛱	
		2.80	
		>>20	
	20	7078	२५ (वर्ष)
ডি	३ ३	Δ	र्थ् जि
		>500	
3	٠9	4866	১৩ গোলা গৃহ
বাহিরে	<b>ં</b> ૧	>>%0	
৫৭ ইমারভ	.5+	2004	
<b>&gt; }-b-b-</b>	ುಹ	<b>३</b> १२	25 68
<b>3</b> )	٥	980	83
	ъ	900	७२
15	4.8	905	বেড়া
राहम (वस्र 8 व		000	
₹75 8 <b>&gt;</b>	88	₹0₽	
		🕲 হইতে	। ১৮৯० मध्याः (১) 🔿

8\$ <b>%</b>	ক্ষেত্রব্যবহার।	৫ম ভাঃ
( >8)	প্র্যান্ত ৭৮৩	। । ४१५० मत्स्र (৮)
अभि मनोत विश्वाद १९८८ विका १८८८ १८८ १८	600	
A PA	<b>8</b> 8 °	
₹ 358 \$28	380	
	છ হইতে	२৯১२ गर्धा (५० 🗌
(৩) অবসির নদী {	0)80	
(a) allia and	२৯२७	} উল্লেখন ব্যবধান
	२৯५२	<b>o</b>
å	. ૯૭ 🕥	উপর (৯)
<i>γ</i> , ο	२१३२	
৬২	2020	
দরশ বেড়া ভি ৮১	1	२७५
	2005	>48
	3.060	90
সরল বেড়া ডি ইমারভ { ৩১	, ]	p-p-
. શ્નાલ { હા	1	
· · ·	५१७७ ⊚	(>0)
ইমারভ ে	593	cars for
হুমারভ ( ৩৯ ২৬, ( ৪০	1	বৈড়া ডি
7.0	0.50	90
ণ্ডি		বেড়া
98		• 1 • 1
9 3	,	
fy	৯২	(বড়া
	⊚ इडे.ख	bee भाषा (১১)

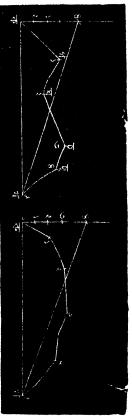
# জরীপ।

		1
(১৭) দরল বেড়া	COF	পার (বন)
•	⊚ পর্যান্ত	৮१० मरक्षा (১৬)
অসিনদীর 🕽	889	
বিস্তার 🔪 ৩৬	800	
ऽ२० नि <b>इ</b> । ३३	२ ৫ ०	
<b>3</b> 58 8	৬৮	} ডি
দৈভূ ১২	( २	3
320 38	٥ د	
	⊚ इकेंद्र	सर्था (३)।
(>#)	গু ৩১৪ পর্যান্ত	ত বানে, নিকট ২৫০
	38¢6	<ul> <li>মধ্যে ১</li> </ul>
_	690	© 1×
নরন <b>বেড়া</b> ডি	96-39	3)
	900	₹8 1× 16
	Coo	) P (E 4
	V0 0	० ५ ५ % ७ © ० १ ५ % ७ © अपि गमी त्र विकास
	300	200
_	⊚ হটজে	১७১० मध्या (১৫) [
(১৫) নদী 👔	3880	
ব্যবধান পার 🚶	1990	
	3030	<b>©</b>
	3200	>52 <u>™</u>
	3030	) ca (8)
	bb0	363 6
	900	); ( E E
শরল বেড়া ডি ৩৪	తు	क १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८
বন		<u> </u>
সরল বেড়া ডি ২৬	<b>২৬</b> ৪	1
	>60	3)
	⊚ হই:েড	) ১৬৬० मस्या (२)

ক্ষেত্র অভ্যন্ত বক্ত হইলে তাহাকে সমকো-ণিক ত্রিভুজে পরিবর্ত্তিত করিয়া জরীপ করিতে इय ।

মনে কর কগ্যচছ্থ একটা বক্র বা শহর কেত। इशांक এक है। नमरका निक ক্ষেত্রে পরিবর্ত্তির করিতে ইইবে যাহার ক্ষেত্রফল ইহার সমান হইবে।

ক্ষেত্রের যে কোন প্রান্ত, যথাক হইতে কথ ভূমির উপর কোণ্মান গজ্বারা ক ৪ একটা অপরিমিত লম্ব উত্তোলন কর। ক্লেত্রের যে প্রান্ত হইতে লম উল্লোশন করা হইল, সেই স্থান হইতে ক্ষেত্রে প্রভাক কোণে ১,২ করিয়া একাদি ক্রমে চিহ্ন দাভ । ০ ও ২ চিক্লিড কোণের উপর সমান্তরাল (রূলার) পরিমাপক রাখিয়া. ১ চিহ্নিত কোণের উপর দিয়া একটা



ममाखदान दिशा होन। धरे ममाखदान दिशा यि विन्तुरू

ক ৪ লম্বকে অবচ্ছিন্ন করিবে, সেই বিন্দুকে ১ সংখা। ছারা। চিদ্লিভ কর। এইরূপে ক্রমশঃ লম্বের উপর যত বিন্দু পাত হইবে, সেই বিন্দুগুলি ক্রমান্তরে ১, ২, ৩ এইরূপ সংখা। ছারা। চিদ্লিভ করিবে। লম্ম্ছ ১ ম বিন্দু ও ক্ষেত্রের তৃতীয় কোণ প্রায় নমান্তরাল (রূলার) পরিমাপক ধরিরা। ছিতীয় কোণের উপর লিয়া সমান্তরাল রেখা টান। এই রেখা যে বিন্দুভে লম্বকে অবচ্ছিন্ন করিবে, ভাগকে পূর্ব্ব মত ২ অঙ্ক ছারা চিহ্নিভ করিবে। এই রূপ প্রক্রিয়া করিয়া লম্বের সর্ক্রোন্ধরি যে স্থানে চিহ্ন পিছিবে, সেই স্থানের সহিত ভূমির অপর প্রায় বালি করিয়া লিলে, যে সমকোণিক ত্রিভ্রুজ উৎপদ্ধ হইবে, তাহাই ঐ ক্ষেন্তের স্মান। ইউক্রিডের ধে প্রক্রিন্দ্র তাহাই এই প্রক্রিন্তর বিশ্বিক্র উপর প্রক্রিয়া ভাইবাছে ভাহা এই, ''যে সকল ত্রিভ্রুজ এক ভূমির উপর ও সেই ভূমির সমান্তরাল রেখার মধ্যে থাকে ভাহারা পরক্ষের সমান।''

যদি ক্ষেত্রের দীমা কোণবিশিষ্ট না হইরা বৃত্তাকার হয়, ভাষা হইলে চুদ্রাভাব অংশকে এরপে থণ্ড থণ্ড করিবে থে, প্রভাকে থণ্ড এক একটা সরল রেখা হর। অনন্তর পূর্কোক্ষ প্রণালী অনুসালে প্রক্রিয়া করিতে হইবে।

ভ ভিল প্রেন্টেবিল) ব্যবহার করিয়া জ্রীপ করিবার ধারা।

কোণবীক্ষণ যত্র গারা জরীপ হইলে ভ্যাদির ক্ষেত্রকল নতং কোণওলির অংশপরিমাণ অভি স্থা হর বটে, কিন্তু এই জরীপু হহজ নত্ত ৪ ইহাতে বিস্তর বিলম্ব হয়। অপর,

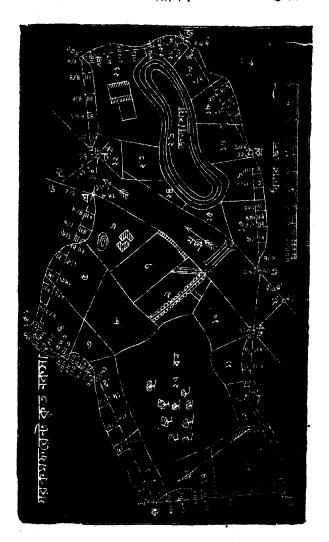
জরীপ করিতে করিতে নক্সা প্রস্তুত হয় না; স্ভরাং জরী-পের পরে নক্সা করিলে ভাহাতে ভ্রম হইবার অধিক সন্তা-वर्मा, ब्यांत के सम स्थाधनार्थ भूनकीत कतीरात क्षेत्राकन হইরা থাকে। এই জন্য তক্তি (প্লেন্টেবিল) নামক যন্ত্র দারা ভূমির পরিমাণ করিলে পূর্ব্বোক্ত অন্মবিধা অনেক ছাংশে পরিছার হইয়া থাকে।

ডক্তি থানি একটা কৌশল ধারা ত্রিপদির উপর সংযুক্ত ছুইরা থাকে। তক্তির দঙ্গে এক গাছি কার্চের যৃষ্টি থাকে, উহা ভক্তি অপেকা কিঞিৎ লমা। উহার হুই পার্খে কাঠের ছুই থানি বীক্ষণ চুন্সী ( সাইট ভান ) যুক্ত থাকে। একটী চুন্দীর মধ্য দিয়া দৃষ্টি করিলে অন্যাটীর ভিতর দিয়া যে পদার্থ দেখিতে পাওয়া যায়, তাহা ঐ ষষ্টির সমস্ত্রে পতিত বলিয়া জানিতে হইবে। জরীপ আরম্ভ করিবার পূর্বে একতা কাগজের চারি ধারে আঠা দিয়া তক্তির উপর যুক্ত ক্ষিয়া দিবে, এবং যে মানদণ্ড ছারা নক্সা করিতে হইবে ভাষা সেই কাগজের শীর্ষদেশে অন্ধিত করিবে। পরে **প্রথম নিদর্শন ভানে** গমন প্রথক ত্রিপদি বসাইরা ভাহার উপর তক্তি আঁটিয়া দিবে। জনস্তর, কাগভের যে থানে নক্ষা আরম্ভ করিলে সমুদায় গ্রামের নক্সা উহাতে ধরিতে পারে বলিয়া বোধ হটবে, তথায় প্রথম নিদর্শন স্থান চিহ্নিড করিয়া, ভাছার উপর একটা পিন প্রোথিত করিবে। পরে যৃষ্টিকে ঐ পিনের গাত্তে ধরিয়া বেখানে দিতীয় নিদর্শন 'স্থান মনোনীত করা গিয়াছে, ভাষার দিকে মটির একটী

বীকণচুন্দী ফিরাইয়া অপর বীকণ চুন্দী দিয়া সমস্তে দেখিতে থাকিবে। যতক্ষণ ঠিক লক্ষ্য স্থানের দিকে না হইবে, ডভক্ষণ ষষ্টিকে অল্ল অল্ল সরাইতে থাকিবে। যটি যথন ঠিক ছিতীয় নিদর্শন স্থানের দিকে হইবে, তথন ভাহার ধারে ধারে প্রথম নিদর্শন স্থানের উপর দিয়া রেখা পাত করিবে। এই রেখাটী প্রথম শৃত্থল রেখা হইবে। অনন্তর, প্রথম নিদর্শন ভান হইতে দিতীয় প্রোথিত ধৃজা পর্যন্ত রক্ষুপাত ছাব। ভূমির পরিমাণ নির্দেশ করিয়া, নক্সার কাগুল্লে মানদণ্ড ছারা পরিমিত রেখা পাত করিবে; এবং ষদ্যপি ঐ চিহ্নছয়ের সংযোজক ফিতা বা রক্ষু, যে প্রামাদি জরীপ হইতেছে, ঠিক ভাষার সীমাতে না পড়ে, ভবে তাহার উভয় পার্শস্থ ভূমিথণ্ডের পরিমাণাদি জানিবার নিমিত, ঐ পতিত রঞ্ছ হইতে পার্যস্থ ভূমি থণ্ডের উভর-দিকে অপের রক্ষুপাত করিয়া তাহার পরিমাণের সংখ্যা ও ভাহার চিত্র নক্সার কাগজে লিখিতে হইবে। পরে বিভীয় নিদর্শন স্থানে গমন করিয়া ত্রিপদি বসাইয়া কাগজের বিভীয় নিদর্শন স্থানের উপর পিন প্রোথিত করিয়া ষ্টিকে ভাহার গাত্রে প্রথম নিদর্শনের উপর ঘুরাইয়া আনিবে। পরে যষ্টির সমুবের বীক্ষণ চুন্দীর ছিদ্রে চক্ষু রাধিয়া ত্রিপদির উপরে তক্তি-কে এরপে খুরাইয়া আমিবে ষে, যষ্টির অপর বীক্ষণ চুঙ্গী দিয়া ষেন পশ্চাতের নিদর্শন স্থানটা ঠিক লক্ষ্য করা যায়। এইক্ষপে ত্রিপদির উপর ভক্তি আঁটিয়া দিয়া ষষ্টিকে পিনের গারে ধরির। তুতীয় নিদর্শন ছানের দিকে লক্ষ্য করিবে। ধণন

বৃষ্টি ঠিক তৃতীয় নিদর্শন ছানের দিকে হইবে, তর্থন উহার ধারে ধারে রেখা পাত করিবে। এই রেখা দিতীয় শৃত্যন রেখা হইবে। জ্বরীপ শেষ হইয়া গেলে ছুরি দারা কাগজের চারি ধার কাটিয়া তভি হইতে তুলিয়া লইতে হইবে।

ভক্তির গাত্তে একথানি সভন্ত কাঠে একটা চন্দীর মধ্যে কথন কথন একটা দিগ্দর্শন যত্র থাকে। চুঙ্গীর ভিডরে কাঁটার মুবের কাছে একথানি অংশপট্ট থাকে। ভাহার মধ্য রেগাতে শুন্য লেখা থাকে। যখন জ শুনোর দিকে ফিরিয়া দিপ্দর্শন বজের কাঁটার উত্তর প্রান্ত স্থির হয়, তথন ভক্তি উত্তর-দক্ষিণ ভাবে আছে বলিয়া মানিতে হয়। ভক্তির কাগজের উপর উত্তর-দক্ষিণ করিয়া রেখা টানিতে ছইলে ্**ষষ্টিকে কাঁ**টার সমান্তরাল করিয়া টানিলেই হয়। সেই রেথার উত্তর দিকে ভীরের কলা আঁকিয়া দিলে নকার উত্তর দিক নিরূপিত হয়। এই রূপ ক্রমশঃ দিতীয়, ভূতীয় প্রভৃতি িনিদর্শন স্থান হইডে গ্রামের চতুঃসীমা মাপ করিয়া তাহার ্চিত্র এবং পরিমাণের বংখ্যা নক্সার কাগম্বে লিখিবে। পরে ্জনমশঃ ঐ সীমার অন্তর্গত এক এক থণ্ড ভূমির মাপ এবং ্মক্সা করিবে। স্মার এ কেতে বৃক্ষ, পুক্রিবী, নদ্ধু, নদী, थान, दिन, फक्न, भथ, वांगी, मिन्न अफ्रि, खदः কেত্রোৎপন্ন খন্যাদি বে ছলে বেরূপ আছে, ভাহার নাম, लित्रियान, चाक्रिडि धारर विवतन, उद्युष्ट शास के सम्रात ক্ষাপ্তে চিত্রিত ও অন্থিত করিবে। ঐ সকল প্রক্রিয়া ুলুর হইলে, আমাদির পরিমাণ ও নল্লার পাভ লিপি প্রস্তুত হইবে। ভাহার পর থামের মধ্যস্থ কোন স্থানে



় দিগদর্শন বন্ধ স্থাপন করিয়া, তন্ধারা দিঙ্গির করিয়া নক্ষাভে ্ ভাহা অভিড করিবে।

মনে কর কোন এক দীর্ঘিকার সন্নিকটে ভক্তি স্থাপিড হইয়াছে। ঐ দীর্ঘিকার চারি কোণে চারিটী নিশান প্রোথিড কর। ঐ দীর্ঘিকার নক্সা কাগজে অন্ধিত করিতে হইলে ভক্তির উপরিহ্নিত কাগজের কোন স্থানে একটী পিন প্রোথিত কর। ঐ পিনের পার্ধ সংলগ্ন করিয়া রূলথানিকে স্থাপন ুপূর্বক, রূলের প্রথম বীক্ষণ চুঙ্গীর মধ্য দিয়া দিভীয় বীক্ষণ চুঙ্গীর মধ্যবিত তার ও ভূমিনিথাত প্রথম নিশান সমস্থতে পতিত হইয়াছে কি না দর্শন কর। যে পর্যান্ত সমস্থতে পতিত না হয়, রলথানিকে দক্ষিণ কি বাম পার্খে নরাইতে খাক। সমস্ত্রে পভিত হইলেই ক্লের পার্য দিয়া পেন্-দিল ছারা একটী রেথা অন্ধিত কর। ঐ রেথার কোন না কোন স্থানে দীর্ঘিকার এক কোণ হইবেক। এই রূপে দীর্ঘি-কার আর ডিনটী কোণ অনুসারে তিনটী রেখা আছিত কর। অনম্ভর ভক্তিকে দীর্ঘিকার অন্য পার্মে সংস্থাপন পূর্মক চারি কোণ অহুসারে রেখা টানিলে, পূর্ব অন্ধিত চারিটী রেখাকে বে বে বিন্দুতে ছেদ করিবে দেই দেই বিন্দুতে রেখাগুলিকে পরস্পর দংলগ্ন করিরা দিলে দীর্ঘিকার অবিকল মক্সা চিত্রিত হইবেক। এই রূপে অন্যান্য পদার্থের অবস্থান নিরূপিত ছইরা থাকে। স্পট্ট প্রতীরমান হইতেছে, শুখল ও দিগ্-नर्गन रखवाता तर कतील कता यात्र, छाष्टा विश्वक स्ट्रेसन, ঁ ভক্তির অন্ত্রীপ বিভন্ন হয়। ভক্তির ন্যায় সামান্য কিফা মৌকুরিক দিপদর্শন যজের সহিত দূরবীক্ষণ যন্ত্র থাকে না;

স্থতবাং দূরবর্তী কোন পদার্থ দৃষ্টিগোচর হয় না। ভন্নিবন্ধন সামান্য দিপদর্শন যন্ত্র এবং শৃঙ্খল দারা জ্বরীপ করিয়া ভূমির মধ্যগত পদার্থ সকলের অবস্থান লম্ব দারা নিরূপিত হয়।

👽 শৃষ্ণল ও তক্তির দারাই জরীপের সমুদায় কার্য্য দম্পন্ন হইতে পারে। ভক্তিকে চুম্বক স্থাীর <mark>দমান্তরানে</mark> ভাপন পূর্বক ভক্তির কাগজে ঐ স্ফীর সমান্তরালে একটা রেথা অন্ধিত করিলে ঐ রেথাকে মাধ্যাহ্লিক রেথা বলে। ভূমির কোন স্থানে একটী নিশান নিথাত করিলে এবং মাধ্যা-ফিক রেখার কোন স্থানে তক্তি স্থাপনের স্থান বলিয়। বিশ্ ছারা অন্ধিত করিলে ঐ নিশানের অবস্থান নিণীত হইতে পারে। মাধ্যাহ্নিক রেথা যে স্থানে বিন্দু দ্বারা অঙ্কিত ইই-য়াছে দেই স্থানে একটা পিন প্রোথিত কর, ঐ পিনের পার্ঘে দংলগ্ন করিয়া রূলথানিকে শ্বাপন কর। ঐ রূল ৰক্ষ হুইটী দৰ্শন চুফী ও ভূমিনিথাত নিশান <mark>ৰমস্তে</mark> স্থাপন পূর্বক রূলের পার্ছ দিয়া পেনগিল ছারা একটা রেখা অভিত কর। এইক্ষণে তক্তি হইতে ভূমিনিথাত নিশানের দূরত্ব শৃত্থল ছারা পরিমাণ করিয়া কোন নানদণ্ড অনুসারে কাগজে অন্ধিত রেখা ছেদ করিলে নিশানের অবস্থান নির্মণ পিত হইবেক। অন্য অন্য পদার্থের অবস্থানও এইরূপে নিরূপিত হইতে পারে। এই প্রণালী অবলম্বন করিয়া জ্বীপ করিলে ভ্রম ঘটিবার অনেক সম্ভাবনা, এজন্য জ্বীপ করিবার দময় দমনোযোগ হওয়া আবশ্যক।

প্রাম জরীপের সময় কোণবীক্ষণ যত্র ছারা যে সকল কোণের বিয়ারিং প্রাপ্ত হওয়া গিয়াছে, ভাহা চিঠার নকায় এইরূপে লিখিত হয়, যথা, মাপ আরম্ভ স্থান ক ছইটে ধ পর্যান্ত ৭৮১ কাঠা ভূমি, এবং ক চিহ্নিভ কোণের পরি-মাণ ১০০°। কথ রেখা, যে প্রাম জরীপ হইডেছে, ঠিক ভাহার পীমাতে না পড়াতে, তাহার পার্যস্থ ভূমির পরিমাণের নিমিতে, যে সকল লম্ব রেখা আন্ধিত হইয়াছে, তাহার পরিমাণাদি তত্তৎস্থানে উক্ত নক্সার চিঠায় ১ম ও ৩য় স্তম্ভে নিমু হইতে উদ্ধক্রমে লিখিত হয়।

প্রথম নিদর্শন স্থানে ধ্বজা প্রোথিত করিয়া, সেই স্থান ক অক্ষর ধারা ব্যক্ত কর। পরে তথা হইতে পূর্ব্বাদিকে থ চিহ্নিত দিতীয় নিদর্শন স্থানে প্রোথিত ধ্বজা পর্যান্ত যে ধ্বজু রেখা হইল, তদ্বারা ক চিহ্নিত স্থানে যে কোল উৎপন্ন হইন্য়াছে, তাহার পরিমাণ ১০০ অংশ : কিন্ত ঐ কথ সরল রেগা ক্রীপী ভূমির ঠিক সীমার উপর না পড়াতে, তাহার বাম পার্ধের ভূমির পরিমাণের নিমিত্তে ঐ রেখার ক চিহ্ন হইতে ১/৪ কাঠা অন্তরে প্রস্থ মাপের জন্য যে লম্বপাত হইন্য়াছে, তাহার পরিমাণ ৮১ কাঠা ; এবং ঐ ক চিহ্ন হইতে ৩॥১ কাঠা অন্তরে দিতীয় লম্বের পরিমাণ ৮২ কাঠা ; ২৮১ জন্তরে পরিমাণ দিই কাঠা ত্বাহরে পরিমাণ ॥০ কাঠা ; ৭৮১ কাঠা অন্তরে পরিমাণ ॥০ কাঠা ; ৭৮১ কাঠা আন্তরে পরিমাণ ॥০ কাঠা ; ৭৮১ কাঠা আন্তরে ধিতীয় নিদর্শন স্থান।

থ চিহ্ন হইতে তৃতীয় নিদর্শন স্থান গ পর্যান্ত যে ঋজু রেথা হইল, তন্ধারা থ চিহ্নিত স্থানে যে কোণ উংপন্ন হইরাছে তাহার পরিমাণ ৬৭ জংশ। থ গ রেথাটী জ্বীপী ভূমির শীমা নহে, বরং উহা জন্যের ভূমির মধ্য দিয়া গিয়াছে, **অ**তএব ইহার দক্ষিণ পার্বের ভূমিপরিমাণের নিমি**ভে** থ চিহ্ন হইতে ॥০ কাঠ। অন্তরে ১ম লম্বের পরিমাণ ॥०; এবং из কাঠা অন্তরে ২য় লম্বের পরিমাণ ॥০ কাঠা; ১।৩ কাঠা অন্তরে ৩য় লম্বের পরিমাণ ॥৩ কাঠা; ২।০ কাঠ। অন্তরে ৪র্থ লম্বের পরিমাণ।৩ কাঠা; ২॥৩ কাঠাতে দক্ষিণ পার্শের শেষ। বামপার্শে ৩৩ কাঠা অস্তরে লম্বের পরিমাণ।৪ কাঠা; ৬৸০ কাঠা অন্তরে ॥১ কাঠা; ৪।৩ কাঠা অন্তরে ।৪ কাঠা; ১৸ অন্তরে ।২ কাঠা এবং ৫/১ অহরে গ তৃতীয় নিদর্শন স্থান। এই রূপে গ হইতে ঘ পর্যান্ত লম্ব উত্তোলনের স্থান ও দৈগাপরিমাণ লিখিত ইইয়াছে। পরে নদী ব্যবধান হওয়াতে তাহার পরিমাণ (অপছুট) এইরপে নিশ্চিত হইয়াছে, যথা ঘ চিহ্নিত নিদর্শন স্থান হইতে পর পারে চ স্থানে প্রোথিত ধ্বজা পর্যান্ত যে নদীর বিস্তার, তাহার উপর দিয়া শৃতাল বা রজ্ঞপাত হইতে পারে না; অতএব দিগদর্শন যন্ত্র ছারা ভাছার পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে। গঘচ কোণের পরিমাণ ১৩১ অংশ নির্ণর হইয়াছে, এবং ঘটিহু হইতে স্বীয় পারে কিয়ন্দুরে, মনেকর ২৷১ কাঠা অভরে ৬ চিহ্নিত ভানে একটা ধ্বজা প্রোথিত হইরাছে। ও ঘ ও ঘ গ রেখার যোগে ও ঘ গ কোণের পরিমাণ ৬৪ অংশ। ঘত বর্দ্ধিত করিয়া ওচ রেথা ছারা ষে কোণ হইয়াছে, ভাহার পরিমাণ ১৭১ অংশ এবং 🕏 চিহ্ন হইতে ঘ চিহ্নাভিমুখে চঙ্ঘ বৃত্তথণ্ডের পরিমাণ ২৪৪ অংশ। অতএব ২৪৪° ছইতে ১৭১° অস্তর করিয়া অব-শিষ্ট যে १৩° ভাছা চঙ্চ কোণের পরিমাণ। স্পার<গঘট

=১৩১ অংশ হইতে < গঘঙ=৬৪ অংশ অন্তর করিয়া জ্ববশিষ্ট যে ৬৭°, ভাছাই ঙ ঘ চ কোণের পরিমাণ।

ত্রিভূজ ক্ষেত্রের সমুদায় কোণের পরিমাণ ১৮০° স্বভাব-সিদ্ধ, অতএব ঘঙ্চ ত্রিভুজের ঘ চিহ্লিত কোণ ৬৭° ও ও চিল্লের কোণ ৭৩° হইলে, চ চিল্লিভ কোণের পরিমাণ ৪০° হইবে।

পূর্বের উল্লিখিত হইয়াছে যে, স্বীয় পারের ঘ ৬ রেখা ২।১ কাঠা, ঐ রেথার ও চিহ্ন হইতে চ চিহ্ন পর্যান্ত রেথা পাত কর : এবং ঘ চিহ্ন হইতে চ পর্যান্ত রেথা পাত কর। এই ছুই রেধার সম্পাত স্থান চ হইতে ঘঙ রেথার উপরে যে লম্ব পাত হইবে তাহার পরিমাণই নদীর প্রস্থ পরিমাণের সমান হইবে। এখন কোন কাগজে আধার ভূজের বিয়ারিং ও ব্যবধানান্ত্রসারে একটা রেখা পাত কর। পরে ভাহার ছুই প্ৰাস্ত হইভে পূৰ্ব লক্ষিত ৰিয়ারিং অনুনারে ছুই সরল রেখা পাত করিলে, যে ছুই কোণের উৎপত্তি হইবে, ভাহা মদীর উপরিছিভ ক্ষেত্রের চুইটা কোণের যথাম্ব সমান इहेरा। के त्रथाषत्र रव ऋरल मःलग्न इहेरत, ভाहाहे नमीत পর পারে প্রোথিত ধ্বজার স্থল, অর্থাৎ সেইটা ত্রিভূজ ক্ষেত্রের তৃতীয় থাকের স্থল, ইহা স্থির হইলে নদীর উপরি-দ্বিত ত্রিভজ ক্ষেত্রের অনুরূপ নক্সা হইবে। স্মৃত্রাং উপ-রের লম্বও সদৃশ হইবে। অতএব ঐ নক্মার তৃতীয় থাক হইতে আধার ভূজের উপর লম্ব পাত করিয়া, যে মানদণ্ড . ছারা আধার ভুক পরিমিত হয়, ভছারা পরিমাণ করিলেই নদীর উপর যে তিভূজ কেত্র, তাহার লম্ব অথাৎ ধালা হুইতে সীর পারস্থিত ভুজ পর্যান্ত যে ব্যবধান, তাহা নির্ণর হুইবে। তৎপরে যদি সীর পারস্থিত ভুজ, নদীকৃল হুইভে কিঞ্চিৎ দূরে হয়, তবে ঐ ব্যবধান দেই লম্ব হুইতে বিয়োগ করিলেই নদীর পরিসর দ্বির হুইবে।

পূর্কোক্ত নিয়মান্ত্রপারে গ্রামের চতুঃদীমার পরিমাণ নির্দ্ধাবিত এবং নক্মা অঙ্কিত করিয়া, পরে ঐ গ্রামের মধ্যস্থ এক এক থণ্ড ভূমি পরিমাণ করিতে হয়। প্রত্যেক থণ্ডের অংশপরিমাণ কোণবীক্ষণ যন্ত্রছারা নির্ণন্ন করিলে কাঞ্চি অভান্ত স্থল হয় বটে, কিন্তু ভাহাতে অধিক সময় লাগে, অতএব তাহা না করিয়া যে সকল ভূমিথত অত্যম্ভ কুটিল, ভাহার বক্রস্থানে লম্ব উত্তোলন করিয়া থণ্ডামুক্রমে মাপ করিবে। যে ভূমিথগু অত্যস্ত কৃটিল, তন্মধ্যে অধি**ক লম্ব** উভোলন করিবে, এই রূপে অধিক সংখ্যক লম্ব হইলে, ভাহাদের মধ্যে কোনু লম্বের কত পরিমাণ হইয়াছে, ভাহার বিশেষ স্মরণার্থে প্রভোক লম্বের পরিমাণ লিথিয়া অন্তরূপ চিত্র প্রকাশিত করিবে। যদি কোন বৃহৎ প্রান্তর অথবা মাঠ থাকে, তবে ভাষা কোণবীক্ষণ যত্র ছারা জরীপ করিছে হইবেক, নতুবা ভাহার আকৃতি ও পরিমাণ সমাক্ প্রকারে हित श्हेर्य ना।

২  ৪  ১  ৪	গ® প্রয়স্ত ৫/১ ৪৮ ৪   ৩ ৩   ৩ ২   ০ ১   ৩ ৮৪ ৮০ ২০ ১   ৩ ১   0 ১   0 ১	. নদী < গঘণ্ড < গঘণ্ড বিদ্ধান্ত করিয়া গুচ দ্বারা যে < । ৩ ॥ ৩ ॥ ৩ ॥ ০ ॥ ০ গমন দ	৬8° ১৩১° ১৭১°	11 118
	942	12	012	
110	≈หง	й	હમ	
из	8/2	#2	<b>⊙</b> /8	
<b>પ</b> ર	<b>085</b>	10	₹/₹	
หง	3/8	< থগঘ ৴৩	หอ	
<ডকখ	2000		505°	
শারন্ত	ক@ হইডে	গমন পূ	গ@ হইতে	ષ્

					ı	
	ত্ব 🧿 পৰ্যান্ত			ঞ্ত পর্যান্ত		
	৬।৪			9110		
10	৬/৩			9/0	3	
19	0/2			≫ <b>i</b> no		
Į o	8115		18	6/0		
	212		112	0/3		
13	२ । २		ИZ	8 #		
10	\$/8		२	4N2		
10	118	ļ	10	512		
< চছজ	<b>ર</b> ૭8°		19	>#5		
	ছ ⊚ হইতে		< জ্বাঞ	৩২৯*		
				ক⊚ হইভে	Ì	
	ছ 🧿 পৰ্য্যস্থ					
	a/2			ৰা⊚ পৰ্য্যন্ত	İ	
	,			> ∥8		
	8/8	10	Ŋo	8/२		
	રા8	il≥	3/3	<b>ু</b>	1	
	`'"	"\	no	<b>₹13</b>		
	348	13	ノミ	2/2	1	
		, -	10	143		
	3/2	No.	< ছব্দ	२৯৯°		
< ৽চছ	>8°°			জ্ঞ হইতে		
	⊚চ হইডে				l	
	,	•		1	<b>!</b>	
ν Λ εν ν Α						
~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~						
व अ अ अ						
\$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$						
ত । ১ । ১ । ১ । ১ । ১ । ১ । ১ । ১ । ১ ।						
19 0000						
	7500					
=						

ক 🥯 পৰ্য্যন্ত	
<b>টা</b> ত	
ๆพอ	110
9/8	u:
<b>3</b> /8	#8
els	#2
Φfl &	
२/०	ij o
اد	Ŋ.o
৫৬°	
ড ⊚ হইতে	

### পরিষ্কৃত নক্সা।

প্রেনটেবিল ধারা জাত নক্ষার পাণ্ডুলিপিতে পরিমিত প্রামাদির স্থুল অবরব রেথাধারা অন্ধিত থাকে। অতএব ভাহা হইতে পরিকৃত নক্ষা করিতে হইলে, এক থানি চিত্রিত করিবার কাগজের উপর ঐ নস্থার পাণ্ডুলিপি বন্ধ করিয়া, পাণ্ডুলিপির রেথার উপর অথবা ভাহার সমাত্তরালে, স্চধারা এরূপে বিদ্ধ করিবে, যাহাতে ঐ পাণ্ডুলিপির রেথার ত্ল্য চিত্রিত করিবার কাগজে স্চাগ্রবিদ্ধ রেথা হয়। পরে ঐ নক্ষার পাণ্ডুলিপি সম্মুথে রাথিয়া ভাহার রেথাদি দৃষ্টি করিয়া, চিত্রিত করিবার কাগজের স্চাগ্রবিদ্ধ চিল্লোপরি মস্যাদিধারা রেথাপাত করিবে, এবং নক্ষার পাণ্ডুলিপির মে স্থানে, বে রূপে মন্দির, বাটা, বাগান,

জনাশর প্রভৃতি স্থারী চিহ্ন থাকে, তাহার নাম ও আকৃতি সেই সেই স্থানে অঙ্কিত এরং চিত্রিত করিবে।

#### ক্ষেলের ব্যবহার।

জরীপের যে যে নিয়ম নির্দেশিত ইইয়াছে, প্রথমতঃ তদত্বসারে মাপ ও অন্যান্য কার্য্য সমুদায় সম্পন্ন করিয়া, তদনত্ব ঐ জমীর নক্ষা প্রস্তুত করিতে হয়।

ক্ষেত্রের নক্সা প্রস্তুত করিতে হইলে, যত বড় ক্ষেত্র জরীপ করা হইয়াছে, তত বড় কাগজের উপর উীহার প্রতিক্রতি অন্ধিত করা কোন ক্রমেই সম্ভবিতে পারে না; স্তরাং সেই ভূমি বা ক্ষেত্রকে অবশ্যই এরপ কল্পনা করিতে হইবে যে, তাহা ক্ষুদ্র আয়তনে প্রকাশ করিতে পারা যায়। এই কল্পনা ইইতে ক্ষেলের অর্থাৎ মানদণ্ডের স্টি ইইয়াছে।

যদি কোন ভূমির এক দিকের প্রকৃত পরিমাণ ১০ গজ হয়, আর ঐ দিক্ এক ইঞ্চ পরিমিত রেধার প্রকাশ করা যায়, তাহা হইলে এরপ বলিতে হয়, ইহা ১৯ ফেলে অক্কিত হইয়াছে, অধবা ইহা বলিলেও হইছে পারে যে, ইহার ফেল ইঞ্চ প্রতি ১০ গল।

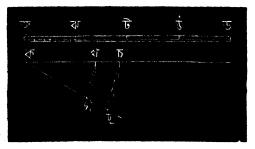
সিম্পাল স্কেল (সামান্য মানদণ্ড), ভারেগনাল স্কেল (স্ক্রমানদণ্ড), ভার্নিরার স্কেল (অনুমাপকমানদণ্ড), অব-কর্ড স্কেল, মর্কুরস স্কেল, এই কর প্রকার স্কেলের ব্যবহার আছে, ভাহার মধ্যে করেক প্রকার স্কেলের বিষয় প্রথমভাগে উল্লিখিত হইরাছে। এথানে কেবল একটা সাম্যান্য মানদণ্ড, গু ক্লুয়াপক মানদণ্ডের বিষয় লিখিত হইতেছে।

#### সামান্য মানদও।

১৬ কূটকে ১ ইঞ্চ কল্পনা করিয়া এমত একটা মানদণ্ড প্রস্তুত কর, যাহা হইতে এক ফুট পর্যান্ত পরিমাণ লওর। গ্ যাইতে পারিবে।

যত প্রকার মানদত ব্যবস্থত ইইরা থাকে, ভাহার মধ্যে দশমিক মানদত্তই ব্যবহার করা স্থবিধা; কারণ যে মানদতে একাদি ক্রমে ১০ ফুটের পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়, ভায় ইইতে যত ফুটের প্রয়োজন ইউক না কেন সমুদায়ই প্রাপ্ত হওয়া যাইবে।

এইক্ষণে যদি ১৬ কুটের পরিবর্ত্তে ১ ইঞ্চধরা যায়, ভাহা হইলে ১০ কুটের স্থানে কত ইঞ্চধরিতে হইবে ? উ: ই ইঞ্চ।



কথ একটা রেখা পাত কর। কোণমান গন্ধ বা অন্য কোন মাননত হইতে কাঁটাকম্পাশ দারা ৮টা জংশ গ্রহণ কর; এবং ক-কে কেন্দ্র করিয়া ঐ ৮টা জংশের সমান ব্যাসার্থ নইয়া একটা বৃত্তাংশ ছব্ধিত কর। ইহা কথ রেখাকে ধ বিশুতে ছিল্ল করিবে। পরে থ-কে কেন্দ্র করিয়া, পূর্কোজ মানদণ্ডের ৫ জংশ পরিমিত ব্যাদার্ক কম্পাশ বিস্তার করিয়া আর এক**টা বৃত্তাংশ অভি**ত কর। ইহা পূর্ব অভিত বৃত্তাংশকে গ বিন্দুতে **অবচ্ছিন্ন ক**রিবে।

ক গ ও থ গ যুক্ত কর। ক-কে কেন্দ্র করিয়া এক ইঞ্চকে বাাদার্দ্ধ লইয়া অপর একটা বুড়াংশ অন্ধ্রিত কর, ইহা ক শ ও ক গ রেখাকে চ ও ছ বিল্পতে ছিন্ন করিবে। ছ চ = 💃; অতএব ছ চ-কে ১০ ফুট বলিরা করনা করিয়া, ইহাকে ১০ দমান অংশে বিভাজিত করিলে, ইহার প্রত্যেক অংশের পরিমাণ ১ ফুট হইবে। এক্ষণে অপর একটা রেখা জ ড পাত কর, এবং জ বিল্পতে আরস্ত করিয়া, ছ চ-র সমান কম্পাশের মুথ বিস্তার করিয়া ক্রমান্বরে ছেদ করিলে এক একটা ছেদ অংশের পরিমাণ ১০ ফুট হইবে।

## অণুমাপক মানদও।

নিমে যে মানদণ্ডের প্রভিরপ প্রকাশিত হইল, ইহার 
ঘারা যে সমস্ত রাশি ভিনটী অঙ্ক ঘারা ব্যক্ত হর, ভাহা পরিমিত হইভে পারে। ক চ চারি ইঞ্চ পরিমিত একটা রেখা,
ইহাকে চারি সমান জংশে বিভাজিত কর। গরে প্রভ্যেক
ভাগ বাম হইতে দক্ষিণ দিকে দশ সমান জংশে বিভক্ত
করিয়া যাও। জনস্তর ইহার ১১ জংশের সমান কম্পাশ
বিস্তার করিয়া, ১ম জাদি বিভাগের প্রাপ্ত থ-র সমুখন্ত বিন্দু
থ হইতে বামদিকে স্থাপিত কর, যথা থ ন। ইহার দৈর্ঘ্যপরিমাণ থ ক অপেক্ষা এক জংশ বামে বেশী হইবে। জন-

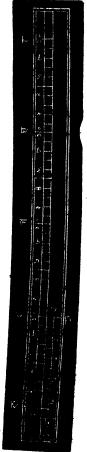
ভর ধন–কে ১০ সমান অংশে বিভাজিত কর ও জপর পার্খে

मिक्न मिक् इटेंटि वास्य धकामि-ক্রমে সংখ্যাপাত কর।

ক চ রেথার ১১ অংশের তুল্য ধন রেখা ১০ সমান অংশে বিভা-জিত হইয়াছে ও ধান-র পরিমাণ ক থ অপেকা ১ অংশ বেশী; মুদ্রাং খন-র এক এক অংশ কখ-র এক এক অংশ অপেকা ১০ অংশের এক ष्यः শ বেশী। ধনি ধ ক-র পরিমাণ ১०० हेश विनिशं कन्नना कता यात्र, ভাষা হইলে ধ ন-র এক অংশ ১১০ हेक इहरव।

মনে কর এই মামদণ্ড ছারা ২৫৩ रेक बर्ग कत्रिए रहेर्त।

নিয়ম। তিন্টী সংখ্যাবিশিষ্ট অঙ্কের আদি সংখ্যাতে ১ যোগ কর। পরে ভাছার পৃঠে মধ্য সংখ্যা রাথিয়া যে রাশি হইবে ভাহা হইভে শেষ সংখ্যা বিরোগ কর। অনুভব শেষ সংখ্যার যে পরিমাণ, থ হইডে ৰামে তত পরিমাণের উপর কম্পাশের



.এক মূৰ রাধিরা, অপার মূব ঐ বিয়োগফলের যে পরিমাণ

ভতদূর বিস্তার কর। তাহা হইলেই নির্দিষ্ট সংখ্যার ভূল্য কম্পাশের মুখ বিস্তার হইবে।

২+১=৩, ৩৫-৩=৩২; এইকণে ও হইতে তিন
সংখ্যার উপর কম্পাশের এক মুখ রাখিয়া, অপর মুখ বা পদ
ক হইতে দক্ষিণ দিকে ৩২ সংখ্যা পর্যন্ত বিস্তার কর, ভাষা
হইলে এই পরিমাণ ২৫৩ ইঞ্চের সমান হইবে।

কোন স্থান ধ্বরীপ করিয়া ভাষার নক্ষা প্রস্তুত হইরাছে,
কিন্তু ভ্রমক্রমে ভাষার স্কেল লিথিত হয় নাই। বদি প্র স্থানের
বর্গপরিমাণ ব্যক্ত থাকে, ভাষা হইলে যে স্কেলে ভাষা অভিত
ইইয়াছে ভাষা নিরূপণ করিতে হইবে।

ঐ নক্সা অপর ক্ষেলে অন্ধিত করিরা, সেই স্থেলের সাহায্যে তাহার ক্ষেত্রকল স্থির কর। এইক্ষণে প্রকৃত ক্ষেত্রক ফল এই ক্ষেত্রকলের যত গুণ বা যত ভাগ হইবে, প্রকৃত ক্ষেত্রের বর্গও এই নুতন স্থেলের বর্গের তত গুণ বা তত ভাগ হইবে।

অর্থাৎ প্রকৃত ক্ষেত্রকল : নৃতন ক্ষেত্রকল :: (প্রকৃত ক্ষেত্র) : (নৃতন ক্ষেত্র ) ।

প্রকৃত শৃত্যল অপেকা ক্ষুদ্রতর বা রহতর শৃত্যল বারা কোন স্থান জরীপ হইরা, যদি সেই পরিমাণ অনুসারে তাহার নক্ষা অন্ধিত হয়, তাহা হইলে ভাহার প্রকৃত ক্ষেত্রকণ নির্ণয় করিতে হইবে।

যে শৃত্যন হারা জরীপ করা হইরাছে ভাহাকেই প্রকৃত শৃত্যন মনে করিয়া, জ নক্ষা হইতে ভাহার ক্ষেত্রকল হির করিতে হইবে।

ঐ ক্ষেত্রকল প্রকৃত ক্ষেত্রকলের যত গুণ বা যত ভাগ হইবে; বে শৃত্থল **ছারা জ্বরীপ করা হই**য়াছে ভাহার বর্গ, প্রকৃত শৃত্ধবের বর্গের ভত গুণ বা ভত ভাগ হইবে।

অর্থাৎ নির্ণীত ক্ষেত্রফল: প্রকৃত ক্ষেত্রফল:: যে শৃঞ্জ ষারা জরীপ হইয়াছে <sup>২</sup>: (প্রকৃত শৃত্বল) ২

মানদণ্ডের পরিমাণ রৈথিক এক মাইল হইলে, যদি নকার কাগজ, মানদত্ত, ভূমি এই তিন্টীর মধ্যে কোন ,ছুইটীর পরিমাণ পরিজ্ঞাত থাকে, ভাহা হইলে অপ্রটী কি রূপে নির্ণয় করিতে হইবে।

মানদত্তের পরিমাণকে, ভূমির পরিমাণ ছারা তুণ করিলে, নক্সার কাগজের পরিমাণ ভির হয়।

নক্সার কাগজের পরিমাণকে, ভূমির পরিমাণ দ্বারা ভাগ করিলে, মানদভের পরিমাণ স্থির হয়।

নক্ষার কাগজের পরিমাণকে, মানদত্তের পরিমাণ ছারা ভাগ করিলে, ভূমির পরিমাণ স্থির হয়।

## উত্তরদিক্ নিরূপণের উপার।

জরীপ করিয়া কোন স্থানের প্রতিকৃতি অন্ধিত করিতে ইইলে, সেই প্রভিক্তির উত্তরদিকু নির্দেশ নিভাত্ত আবশ্যক; অভএব জরীপের সময়ে ভূমির উত্তর-দিক নিরূপণ করা একটা প্রধান কার্য্য। ম্যাগ্নেটক কম্পাশ অর্থাৎ দিগদর্শন বস্তু ছারা উত্রদিক্ নিরূপিড · হয়; কি**ন্ধ কো**ন যমের সাহাষ্য ব্যতিরেকেও **উ**ভর্জিক নিরূপিত হুইছে পারে।

কম্পাশ দারা বাহাকে উত্তরদিক বনিয়া দ্বির করা যার, তাহা সর্বাদা ঠিক উত্তরদিক হয় না। কাল ও স্থান ভেদে কম্পাশের কার্য্যাত ব্যত্তিকম ঘটিয়া থাকে।

এক গাছি রজ্জুদারা নিম্ন লিখিত প্রক্রিয়াত্মপারে উত্তরদিক নিরূপণ হইতে পারে। যে খান হইতে জরীপ আরম্ভ করিবে. যদি নেই স্থান সমতল হয়, তাহা হইলে দেই স্থানেই উত্তরদিক নিরূপণ করিবে; যদি ভূমি ভথায় সমতল না হয়, তাহা হইলে যেথানে সমতল ভুমি পাইবে, সেই থানে একটা ক্ষুদ্র সর**ল তার ঠিক লমভাবে** প্রোধিত কর। পূর্বাহ্নে কোন্ দমরে তারের ছায়। কভ দূর পড়ে দেখিয়া, ঐ তারের মূলকে কেন্দ্র করিয়া ছায়া প্রমাণ ব্যাসার্দ্ধ লইয়া একটী বুক্ত টানিয়া রাধ। পরে অপরাফ্লে আবার কোন্ সময়ে ঐ ভারের ছায়া 🏖 বুত্তপরিধিকে স্পর্ণ করে, অর্থাৎ পূর্ব্বাক্তের ছায়ার সহিত ঠিক সমান হয়, ভাহা বিশেষ করিয়া দেখ। **অনন্তর** পূর্ব্বোক্ত বুত্তে ছুই ছায়া ব্যাস হইয়া যে একটা বুত্তাংশ হইবে. সেই বুভাংশের পরিধিকে সম্বিখণ্ড কর। পরে ভারের মূলদেশ ছইছে ঐ ছেদ স্থানে এক সরল রেখা টান, ঐ রেখা উত্তরাভিনুথে যাইবে।

প্রকৃত জরীপ আরম্ভ করিবার পূর্বে উত্তরদিক্স্চক রেথাক্রমে কিয়ন্দ্র জরীপ কর, এবং প্রথম নিদর্শন স্থান ইইতে বে দিকে জরীপ করিয়। যাইতে ইইবে, ভাহার কিয়-দূর জরীপ করিয়া, ঐ স্থান হইতে উত্তরদিকস্চ্চক রেথার বভদ্র জরীপ করা হইয়াছে, দেই পর্যন্ত জরীপ কর। এই প্রক্রিয়ার দারা যে তিভুজ অবিভ হইবে, ইহার সাহায্যে নক্সার উত্তরদিকসূচক রেখা অন্ধিত ইইতে পারে।

## জরীপী নকুসা অঙ্কিত করিবার নিয়ম।

**জরীপ করিবার সময় গ্রামাদির সমুদায় পরিমাণা** চিঠাতে লিখিত হয়, তদ্ধে কাগজের উপর ভৎসমুদার আছিত হয়। কাগ**ল** শৈত্যোঞ্চতা প্রভাবে বিস্তৃত ও **বহু**চিত হইয়া থাকে। অভএব যে কাগ**লে**র উপর নরা অভিত করিতে হইবে, তাহা কাষ্ট্রফলকে আঠা দিয়া যুড়ির। লওয়া অবিধেয়; কারণ নক্ষা অন্ধিত হইলে পর যথন **শঙ্কিত কাগজ থানি কার্চফলক হইতে তুলিয়া লও**য়া যায়, ভখন ইহা পূর্কাপেকা কোন অংশে বিস্তৃত এবং কোন ভূমির পরিমাণ প্রকৃত পরিমাণ অপেকা অতিরিক্ত অথবা ন্ান হইয়া পড়ে। কাগজ চারিদিকে সমান ভাবে রিস্তৃত হয় এরপে রাধা উচিত; অথবা কাগজের এক পৃষ্ঠ নুতন বছের দারা আরুত করিলে ভাল হয়; কেননা তাহা হইলে কাগজের চারিদিক সমান ভাবে বিস্তৃত হয়! কাগৰ এ রূপে অবস্থাণিত হইলে, যে মানদতে নক্সা अक्रिंड कतिएड श्रेट्रि, छाश मुक्तीर्थ कांगरणत छन्। एन শক্তি করিবে। পরে চিঠা দেখিয়া প্রথমত: পেন্দিন ্যারা ত্রিভুজগুলি ভাত্তিত করিবে। ত্রিভুজগুলির 🔎 🕬 🍽 লাপুগা করিয়া টানিবে, ষেদ দাগ ছোর কাল না হয় 🗷

কাগজে না ফুটিরা যার। পেন্সিলের এমন গুণ থাকা আবশ্যক যে, সহজে যেন শৃন্ধ রেখা সকল অন্ধিত করা যার, এমন কি ইচ্ছাক্রমে যেন রবর ছারা কাগজের উপর হইতে পেন্সিলের চিহ্ন অনায়াসে নিরাক্বত করিতে পারা যার। পেন্সিলের অগ্রভাগটী অভিশয় সৃন্ধ করিয়া কাটা উচিত।

## শৃৠল দ্বারা জরীপ হইলে তাহার নক্সা।

কাগজের এক দিকে একটা রেখা (গঘ) অন্ধিত -করিয়া, ঐ রেখার এক প্রাস্তকে (গ-কে) উত্তরদিক कब्रना कत। পরে ঐ রেখার মধ্যে একটা বিন্দু (क) ণ ও. উহা জ্রীপের প্রথম নিদর্শন স্থান হইবে। প্রথম নিদর্শনন্থান হইতে যে দিকে যভ জ্রীপ করা হইয়াছে, চিঠা হইতে তাহার পরিমাণ দেখিয়া, কম্পাশ ছারা অন্ধিত মানদণ্ড হইতে ঐ পরি-মাণ গ্রহণ কর, এবং কম্পাশের এক পদ কাগজের উপর উক্ত বিকু বা নিদর্শন স্থানে রাধিয়া অপর পদ ধারা একটী বৃত্ত অঙ্কিত কর। পরে উত্তরদিকস্থচক রেথাক্রমে যত দূর জ্রীপ করা হইয়াছে, মানদণ্ড **হইতে ভাহার** পরিমাণ গ্রহণ করিয়া ক গ-কে তাহার সমান কর। গ ইইভে ক খ সরল রেখার যত দূর জ্বরীপ করা ইইয়াছে, ভভ পরিমাণে ব্যাসার্থ লইয়া আর একটা বুভ অন্ধিত কর। হুইটী বুভ বে বিন্দুতে ছিন্ন হুইবে তাহার দহিত ক'ও গ বিহু সংগ্ত কর; তাহা হইলে কথ রেখার অবশ্বিতি নিরূপিত হইবে। অনন্তর কেত্রে ঐ রেখার উপর বে ত্রিভূত

অন্ধিত করিয়া জরীপ করা হইয়াছে, চিঠা হইতে ভাহার ष्मशत इंहेंगे वाङ्त शतियांन महेत्रा. व्यक्कि यानमरखत সাহাযো পূর্ব্ব নিয়মানুসারে ত্রিভুদ্ধ অন্ধিত কর। এই প্রক্রিয়ামুসারে ক্ষেত্রস্থ সমুদার ত্রিভুঞ্জ কাপজে অভিত কর। অন্তর জরীপের প্রামাণিক রেখাগুলির নক্সা. প্রামাণ পিক রেখার পরিমাণের সহিত মিলিল কিনা ভাহা মানদ্ত দ্বারা পরীক্ষা করিয়া দেখ। ত্রিভুজগুলি অঙ্কিত হইলে পর, ্য লেখনী দারা নক্সা অক্সিক করিতে হইবে, ভাহা দারা **জ্পীটা সরল রেথা অন্ধিত হ**য় কিনা তাহা এক থানি সতত্ত্ব কাগাঁহৈ পরীক্ষা করিয়া দেখ। যদি লেখনী ভাল হয়, ভাষা হুইলে ভাষাকে কাগজের উপর লম্বভাবে রাথিয়া রেখা টানিতে থাকেবে। কাগজের উপর অধিক বলপূর্বক **लिथ्मी ठालिए क** तिर्देश मा. भवन ভाবে ठालिए कविरंद, এবং সভর্ক হইয়৾ দেখিবে ষেন রেথাগুলি এক স্থানে মোটা এবং এক স্থানে 'সুন্ধ না হয়। যাহাতে আদি অস্ত এক ষ্মাকার হয় দর্বভোভাবে এমত চেষ্টা করিবে। এইরূপে সমুদায় ত্রিভূম ওলি কালি ছারা অন্ধিত হইলে পর, আর আর বে সমন্ত বিষয় ভাছিত করিতে হইবে, তাহা পুনরায় ক চিহ্নিত নিদর্শন স্থান হইতে ক্রমশঃ অন্ধিত করিতে शकित्व।

চিঠাতে দেখিতে হইবে যে. ক নিদর্শন স্থান হইতে क भ नवन दाथाकरम करू पृत नम উত্তোলিত इहेबाह्य। ' अन्त अत्र पृत्र प्रतियाग यानम्ख हहेए नहेश ছাহা নন্নায় যে ক ধ রেখা অন্ধিত হইয়াছে ভাহাতে চিহ্নিত কর; এবং ঐ ঐ চিহ্নতে চিঠা অনুষায়ী বাম পার্বে বা দক্ষিণ পার্বে লম্ব উত্তোলন কর। ক নিদর্শন স্থান হইতে থ নিদর্শন স্থান পর্যান্ত লম্বগুলি উত্তোলন করিয়া মানদণ্ড হইতে ঐ লম্বগুলির পরিমাণ গ্রহণ কর। পরে লম্বগুলিকে যথাবোগ্য পরিমিত করিয়া ভাহাদিধের প্রান্ত সমুদায় দংযুক্ত কর, ভাহা হইলে ক্ষেত্রের প্রতিকৃতি অন্ধিত হইবে। এইরূপে ক্ষেত্রন্থ বাটী রাস্তা, লোহবর্ম, নদী, পুদ্রিণী প্রভৃতি অন্ধিত করিতে হইবে।

**এই नकल विषय का**नि ছার। অস্কিত করিতে হইবে। লম্প্রলিভে কালি দিতে হইবে না, কারণ প্রতিকৃতিতে লখ রাথিবার প্রয়োজন নাই। রাস্তা, সেতু, লোহবর্ম্ম, নদী, পুষরিণী, কুটীর, কি আকারের অভিত করিতে হয়, তাহা পাৰ্ছ ছিত প্ৰতিকৃতি দেখ। ইহাতে ১ চিহ্নিত অবয়বটী চর জমী, ২ পতিত, ৩ দীমা, थाठीत, a (तका, ७ दन, ৭ বাঁশবাড়, ৮ বাগান, ১ ঘাস-दन, ३० दिन, ১১ প্रकृतिनी, ३२ जनान्त्र, ३० हेष्टेकानम्, ३६ स्पट्टे छत् व। कूछीत,



১৫ मन्त्रित, ১৬ मन्जिन, ১৭ কবর স্থান, ১৮ পাকা রান্তা বা बाजमार्ग, १३ काँठा बाजा, २० लोहरुक, २३ दांध, २२ পোল বা দেভূ, ২৩ নদী, ২৪ থেয়া ঘাট ও ২৫ বরজ।

এই চিহ্নকে ( ৩২৯ পৃষ্ঠার ৮ম প্রতিক্বতি দেখ ) ধুই অর্থাৎ ছুই দীমানার স্তস্ত কহে। ইহা ছুই দীমানার প্রত্যেক নিদর্শন স্থানে লিথিয়া, ইহার মন্তকের উপর নিদর্শন স্থানের সংখ্যা দিতে হয়।

নদীর স্রোভ বুঝাইবার জন্য নদীর স্রোভেরমুথে ভীরের ্ফলাও বিপরীত দিকে পুচ্ছ রাথিতে হয়।

# দিগ্দর্শন যন্ত্রদার। জরীপ হইলে তাহার নক্সা।

বে কাগজের নক্সা অন্ধিত করিতে হয়, তাহার উপরের **क्रिक उ**खंत, नीरहत क्रिक क्रक्किंग, वामशाई शक्टिम खवर দক্ষিণ পার্ব পূর্ব বলিয়া জানিতে হয়। অংশপট্ট প্রকৃত রূপে বিশাইবার জন্য, নক্সার কাগজ উত্তরদক্ষিণে কুল করিয়া ্লইতে হয় ও যে মানদও ছারা @ নফা প্রস্তুত হয়, তাহার শুভিরপ ঐ কাগন্তের শিরোভাগে বা নিম্নে অন্ধিত করিতে ্হয়। শক্ষকভার রীভান্থদারে মৌজার বায়ু কোণ হইতে শব্ম থাক অর্থাৎ @ নিদর্শন স্থান আরম্ভ হইয়া থাকে বলিয়া, 🖈 কাগজের রায়ু কোণে প্রথম নিদুর্শন স্থান মনোনীত করিয়া একটা বিন্দু পাত কর। পরে অংশপটের ঠিক মধ্য-**ছল ঐ নিস্তুর উপর একটা আল্লিন** ছারা বিদ্ধ করিয়া পূর্বোক্ত কলের সহিত ঐক্য হয় এরপে অংশপট্ট উত্তর দক্ষিণে রুপাও। ভদন্তর প্রথম নিদর্শন স্থান হইতে দিতীর

নিদর্শন স্থানে যে বিয়ারিং চিঠাতে লেখা আছে, অংশপট্টে নেই বিয়ারিং দৃষ্টে কাগজে অন্য এক বিন্দু পাত কর, এবং প্রথম বিন্দু হইতে দিতীয় বিন্দুর উপর দিয়া এক সরল রেখা পাত কর। পরে, প্রথম নিদর্শন স্থান হইতে দিতীয় নিদ-র্ণন স্থান যত ব্যবধান লেখা আছে, তাহা পরিমাপক দারা মানদত্তে পরিমাণ লইয়া সেই পরিমাণে ঐ রেখা কাটিয়া লও। এখন প্রথম নিদর্শন স্থানে ১ সংখ্যা দাও। অনস্তর ঐ রেধায় শেষ বিন্দু কেন্দ্র করিয়া তথার অংশপট্টের মধ্যস্থল জাল্লিন দিয়া বিদ্ধ করিয়া আবার পূর্ব্বমন্ত রেখা টান; खवर २व्र cकटन्द्र २ मःथा। माछ। खरे क्राप्त ममुनावं निमर्नन স্থান স্থির করিয়া, তাহাদের প্রত্যেকের সংখ্যা পাত করিয়া মাও। পরিশেষে শেষ ও প্রথম নিদর্শন স্থান রেখার ছার। যোগ কর, তাহ। হইলে মৌজার অহুরূপ নকা। অভিত হইবে। এই রূপে ত্রিদীমানার প্রভ্যেক নিদর্শন স্থান হইতে পার্যস্থিত হুই মৌজার মধ্য দিয়া যে রেখা গিয়াছে, তাহা অন্ধিত করিয়া পার্যস্থিত মৌজা সকলের নাম নক্সার পার্যে লিখিবে। যদি কোন স্থায়ী চিহ্ন অর্থাৎ মন্দির বা বলের সহিত বোগ বিয়ারিং থাকে, ভাহা হইলে সেই নিদর্শন ছান

ইইতে বিয়ারিং ও ব্যবধানাল্লারে স্থায়ী চিচ্ছের **আনুমানিক**নক্ষা করিয়া ভাহার নাম লিখিতে হইবে। স্থার যদি এক
থামের মধ্যে ২।৩ মালিকের ভূমি বা স্থন্য থামের ছিট জমি
পৃথক্ থাকে, ভবে বহিঃনীমার যে সংখ্যায় স্থারম্ভ করিয়া পৃথক্
থাক হইরাছে, তথার সংশপট্ট বসাইয়া ভাহা ঐ নক্ষার গর্ভে

ছাত্তিত করিবে। পরে নদী, রাস্তা, বাস্তু, বাগান প্রভৃতি ৰখা স্থানে রঞ্জিত করিয়া চিত্রিত করিবে। আর প্রভি মিনার থাকে এক একটা পভাকা, ভোখা স্থানে ছই পভাকা, প্রতিক্রতির দক্ষিণ বা বামপার্থে উত্তর্গিক পরিজ্ঞাপক রেখা অন্তিত কবিবে।

यि किम प्रतिकीयकीम इहेश थारक, छाहा इहेल ভাহার প্রত্যেক অংশের ভূমি এক এক বর্ণ ছারা দীমাবন্ধ করিতে হইবে; আর বসতবাটী, বাগান প্রভৃতি কেত্র প্রকল পৃথক্পৃথক্ বর্ণে রঞ্জিভ করা আবশ্যক। যভ প্রকার রঙ্গ ব্যবহার করা যায়, নক্সার শীরোভাগে দক্ষিণ পার্ছে ভাহার প্রভ্যেক রঙ্গের এক একটা চিহ্ন দিতে হইবে, এবং ভাষার পার্খে এই রঙ্গ অমুকের এই বলিয়া লিথিতে रहेरव ।

এক থানি নক্ষা যদি এড বুহৎ হইয়া পড়ে, যে ছুই ভিন থানি ভিন্ন ভিন্ন কাগজে খণ্ড থণ্ড করিয়া অন্ধিত করিয়া পশ্চাৎ সমুদায়গুলি একত্রিত করিতে হয়; ভাহা হইলে খণ্ডভলি এরূপে অভিত ও সংযুক্ত করিবে, যে সংযোগের পর প্রতিক্রতি ধানি খণ্ডগণ্ড করিয়া চিত্রিত হইয়াছিল ৰলিকা বোধ না হয়।

নম্মাতে শাক্ষেতিক চিহ্নগুলি অন্ধিত করিভে পারদর্শী হওয়া অতি আবশ্যক। বছবার অভ্যাস না করিলে ইছা শারত হয় না, যদিও নক্ষা প্রকৃত রূপে চিত্রিত হয়, দাক্ষে-িভিক চিহ্নজুলি স্মৃদ্দা হইবেক না, এবং অযথা রূপে ভারিত **ब्हेरवक । मन्नार्क रय मार्क्डिक वर्गक्रित वावश्वरू ट्**हेश থাকে, তাহা বামদিক্ হইতে দক্ষিণদিকে লিখিতে হয়।

অন্য কোন দিক্ ইইতে লিখিবার প্রয়োজন ইইলে, যে দিক্

ইইতে সাক্ষেতিক বর্ণগুলি একবার লিখিত হয়, সর্ব্যাই

শেই দিক্ ইইতে লিখিতে ইইবেক। মানদণ্ড নক্ষার কাগজে

চিত্রিত থাকা আবশ্যক, নচেৎ কেবল মানদণ্ডের পরিমাণ,

অর্থাৎ এক ইঞ্চ কোন বিশেষ নির্দিষ্ট পরিমাণস্ট্রচক এরপ

লিখিত থাকিলে. বিশেষ বিশেষ কারণ, যেমন বায়্র

শৈত্যোগ্যতার হ্রাস বৃদ্ধিবশতঃ নক্ষার কাগজ্বের সুক্ষাচ

ও প্রসারণ ইইলে এক ইঞ্চ অধিকৃত স্থানেরও সন্ধােচ

ও প্রসারণ ইইতে পারে। স্বতরাং নির্দিষ্ট পরিমাণের হ্রাস

বৃদ্ধি ইইয়া নানাবিধ ত্রম উপস্থিত হয়। মানদণ্ড নক্ষার

কাগজে চিত্রিত থাকিলে, কাগজের সন্ধােচ ও প্রসারণের

সহিত মানদণ্ডেরও সন্ধােচ ও প্রসারণ ইইয়া প্রাকৃত পরিন্দানের কোন বাত্রিক্রম ঘটিতে দেয় না।

নক্ষাতে অধিক কিয়া অল্ল পদার্থ চিত্রিত করিবার প্রয়োজন হইলে, তদস্থারে মানদণ্ডের দৈর্ঘ্যের নানাধিক্য হইয়া থাকে। শৃত্বল এবং দির্দ্দর্শন যম্ভবারা সামান্য ভ্রমাদি জরীপ করিয়া, নক্ষা চিত্রিত করিবার সমন্ত্র, এক ইঞ্চ পরিমিত ছলকে চারি শত কুটের ছানীয় গণ্য করিয়া নক্ষা অভিত করিলে ভূমির অন্তর্গত যাবতীয় পদার্থের অবস্থান চিত্রিত হইতে পারে। এই মানদণ্ড অবলম্বন করিয়া রক্ষা চিত্রিত করিলে, যে ভূমির ক্ষেত্রকল হুই বর্গমাইল তাহার নক্ষা দৈর্ঘ্যে চিল্লিত হইতে পারে।

নম্বাতে অনর্থক অনেক রেথাপাত করা শ্রেয়ঃ নহে, এজন্য যথন একটা চাপ বা রেখা অন্ধিত হইয়াছে, এবং ভন্মধ্যে কোন বিশেষ ত্বল নিরূপণের জন্য ভত্নপরি আর একটা চাপ বা রেখা সম্পাতের আবশাক, এমত স্থলে এই দিতীয় চাপ বা রেখা বিন্যাদ না করিয়া কেবল প্রথম চাপ বা রেথাতে সম্পাত বিন্দুটী চিহ্ন করা মাত্র উচিত।

যদি অঙ্কপাতে কম্পাশ চলে, তবে রূল পরিত্যাগ করিয়া-কম্পাশই ব্যবহার করা উচিত।

অঙ্কপাত যত বড় আয়তনে করা হইবে, ভতই ভাহাতে ब्य घरिवात मञ्जावना क्य; अञ्जना कान विनाम कतिए হুইলে, স্থান বুঝিয়া বড়বড় বুত্ত আঁকিতে হুইবে; क्षम् द्रिथा विनाम कतिए इटेल, य विन् इटेए द्रिथा होिनए इहेरव, त्महे विमू निर्वासत खना वर् पतिभारवत কর্কট সহকারে চাপ আঁকিতে হইবে।

লম্ব রেখা হউক জার সমান্তরাল রেখা হউক, বিন্যাস कतिवात ममन्न ভाशानिगरक अककारन भर्गाश्व भतिमार्ग मौर्च করিয়া লওয়া উচিত, ভাষা হইলে ভাষাদিগকে আবার বর্দ্ধিত করিবার প্রয়োজন থাকে না।

কোন বিন্দু অবধি রেখা টানিতে হইবে, অর্থাৎ রেখাটী বিশুর সহিত মিলিয়া যাইবে, এমন ছলে রেথাটী বিশু হইতে ব্দারম্ভ করা উচিত। যদি রেণাটী হুই বিন্দুর ভিতর দিয়া টানিতে হয়, ভাষা ছইলে রেখাপাতের অত্যে রূল ধরিয়া (भनीतित बाता विम्नु घटेंगे यांग कतिता एमियत, य त्रथा होनित्वं विनुष्ट्यत मधानियां गमन कतित्व कि ना। যদি কোন বৃত্ত মধ্যে ভিন্ন ভিন্ন বিন্দু দিয়া ভিন্ন ভিন্ন কতকগুলি কর্কট অর্থাৎ ব্যাসার্ছ বিন্যাস করিছে হয়, তাহা হইলে
সেই কর্কট রেথাগুলি বৃত্তের কেন্দ্র হইতে আরম্ভ করা
উচিত; এবং যদি এক বিন্দু দিয়াএকের অধিক রেখা গমন করে,
ভাহা হইলে প্রকাশ হইবে যে রেথাপাতে ব্যভিক্রম হইরাছে।

#### तक।

উক্ত প্রকার পরিকার নক্ষায় জল, স্থল, নদ, নদী, থাল, বন, জঙ্গল, বাটী, বাগান প্রভৃতি অনায়াদে প্রভেদ করিছে পারা ঘাইবে বলিয়া, চিত্রকরেরা ভিন্ন ভিন্ন রঙ্গ ব্যবহার করিয়া থাকেন; তাহাতে নক্ষা স্থাল্ট্য হয় এবং দেখিবামাত্রই বুঝা যায়। যদি চিত্রকরেরা ভিন্নভিন্ন পদার্থের ভিন্নভিন্ন বর্ণ কর্মা করিয়া অন্তর্মপ চিত্র করে, ও কোন্ বর্ণে কোন্পদার্থ বুঝায় তাহার সঙ্কেত লিথিয়া দেয়, তাহা হইলে কার্যা নির্কাহ হইতে পারে; কিন্তু পশ্চাল্লিথিত পদার্থ সকলের বে বর্ণ সাধারণ্যে প্রচার আছে, তাহা নিয়ে প্রদর্শিত হইতেছে।

ব <b>স্ত</b>	রক্ষ
নদী, পুষ্বিবী	भीन।
<u>्</u> <b>क</b> ान -	্নীল ও মৃতিকা রঙ্গ এবং স্থানে- স্থানে সবুজা।
ভঙ জলশির	क्रेय ९ कत्रन ।
ৰলশ্মীপস্থ চর	नेव९ भीन।
<u>র্ভিকা</u> চর	कर्मम तक ।
वानुकामत हत	तक्यिंद्यक्र वत्र ।

তৃণাদি রচিত গৃহ

উক্ত কান্ত

পৰ্বত প্ৰভৃতি উচ্চস্থান কাল। ঘোর সবুজ। **डेमा**न শূর্জ বর্ণে কিছু লাদের অংশ শে दब নীল ও কালি মিশ্রিত। পতিত ভূমি ( অমুর্করে) পতিত ভূমি ( উর্বার )ী শ্বেভবর্ণ। ঈষৎ সবুজ। বুক্ষ ও তৃণ ক্ষেত্ৰ ধান্যাদি ক্ষেত্ৰ नवुष এदः ष्वतन । केद भनक। বুতি অৰ্থাৎ বেড়া { মৃত্তিকা রঙ্গ, এবং মনুষাকৃত পথে রেখাদ্বয়, স্বয়ং জাতে এক বেখা। 98 লৌহবন্ত্ৰ লালের মাঝে কাল রেখা। তরল লোহিত। প্রশস্ত রাস্তা ইষ্টকালয় ও সেতৃ অনক্ত বৰ্ণ। লাল ও নীল মিশ্রিত। প্রস্তালয

বর্ণ হই প্রকার, মূল ও মিশ্র। নীল, পীত ও লোহিতকে
মূল বর্ণ কহে। এই তিন মূল বর্ণকে যত ভিন্ন ভিন্ন প্রকাবে
মিশ্রিত করা যায় তত প্রকার ভিন্ন ভিন্ন বর্ণ উৎপন্ন হয়।
ঐ সকল উৎপন্ন বর্ণকে মিশ্রবর্ণ কহে। মিশ্রবর্ণর মুধ্রে
হরিত, পাটল, ধুমল এই তিনটী প্রধান। নীল ও পীত এই
হুইটী মূল বর্ণ মিশ্রবে হরিত বর্ণ উৎপন্ন হয়। পীতে ও লোহিত

জ্বদ এবং কর্মম ব্রহ্ম।

अविष कर्मम द्रम् ।

মিশ্রণে পাটল বর্ণ হয়। নীল ও লোহিত এই ছুইটা বর্ণ মিশ্রিত করিলে ধুমল বর্ণ হয়। পীত ও লোহিত এই ছুই বর্ণের মিলনে কমলালেবুর বর্ণ হয়। ইত্যাদি।

উক্ত নিয়মে চিত্র করিলে ভূমির নক্সা, পাঞ্লিপির কর্বাৎ চিঠার অবিকল প্রতিরূপ হয়। কিন্তু আদর্শ হইতে বৃহৎ বা ক্ষুদ্র নক্সা করিতে হইলে, আদর্শ নক্সার পরিমাণাল্ক দেখিয়া মানদণ্ড ছারা ভদ্রপ কোন পরিমাণ করিত করিয়া বেখা পাত করিবে, এবং থাল জঙ্গল প্রভৃতির নাম ও আরুতি ভছ্পযুক্ত স্থানে অভিত করিবে, ভাহাতেই অভিলিধিত বৃহৎ বা ক্ষুদ্র চিত্র প্রস্তুত হইবে।

ভারত প্রতিকৃতিতে যে রক্ষ দিতে হইবে তাহা যভ তরন হয় ততই তাল। রক্ষ দিবার নময়ে এরপ দতর্ক হইবে যে, যে দীমার মধ্যে এক প্রকার রক্ষ দিতে হইবে, দে রক্ষ যেন সেই দীমা অতিক্রম করিয়ানা যায়। যে ছলে বক্ষ দেওয়া হইয়াছে, তাহা যদি ভক্ষ হইয়া থাকে, তবে আর কোন মতে সে ছল স্পর্শ করিবে না; যদি কর তাহা হইলে ছই প্রকার রক্ষের সংযোগরেখার ন্যায় একটী বেখা উৎপন্ন হইবে। অভিত প্রতিকৃতির এই দোঘটী বড় দামানা নহে। যে দকল পদার্থের দৈবা প্রস্থা দাহিয়া নয়া অভিত করিতে হইবে, তাহাদের চারি ধারে কালির রেখা টানিতে হইবে, এবং তাহাদের যে ছই পৃষ্ঠে ছায়া জ্ঞাত করিবার নিমিত্ত কালির রেখা কিঞ্চিৎ মোটা করিয়া দিতে হইবে। যে দকল বন্ধর কেবল . দৈর্ঘ্যের মাপ

দেখাইলে পর্যাপ্ত হয়, ভাহাদিগকে একটা লম্বা রেখা ছারা অঙ্কিত করিবে। নক্সা<u>তে</u> বৃক্ষ অঙ্কিত করিবার সময় উহাদের ছায়া যেন এক দিকেই থাকে। কোন স্থানে রঙ্গ অধিক ক্ষণ রাথিবে না; কারণ যদি উত্তপ্ত বায়প্রভাবে দহস। জমিয়া যায়, ভাষা হইলে সেই স্থলের রক্ষ পূর্ব্ব প্রদত্ত রক্ষের সহিত সমান করিতে পারিবে না, স্থতরাং কোন স্থানে গাচ এবং কোন স্থানে ভরল হইবে।

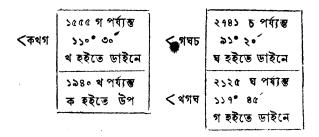
## জরীপ সংক্রান্ত প্রশ্ন।

- भौगावनी काशाक करह ?
- ২। সীমাবন্দী করিতে কি কি যন্তের আবশ্যক?
- ৩। সীমাবন্দী করিবার নিয়ম কি ?
- । কাঁটা কম্পান (পরিমাপক) কাহাকে বলে ?
- णःশপট কি এবং বিয়ারিং কাহাকে বলে ?
- ৬। কোন দিক লক্ষ্য করিলে বাম পার্ষের যে বিয়ারিং উত্তরের কাঁটার নীচে অভিনে ভাহাই লক্ষিডদিকের বিয়ারিং বলিয়া গৃহীত হয় কেন ?
- পাল্টা বিয়ারিং কাহাকে বলে? ইহার কি কি কর্ম সম্পন্ন হয় ?
- ৮। (थाएँ।किंदिः एकन (कानमानगंक) काशास्त्र वतन ?
- থাকবন্ত সংক্রান্ত জরীপ বায়ুকোণ হইতে আক্র হইবার এবং মৌজা বামে রাথিয়া দীমাবলী করিবার কারণ কি গ

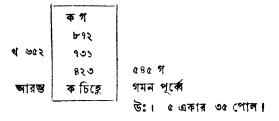
- ১০। চিঠা কাছাকে কছে? কম্পাস (দিক্দর্শন যন্ত্র)

  ব্যবহারের নিয়য়ৢয়প্র রূপে ব্যক্ত কর?
- ১১। চিঠার মস্তব্য ঘরে কি লেখা যায় ?
- ১২। কোন মৌজার মধ্যে নদী ব্যবধান পড়িলে;
  ভাহার পরিষর নিরূপণের উপায় কি ?
- ১৪। ৯৩ বিয়ারিকের স্থান হইতে ৩৬০ বিয়ারিকের স্থান লক্ষ্য করিলে কভ বিয়ারিং হয় ? উঃ। ৩১৫ বিঃ।
- ১৫। যদি দীমানার মধ্যে পুন্ধরিণী বা বাটী পীড়িয়া দীমাবন্দীর প্রভিবন্ধক জন্মে, ভাহা হইলে কিন্ধপে ভাহার জরীপ করিবে ?
- ১৬। যদি এক মৌজাতে, ছুই কিম্বা ভতোধিক মহল থাকে, তবে তাহা কি প্রকারে নির্ণয় করিবে ?
- ১৭। মৌজার সীমাবন্দী এবং টুকুরা জমীর সীমাবন্দী এতত্বভয়ের মধ্যে বিভিন্নতা কি ?
- ১৮। টুকুরা জমির সীমাবন্দীর চিঠা কি প্রাকারে নিথিতে হয় ?
- ১৯। যদি কোন টুকুরা জমির মধ্যস্থলে অন্য মহলের জমি থাকে, তবে তাহার চিঠা কি প্রকারে লিথিবে?
  - ২০। হাতাবন্দী থস্ড়া জরীপ কাহাকে কহে?
  - ২১। হাভাবন্দী জরীপে কি রূপে চিঠা লিখিছে হয় ?
- ইং। নিম লিখিত চিঠা দৃষ্টে একটা পঞ্জুজ ক্ষেত্রের নক্সা নিকাশন ও ক্ষেত্রফল ছির করিতে হইবে।

উ:। ৬৬ একর ২ ক্লুড় ২৪ পোল।



২৩। চিঠা **পুস্তকে নিম্ন** লিথিত সংক্ষিপ্ত বিবরৎ হইতে তিনটা ক্ষেত্রের নক্সা ও ক্ষেত্রফল স্থির কর।



া গ প্রান্ত ৩২ ৫ 。 २००४ >> 9> ক চিত্নে

উ:। ৩৭ একর ৩ কড ২ পোল।

#### সমস্প প্রতিজ্য।

•	১১১০ থ পর্য্যস্ত	٥
ese	986 .	
<b>૭૯</b> ૨	220	
٥	ক চিহ্নে আরম্ভ	•
	·	:

২৪। নিম নিথিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটা শঙ্কর ক্ষেত্রের নক্সাপ্ত ক্ষেত্রফল স্থির কর ?

0	১৩১০ খ পৰ্য্যম্ভ	>00
২৩০	>000	
	<b>৯৮</b> ০	¢ 0
	960	200
৩১০	900	
	000	74.
२२०	8%0	
	೨೨•	৯৪
	२.५०	
৩৬০	•	२७०
	⊚ ক হইতে	

উ:। ক্ষেত্রকল = ৪ একার ওরুড ১৬ ১৪ পোল। সমস্থল নিরূপণ করিবার রীতি।

শ্বায় বিচলিত সরোবরের জলের অবস্থানই সম
য়লের প্রকৃত উদাহরণস্থল। পৃথিবী সর্কভোতাবে গোলাকার বলিয়া নির্দেশ করিলে সমস্থল রেখা উহার কেন্দ্র

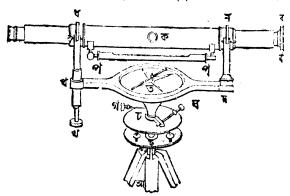
ইইতি সকল স্থানেই সমদ্ব হইবে। সমস্থল প্রক্রিয়া দায়।

স্থপতিমৃণ, ভূপৃষ্ঠ কোথায় উন্নত ও কোথায় অবনভ ভাহা

নির্ণর করেন; এবং ষে রেখা পৃথিবীর কেন্দ্র হইতে সর্ক্র

সমদূর ভৎসহল্পে এক স্থান অন্য স্থানাপেক্ষা কত উচ্চ য নীচ ভাহা নির্ণয় করেন। ভোয়দাম্য য**ত্র** রেখা নিরূপিত হয় ভাষা পৃথিবীর স্পর্শনী রেখা। ভিত ৬ প্রনালার সমস্থল সামান্য ভোয়সাম্য যন্ত্রদারা নিরূপিভ হুইয়া থাকে. কিন্তু বড় জমীদারী বা মাঠ জ্বীপ ক্রিডে হুইনে ভাহার সমস্থল ওয়াই স্থ্রাসাম্য বা টুফ্টনস্ স্থ্রাসাম্ নামক উৎকৃষ্ট উৎকৃষ্ট যত্রধারা নিরূপিত হইয়া থাকে।

#### ওয়াই সাম্য যন্ত্র।



উপরের এটা (ক) একটা বর্ণবিহীন দূরবীক্ষণের প্রতি ক্লভি; ইহা ছইটী স্তন্তের উপর সংস্থাপিত আছে। ঐ **ন্তন্তখ**রের জাকার ইংরাজী ( y ) ওয়াই জক্ষরের ন্যায় বলিয়। 🗳 যত্ৰটী ওয়াইদাম্য ৰলিয়া অভিহিত হইয়াছে। ুস্ত 🗷 ছইটী একটা পিতলের দভের উপর এরূপ কৌশলে সংবদ বে, একটা স্তম্ভ থ নামক পেঁচ ছারা অনারাদে উন্নত বা करन इ कक्षा वाहेरक शास्त्र । अ म मस्टित संश्रम्हन किस्थि

্চপ্টা ও তাহাতে (ত) একটা দিগ্দর্শন ষজ্ঞের বাক্স খাছে। ঐ দিগ্দর্শন যদ্তের নিমে একটী বৃত্তস্চীক কীলক ছাছে, দেই কীলক ছুইটা সমান্তরাল পাত্তের উপর্টী ভেদ করির। নীচেরটীতে সংলগ্ন হইরাছে। কীলকের নীচে **একটী** বর্ল আছে ও নীচের পাত্রথানির মধা**ছলে একটী গহার** আছে, দেই গহৰর মধ্যে ঐ বর্ভুল স্বদৃঢ় রূপে দংস্থিত জাছে। উপরিস্থ পাত্তের শীর্ষদেশে একটা গলপাশ আছে. ইহার পেঁচ (গ) ঘুরাইয়া দিলে স্থচীক কীলকটী আঁটিয়া ধুরিতে পারে, এবং স্পর্শক পেচ(ঘ) ছারা সমুদার যন্ত্রটীকে **ডাস্থে আন্তে এরূপে সঞ্চালিত করা যাইতে পারে যে,** ভাষা পরিদোলকের নাায় ছলিতে থাকে। ঐ সমান্তরাল পাত্র ছুইটা, চাবিটা পেঁচ দারা স্থদৃঢ় রূপে স্থাপিত থাকে। পেঁচঙলি নিয়ন্থ পাতের গহসরে থাকিয়া ঘুরে ও ভাহাদের মস্তক উপরিস্থ পাত্তের ডলার লাগিয়া থাকে। সমুদায় ষত্ত্ৰটী একটী আধার পেঁচদারা মেহগ্লিকাটের এক ত্রিপ**দির** উপর স্থাপিত হইয়া থাকে। যগন যন্ত্রটী বাবস্থত না হয়, তথন দিগ্দৰ্শন যত্ত্ৰের স্চীটী খুলিয়া রাধা যাইতে পারে। যক্ষটীর দূরবী<del>ক</del>ণের নিমে একটা স্থরাসাম্য **জাছে**। সেটী এক প্রান্তে এক যোষক পেঁচ ছারা ও অপর প্রান্তে একটা পেঁচ দারা এরূপে সংবন্ধ আছে, যে আবশ্যক মতে

ভাষা উন্নত বা অবনত করা ঘাইতে পারে।

ইই মন্ত্রটী ব্যবহার করিবার পূর্বের, ইহা সামঞ্জন্য করিবার,
নিম্নলিধিত তিনটা প্রক্রিয়ার প্রতি মনোধোগ করিতে হইবে।

১ম। বক্লীভবন ও স্থানপরিবর্তন।

কোণবীক্ষণ ষয়ের বক্রীভবন ও স্থানপরিবর্ত্তন ধে প্রক্রিয়ার ছারা সাধিত হয়, সেই প্রক্রিয়া অবিকল ইহাতেও প্রযুক্ত হইয়া থাকে।

২য়। বিশ্বচৃশীর দামঞ্জার করণ।

অত্তে দূরবীক্ষণ যন্ত্র যে পর্য্যন্ত সমাস্তরাল ফলকের ছুইটা পেঁচের অভিমুখে না আইদে, ভতক্ষণ উহাকে পরি-চালন। কর, এবং 🗳 পেঁচগুলি মুরাইয়া বিশ্বটী ভাহার গতিপথের ঠিক মধ্যস্থলে আন। পরে ওয়াইর অর্থাৎ আধার স্তত্তের উপর দূরবীক্ষণকে ঘুরাইয়া ভাপন কর। ভাহাতে যদ্যপি 🗳 বিশ্ব পূর্কবিৎ নলের মধ্যস্থলে স্থির না থাকে, ভাষা হইলে বিস্ফুলীর সামঞ্জ্যা হয় নাই, এবং ভাহার সংশোধন আবশ্যক বলিয়া জানিভে হইবে। এখন বিম্ব কোন্দিকে গিয়াছে দেখিয়া, ভাছাকে সমান্ত-রাল ফলকের পেঁচ ঘুরাইয়া অর্দ্ধেক সরাইয়া আন , এবং বিষয়কীর প্রান্তের চড়কীশিরা পেঁচ খুরাইয়া আর অর্কেক পরাইয়া আন। অনন্তর দূরবীক্ষণকে পুনর্কার ঘুরাইয়া দেও এবং বারমার এরপ কর, যে পর্যান্ত বিষ্টী নলের মধা चल चित शहेशा ना शांक । चित शहेलाहे मृत्रीक गींक বন্ধ করিয়া যন্ত্রটী ব্যবস্থ কর।

৩র। শীর্ষ কীলকের উপর লম্বভাবে দূরবীক্ষণের কীলকের সামঞ্জন্য করণ।

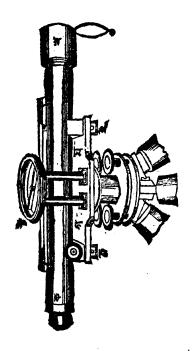
ममाख्रताल कलरकत घुरेंगे (शैराहत छेशत मृत्रवीक्नारक <sup>' ভ</sup>ংপিড কর : এবং যে পর্যান্ত বিশ্ব নলের মধাভূলে ভির না হয়, তত্ৰদণ সেই পেঁচ ঘুইটা ঘুৱাও, একটা সোজা

দিকে ও আর একটা উল্টাদিকে। অনস্তর দূরবীক্ষণকে শীর্ষ কীলকের উপর অর্দ্ধত্বন্ত পরিমাণে এরূপে ঘুরাও ষে, ভাহার প্রাস্ত হুইটী যে যে পেঁচের উপর ছিল, ভাহার ঠিক উল্টাদিকের পেঁচের উপর আসিয়া পড়ে। এতদারা যদি বিশ্ব পূর্বব্যত নলের মধ্যস্থলে না থাকে, ভবে থ পেঁচ **দু**রাইয়া প্রথমান্ধ এবং সমান্তরাল ফলকের যে হুই পেঁচের উপর দূরবীক্ষণ আছে, ভাহাদিগকে ঘুরাইয়া ষ্পরাদ্ধ ভ্রম সংশোধন কর। তৎপরে দূরবীক্ষণকে বুত্তের চতুর্গাংশ পরিমাণে ঘুরাইয়া অন্য দুই পেঁচের উপর আন, এবং এই হুই পেঁচের উপর পুনরায় উক্ত প্রক্রিয়া কর। এই রূপ ৰারম্বার করিলে, যথন দূরবীক্ষণকে শীর্ষ কীলকের উপর চতুর্দিকে, খুরাইলেও বিশ্ব নলের মধ্যস্থলে সমভাবে थांकित्व, ज्थनरे धरे कौनक श्रवण भीव प्रन प्रवन्त्रन कवि-য়াছে জানিৰে। আর পূর্ব প্রক্রিয়ার অনুরোধে দূরবীক্ষণের কীলক ধারাভলিক হইয়া পড়িবে, স্বভরাং শীর্ষ কীলকের সহজে লম্বভাব ধারণ করিবে ও সমগ্ররূপে মুরাইলেও ভাহার ধারাতলিক অবস্থার ব্যত্যয় হইবে না।

### টুক্টন্স সাম্যন্ত।

পর প্রতিকৃতিতে জ ক সুরাসাম্য যন্ত্রটী ক থ দূরবীক্ষবের উপর সংস্থাপিত আছে। দূরবীক্ষণটী গ ঘ আধারের
উপর সংস্থিত। এই আধার একটা মেরুদণ্ডতে এরূপ
কৌশলে সংবদ্ধ যে তাহাকে অনায়াসে ঘুরান ঘাইতে
পারে। গ ঘ আধারের উপর দণ্ডায়মান ছুইটী, স্তম্ভোপরি
ট নামক একটা দিগ্দর্শন যন্ত্রের বালু আছে।

যন্ত্রটীকে ব্যবহার করিতে ইইলে প্রথ-মতঃ চকুদাবা যভ मृत माथा हैशाःक সমান করিতে হয়। भारत मृत्रदीकाणीरक টের্চা পেঁচ ছইটীর উপর স্থাপিত করিয়া, চ ছ দুইটা পেঁচ দারা জন নলের মধান্তিত স্থরাকোটটীকে নলের মধ্যক্তলে শানিতে হয়। স্বাস্থেটি নলেব মধ্য স্থলে আসিলে মন্ত্রটী ব্যবহার যোগ্য হয় |



#### সমতলীয় দগু।

বঙ প্রকার সমতলীয় দও আছে তম্মধ্যে প্রাভাটের দ্র অতি উৎকৃষ্ট। এই দণ্ড তিন খণ্ড কাঠে নির্শিত। বাবহার কালে ভূতীর থও দিতীরের মধ্যে ও দিতীর প্রথমের मधा मनिविष्टे कतिए इस। एक शाइणिए अवजी माना ু একটা কাল, এরপ একান্ডবিভ রেখাদারা ১ ফুটের শভাংশ পরিমাণ আপাদ মন্তক্ চিহ্নত আছে। এই রেখাওলি

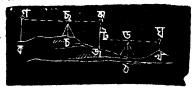
দণ্ডের অর্দ্ধেক পরিসর অবধি বিস্তৃত। দশকের রেখা অর্গাৎ এক ফুটের দশমাংশ পরিজ্ঞাপক রেখাগুলি দণ্ডের সন্দায় পরিসর অবধি বিস্তৃত। আর দশকের রেখার অর্দ্ধেক একএকটী কাল বিন্দুর ছারা ও পূর্ব এক ফুট পরিমাণ ১, ২, এপ্রভৃতি সংখ্যা ছারা চিহ্নিত আছে।

#### সমতলতত্ত্ব ৷

একটী মাঠের ক ও থ ছুইটা স্থানে সমতলের বিভিন্নত। নির্ণয় করিতে হইবে।

মনেকর, এই ক্ষেত্রের চ ও ঠ স্থানে গ ব ও ট ঘঁ ছুইটী
সমতল রেখা স্থাসাম্য যন্ত্র দারা নির্দারণ করা গিয়াছে।
দ্বীপদ্মানীন ক চিপ্লিড স্থান হইতে থ চিপ্লিড স্থানে গমন
করিলে, দ্ব ন উন্লভিকে সম্মুথ ও ক গ উন্নভিকে পশ্চাৎ
দিক বা দৃষ্টি কহে। একরপে থ ঘ উন্নভিকে সম্মুথ দিক
ও দ্ব ট উন্নভিকে পশ্চাৎ দিক কহে। থ ঘ ও দ্ব ট ছুইটী
উন্নভির বিভীন্নভা জানিতে পারিলে, থ ও দ্ব স্থানের
সমতলের প্রভেদ জ্লাভ ছুওয়া যায়; এবং দ্ব ব ও ক গ
ছুইটী উন্নভির বিভিন্নভা জানিতে পারিলে দ্ব ও ক স্থানের
সমতলের প্রভেদ নির্ণয় হল। যদি থ ঘ=৪, দ্ব ট=৩,

জ ন=৯ এবং ক গ=৭ হাত <sup>হা</sup>, ভাহা হইলে জন্দ্ৰিফিত খান



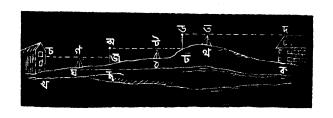
্ চিহ্নিত স্থান হইতে এক হস্ত (৪—০=১) উচ্চ, এবং জ চিহ্নিত স্থান হইতে ক স্থানের উচ্চ্না=১—৭=২ হাত; অভএব থ চিহ্নিত স্থান হইতে ক শ্বানের উচ্চত্য 3+2=9 হাত। পুনশ্চ, যদি থ ঘ =2, জ ট =0, জ ঝ= :২ এবং ক গ = ৮ হাত হয়, ভাহা হইলে থ স্থান জ স্থান অপেকা উচ্চতর। এই জন্য জ স্থান অপেকা ধ স্থানের উক্তা = ৫ - ২ = ৩ হাত; এবং জ স্থান অপেক্ষাক স্থানের উচ্চতা = ১২ -- ৮ = ৪ হাত; সত্এই থ স্থান অপেক। ক স্থানের উচ্চতা ৪-৩= ১ হাত।

এইক্ষণে ক ও খ ছুইটা স্থানের সম্ভল নিরূপণ করিবার নিমিত্ত একটী সাধারণ নিয়ম নির্দেশ করা যাইতেছে।

গ বা সমতল রেখা হইতে ক স্থানের দূরত ক গ রেখা. এবং উক্ত রেখা হইতে থ স্থানের দর্ভ ন ট + ঘ থ রেখা। অভএব ক ও থ চুইটী স্থানের সমতলের বিভিন্নতা এইরূপে নির্দেশ করা ঘাইতে পারে; যথা ক ট + ঘ ধ -- ক গ; ইহাতে ট জ যোগ ও বিয়োগ कतिल क क + घ थ - (क श + छ क) इहेरव। কিছু ক জ ও ঘ থ ছুইটা পশ্চাৎদিক, আর ক গ ও জ ট ছুইটী সমুধ দিক, স্মৃত্রাং পশ্চাৎ ছুই দিক সমুধ ছই দিক হইতে অন্তর করিলে, প্রথম ও শেষ ধ্বছা ছাত্র চিছ্লিত ছুইটা স্থানের সমতলের প্রভেদ জানা যায়। পূর্ব্বোক্ত উদাহরণে ছুইটা পশ্চাৎদিকের ধ্বজার উল্লভির যোগপরিমাণ = ২ + ১২ = ১৪, এবং সম্বর্থীন ্ছটটা ধ্বজার · উন্নতির যোগপরিমাণ = a + ৮ = 🔫 । . আৰভএৰ ক ৩৪ থ ভানের সমতলের বিভিন্নতা≔ ১৪ - ১০ = ১ হাত; এবং পশ্চাংদিকের ছইটা উন্নতির ষোগ সমুধদিকের ছইটী ভারতির যোগ অপেক্ষা রুহতর বলিয়া এই প্রতীয়মান হইতেছে যে, ক স্থান থ ছানাপেক্ষা ১ হাত উচ্চ।

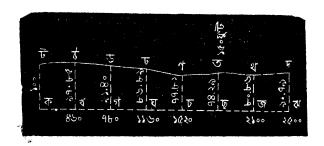
থ চ ও ক দ ছইটী স্থানে ছইটী বাটীর সমভলের বিভিন্নতানিরূপণ করিতে হইবে।

মনেকর, এই ক্ষেত্রে চজা, ঝাচ, ও ডাদ এই কয়েকটী সমতল রেথা লইলে থাচ, ঝাছ এবং ড চ পশ্চাৎদিকের



উন্নতি; জার ছ জ, শ্ন্য ও ক দ সমুথদিকের উন্নতি হইবে। এইক্লণে পশ্চাৎদিকের সমুদায় ধ্বজাব উন্নতি-পবিমাণের সমষ্টি হইতে, সমুখদিকের উন্নতিপরিমাণের সমষ্টি বিয়োগ কবিলে, ক চিহ্নিত ছান থ চিহ্নিত ছান হইতে কত উচ্চ তাহা নির্ণয় হইবে। মনেকর, পশ্চাৎ ধ্বজাগুলির উন্নতি যথাক্রমে ৯, ১১ ও ১০ হাত; এবং পাঞ্চাগুলির পরিমাণ যথাক্রমে ২, ০ ও ১৬ হাত; জতএব ক ছান থ ছান জপেক্ষা = ৩২ — ১৮ = ১৫ হাত উচ্চ।

#### খণ্ডরেখা।



ট ঠ ড ঢ ণ ভ থ দ ভিন্ন ভিন্ন বিন্দুর মধ্যক্ষ ভূমি কি পরিমাণে নভোল্লভ, ভাহা দেখাইবার নিমিভ সেক্সন অর্থাৎ এক থণ্ড রেথা অন্ধিত করিতে হয়। প্রথম সমতল নির্ণয় করিতে হয়। এই প্রক্রিয়ার সময়ে ট হইতে ভিন্ন ভিন্ন বিন্দুর দূরত নির্ণয় হইয়া যায়। এই সমতল এবং পশ্চাৎ ও সমাুথ দৃষ্টি সমতল-চিঠায় তুলিতে হয়। এই চিঠা লিখিবার প্রথা নিমে প্রদর্শিত হইল।

এই সমতল চিঠা হইতে দেখা ঘাইতেছে যে, ৩য অর্থাৎ অবনতি স্তস্ত ১ম ও ২য় স্তাস্তে যে বিয়োগকল প্রদ-র্শিত হইয়াছে, তাহা যোগ করিলে ৫ম স্তন্তে যে লঘু **শম**ি ্ডল প্রদর্শিত হইয়াছে তাহা প্রাপ্ত হওয়া যায়। যথা ২.১৫ 🕂 ४.१८ = ४.৯०, हेश ७ दिनूद घदनि । ४.৯० अहे

#### সমস্থল প্রক্রিয়া।

			-			
91251C	N N N N N N N N N N N N N N N N N N N	জবন <i>ি</i>	हिं इ	লধ্সমঙল	मुब्धारमञ्ज हिः मृत्रज्ञ ७ देक्किश	100
3.	08.5	2.26		₹.>€	त्राखात डेलत् ठे भधा ह	8.8
8.50	\$4.°¢	96.8		ъ ъ.	फ अर्घाङ	ŗ.
89	9 ×. 6	8.23		\$6.55	Ag ,	8.
9.48	\$4.95	٥. ن		22.5V	<b>ৣ</b> ত	>4.20
8.54	99° 6	9.9		26.95	थारनवाजन मृत्य	N
\$ · · · \$	رد. در ا		8.69	28.58	<b>छ</b> न्यस्	٨٧.٥٥
22.23	9.	<b></b>	9. R	.×. €	म शर्यास्थ	٥٠.6
88.06	34.00					
	88.00					
D.	3.3	( S	।যুস্মভূ	শেষ লঘুসমূহলের সহিত শমান হইয়াছে	ান হইগাছে।	

সমষ্টিতে একে একে পরবন্তী অবনতি ক্রমশঃ যোগ করি। স, নিঃক্তন অর্থাৎ খালের তল বিন্দুর অবনতি ড বিন্দুর উত্তর খালের তল পর্যান্ত অবনতি প্রাপ্ত হওয়া গিয়াছে। যথা.

नयजन-िठी।

২৫.৭১। পরে ২৫.৭১ হইতে যথাক্রমে উন্নতি স্তক্তের অন্তর বিয়োগ করিলে থ ও দ-র অবনতি পাওয়া যাইবে। বিন্দু হইতে দ বিন্দু পর্যান্ত যে মোট অবনতি, ভাহাই এই শেষকল দারা ব্যক্ত হইতেছে; এবং ইহা পশ্চাৎ দৃষ্টি 🤏 **দম্মুখ দৃষ্টির সমফী**র **অন্তরের সহিত ঐক্য হওয়াতে** সমতল প্রক্রিয়ার বিশুদ্ধতা প্রতিপন্ন হইতেছে। শেষ স্তক্তে ট হইতে ঠ, ড ইত্যাদি ভিন্ন ভিন্ন বিন্দুর দূরত্বের পরিমাণ 😮 অপরাপর মন্তব্য কথা লেখা আচে।

#### তলরেখা।

সমতল-চিঠার শেষ স্তম্ভে যে নিথিত পরিমাণ প্রদর্শিত হইয়াছে, সেই পরিমাণান্ত্রদারে ধারাতলিক রেখা পাত কর। অনন্তর সেই ধারাতলিক রেথার নিম্নে উক্ত চিঠার ৫ম স্তম্ভে যে পরিমাণ লিথিত আছে, তদত্মসারে লম্বভাবে ন্সার একটী রেথাপাত করিলে সেকৃসন অর্থাৎ খণ্ড রেথা আছিত হইতে পারে। কিন্তু এই প্রক্রিয়ার ছারা সমুদার স্থানের সেক্সন অন্ধিত করা স্থবিধা নহে, কারণ বুহৎ কার্য্যে ন্দু-সমত্র পরস্পর রেধার উপরি ও নিম্নভাগে পতিত হইরা পড়ে, স্থতরাং কার্য্যের গোলযোগ উপস্থিত হয়। এনিমিত্ত প্রথম থাক ট হইতে ১০০ বা২০০ কুট নিম্নে ক ক একটা রেথা কল্পনা করিতে হয়। ইহাকে ভল রেখা 'বলা যায়, ইহা কথনই থণ্ড রেখার উপর যাইবার সম্ভাবনা থাকে না।

यायहादिक मथ्डन फिरी। क विमुच् निषिष्टे हिस्थि ३०० कि निस्न डन एथा।

Algale Alas	मम्युथ मृष्टि	ভ জ	त्र अङ्ग	লঘু সমঙল	\$ P	मञ्ज्या कथा
3	8.90		2.50	00.00%		
. 00	30.70		36.8	29.PG	ه ه	श्यायो हिट्ट वाकारत्य
80.0	Ð.≻.¢		8.23	0 7: 7 R	9.P°	্বান্তার উপর
9.4.8	\$8.85		4°.6	6. Y P	\$5,83	
8.5%	<b>99.6</b>		2.9	44.P4	> Q. %.	
S. 9.	₩.e.9	ه. ه.		98.20	:	(थारिन इ डिन, २.४०
50.00	9, 9	9 ? ?		70.86	٥٥٠٠	रिम्बाल मृर्व
Be. 88	85.28	0 P. G.	26.95	ر د د د	29.00	
	88.00	o po e lagari Pa	00.8%	0.007		-
	×. €	15. 15. 15.	2, 5 =	= 8.23 (F	एन (तथा छ	= २,२२ = ३,२३ ( उन (तथ) ७ (गैष नयु मुम्डानात

উপরে লিথিত ব্যবহারিক সমতল-চিঠার তল রেখার আহুমানিক দূরত্ব ইইতে উন্নতি ও অবনতি যোগ বা বিয়েগে कता बहेताएक, अवर शूनक के स्थाप वा विस्थापक कहे :-পরবন্তী উন্নতি বা অবনতি যোগ বা বিয়োগ করা হইয়াছে। ষণা কট-র আন্মানিক দূরত্ব ১০০ হইতে অবনতি ২.১৫ বিয়োগ করিলে অবশিষ্ট ৯৭.৮৫ ফুট ঠ বিন্দুর উন্নতির পরিমাণ হয়। পুনশ্চ ৯৭.৮৫ হইতে পরবন্তী অবনতি ৬.৭৫ বিয়োগ করিলে ড বিব্দুর উন্নতি প্রাপ্ত হওয়া য়ায়, অর্থাৎ ৯১.১০ ফুট। এই রূপে শেষ অবনতি ৩.৫৩ পর্যান্ত প্রক্রিয়া করা হইয়াছে। ইহার পর এই শেষ ফলের স্হিত্ পরবর্ত্তী ৬.৫৭ ও ৯.৯০ উন্নতি যোগ করিতে হইবে। এই রূপে তল রেখার পরিমাণ ১০০ ফুট চইতে শেষ লঘু সম-ভলের ৯০.৭৯ ফুট বিয়োগ করিলে অবশিষ্ট ৯.২১ ফুট হইবে। ইহা সমুখ ও পশ্চাৎ দৃষ্টির সমৃষ্টির অন্তরের সহিত মিলিয়া যাইতেছে, এবং ঢালের প্রক্রিয়া বিশুদ্ধ হইয়াছে ভাষার পরিচয় দিতেছে। এই রূপে যে সমস্ত শীর্ষোরতি প্রাপ্ত হওয়া যাইবে, তাহা তল রেখার উপর লমভাবে অন্ধিত করিয়া যোগ করিয়া দিলে থগু রেখা अक्टि हहेता।

### मुख्टिवनक्रम् (भाधन।

ভূমি সমতল করিতে হইলে পৃথিবীর গোলতা নিবন্ধন প্রতি মাইলে যে কিঞ্চিৎ চাল করিতে হয়, তাহা নিম্নলিখিত **্লা**ন্তাবটী বিশেষরূপে অনুধাবন করিয়া দেখিলে প্রতীভ इहेर्द ।

### সমস্থল প্রক্রিয়া।

মনেকর, কথ গ ভূপৃষ্ঠ, ক স্থানে অবস্থিত এক জন স্থপতি

5 ত ভিন্তুগ ভূমি সমতল করিয়া যাইতেছে। এইক্ষণে

ই চিত্রক্ষেত্র দেখিলে প্রতীয়মান হইবে যে, স্থপতি যতই

গ তভিমুখে গমন করিবে, ততই ক চিহ্নিত স্থানে দৃশা
মন সমতল প্রকৃত সমতল ভাপেকা উদ্ধে হইবে। ভূমি

সমস্থল করিতে ইইলে, যে পরিমাণে চাল রাখিতে হয়, ডাহা এই পাতন হইতে প্রাপ্ত হওয়া ঘাইতে পারে। ক চ রেথা পৃথিখীর পৃঠ



ক বিন্দুতে স্পর্শ করিতেছে বলিয়া, উহা কথগ রুডের স্পর্শনী রেখা। ক ও চ হইতে পৃথিবীর কেন্দ্র ম পর্যান্ত রেখা টান। প্রাকৃত সমতল হইতে দৃশ্যমান সমতলের বৈলক্ষণ্য থ হানে চ থ রেখা ছারা নির্দেশ হইতেছে। চ থ রেখার পরিমাণ ৫৭ শ প্রেভিজ্ঞার ১ম জন্মানান্ত- দারে। চ গ. চ থ = ক চ । ৮ চ থ =  $\frac{5}{5}$  গ ক চ ১ মাইল ও চ গ ৭৯৫৮ মাইল হটলে, চ থ =  $\frac{2}{1860}$  = এক মাইলের  $\frac{2}{1800}$  ভাগ = ৭.৯৬২ ইঞ (প্রোয় চ ইফ)।

জ্যোতির্নিদ পণ্ডিভেরা নির্দারণ করিয়াছেন যে, দ্রহু পদার্থ কিরণের বক্রীভবন প্রভাবে অপেক্ষাকৃত উচ্চতঃ স্থানে দৃষ্ট হয়। এইক্ষণে ভূমি সমস্থল করিতে গিয়া প্রতি মাইলে ৮ইঞ চাল রাখিলে ভ্রম হইবার সভাবনা, স্মুডর: ঐ ৮ইক হইতে দৃষ্টিবৈলক্ষণ্য প্রায়ুক্ত যে স্থান টুকু বেশী ধরা হয়, তাহা বাদ না দিলে গণনা স্থল হয় না।

দৃষ্টিবৈলক্ষণ্য সকল স্থানে সমান নছে; কিন্তু স্থপতিগণ দামান্যতঃ পৃথিবীর গোলভানিবন্ধন যে ঢাল রাখিয়া থাকেন তাহার है ভাগ বক্রীভবনের নিমিত্ত বাদ দিয়া থাকেন।

উদাহরণ ১। কোন দৃষ্ট পদার্গ আড়া**ই** মাইল দুৱে হইলে, পৃথিৰীর <mark>গোলতানিবন্ধন কত ঢাল</mark> রাখিতে হই*ে* ও বক্রীভবন প্রযুক্ত কত বাদ দিতে হইবে ?

গোলবের নিমিত ভ্রম নিরাকরণে = ৮ ইঞ্চ = है ফুট 🗵

$$(2.20)^{2} = \frac{2 \times 9.29}{9} = 8.299$$

বক্রীভবনের নিমিত ভ্রমনিরাকরণ উহার 🕻 .৫৯৫ অবশিষ্ট ৩.৫৭১ ফট্ট

চাল বাখিতে হইবে।

२। দৃষ্ট পদার্থ ৬০ চেইন দ্রে হইলে কভ ডংগ্ বাথিতে হইবে 🕈

302 + 500 = 8.0 हेडात 🚼 कश्म = .४৪५

> करिक ८५३१ हैस हाल टारिए हर्देट स्य'्द्र ।

# এই পুস্তকে ব্যবহৃত গণিত শব্দের

## ইংরেজী প্রতিশব্দ।

吸消	Degree	জক্ষদ ও	Axis
<b>অ</b> করণ	Rational	আয়ত	Rectangle
অভিদেশ অভিদেশ	Apply	আয়তাকার }	Parallelopipedon
ক্ষমিশ্রয়	Focus	ঘন কেত	
জন্মপাত <u>ে</u>	Proportion	উন্নতি	Altitude
অভুপূরক	Complement	উপনিহিত	Superposition
জনুম[ন্	Corollary	উপপত্তি	Demonstration
অনুমাপক	Vernier	উপপাদ্য	Theorem
	B Dividendo	<del>ক্</del> পজু	Straight
জন্ম । জন্মরীণ	Interior	*	Minus
करका	Extreme	田本本	$\mathbf{U}_{ ext{nit}}$
অপ্বৰ্ভুক	Measure	একাস্তরিত	Alternate
অপবৰ্ত্ত্য	Multiple	এন্সিসা বা	Abscissa
অবকাশ	Space	সর্কাধিক বিভ	
অৱনতি		ı ঐককে <del>জি</del> ক	Concentric
ক্ষবলেট ব	€_ Oblate	গুলন মাটাম	Plumb Level
	Spheroid	কটিবন্ধ	Zone
		কম্পণন (পরি	মাপক)Compass
্ছলাই ∕র	কা জা	<b>ক</b> ৰুণী	Surd
মর্কচন্দ্র	Lune	'কলা	Minute
শ্ব⊍ম ক্ষ্যা	Impossil	ole কৃক্ট	Radius

কৰ্ণ	Diagonal	চতুরস্র বা চতুর্জ	Square
क् । इन ।	Wedge	চেইন বা শৃষ্থল	Chain
কাজ্লাপ্রকাও	Prismoid	হৌবান্ছা	Cistern
কৃটিল	Curve	চৌপছল	Square Prisa
কু-ছু	Coneave	िहरी	Field Book
<b>কুল</b> ালচক্ৰ	${\bf Cylindrical}$	ring	
(কন্দ্ৰ	Centre	ছেদন ( খণ্ড )	Section
কোটি	Perpendicula	r <b>জ</b> রীপ	Survey
কোণমান গজ	Protracting	; জ্রীপ আমীন জাত্য তিভূজ	Surveyor Rightangled
কোণবী <b>ক্ষ</b> ণ য <b>ন্ত্ৰ</b>	Theodolite	জাভা তে <i>ন</i>	Triangle
ক্রমনিয়	Inclined	æ∐.	Cord
জুশদণ্ড	Cross Staff	ৈ জ্বামিতি	Geometry
কোড়স্থ	Supplement	al টক্	Spindle
গজ	Scale	টি মাটাম	T. Square
श्चिष्ठं	Major	টু পিজিয়ম বা	<b>)</b>
<b>ক</b> ণক	Multiplier	বিষমচভূভূজ	Trapezium
જી ૧૪	Multiplica	ind ট্রাপিজৈড	Trapezoid
প্তণফল	Product	জুল্যকে:ণিক	Equiangular
<b>घ</b> न	Cube	<u>হোয়দাম্য</u>	Water level
খন বা নিটন	Solid	C33-	Triangular
घरक्त	Solidity	।একেলে মড়ো	Triangulai Square
ঘু:ড	Exponent	ব্রিখ্ত	Culter

	m , ,	136	
ি হুছ বা আহ	Triangle	প্রভীপ	Opposite
্বিদ্যা <u>ত</u>	Square	<b>প্র</b> শারিত	Produced
⊁ <b>व</b> ि	Plus	প্রমাণিক রে	Proof line
49	Are	প্রোবেট	) Prolate
শাহন	$\left\{ egin{array}{l}  ext{Plane or} \  ext{Surface} \end{array}  ight.$	ব <u>ৰ্</u> ণাভা <b>ন</b>	Spheroid
		পেরিমিটর	Perimeter
্ৰেৰ্ছনিক ক্ষে	5 Superfices	पुष्टेक न	Superficial Area
নক্ষ)	Plan		(Offset or
নিৰ্ধন স্থান	1 81 8	ফঁ¦ড় (লম্ব)	Offset or Perpendicular
<u>ব: <b>থ</b>;ক</u>	Station	ফাঁড়যটি	Offset staff
নি যোগ	Application	বজীভবন	Refraction
লিক্সপুৰ্	Construct	द <b>क्त</b> गी	Vinculum
निविष्ठे	Given	বৰ্গ	Square
िस: भाग	Describe	বর্গমূল	Square root
· (7 b	${f A}$ djacent	र <b>ई</b> ल	Sphere
•ায়বিক্স	Absurd	,	∫ Spherical
गु क्लूहे	Convex	হ'ৰ্ভুলথ <b>ও</b>	( Segment
প্ৰকৃত্	$\mathbf{Pentagon}$	<i>হ</i> ঠুলমণ্ডল	Spherical Zone
পরিভাষ।	<b>D</b> efinition	বর্ <u>ভ</u> ুলাভাস	$\mathbf{S}_{\mathbf{P}}$ heroid
পরিম্পেক বা	)	रङ्ड क	$\mathbf{Polygon}$
અનુદ્રિ <b>ક્ષિ</b>	.Mensuratio	nn ব্যৱ	Exterior
•প্ <b>চ</b> ল	Prism	বিক্লা	Second
প্রাক ্র	Frustrum ;	<u>रिग्</u>	Point
প্রক্র	Proposition	ि विषय विष	প্রতি Alternando

বিলোম নিষ্পা	ਤ Invertendo	মেরুদণ্ড	Axis
বিষম চতুভূজ	${\bf Trapezium}$	মৌলিক ভত্ত্ব	First principles
<u>র ভ</u>	Circle	যথাপ	)
বুদ্রগ গু	Segment	যথাক্রমে	Respectively
<u>রূত্</u> চেছদক	Sector	যোগনিষ্পত্তি	Composiend.
রভার্ক বা দামি	ত Semicircle	রম্বস	Rhombus
বাব <b>খা</b> রিক	(Practical	র <b>স্বৈ</b> ড্	B/10mboid
জ্যামিতি	Geometry	রাশি	Magnitude
ব্যাস .	Diameter	রৈথিক	Lineal
द्यामार्क वा	Radius or	লঘিষ্ঠ	Minor .
শামিবা!দ	Semidiamete	er <b>ल</b> व	Numerator
ভগাংশ	Fraction	লম্ব	Perpendicular
ভাগফল	Quotient	শার	Versed Sine
ভাগদেশ	Remainder	শকৃ	Gnomon
ভ্ৰাক্ত	Divisor	শীর্ষ	Vertical
ভাজা	Dividend	শৃষ্খল বা শিক	न Chain
<b>ঙ্</b> মি	Base	ষড় ভূজ	Hexagonal
মণুল	Zone	সংযোজক রেং	n Tie Line
<b>म</b> क्षा	Mean	সংহিত	Sum
মধাগ <b>ও</b> Μ	iddle Segment	সকোণ স্থচী	Pyramid
মানহ ও	Scale	সকোণস্চী-	Frustrum of
মাটাম	Square	প্ৰকাত }	a Pyramid
মিলিভ হওন	Coincide	<b>সদৃ</b> শ	Similar
মূল 🕠	Root	<b>স</b> বগীয়	Homologous

<b>শমকে</b> প	Right angle	হুরাসাম্য	Spirit Level
স্মকোণিক	Right angled	স্চী	Cone
স <b>ম</b> 5ভূ <b>কোণ</b>	Rectangle	(	Frustrum of
,	D: 1	স্গীপ্রকাও 🖁	a Cone
দ <b>া</b> দিখণ্ড	Bisect	marketen inn mark	
নম্ছি ভূজ	Isosceles	স্তু বা আয়া	
শ্নব'্ছক	${f E}_{ m quilateral}$	সৃশ্বকোণ	Acute Angle
ন্মব'হক	) <sub>a</sub> ,	उड	Cylinder
চুন ক্ষাত্র	Cube	<b>স্থ</b> পত্তি	Engineer
সমশীল	Homologous	স্থূল কোণ	Obtuse Angle
	) Same line or	च्छा <del>ग</del> िनी	Tangent
স <b>ম্</b> সূত্র	level	সতঃপ্রমান্ত্রক	Self evident
দমস্ল বা	1	সভঃসিদ্ধ	Axiom
<b>স্ম</b> তল	Level	স্বীকার্য্য কথা	
<u>ৰুমাতুরাল</u>	Parallel	হর	Denominator
সমাস্থরিক ক্ষে	ত্ৰ Parallelogram	হরণ	Divide
<b>দমিত</b>	Plus	হারক	Divisor
দ্মীকরণ	Equation	श्या	Dividend
স <b>ম্প</b> তি	Intersect	হীনিত	Minus
मम्भाग	Problem	কেপণী	Parabola
সরল কা	)	· ·	Parabolic
and the same and	Straight line	ক্ষেপণীমওল	\(\begin{aligned} \text{Frustrum} \\ \text{Frustrum} \end{aligned}
<b>ক জু</b> /রথা	Dense	ক্ষেপণীস্তস্ত	Paraboloid
স! <del>ত্র</del>			
্দামির্ভ	Semicircle	ক্ষেত্ৰফল	Area
7171	${f A}$ rea	ক্ষেত্ৰব্যবহার	Mensuration.
		201,0	783 1149 w

#### ক্ষেত্রব্যবহার ( প্রথম সংক্ষরণ ) সমালোচন।

(নামপ্রকাশ--২২এ ভাদু ১২৭৬ পৃঃ ৬৮০।

গণিতবিষয়ক একথানি অভিনব গ্রন্থ প্রচারিত হইয়াছে. ইহাতে বাবহারিক জ্যামিতি, ক্ষেত্রব্যবহার, জ্রীপ এসং সমস্থল প্রক্রিয়া বিবৃত হইয়াছে। এীবৃক্ত বাবু নবীনচন্দ্র দত ইহার প্রণয়ন করিয়াছেন। গ্রন্থকার ইতি পূর্কে থগোল-বিবরণ নামক গ্রন্থরচনা করিয়া আপনার মাতৃভাষার প্রতি অনুরাগ, বিজ্ঞানশাস্ত্রে অধিকার এবং বিশুদ্ধ ও সরল রচনা-শক্তির পরিচয় দিয়াছেন। বর্ত্তমান গ্রন্থারা তাঁহার সেঁই সকল গুণের অধিকতর পরিচয় হইতেছে। এই গ্রন্থের একটা विरमप ७० এই या, देश कार्यन পार्त्रत जना नहा। किन् কার্যাদাধনোপ্যোগী করিয়া প্রস্তুত করা হইয়াছে। ইহার প্রথম ভাগে ইউক্লিডের জ্যামিতি হইতে ক্ষেত্রপরিমাণের উপযোগী প্রতিজ্ঞাগুলি সঙ্কলিত হইয়াছে এবং তৎসঙ্গে আবশ্যক উনাহরণ দকল প্রদর্শিত হইয়াছে। ২য় ভাগে বেথাভারা বস্তুর দৈর্ঘাদি মাপিবার সঙ্কেত নির্দ্ধিষ্ট হইয়াছে এবং লীলাবতী হইতে কতকগুলি স্থন্তর প্রশ্ন উদ্ধাত হইয়াছে। ৩য় ভাগে বর্ণক্ষেত্রে ও ৪র্থ ভাগে মানক্ষেত্রের কালী করিবার নিয়মাদি সলিবেশিত হইয়াছে। ৫ম ভাগে জ্বীপ শিকার अनानी निथित इहेग्राहा। अहे श्रव थानि नकीक सम्बद করিবার নিমিত্ত গ্রন্থকার প্রয়াস পাইয়াছেন এবং তাহা অনেক অংশে মফল হইয়াছে বিস্তৃতঃ এই গ্ৰন্থ থানি অব-লম্ম করিরা ভূমিপরিমাণশিক্ষাকার্য্য এক প্রকার পম্পন্ন

হটতে পারে। অতএব ইহা উক্সতর শ্রেণীর ছাত্র এবং জনীল শিক্ষাথী অন্যান্য ব্যক্তির পক্ষে মহোপকারী হইরাছে। ন্রীন বাবু যেরূপ পুস্তক লিথিতে প্রবৃত্ত হইরাছেন, এই প্রকার প্রাঠক ছারা এত্তদেশের কল্যাণ হইতে পারে। বিষয়ওলী ভাহাকে উৎসাহ দান করেন এই আমাদের অন্বরোধ।

# এভুকেশন গেজেট ও সাপ্তাহিক বার্তাবহ।

**৯३ आश्विम १२१७ शृ**ः २४०।

ব্যবহারিক জ্যামিতি, ক্ষেত্রব্যবহার, জ্রীপ এবং সমস্থল প্রক্রিয়া। এই পুস্তক জীযুক্ত বাবু নবীনচন্দ্র দত্তজ মহাশর প্রণরন করিয়াছেন। ইতঃ পূর্কে ইনি থগোল বিবরণ নামক একথানি জ্যোতির্গ্রন্থ প্রস্তুত করেন। উভয় গ্রন্থেই নবীন বাবু বিজ্ঞান সম্ভীয়া গ্রন্থ রচনায় বিশিষ্ট ক্ষমতা প্রদর্শন করিয়াছেন। বৈজ্ঞানিক বিষয় ভাল করিয়া লিখিতে হইলে বর্ণিতব্য বিষয়**টা সু**পরিক্ষুট রূপে নুকা চাই, যে বিষয়**টা** বলিতে হইবে তৎপ্রতি মানদিক দৃষ্টির স্থিরতা চাই, এবং ঐ ভাব ব্যক্ত করিবার নিমিত্ত যে সকল শব্দ ব্যবহার করিতে হইবে, সেই সকল শক্ষণক্তির যথার্থ পরিজ্ঞান চাই। নবীন বাবুর মানসিক দৃষ্টি পরিষ্কার, লক্ষ্য স্থির, এবং শব্দ প্রয়োগ অব্যর্থ। তিনি থগোল বিবরণে কতকগুলি ইংরাজি শব্দ বাধিয়া গিয়াছিলেন, এ এছে সেরপ করেন নাই দেথিয়া বিশেষ সভোষলাভ করিলাম। নহীন হাবুর এই**,গুভ**ক থানি বিল্যালয় সমুহে **প্র**বর্তিত হইলে, ভাল হয়।

## गः वान श्रविटकानग्र।

২রা আখিন ১২৭৬ দাল, শুক্রবার।

নবীন বাবুর এই পুস্তক থানির স্থানে স্থানে পাঠ করিয়া দেখা গেল যে, ইহা বঙ্গবিদ্যালয়ের অভিনের প্রয়োজনীয়, এবং তাহা সঙ্কলন করিতে গ্রন্থকর্তার ্ছ পরিশ্রম ও যত্ন বিনিয়োজিত হইয়াছে। আফ্রাদের বিষয় এই যে, বিজ্ঞানশাস্ত্রগুলিন বঙ্গীয় দাধ্ ভাষায় সঙ্কলিত হওরাতে দর্শ্ব সাধারণের মহত্পকারের উপার হইয়াছে।

# NOTICES ON THE FIRST EDITION OF THE PRACTICAL GEOMETRY &c.

Report of Babu Mohendra Nath Bhattacharjee, M.JA. Professor of Physical Science Calcutta Pathasala, to the Officiating Inspector of Schools Central Division.

9th October 1863.

The accompanying book is a treatise on Practical Geometry, Mensuration, Land surveying and Levelling. Any one who will take the trouble to read the book, will find that he has enriched his mind with an accurate and thorough knowledge of Practical Geometry &c. Few men possess the remarkable faculty of making abstruse subjects intelligible to ordinary minds in the one high degree as the writer of the book. The work is illustrated with a large number of handsome woodcuts. It is well suited to be used as a text book in the higher classes of the Normal schools in Bengali.

9th March 1870.

My DEAR SIR.

—I believe it was just the thing wanted, and win prove a usefull work.—

Yours truely, PEARY CHURN SIRKAR.

Maniktala, 21st September 1869.

SIR.

-From the nearest glance that I have been able to give to it I think it is well got up.

Yours faithfully.
Rajendra Lala Mitra.

No. 75 Surveyor General's Office. Calcutta 16th May 1870.

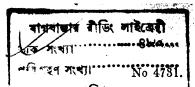
-Is no doubt an admirable work,

W. G. MURRAY, CAPTAIN.

Assistant Surveyor General.

Hindu Patriot, April 18th 1870. P. 122

The book is fit to be introduced in the Vernacular Schools. We wish Bengal anthors would turn their attention to rocks of this description



From the Officiating Director of Public Instruction.

To the Officiating Secretary to the Govt. of Bengal.

Dated 13-11-75.

Sir.

I have the honor to forward herewith a book entitled Practical Geometry, Mensuration, Lan Surveying and Levelling in Bengali by Bab Nobin Chandra Dutt and to state that I have real it from cover to cover. It is an excellent treatise and I cannot imagine the grounds on which mention of it has been omitted by the Committee appointed to draup a selected list of text books for the Vernacula Scholarship and Minor Scholarship course.

(Sd.) H. Woodrow.

Offg. Director of Public Instruction.

#### Calcutta Review 1876.

Babu Nobin Chandra Dutt deserves credit for his industry and enterprise. In the number of Educa "tional works he issues from the Press, he bids fair to rival Todhung r or Dr. William Smith.